Mathematik II für Informatiker SS 2020

Übung 0

Otto-von-Guericke Universität Magdeburg Distanz-Lehrmaterial Jun.-Prof. Dr. Jan Heiland, Dr. Michael Höding

Aufgabe 0.1 Gegeben seien die Matrizen

$$A = \begin{bmatrix} -2 & -1 & 0 \\ -1 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \ und \ D = \begin{bmatrix} 12 & a \\ a & 12 \end{bmatrix}, \ a \in \mathbb{R}.$$

- (a) Untersuchen Sie, ob die Matrizen A, B und C positiv (negativ) (semi)definit sind.
- (b) Ermitteln Sie, für welche $a \in \mathbb{R}$ die Matrix D positiv definit ist.

Aufgabe 0.2 Gegeben sei die Funktion

$$f: D \to \mathbb{R}, D \subseteq \mathbb{R} \text{ mit } f(x) = 2x^3 - 7x^2 - 5x + 4.$$

- (a) Ermitteln Sie Definitionsbereich, Wertebereich und Nullstellen der Funktion f.
- (b) Zerlegen Sie die Funktion f in Linearfaktoren.

Aufgabe 0.3 Gegeben seien die Funktionen

$$f_1: \mathbb{R} \to \mathbb{R} \ mit \ f_1(x) = 4e^x - 1 \ und \ f_2: \mathbb{R} \to \mathbb{R} \ mit \ f_2(x) = 9 - e^x.$$

- (a) Ermitteln Sie die Wertebereiche und die Nullstellen der Funktionen f_1 und f_2 .
- (b) Bestimmen Sie den Schnittpunkt der beiden Funktionen f_1 und f_2 .

Aufgabe 0.4 Bestimmen Sie die Nullstellen folgender Funktionen

$$f: D \to \mathbb{R}, D \subseteq \mathbb{R} \ mit :$$

(a)
$$f(x) = \frac{x^2 - 10}{x^2 - 4} + \frac{x - 8}{x - 2} - 2$$
,

(b)
$$f(x) = \sqrt{9-x} - 2x - 3$$
,

(c)
$$f(x) = \log_4(2 - \log_2 x) - 1$$
,

(d)
$$f(x) = 5^{2+x} + 5^{x+1} - 3$$
.

Aufgabe 0.5 Ermitteln Sie die Definitionsbereiche folgender Funktionen

$$f: D \to \mathbb{R}, D \subseteq \mathbb{R} \ mit :$$

(a)
$$f(x) = \sqrt{|16 - 2x| - 4}$$
,

(b)
$$f(x) = \ln(-x^2 - 6x + 7)$$
.