Operações inversas

A adição e a subtração são operações inversas.

A multiplicação e a divisão são operações inversas.

Uma desfaz o que a outra fez.

Exemplo

$$5 + 7 = 12 \Rightarrow 12 - 7 = 5 \text{ e } 12 - 5 = 7$$

$$5 \times 8 = 40 \Rightarrow 40 : 8 = 5 e 40 : 5 = 8$$

Exercícios

- 1. Efetue, indicando a operação inversa (como no exemplo
 - a) 345 + 582
 - b) 449 + 372
 - c) 832 212
 - d) 398 139
 - e) 25 × 17
 - f) 34 × 56
 - g) 1 955:85
 - h) 4 256:56
- 2. Complete a expressão
 - a) $\times 85 = 2040$
 - b) 856 + ____ = 1 008
 - c) _____ × 856 = 5 136
 - d) 568 ____ = 503
 - e) 8 025 : ____ = 1 605
 - f) 8 888 = 8 000
 - g) 112 + ____ = 324
 - h) 96 : ____ = 6
- 3. Complete a expressão
 - a) 156,45 + ____ = 234,69
 - b) 246,37 + ____ = 632,14
 - c) 753,46 ____ = 425,13
 - d) _____ 235,8 = 125,93

Equação do 1º grau

Pense em um número, multiplique-o por 5, some 31 e o resultado é 86. Que número é esse?

Para resolver o problema, devem-se usar as operações inversas e começar pelo fim:

Ou seja:

- a) 86 31 = 55 (a subtração é a operação inversa à adição)
- b) 55 : 5 = 11 (a divisão, inversa à multiplicação)

Logo, o resultado é 11.

Mas poderíamos escrever o problema de maneira diferente:

Pense em um número. Como é um número qualquer, que você não conhece, represente-o por x.

Multiplique-o por 5: 5x

Some 31: 5x + 31

O resultado é 86, ou seja: 5x + 31 = 86

Usando as operações inversas, temos:

$$5x + \underbrace{31 - 31}_{0} = 86 - 31 \Rightarrow 5x = 86 - 31 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow$$
 5x = 55 $\Rightarrow \frac{5x}{5} = \frac{55}{5} \Rightarrow x = \frac{55}{5} \Rightarrow x = 11$

Exercícios

- 4. Resolva as equações.
 - a) x + 5 = 23
 - b) x + 36 = 12
 - c) x 25 = 78
 - d) x 74 = 12
 - e) 3x = 15
 - f) 5x = 12
 - g) $\frac{x}{2} = 42$

 - h) $\frac{x}{2} = 18$
 - i) $\frac{2x}{3} = 28$ j) $\frac{3x}{4} = 42$

 - k) 3x + 140 = 260
 - I) 2x + 4 = 10
 - m) 5k 12 = 20
 - n) 2y + 15 y = 22
 - o) 9h 2 = 16 + 2h
 - p) $\frac{x}{4} + 23 = 45$
 - q) $\frac{4x}{5} + 57 = 85$
- - a) 3-7x=21

e) $\frac{x}{4} + 11 = \frac{3x}{2} + 15$

- b) 42 = 9x + 36
- c) 8x 25 = 5 + 2x
- d) 3(x+2) = 5x 12
- f) $\frac{4x-2}{3} + \frac{2x-3}{4} = \frac{5-x}{6} 2$
- 5) Determine x em cada caso
 - a) $x ext{ e} \frac{3}{4} de 36$.
- b) $\frac{3}{5}$ de x é igual a 18.
- 6) Determine a capacidade de um tanque de combustível, sabendo que $\frac{5}{12}$ desse tanque é igual a 1 300 litros.
- 7) Se $\frac{2}{5}$ do meu salário são R\$ 3.200,00; qual é o valor do meu salário?
- 8) Uma família reparte a sua renda mensal de modo que gasta $\frac{4}{5}$ e poupa os R\$ 858,00 restantes. Qual o valor da renda mensal dessa família?
- Comprei uma bicicleta e paguei $\frac{1}{3}$ no ato da compra. Depois de um mês, paguei $\frac{2}{5}$ do valor da bicicleta. Quanto resta pagar, se já paguei R\$ 305,80?
- 10) Com R\$ 121,00 compraram-se copos, a saber: $\frac{1}{2}$ dos copos a R\$ 1,80 cada um; $\frac{1}{4}$ a R\$ 2,00 cada um e o resto a R\$ 2,20 cada um. Quantos copos eram?

- 11) Paguei $\frac{4}{5}$ da minha dívida e ainda estou devendo R\$ 150,00. De quanto era a dívida, e quanto já paguei?
- 12) Vendeu-se 0,7 de um rolo de fio elétrico de 76,5 m. Quantos metros sobraram?
- 13) Dois amigos gastaram num jantar R\$ 240,00. Um deles pagou 0,6 do que o outro pagou. Quanto pagou cada um?
- 14) Uma senhora gastou R\$ 500,00 em joias. Do dinheiro que possuía, sobraram 0,6. Quanto ela possuía antes das compras?
- 15) Um negociante comprou uma peça de tecido por R\$ 4.428,00. Vendeu 0,4 a R\$ 190,00 o metro; 0,75 do resto a R\$ 240,00 o metro e o restante a R\$ 280,00 o metro. Sabendo-se que a peça tinha 24,5 m, quanto ganhou?
- 16) Joãozinho recebeu 60 problemas para resolver e acertou 24. Pedrinho recebeu 68 e acertou 30. Quem apresentou melhor resultado?

Sem resolver a equação:

- 1. Verifique se $\frac{3}{5}$ é uma raiz da equação $\frac{5x}{2} + \frac{5x}{6} = 2$.
- 2. Verifique se 5 é uma solução de 4x 11 = 2(x 3) + 5.
- 3. Verifique se 4 é uma solução de 3(x-2) + 5(2x-1) = 7(3-x).
- 4. Verifique se 3 e 2 são soluções da equação $x^2-7x+12=0$.
- 5. Verifique se -4 e $\frac{2}{3}$ são raízes da equação $3x^2+10x-8=0$.

Respostas

1.

- a) $345 + 582 = 927 \Rightarrow 927 582 = 345 = 927 345 = 582$
- b) $449 + 372 = 821 \Rightarrow 821 372 = 449 e 821 449 = 372$
- c) $832 212 = 620 \Rightarrow 620 + 212 = 832 (832 620 = 212)$
- d) $398 139 = 259 \Rightarrow 259 + 139 = 398 (398 259 = 139)$
- e) $25 \cdot 17 = 425 \Rightarrow 425 : 17 = 25 \text{ e } 425 : 25 = 17$
- f) $34 \cdot 56 = 1904 \Rightarrow 1904 : 56 = 34 e 1904 : 34 = 56$
- g) $1955:85=23 \Rightarrow 85 \cdot 23=1955 (1955:23=85)$
- h) 4 256 : 56 = 76 \Rightarrow 76 \cdot 56 = 4 256 (4 256 : 76 = 56)

2.

- a) 24
- b) 152
- c) 6
- d) 65
- e) 5
- f) 888
- g) 212
- h) 16

3.

- a) 78,24
- b) 385,77
- c) 328,33
- d) 361,73

4.

- a) 18
- b) -24
- c) 103
- d) 86
- e)
- f) $\frac{12}{5} = 2.4$
- g) 84
- h) 54
- i) 42
- j) 56
- k) 40
- K) 40
- m) $\frac{32}{5} = 6.4$
- n) 7
- o) $\frac{18}{7}$
- p) 88
- q) 35

4.1

- a) $-\frac{18}{7}$
- b) $\frac{2}{3}$
- c) 5
- d) 9
- e) $-\frac{16}{5}$
- f) $\frac{1}{8}$
- **5.** a) 27
- 6. 3 120 litros
- **7.** R\$ 8.000,00
- 8. R\$ 4.290,00
- **9.** R\$ 111,20
- **10**. 60
- **11.** R\$ 750,00
- **12.** 22,95 m
- **13.** R\$ 150,00 e R\$ 90,00

b) 30

- **14.** R\$ 1.250,00
- **15.** R\$ 1.109,00
- 16. Pedrinho