

1º DS Matemática 25/06/2021 (MAT-1A-I-ETIM DESENVOLVIMENTO DE SISTEMAS-018-20211)

Resolva as questões de modo organizado e compreensível no seu caderno.

Responda as questões no Forms, dentro do prazo estabelecido.

Após o envio do questionário, para validar a avaliação, digitalize as questões resolvidas e poste no Teams, na equipe de Matemática, em Caderno, Lição de Casa, até às 22 h.

Proibido o uso de calculadora e de aplicativos.

Proibido o uso de calculadora e de aplicativos.

Será atribuída menção I às provas que forem identificadas como iguais ou mesmo parecidas. Isso é facilmente perceptível, já que cada aluno tem o seu próprio estilo para redigir a resolução.

Critérios de avaliação

Não basta a resposta correta, é necessário apresentar argumentação válida que acarreta a resposta correta. Raciocínio lógico; Comparações; Analogias; Organização; Clareza; Criticidade; Generalização; Objetividade; Uso correto de termos técnicos; Linguagem adequada; Coerência; Embasamento conceitual.

* Este formulário registrará seu nome. Preencha-o.

1

$$\frac{12+15}{3} = \frac{12}{3} + \frac{15}{3}$$

Considere a , b e c números inteiros, com a não nulo.
(1 Ponto)

$$\begin{aligned} b &= aq \quad q \in \mathbb{Z} \\ c &= ak \quad k \in \mathbb{Z} \\ b+c &= aq + ak = a \cdot (q+k) \end{aligned}$$

$\underbrace{(q+k)}_{n \in \mathbb{Z}}$
int

☐ Se b é divisível por a , então $(b - c)$ é divisível por a .

$$F \quad \frac{8-5}{2}$$

☒ Se b é divisível por a e c é divisível por a , então $(b + c)$ é divisível por a .

☐ Se $(b + c)$ é divisível por a , então b é divisível por a e c é divisível por a .

$$\frac{7+5}{2} = 6$$

☒ Se $(ab + c)$ é divisível por a , então c é divisível por a .

$$ab+c = a \cdot q \quad q \in \mathbb{Z} \Rightarrow ab - aq = c$$

$$a \cdot \underbrace{(b-q)}_{\text{int}} = c \quad \therefore c \text{ é div. por } \underline{a}$$

2

Considere que todos os números inteiros de 8 até 633 são divididos por 7 e a seguir, todos os restos obtidos nestas divisões são somados. O valor dessa soma é

(1 Ponto)

restos 1 2 3 4 5 6 0

☐ 1 869

8 9 10 11 12 13 14 \rightarrow

2. 7

☐ 2 409

15 16 17 18 19 20 21 \rightarrow

3. 7

☐ 1 896

22 23 24 25 26 27 28 \rightarrow

4. 7

☒ 1 875

...

...

☐ 1 890

... 630 \rightarrow

90. 7

631 632 633

Soma dos restos: 21

$$S = 89 \cdot 21 + 1 + 2 + 3 = 1875$$

3

Sejam a e b inteiros positivos. Na divisão euclidiana de a por b o quociente é 7 e o resto o menor possível. Sabendo que $a + b = 536$, a soma dos algarismos de a é (1 Ponto)

$$a \div b \Rightarrow a = 7b$$

$$\therefore 7b + b = 536$$

$$8b = 536$$

$$b = 67$$

$$\therefore a = 7 \cdot 67 = 469$$

☒ 19

☐ 11

☐ 15

☐ 13

☐ 15

4

(1 Ponto)

Sejam A , B e C conjuntos contidos em $U = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ tais que

- $A \cup B \cup C = U$
- $A \cap B = \emptyset$
- $A \cap C = \{e, f\}$
- $B \cap C = \{g\}$
- $\overline{A \cup B} = \{h\}$ só h
- $A - C = \{b, c\}$

O número de elementos do conjunto $D = (C - A) \cup (C - B)$ é

☐ 6

☐ 2

☒ 4

☐ 3

☐ 5



$$C - A = \{g, h\}$$

$$C - B = \{e, f, h\}$$

$$D = \{e, f, g, h\}$$

$\overline{(A \cup B)}$

5 $A = \{-12, -11, \dots, 11, 12\}$
 (1 Ponto) $|-12| = 12 \quad |-11| = 11$

Dados os conjuntos
 $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid |x| \leq 12\}$,
 $B = \left\{x \in A \mid x = \frac{4k-7}{3}, \text{ com } k \in \mathbb{Z}\right\}$ e
 $C = \{x \in A \mid x \text{ deixa resto } 7 \text{ quando dividido por } 8\}$,
 a soma dos elementos do conjunto $B - C$ é

Handwritten calculations:

$$\begin{array}{r} -1 \overline{)8} \\ 7 \quad -1 \\ \hline -1 = 8 \cdot (-1) + 7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} -9 \overline{)8} \\ 7 \quad -2 \\ \hline -9 = 8 \cdot (-2) + 7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} x \overline{)8} \\ 7 \end{array}$$

Options: ☐ 6, ☒ 9, ☐ 2, ☐ 14

Handwritten work:
 $C = \{-9, -1, 7, 15\}$
 $B = \{-9, -5, -1, 3, 7, 11\}$
 $B - C = \{-5, -1, 3, 7, 11\}$
 Sum: $-5 - 1 + 3 + 7 + 11 = 15$

k	0	1	4	7	10			
x	11	-1	3	7	11			

Handwritten equations:
 $k = \frac{3x+7}{4}$
 $k \in \mathbb{Z}$
 $k = \frac{3x+3+4}{4}$
 $k = \frac{3(x+1)}{4} + 1$

Em uma pesquisa com os 60 alunos de uma turma do ensino médio sobre a preferência deles com respeito às disciplinas Matemática, Física e Química, foi constatado que: 14 alunos gostam de exatamente duas das três disciplinas; 20 alunos gostam das três disciplinas; 10 alunos não gostam de nenhuma das três disciplinas. Quantos alunos gostam de exatamente uma das três disciplinas?

(1 Ponto)

Options: ☐ 30, ☒ 16, ☐ 18, ☐ 26, ☐ 24

Venn diagram showing three sets M, F, and Q. The regions are labeled: a (M only), b (F only), c (Q only), x (M and F only), y (M and Q only), z (F and Q only), 20 (all three), and 10 (none).

Handwritten equations:
 $x + y + z = 14$
 $(a + b + c) + (x + y + z) + 20 + 10 = 60$
 $a + b + c = 60 - 44 = 16$

7

Seja N um número natural tal que a divisão de N por 30 tem resto igual ao quadrado do quociente.

Nessas condições, a quantidade de restos possíveis para essa divisão é (1 Ponto)

- ☐ 4
☐ 5
☐ 7
☒ 6
☐ 3
- $N \in \mathbb{N}$ $N \overline{) 30}$ $q \in \mathbb{N}$
 q^2 q
 $q^2 < 30$ e $q \in \mathbb{N}$
 $q \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$
 $0^2 = 0 < 30$

8

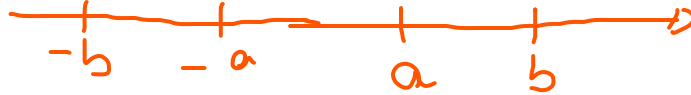
Um serralheiro precisa cortar duas barras de ferro, uma com 180 centímetros de comprimento e outra com 150 centímetros de comprimento, em pequenos pedaços, todos do mesmo tamanho e do maior comprimento possível. Quantos desses pedaços o serralheiro vai obter? (1 Ponto)

- ☐ 44
☐ 33
☒ 11
☐ 55
☐ 22
☐ 66
- 180 cm
 150 cm
 $\text{mdc}(150, 180) = 2^1 \cdot 3^1 \cdot 5^1$
 $150 = 3 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 5 = 2 \cdot 3 \cdot 5^2$
 $180 = 2 \cdot 3^2 \cdot 2 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$
 $\frac{2^2 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 3 \cdot 5} = 2 \cdot 3 = 6$ pedaços
 $\frac{2 \cdot 3 \cdot 5^2}{2 \cdot 3 \cdot 5} = 5$ pedaços
 comprimento de cada pedaço $(2 \cdot 3 \cdot 5) \text{ cm}$

Determine o número inteiro, $1\,500 < n < 2\,000$, que dividido por 15, 25 e 40 deixa o mesmo resto 8. Nessas condições, a soma dos algarismos de n é (1 Ponto)

- $m = 15q + 8 \rightarrow m - 8 = 15q$
 $m = 25k + 8 \rightarrow m - 8 = 25k$
 $m = 40c + 8 \rightarrow m - 8 = 40c$
 $q, k, c \in \mathbb{N}$
 $\therefore m - 8$ é múltiplo de $\text{mmc}(15, 25, 40) = 600$
 $m - 8 = 600 \cdot Q, Q \in \mathbb{N} \Rightarrow m = 600Q + 8, Q \in \mathbb{N}$
 $1\,500 < m < 2\,000 \quad Q = 3 \Rightarrow m = 1\,808$

Dados a, b e c números inteiros. (1 Ponto)



- ☒ $a \leq b$ se, e somente se $-b \geq -a$. $1 < 2 \Rightarrow -2 > -1$
☒ Se $a^2 = b^2$, então $a = b$. $(2)^2 = (-2)^2 (v)$ e $2 \neq -2$
☒ Se $ab = ac$, então $b = c$. $0 \cdot 2 = 0 \cdot 3$ e $2 \neq 3$
☒ Se $a < b$ e $c < 0$, então $ac > bc$.
☒ $a^n \geq 0$, qualquer que seja n natural. $(-2)^3 = -8 < 0$

$$a^2 = b^2 \Rightarrow a = b \text{ ou } a = -b$$

$$ab = ac \text{ e } \underline{a \neq 0} \Rightarrow b = c$$

$$2 < 3 \text{ e } 5 > 0 \Rightarrow 2 \cdot 5 < 3 \cdot 5 (v)$$

$$2 < 3 \text{ e } -5 < 0 \Rightarrow 2 \cdot (-5) > 3 \cdot (-5) (v)$$

$$Q > 0, \quad \left. \begin{array}{l} x < y \Leftrightarrow ax < ay \\ x < y \Leftrightarrow ax > ay \end{array} \right\} \begin{array}{l} a < 0 \\ a > 0 \end{array}$$

11

Dado o conjunto $A = \{1, 2, 3, 4, \dots, 12\}$, determine o conjunto $B = \{x \text{ pertence a } A \mid x - 3 \text{ é primo ou } x \text{ dividido por } 5 \text{ deixa resto } 3\}$.

A soma dos elementos de B é
(1 Ponto)

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x-3$	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$x \div 5$	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	1	2

☐ 20
☒ 32
☐ 33
☐ 30
☐ 17

$B = \{5, 6, 8, 10, 3\}$

Somar os elementos

12

Seja X o menor número inteiro positivo pelo qual se deve multiplicar o número $N = 315 \cdot 24$, para se obter um quadrado perfeito. Nessas condições, N é o quadrado de

(1 Ponto)

$N = \underbrace{2^3 \cdot 3^3 \cdot 5 \cdot 7}_{315 \cdot 24} \cdot \underbrace{2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7}_X$

$N \text{ QD}$

$X = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$

$315 = 63 \cdot 5 = 3^2 \cdot 7 \cdot 5$

$24 = 2^3 \cdot 3$

$N = 2^4 \cdot 3^4 \cdot 5^2 \cdot 7^2 = 4^2 \cdot 9 \cdot 5 \cdot 7 = (4 \cdot 9 \cdot 5 \cdot 7)^2$

$QD \cdot 63$

☐ 1 470.
☐ 630.
☐ 840.
☐ 210.
☒ 1 260.

