$$\frac{1}{dx} \left(\frac{\log x}{\log x + 1} \right) = \frac{(\log x)((\log x + 1) - (\log x)((\log x + 1))^{2}}{((\log x + 1))^{2}}$$

$$= \frac{\frac{1}{x}((\log x + 1) - (\log x) \cdot \frac{1}{x}}{((\log x + 1))^{2}}$$

$$= \frac{\log x + (-\log x)}{x((\log x + 1))^{2}}$$

$$= \frac{1}{x((\log x + 1))^{2}}$$

$$\frac{1}{dx}\left\{\left| og_{e}\left(x+\sqrt{\chi^{2}+1}\right)\right|^{2} = \left(x+\sqrt{\chi^{1}+1}\right)^{-\frac{1}{\chi+\sqrt{\chi^{2}+1}}}$$

$$= \left(1+\frac{\chi}{\sqrt{\chi^{2}+1}}\right)^{-\frac{1}{\chi+\sqrt{\chi^{2}+1}}}$$

$$= \frac{1}{\chi+\sqrt{\chi^{2}+1}} + \frac{\chi}{\sqrt{\chi^{2}+1}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\chi^{2}+1}} + \frac{\chi}{\sqrt{\chi^{2}+1}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\chi^{2}+1}} \left(\chi+\sqrt{\chi^{2}+1}\right)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\chi^{2}+1}}$$

$$(3) \int_{3}^{5} \frac{dx}{x^{3} - 2x^{2} + x} = \int_{3}^{5} \frac{dx}{x(x-1)^{2}} = \int_{3}^{5} \left\{ \frac{A}{x} + \frac{B}{x-1} + \frac{C}{(x-1)^{2}} \right\} dx$$

$$(A, B, C : \mathbb{R}^{\frac{1}{2}})$$

$$(A, B, C : \mathbb{R}^{\frac{1}{2}})$$

$$(A, B, C : \mathbb{R}^{\frac{1}{2}})$$

恒等式とみて係数を比較すると.

$$\begin{cases}
A + B = 0 \\
-2A - B + C = 0 \\
A = 1
\end{cases}$$

$$A = 1, B = -1, C = 1$$

L>3

$$(\frac{5}{4} \cdot \frac{1}{5}) = \int_{3}^{5} \left\{ \frac{1}{x} - \frac{1}{x-1} + \frac{1}{(x-1)^{2}} \right\} dx$$

$$= \left[\log_{e} x - \log_{e} (x-1) - (x-1)^{-1} \right]_{3}^{5}$$

$$= \left(\log_{e} 5 - \log_{e} 4 - \frac{1}{4} \right) - \left(\log_{e} 3 - \log_{e} 2 - \frac{1}{2} \right)$$

$$= \log_{e} \frac{5}{4} - \frac{1}{4} - \log_{e} \frac{3}{2} + \frac{1}{2}$$

$$= \log_{e} \frac{5}{4} + \frac{1}{4} = \log_{e} \frac{5}{6} + \frac{1}{4}$$

2

$$(5-5) = \frac{35^2 + 25 + 1}{(5+1)(5^2 + 25 + 2)} = \frac{A}{5+1} + \frac{B + C}{5^2 + 25 + 2}$$
 たかく、(A,B,C: 定奏外)

$$\frac{(5+7)}{(5+1)(5^2+25+2)} = \frac{As^3+2As+2A+Bs^2+Bs+(s+c)}{(5+1)(5^2+25+2)} = \frac{(A+B)s^2+(2A+B+c)s+(2A+c)}{(5+1)(5^2+25+2)}$$

恒等式とみて人教教を比較すると、

$$\frac{2}{5+7}, \frac{2}{5+1} + \frac{5-3}{(5^2+25+2)}$$

$$= 2\frac{1}{5+1} + \frac{5+1}{(5+1)^2+1^2} - 4\frac{1}{(5+1)^2+1^2}$$

t, 7.

$$\int_{-1}^{-1} \left[\frac{3s^2 + 2s + 1}{s^3 + 3s^2 + 4s + 2} \right] = 2 \int_{-1}^{-1} \left[\frac{1}{s + 1} \right] + \int_{-1}^{-1} \left[\frac{s + 1}{(s + 1)^2 + 1^2} \right] - 4 \int_{-1}^{-1} \left[\frac{1}{(s + 1)^2 + 1} \right]$$

$$= 2e^{-t} + e^{-t} \cos t - 4e^{-t} \sin t$$

$$= e^{-t} \left(2 + \cos t - 4 \sin t \right)$$

7イラーの公式を関って、sin2t =
$$\frac{1}{2\hat{j}} (e^{\hat{j}^{2}t} - e^{-\hat{j}^{2}t}) = 73 \ge$$

$$(与式) = t \cdot e^{-3t} \cdot \frac{1}{2\hat{j}} (e^{\hat{j}^{2}t} - e^{-\hat{j}^{2}t}) = \frac{1}{2\hat{j}} t (e^{-(3-\hat{j}^{2})t} - e^{-(3+\hat{j}^{2})t})$$

$$\int \left[t \cdot e^{-3t} \sin 2t\right] = \int_{0}^{\infty} \frac{1}{2j} t \left(e^{-(3-j^2)t} - e^{-(3+j^2)t}\right) e^{-5t} dt$$

$$\int_{0}^{2} \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} t \left(e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right) dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} t \left(e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right) dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[\left\{ e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right\} - \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[\left\{ e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right\} - \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^{-(3-j2+s)t} - e^{-(3+j2+s)t} \right] dt$$

$$= \frac{1}{2j} \int_{0}^{\infty} \left[e^$$

$$= \frac{1}{2j} \left\{ \frac{1}{(3-j^2+s)^2} - \frac{1}{(3+j^2+s)^2} \right\}$$

$$\frac{\int \left[t \cdot e^{-3t} \sin 2t\right]^{2}}{Y} \left\{ \frac{1}{(x-Y)^{2}} - \frac{1}{(x+Y)^{2}} \right\}$$

$$= \frac{1}{Y} \left\{ \frac{(x+Y)^{2} - (x-Y)^{2}}{(x-Y)^{2} + (x-Y)^{2}} \right\}$$

$$= \frac{1}{Y} \left\{ \frac{x^{2} + 2xY + Y^{2} - (x^{2} - 2xY + Y^{2})}{(x^{2} - Y^{2})^{2}} \right\}$$

$$= \frac{1}{Y} \left\{ \frac{4xY}{(x^{2} - Y^{2})^{2}} \right\}$$

$$= \frac{4x}{(x^{2} - Y^{2})^{2}}$$

$$\frac{\int \left[t \cdot e^{-3t} \sin 2t\right] = \frac{4(3+s)}{\left((3+s)^2 - (j^2)^2\right)^2}}{\left((3+s)^2 - (j^2)^2\right)^2}$$

$$= \frac{4(s+3)}{\left(s^2 + 6s + 9 + 4\right)^2}$$

$$= \frac{4(s+3)}{\left(s^2 + 6s + 13\right)^2}$$

2

$$\frac{(5+1)}{(5+1)(5^2+55+6)} = \frac{5^2-5+3}{(5+1)(5+2)(5+3)} = \frac{A}{5+1} + \frac{B}{5+2} + \frac{C}{5+3}$$

とか(。(A.B.Cは定数)

5,2.

$$\frac{\left(\frac{5}{4}\right)}{\left(\frac{5}{4}+\frac{5}{5}+6\right)+\frac{3}{5}\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{5}+\frac{3}{2}\right)+\frac{3}{5}\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{5}+\frac{3}{2}\right)}{\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{2}\right)\left(\frac{5}{5}+\frac{3}{2}\right)\left(\frac{5}{5}+\frac{3}{2}\right)+\frac{3}{5}\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{4}+\frac{3}{2}\right)+\frac{3}{5}\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{4}+\frac{3}{2}\right)}{\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{4}+\frac{3}{2}\right)+\frac{3}{5}\left(\frac{5}{4}+\frac{3}{4}+\frac{3}{4}+\frac{3}{2}\right)}$$

恒等式とみて、信数と比較すると、

$$\begin{cases}
A + B + C = 1 & \cdots & 0 \\
5A + 4B + 3C = -1 & \cdots & 0 \\
6A + 3B + 2C = 3 & \cdots & 0
\end{cases}$$

$$f_{37}$$
, $f_{3}^{2} - f_{37}$ f_{37} f_{37}

$$\int_{-1}^{-1} \left[\frac{s^2 - s + 3}{s^3 + 6s^2 + 11s + 6} \right] = \frac{5}{2} e^{-t} - 9e^{-2t} + \frac{15}{2} e^{-3t}$$

6 $P(s) = \frac{Kt}{LJ s^3 + (RJ + L\mu) s^2 + (R\mu + ke Kt) s}$ テキスト 図20 (p29)の制能pfで、 915UV(s)=0, 観測雑音 W(s)=0 として、 $R(s) \xrightarrow{E(s)} C(s) \xrightarrow{P(s)} Y(s)$ という形で、表tt3ので 一巡位連項 L(s),偏差 E(s),出力 Y(s) (a,目標入力R(s)と補償器()(s)と制能对象 P(s)より、 $(s) = P(s) \cdot ((s)$ $\frac{E(s) = \frac{1}{1 + L(s)} = \frac{1}{1 + P(s) \cdot C(s)}$ $\frac{V(s) = \frac{L(s)}{1 + L(s)} R(s) = \frac{P(s) \cdot C(s)}{1 + P(s) \cdot C(s)} R(s)$ と表すことができる。6~10の問題では、L(s), E(s), Y(s)をこのように定義する。 (1) C(s)=1 5)、一巡 (元) 関教 L(s) 10. L(s) = P(s) C(s) = P(s) = L. Js3+ (RJ+Lµ)s2+(Rµ+Ke Ke)s (2) システムのケイン 今本谷 Gm, 位相 今本谷 Pm, ケイン交差周波数 Wg, 位相交差周波数 Wp は、し(5)のホード線図から形めることができる。 scilabでこれらの値を形はるコマンドを実行 した糸根を示す、 「一个年本谷 Gm = 25.9 [dB] 位不目 余人な Pm = 49.3 [deg] ケイン交差周波登 wg = 22.6 [Hz] 位相交差周波数 wp = [24.6 [Hz]

(3) 定常東度偏差とは、単位ランプラスカに対する定常偏差のことである。

よって定常速度偏差 Ena 単位ランプントラントン

$$E_{N} = \lim_{s \to 0} s \cdot E_{(s)} \cdot \frac{1}{s^{2}} = \lim_{s \to 0} \frac{1}{s} E_{(s)} = \lim_{s \to 0} \frac{1}{s + sL(s)} = \lim_{s \to 0} \frac{1}{sL(s)}$$

$$= \lim_{s \to 0} \frac{1}{L \cdot J \cdot s^{2} + (RJ + 1 \mu)s + (R\mu + kck)} = \frac{R\mu + kekt}{kt}$$

$$\frac{3.2 \cdot 9.0 \times 10^{-5} + 4.9 \times 10^{-3} \cdot 0.47}{0.47}$$

$$= \frac{0.288 \times 10^{-3} + 2.303 \times 10^{-3}}{0.47}$$

$$= \frac{2.591}{0.47} \times 10^{-3} = 5.51 \times 10^{-3} \left[\text{m/s} \right] \qquad 7 = 6.47$$

(1) 意果題ものシステムの L(s)のボード線図を図1 (ペーシ")に示す

位相 余裕を Pm=40 [deg] こする10は L(5つの位相が-140 [deg]の周瀬に着目する。 この 周波教での L(5つのゲインは-4 [dB] より、4 [dB] 分のケインを前貨器を設定できる。 よって、

t.7 L(5)12.

$$L(s) = P(s) C(s) = 10^{0.2} \cdot P(s) = 1.58 P(s)$$

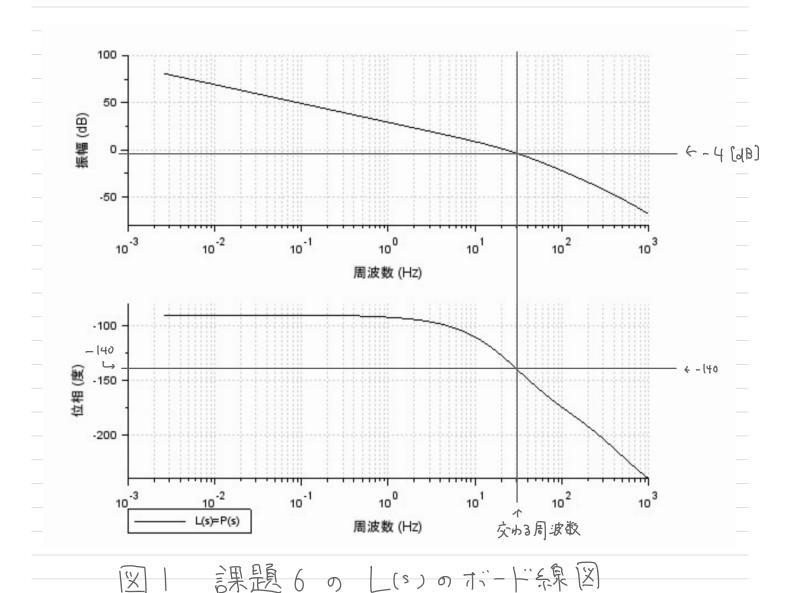
4 1= 11=

きれい!? 6く 第つきまから

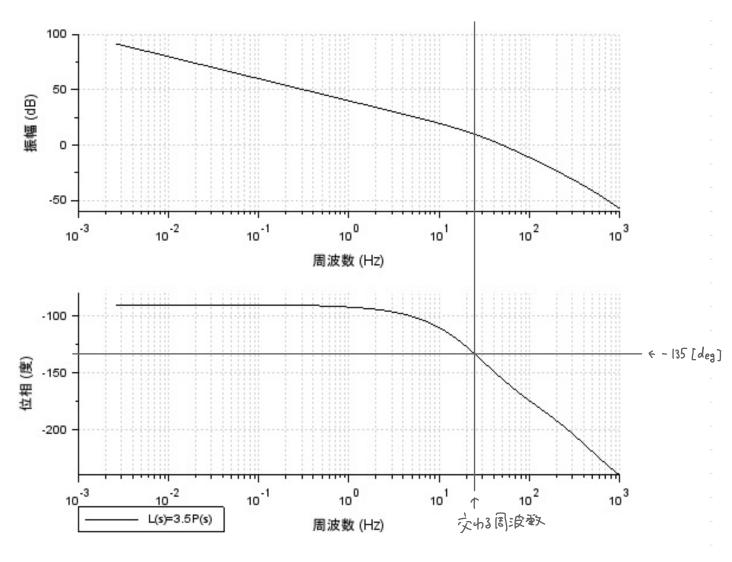
Kを定め、前間と同様に Scilabコマンドより実行してきまれる

位7目今於 Pm = 39.5 [deg]と15り、おおよそPm= 40 [deg]を 活に3ことができた。

$$E_{N} = \frac{2.591}{1.56 \cdot 0.47} \times 10^{-3} = 3.49 \times 10^{-3} = 0.00349$$



8、6(3).7(2)より、定常速度偏差そ~(2、 (1) EN= ling 1 $=\frac{1}{K}\cdot\frac{2.591}{0.47}\times10^{-3}$ となる。. ニニで、[設計化禄1]より、モル至0.00円を満たるには、 $\frac{1}{K} \cdot \frac{2.591}{0.49} \times 10^{-3} \le 0.0017 \iff \begin{cases} \frac{2.591}{0.799} \stackrel{?}{=} 3.2428 \end{cases}$ よって、ド=3.5と 33こと(=33。 ゲインネ南僧器 Cc5)= K=3.5を使用して. L(s)= Cc5) Pc5)= 3.5 Pc5)のボート、報図を図2(ページ)に示す。 位相余裕をPm=45[deg]とする10はL(5つの位相が-135[deg]の周波表は24[Hz]と意義みとれる。まで、メンケイン周波を文Wgと位相余裕Pm[deg]の関係は. 0.1 0.2 0.4 Wg [Hz] 10.02 17.52 23.59 28.70 Pm [deg] 53.59 48.37 42.61 38.11 であったので、以=0.3のをき、Wgがあるなや24[Hz]を733ので 以=0-3を引る。 また、Oが大きくなるにつれ、Pmが小さくなることから、安全性を見積った意味を理解した。 以= 0.3、 (=3.5 のとき、位相) 16れ補償器を用いた希果の、Scilabのコマント"より、 「イン 奈衣谷 Gm = 24.71 [dB] 位不且 年本谷 Pm = 42.61 [deg] ケイン交差周波数 wg = 23.60 [Hz] 应相交差周波数 ωp = 119.25 [Hz] となり、位利自余裕 Pmがかかかかり 40 [deg] と満ですことができた。 また、定常速度偏差ENO. En= lim 5 = lim 1+ Ts 5+0 5L(s) 5+0 5K(1+aTs)P(s) = |im (1+ Ts)(LJs3+ (RJ+Ln)s2+ (Rn+KeKe)s) s+0 sk([+ dTs) Kt = |im As4+Bs3+Cs2+(RM+KeKe)s 570 d.K.Kt.Ts2+K.Kt.S $= \frac{RM + KeKt}{K \cdot Kt} = \frac{1}{K} \cdot \frac{RM + KeKt}{Kt}$ $= \frac{1}{3.5} \cdot \frac{2.591}{0.47} \times 10^{-3} \stackrel{?}{=} 0.00158 \stackrel{?}{\leq} 0.0017$ となり、「設計付本様」」を満てしている。



型2. L(s)=3.5P(s)のボード系配

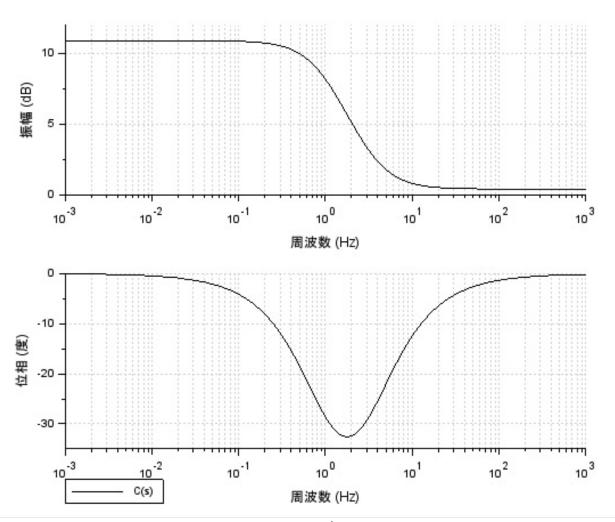


图3 位相遅れ補償器(15)のボード線図

9.

9	
9	
$C(s) = k \cdot \frac{1 + \alpha Ts}{1 + Ts}, \alpha > 1$	
K=0.2とする。 ゲイン補償器の Y(s)のPm=57、132 [deg]であるので、	
	~ I
$\sin(40^{\circ} + 57.132^{\circ}) = \frac{d-1}{d+1} \iff \sin(97.132^{\circ}) = \frac{\alpha-1}{d+1} \iff 0.01378766421 = \frac{d}{d}$	+1
(d1) A = x-1	
Ad+ A = a-1	
$(A-1)\alpha = -1-A$	
$\alpha = \frac{-(A+1)}{A-1} =$	
A - I	