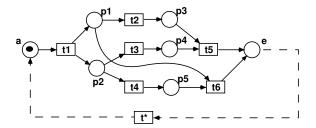
## FGI-2 – Formale Grundlagen der Informatik II

Modellierung und Analyse von Informatiksystemen

Aufgabenblatt 11: Workflownetze und Gefärbte Petrinetze

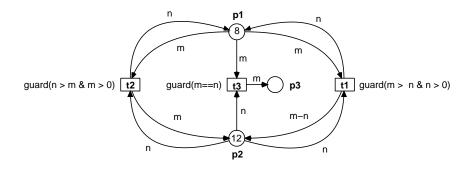
Präsenzteil am 04./05.01. – Abgabe am 11./12.01.2016

**Präsenzaufgabe 11.1:** Gegeben sei folgendes P/T-Netz  $\overline{N}$ . Das Netz N entsteht, indem man die Transition  $t^*$  mit den anliegenden Kanten streicht.



- 1. Konstruieren Sie den Erreichbarkeitsgraphen von  $\overline{N}$ .
- 2. Ist N ein Workflow-Netz? Begründen Sie!
- 3. Ist N ein korrektes Workflow-Netz? Begründen Sie!
- 4. Zeigen Sie: In jedem Workflow-Netz ist der Anfangsplatz a eindeutig bestimmt. Ebenso der Endplatz e.
- 5. Beweisen oder widerlegen Sie: Sei N ein korrektes Workflow-Netz und  $\overline{N}$  sein Abschluss (s. Skript Abschnitt 8.3.7). Die Initialmarkierung  $m_a = a$  ist ein Rücksetzzustand (home state) für  $\overline{N}$ .

**Präsenzaufgabe 11.2:** Betrachten Sie das folgende gefärbte Petrinetz N mit drei Stellen  $p_1$ ,  $p_2$  und  $p_3$ , alle vom Typ *integer*.



- 1. Geben Sie eine Schaltfolge bis zur Termination (d.h. in diesem Fall: bis zur Verklemmung des Netzes) an! Gibt es eine andere?
- 2. Geben Sie für die erste Transition in ihrer Schaltfolge die Belegung  $\beta$  explizit an!

Version vom 17. Dezember 2015

- 3. a) Zeigen Sie, dass das Petrinetz eine Funktion berechnet, d.h. von einer Anfangsmarkierung aus zu einer (abhängig von der Anfangsmarkierung) eindeutig bestimmten Endmarkierung kommt.
  - b) Um welche Funktion handelt es sich?

Erläuterung: Die Funktion f(x, y) soll berechnet werden, indem die Stellen  $p_1$  und  $p_2$  in der Anfangsmarkierung die Argumente x und y enthalten, d.h.  $m_0(p_1) = 1'x$  und  $m_0(p_2) = 1'y$ . Die Stelle  $p_3$  ist initial unmarkiert. Das Netz soll dann so schalten, dass die Stellen  $p_1$  und  $p_2$  am Ende leer sind und die Stelle  $p_3$  mit f(x, y) markiert ist.

## Übungsaufgabe 11.3: Modellierung und Analyse mit Petrinetzen

von 6

Für diese Aufgabe benötigen Sie zusätzlich zu Renew auch noch das Renew Lola Plugin. Dies können Sie unter den Ressourcen² finden.

- 1. Erstellen Sie mit Renew das Cellphone Modell aus Aufgabe 5.3 als P/T-Netz. Benutzen Sie dafür die Vorlage von der FGI2 Web-Seite². Vergessen Sie nicht, die Meta-Daten (@author...) einzutragen und das Netz (Datei) entsprechend umzubenennen. Die in der Vorlage bereits vorhandenen Stellen sollen die Prädikate (Etiketten) modellieren. Diese sollen somit also entweder eine Marke oder keine Marke enthalten. Nutzen Sie das Werkzeug für die Virtuellen Stellen um Kopien von den *Prädikatstellen* zu erzeugen. Somit kann das Netz trotz mehrmaligem Zugriff auf diese Stellen aufgeräumt sein.
  - Anmerkung: Virtuelle Stellen stellen keine semantische Erweiterung der P/T-Netze dar. Sie sind nur ein zeichnerisches Hilfsmittel. In der internen Darstellung (für Lola) tauchen diese nicht mehr auf. Virtuelle Stellen werden dadurch erzeugt, dass das "Virtual Place Tool" ausgewählt wird und dann auf die Originalstelle geklickt wird.
- 2. Prüfen Sie ihr Modell mit den in Aufgabe 5.3.1 angegebenen Formeln f und g. Die Formeln können als einfache Text-Elemente (Text Tool) zu dem Netz hinzugefügt werden und dann direkt durch Lola ausgewertet werden. Die Lola Integration in Renew liefert dafür eine einfache Benutzerunterstützung. Zum Glück kann Lola überprüfen wie groß eine Markierung ist. So kann mit on > 0 geprüft werden, ob sich eine Marke auf der Stelle on befindet.

Anmerkung: Die Ausgaben (Ergebnisse, Fehlermeldungen sowie weitere Informationen) werden vom Lola Plugin auf verschiedene Weise dargestellt. Beachten Sie auf jeden Fall für evtl. Fehlermeldungen (Syntaxfehler) die Kommandozeile. Dazu müssen Sie evtl. Renew von dieser mit dem Befehlt java -jar renew2.5.X/loader.jar gui starten. Der Parser von Lola ist intolerant gegen zu wenige Leerzeichen. Alle Tokens müssen durch solche getrennt werden. So kann error = 0 nicht korrekt geparst werden; es muss error = 0 heißen. Für Tasks gibt es die Signalfarben für Formeln: grün - true, rot - false, schwarz - Syntax Error.

Siehe auch: http://www.paose.net/wiki/Publications

3. Geben Sie drei weitere CTL Formeln an, fügen Sie diese dem Netz hinzu. Geben sie außerdem die Bedeutung der Formeln als sprachliche Übersetzung an.

Schicken Sie das Netz an Ihren Übungsgruppenleiter in der üblichen Form (ZIP, benannt,...).

## Übungsaufgabe 11.4: Gefärbte Netze: Farben, Datenstrukturen und Berechnungen

von 5

Ähnlich wie in Präsenzaufgabe 11.2 können gefärbte Petrinetze genutzt werden um Algorithmen zu modellieren. Hier wird nun ein Algorithmus für die Summe der Knoten in einem Baum modelliert.

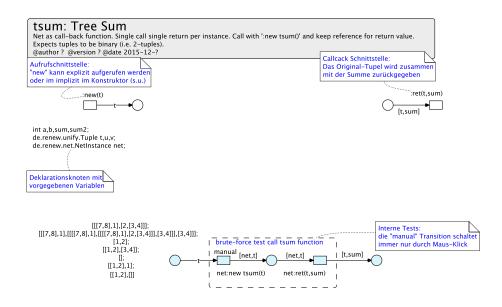
<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Ressourcen: http://www.informatik.uni-hamburg.de/TGI/F2/sec/ressourcen.html

Erstellen Sie ein gefärbtes Petrinetz mit Renew, dass die Summe der Knoten eines Binärbaumes bestimmt. Eingabe ist ein Binärbaum in der Form von geschachtelten Tupeln (in Renew, z.B.: [1,[2,3]]). Ausgabe soll ein Tupel aus dem Original-Tupel und der Anzahl der Knoten sein (ohne Blätter). Wir gehen davon aus, dass die Blätter des Baumes aus natürlichen Zahlen (int) bestehen und dass alle Bäume wohlgeformt sind. Die Bäume müssen allerdings nicht vollständig sein. Blätter (also Zahlen) werden aufsummiert (Beispiel: tsum([1[2,3]]) = 6).

Die funktionale Schnittstelle geben wir vor. Dabei wird die Eingabe dem Netz mit dem Konstruktor (new) übergeben (in Renew: tc: new tsum(tuple)). Das Ergebnis wird dann über ein call-back Aufruf (:ret(·,·)) zurückgegeben (in Renew: tc:ret(tuple,sum)). Somit besteht die Schnittstelle aus synchronen Kanälen, wobei das anbietende Netz (tsum) die beiden folgenden Uplinks implementieren muss: :new(t) und :ret(t,sum). Die Variable t ist vom Typ Tuple und die Variable t sum vom Typ t int. Sie brauchen typischerweise fünf Fallunterscheidungen, die Sie durch Pattern-Matching erreichen können.

Hinweis: (Netz-)Intern können die Kanäle (:new(·) und :ret(·,·)) natürlich auch benutzt werden. Hier eignet sich das Schlüsselwort this, um die Netzinstanz referenzieren zu können (z.B.: this:new(t)).

Eine Vorlage für das Netz gibt es unter den Ressourcen<sup>2</sup> zum download. Verfahren Sie mit ihren Ergebnissen wie gewohnt (s.o.).



**Übungsaufgabe 11.5:** Erstellen Sie zwei neue Olat-Fragen für den aktuellen Lesestoff der 11. Woche entsprechend den bisherigen Anforderungen.

von 1

Bisher erreichbare Punktzahl: 132