# Operador de mutação na evolução diferencial (DE)

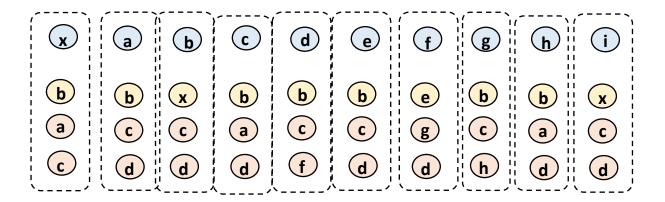
#### Hiperparâmetros

F = 0.8

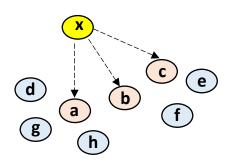
CR = 0.2

NP = 10

Para cada vetor na população (10 vetores no exemplo), selecionar outros 3 vetores, como representado na figura abaixo:



Pegando o primeiro exemplo, vamos selecionar o vetor **X** (aqui chamado de vetor parental), e outros 3 vetores (**a,b**, e **c**). Abaixo estão representados os vetores **a,b,c** e **X**.



x = [3,4,3,1,7]

a = [1,2,2,9,6]

b = [8,2,1,1,7]

c = [3,4,5,1,9]

Podemos ver que os vetores tem 5 posições. Vamos gerar uma lista de números aleatórios R, também com 5 posições:

R = [0.3,0.14,0.35,0.5,0.4]

x = [3, 4, 3, 1, 7]

a = [1, 2, 2, 9, 6]

b = [8, 2, 1, 1, 7]

c = [3, 4, 5, 1, 9]

Vamos estabelecer agora um vetor que será resultante da modificação de X, X1, chamado de vetor tentativa:

X1 = []

Vamos iterar as 5 posições ou índices *i* dos vetores a,b,c,x e R:

Se **Ri** for menor que CR (0.2):

Então X1i (posição do novo vetor) será:

$$X1_i = a_i + F(b_i - c_i)$$

Caso contrário:

 $X1_i = X_i$  (a posição do vetor tentativa é a mesma do parental)

Vamos iterar as 5 posições para ver como funciona na prática:

Primeira posição

R = [0.3, 0.14, 0.35, 0.5, 0.4]

x = [3, 4, 3, 1, 7]

a = [1, 2, 2, 9, 6]

b = [8, 2, 1, 1, 7]

c = [3, 4, 5, 1, 9]

x1 = []

O valor de R<sub>i</sub> (0.3) é maior que CR (0.2), então X1i é simplesmente X1

X1i = [3]

## Segunda posição

$$R = [0.3, 0.14, 0.35, 0.5, 0.4]$$

$$x = [3, \frac{4}{9}, 3, 1, 7]$$

$$c = [3, \frac{4}{4}, 5, 1, 9]$$

$$x1 = [3]$$

O valor de R<sub>i</sub> (0.14) é menor que CR (0.2), então X1i é dado pela fórmula:

$$X1_i = a_i + F(b_i - c_i)$$

Portanto:

$$X1_i = 2 + 0.8(2 - 4)$$

$$X1_i = 2 + 0.8(2 - 4)$$

$$X1_i = 0.4$$

#### Terceira posição

$$R = [0.3, 0.14, \frac{0.35}{0.35}, 0.5, 0.4]$$

$$x = [3, 4, \frac{3}{1}, 1, 7]$$

$$c = [3, 4, 5, 1, 9]$$

$$x1 = [3,0.4]$$

O valor de  $R_i$  (0.35) é maior que CR (0.2), então X1i é simplesmente X1

$$X1i = [3]$$

#### Quarta posição

$$R = [0.3, 0.14, 0.35, 0.5, 0.4]$$

$$x1 = [3,0.4,3]$$

O valor de R<sub>i</sub> (0.5) é maior que CR (0.2), então X1i é simplesmente X1

$$X1i = [1]$$

### Quinta posição

$$R = [0.3, 0.14, 0.35, 0.5, 0.4]$$

$$x = [3, 4, 3, 1, 7]$$

$$a = [1, 2, 2, 9, 6]$$

$$x1 = [3,0.4,3,1]$$

O valor de R<sub>i</sub> (0.4) é maior que CR (0.2), então X1i é simplesmente X1

$$X1i = [7]$$

Portanto, o vetor-tentativa tem a seguinte composição:

$$x1 = [3, 0.4, 3, 1, 7]$$

Podemos ver que nesse vetor, apenas a segunda posição ou índice foi modificado a partir de X, o resto dos índices permanecendo igual a X.