代数学2,第11回の内容の理解度チェック

2025/7/14 担当:那須

		 	 	 		. [
学生証番号					氏名	点数	

- [1] アイゼンシュタインの既約性判定を用いて以下の多項式 $f(x) \in \mathbb{Z}[x]$ が $\mathbb{Q}[x]$ において既約元であることを示せ.
 - (1) $f(x) = x^5 5x + 10$
 - (2) $f(x) = x^4 + 6x^3 + 9x^2 + 3x + 3$

2 次の多項式 $f(x) \in \mathbb{Z}[x]$ が $\mathbb{Q}[x]$ において既約元かどうか判定せよ (ヒント:f(x+2) を計算せよ).

$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x - 1$$

- $\boxed{3}$ p を素数とする. $f(x) \in \mathbb{Z}[x]$ が $\mathbb{Q}[x]$ において既約元であることを示せ.
 - $(1) f(x) = x^p p$
 - (2) $f(x) = x^p + p^2x + p$

[4] 有理整数環 \mathbb{Z} 上のn変数多項式多項式環 $\mathbb{Z}[x_1,\ldots,x_n]$ が一意分解整域であることを示せ、ただし以下のガウスの定理を用いても良い.

——— ガウスの定理 —

整域 R に対し, R が一意分解整域であるための必要十分条件は, R 上の 1 変数多項式環 R[x] が一意分解整域となることである.