

研究分野： 代数幾何学／符号理論

那須研究室では、代数幾何学と符号理論を研究しています。



代数幾何学

楕円や放物線、双曲線など、2変数多項式 $f(x, y)$ の零点の軌跡

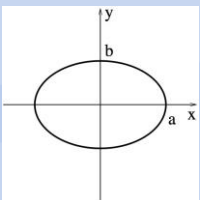
$$C = \{(x, y) \mid f(x, y) = 0\}$$

として表される曲線を**代数曲線**と呼びます。一般に(複数の)多項式の(共通)零点の軌跡として表される集合を**代数多様体**と呼びます。代数幾何学は代数多様体を研究する分野です。変数 x_1, \dots, x_n や方程式 $f(x)$ の次数や個数が増えると、より複雑な代数多様体が現れます。

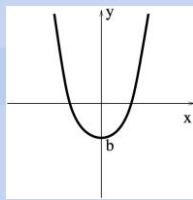
代数多様体には**次元**と呼ばれる不変量が定まります。例えば1次元のものを**代数曲線**、2次元のものを**代数曲面**と呼びます。各次元において代数多様体を分類するとき、高次元になるほど分類が複雑になり、研究も困難になります。森理論により、現在では3次元以下で大まかな分類が完成しています。

代数多様体の族(集まり)を考えると、族自身が代数多様体の構造を持つことがあります。そのような族を**モジュライ**と呼びます。

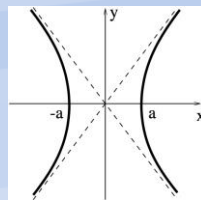
モジュライを研究することは、高次元の代数多様体を知るうえで、有力な手掛かりとなります。モジュライの研究には**変形理論**を用いた手法が有効です。変形理論とは一言で言えば、“多様体の微分”です。多様体を変形することにより、モジュライの様々な性質を知ることが可能となります。当研究室ではモジュライのうち、変形理論を用いて**ヒルベルトスキーム**という“多様体”を研究しています。



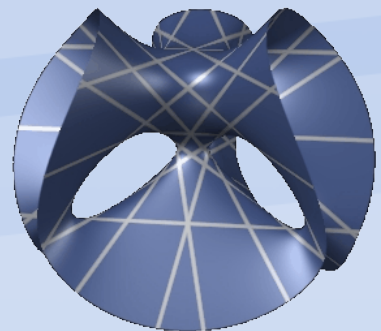
$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - 1 = 0$$



$$y - ax^2 - b = 0$$



$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} - 1 = 0$$



非特異3次曲面(©S. Endrass with SURF)

$$x^3 + y^3 + z^3 + w^3 - (x + y + z + w)^3 = 0$$

研究室の学生

研究室には現在4年生8名が所属しています(2015年5月時点)。

近年の卒業生のゼミナールレポートのテーマ：

- リードソロモン符号とその復号法について
- 巡回符号の最小距離について
- 有限体の間の同型写像について
- 2元体上の既約多項式の原始性について

