代数学1,第5回の内容の理解度チェック

2024/10/24 担当:那須

- ① (1) 置換 $(1 \cdots 13)(14 \cdots 33)(34 \cdots 43)(44 \cdots 77)(78 \cdots 123) \in S_{123}$ の偶奇を判定せよ. た だし, … は連続する整数を表す.
 - (2) 置換 $(1\ 2\ 3\ 4\ 5)(5\ 6\ 7\ 8\ 9)(9\ 10\ 11\ 12\ 13) \in S_{13}$ の位数を求めよ.
- ② (1) x,y,z を変数とする次の3 変数9項式 f_1,f_2,f_3,f_4 の中から対称式であるものを全て選べ.
 - $f_1 = x^3 + y^3 + z^3$
 - $f_2 = x^2 + y^2$
 - $f_3 = (x-y)^2 + (y-z)^2 + (z-x)^2$
 - $f_4 = x^2y + y^2z + z^2x$
 - (2) 4変数 x, y, z, wの基本対称式を書け(各1点):
 - $\sigma_1 =$
 - $\sigma_2 =$
 - $\sigma_3 =$
 - $\sigma_4 =$
- ③ 次の3変数多項式 f,g,h に置換 $\sigma=\begin{pmatrix}1&2&3\\3&2&1\end{pmatrix}=(1\ 3)\in S_3$ を作用させたときの多項式 $\sigma f,\sigma g,\sigma h$ をそれぞれ求めよ.
 - (1) $f = 3x_1 + 2x_2x_3 + x_1^2x_3$
 - $(2) \ g = x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_3 x_1$
 - (3) $h = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x_1 & x_2 & x_3 \\ x_1^2 & x_2^2 & x_3^2 \end{vmatrix}$

 $\boxed{4}$ 次の2変数対称式f(x,y)を基本対称式 $\sigma_1=x+y$ および $\sigma_2=xy$ を用いて表せ.

(1)
$$f(x,y) = x^2 - 7xy + y^2$$

(2)
$$f(x,y) = x^4y + xy^4$$

(3)
$$f(x,y) = x^4 + x^2y^2 + y^4$$