

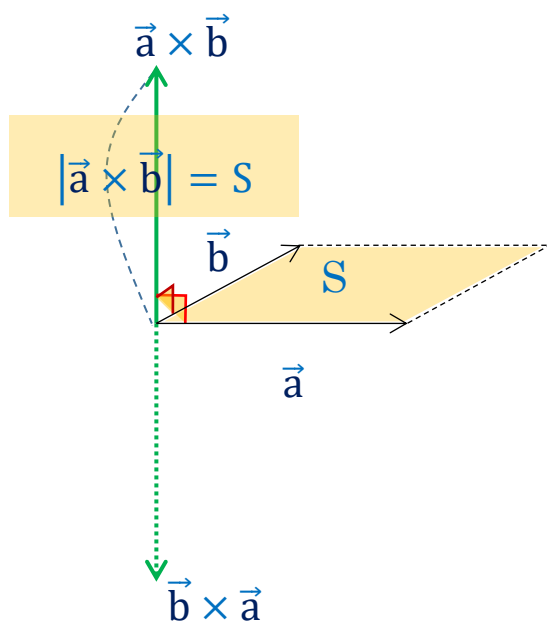
ベクトルの外積

定義 平行でない 2 つのベクトル \vec{a} と \vec{b} のなす角 θ ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$)

\vec{a} と \vec{b} の **外積** $\vec{a} \times \vec{b}$

【1】 **大きさ** $|\vec{a}| |\vec{b}| \sin \theta$ $\leftarrow \vec{a}$ と \vec{b} で形成する **平方四辺形の面積**

【2】 **向き** $(\vec{a} \times \vec{b}) \perp \vec{a}$ かつ $(\vec{a} \times \vec{b}) \perp \vec{b}$ $\leftarrow \vec{a}$ から \vec{b} に、**右ねじを回したときに進む方向**



【3】 **成分計算** $\vec{a} = (a_1, a_2, a_3)$, かつ $\vec{b} = (b_1, b_2, b_3)$ のとき,

\vec{a} と \vec{b} の **外積** $\vec{a} \times \vec{b} = \left(\begin{vmatrix} a_2 & a_3 \\ b_2 & b_3 \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} a_3 & a_1 \\ b_3 & b_1 \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{vmatrix} \right)$

ただし, $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$

標準 L37b L37a(3) の 2 つのベクトル $\vec{a} = (2, 1, -3)$, $\vec{b} = (1, -3, 2)$ について, \vec{a} と \vec{b} の両方に垂直な単位ベクトルを求めるのに, 上の $\vec{a} \times \vec{b}$ の成分計算を利用して解け。

標準**L37c** 2つのベクトル $\vec{a} = (2, 1, -3)$, $\vec{b} = (1, -3, 2)$ について、次の問に答えよ。

(1) $|\vec{a}|, |\vec{b}|$ の値を求めよ。 (2) \vec{a} と \vec{b} のなす角 θ ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$) を求めよ。

(3) $\vec{a} + \vec{b} = \vec{OC}$ として、平行四辺形 OACB の面積を求めよ。

(4) 外積 $\vec{a} \times \vec{b}$ の値を求めよ。

(5) $|\vec{a} \times \vec{b}|$ の値を求めよ。

(6) \vec{a} と \vec{b} の両方に垂直な単位ベクトルを求めよ。

(7) 内積 $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{a}$ と $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{b}$ の値を求めよ。