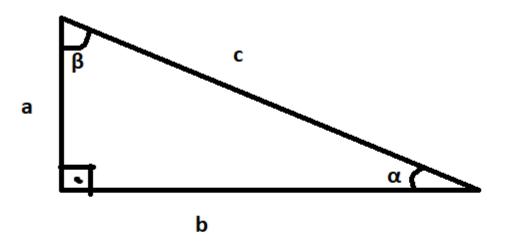
# Книжка за упражнителни задачки на Деспина

#### Теория 1



Дефиниция 1 
$$sin(\alpha)=\frac{a}{c},\,cos(\alpha)=\frac{b}{c},\,tg(\alpha)=\frac{a}{b},\,cotg(\alpha)=\frac{b}{a}$$

Да зебележим, че  $sin(\beta)=cos(\alpha)=\frac{b}{c}$  и аналогично  $cos(\beta)=sin(\alpha)=\frac{a}{c}$ .  $a^2+b^2=c^2\to(\frac{a}{c})^2+(\frac{b}{c})^2=1\to sin^2(\alpha)+cos^2(\alpha)=1$ . Тригонометрични тъждества:

$$sin^{2}(\alpha) + cos^{2}(\alpha) = 1$$
  

$$sin(\alpha) = cos(\beta) = cos(90 - \alpha)$$
  

$$tg(\alpha)cotg(\alpha) = 1$$

#### 2 Входно ниво 10ти клас

# Квадратни уравнения и системи

- 1. системи уравнения
- 2. квадратни уравнения
- 3. неравенства (???)
- 4. други уравнения

Фромули, които се изпозлват за квадратни уравния:

Фромули, които се изпозлват за квадратни уравния: Ако е дадено уравнение  $ax^2+bx+c=0$ , имаме дискриминанта  $D=b^2-4ac$ , тогава решенията се задават с  $x_{1,2}=\frac{-b\pm\sqrt{D}}{2a}$ . Да разгледаме еднин пример. Упражение(?):  $(x-\frac{-b+\sqrt{D}}{2a})(x-\frac{-b-\sqrt{D}}{2a})=ax^2+bx+c$  Припомняме формулите за съкратено умножение:  $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$   $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$   $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$ 

Упражение(?): 
$$(x - \frac{-b + \sqrt{D}}{2a})(x - \frac{-b - \sqrt{D}}{2a}) = ax^2 + bx + c$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

Упражнителни задачи, които Деспина е решавала сама:

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

Още примери за решаване:

1. 
$$x^2 - 6x + 8 = 0$$

2. 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

3. 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

4. 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

5. 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

6. 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

## 4 Еднаквост и подобност на триъгълници

Важно! Един триъгълник се определя от "три неща три страни, две страни и ъгъл между тях, страна и два ъгъла.

Признаци за еднаквост:

- 1. две страни и ъгъл между тях = две страни и ъгъл между тях => еднакви
- 2. страна и два ъгъла = страна и два ъгъла => еднакви
- 3. три страни = три страни => еднакви

Важно! Подобните триъгълници си приличат по това, че имат една и съща форма, но единият е 10 пъти или 5 пъти(или колкото и да е пъти) "по-голям"от другия

Признаци за подобност:(Трябва да се потвърди от учебник)

- 1. (???) две страни са 5 пъти по-малки и ъгълът между тях е равен.
- 2. (???) една страна е 5 пъти по-малка и 2 ъгъла са равни.
- 3. (???) трите ъгъла са равни

ирационални изрази, прогресии, статистика и обработка на данни, решаване на триъгълник- sin, cos, tg, cotg в (0,180), синусова и косинусова теорема (?), елементи от стереометрията

# 5 Тригонометрия

# 6 Задачи с текс

## 6.1 Линейни уравнения и неравенства

Задача 1 В един магазин продали 488 кг портокали, лимони и маслини. Портокалите били с 40 кг повече от лимоните, а маслините - 5 пъти по-малко от портокалите. По колко килограма са продали от всеки вид?

Задача 2 През един сезон в консервната фабрика "Добруджанка" са обработили по 48 т домати на ден. След като предали 1300 т пресметнали, че това е с 524тт по-малко от цялото количество домати. Колко дни възв фабриката са обработвани домати?

Задача 3 Обиколката на един триъгълник е 126 см. Едната му страна е с 12 см по-къса от другата, а третатат е 3/ от сбора на првите две. Да се намери най-голямата страна на този триъгълник.

Задача 4 Попитали Николай на колко е години, а той отговорил: "Мама е на 38 години. Тя е с 2 години по-млада от татко. Татко пък има два пъти повче години, отколкото аз и сестра ми заедно. Но аз със с 4 години по-малък от сестра ми. "На коолко години са Николай и сестра му?

Задача 5 Един работник може да свърши определена работа за 15 дни, а друг работник за същото време свършва само 75 % от тази работа. Отначало ддвамата работници работели заедно 6 дни, а след това вторият само довършил останалата част. За колко дни била свършена цялата работа и какъв процент от нея е изработил всеки един работник?

#### 6.2 Басейни

Задача 6 Един басейн се пълни от една тръба за 2 ч, от друга за 3ч, от трета за 4ч. За колко време се пълни от трите едновременно?

Задача 7 Един басейн се пълни от една тръба за 2 ч, от друга за 3ч. За колко време се пълни от двете едновременно?

Решение:

#### 7 Системи

Задача 8

$$\begin{cases} x - y = 7 \\ x^2 - xy - y^2 = 19 \end{cases}$$
  $x = y + 7$ 

Решение:

$$x=y+7$$
 
$$(y+7)^2-(y+7)y-y^2=19$$
 
$$y^2+14y+49-y^2-7y-y^2=19$$
 
$$-y^2+7y+30=0$$
 
$$y^2-7y-30=0\rightarrow a=1,b=-7,c=-30$$
 
$$D=49+120=169,y_1=10\ ,y_2=-3$$
 
$$x_1=10+7=17,x_2=-3+7=4$$
 Отг. Решенията на системата са:  $(17,10),(4,-3)$ 

### Задача 9

$$\begin{cases} 2x - y - 1 = 0 \\ xy - 1 = 0 \end{cases}$$

#### Решение:

$$\begin{array}{l} y=2x-1 \\ x(2x-1)-1=0 \\ 2x^2-x-1=0 \to a=2, b=-1, c=-1 \\ D=1-4.2.(-1)=9 \ x_1=\frac{-(-1)+\sqrt{9}}{2.2}=\frac{4}{4}=1, \ x_2=\frac{-(-1)-\sqrt{9}}{2.2}=-\frac{2}{4}=-\frac{1}{2} \\ y_1=2x_1-1=2-1=1, \ y_2=2x_2-1=2(-\frac{1}{2})-1=-2 \\ \text{Otd. } (1,1), (-\frac{1}{2},-2) \end{array}$$

### Задача 10

$$\begin{cases} x + y = -2\\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$$

#### Задача 11

$$\begin{cases} x - 3y + 1 = 0 \\ x^2 - 4xy + 3y^2 + x - y = 0 \end{cases}$$