## МИНИСТЕРСТВО НА ОБРАЗОВАНИЕТО И НАУКАТА ЦЕНТЪР ЗА ОЦЕНЯВАНЕ В ПРЕДУЧИЛИЩНОТО И УЧИЛИЩНОТО ОБРАЗОВАНИЕ

### НАЦИОНАЛНО ВЪНШНО ОЦЕНЯВАНЕ

### ПО МАТЕМАТИКА – Х клас, 18.06.2021 г.

### Време за работа – 90 минути

Отговорите на задачите от 1. до 15. включително отбелязвайте в листа за отговори!

**1.** Правилната подредба на числата  $7, 4\sqrt{3}, \sqrt{200}$  във възходящ ред е:

A) 
$$\sqrt{200}$$
,  $4\sqrt{3}$ , 7

Б) 7, 
$$4\sqrt{3}$$
,  $\sqrt{200}$ 

B) 
$$\sqrt{200}$$
, 7,  $4\sqrt{3}$ 

$$\Gamma$$
)  $4\sqrt{3}$ , 7,  $\sqrt{200}$ 

**2.** Стойността на израза  $\sqrt{\left(2\sqrt{6}-5\right)^2} - \left(-\sqrt{6}\right)^3$  е:

A) 
$$5 + 4\sqrt{6}$$

Б) 
$$-5 + 8\sqrt{6}$$

B) 
$$5 - 8\sqrt{6}$$

$$\Gamma$$
)  $-5 - 4\sqrt{6}$ 

**3.** Ако  $x_1$  и  $x_2$  са корените на уравнението  $x^2 + 5x - 2 = 0$ , то стойността на израза  $3x_1 + 3x_2 + 2x_1x_2$  е:

A) 
$$-19$$

$$Б$$
)  $-11$ 

**4**. Множеството от решенията на неравенството  $\frac{2x}{x^2-9} \le 0$  е:

A) 
$$x \in (-\infty; -3) \cup [0; 3)$$

Б) 
$$x \in (-\infty; -3] \cup [0; 3]$$

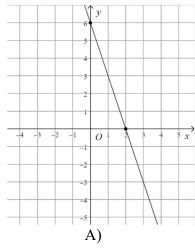
B) 
$$x \in (-3,0] \cup (3,+\infty)$$

$$\Gamma) \ x \in [-3;0] \cup [3;+\infty)$$

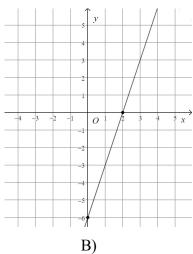
**5.** Броят на корените на уравнението  $(x^2 - 4)\sqrt{x - 5} = 0$  е:

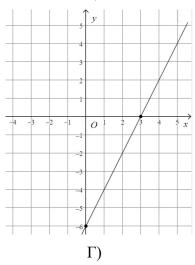
- A) 0
- Б) 1
- B) 3
- Γ) 4

**6.** На кой чертеж е представена графиката на функцията f(x) = 6 - 3x?





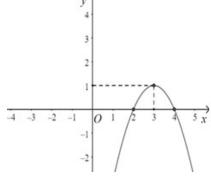




7. На чертежа е дадена графиката на функцията  $f(x) = ax^2 + bx + c$ ,  $x \in \mathbb{R}$ . Най-голямата стойност на функцията f(x) е:







**8**. За аритметичната прогресия  $a_1, a_2, a_3, ..., a_n, n \in \mathbb{N}$ , е известно, че  $a_6 - a_4 = 6$ . Разликата на прогресията е равна на:

- A) 12
- Б) 6
- B) 3
- Γ) 2

**9.** Стойността на израза  $\frac{\sqrt{2}\sin 45^\circ + tg^2 60^\circ}{\sin^2 45^\circ + \cos^2 45^\circ}$  е:

A) 
$$\frac{1}{4}$$

Б) 
$$2\frac{\sqrt{2}}{3}$$

B) 
$$3\frac{\sqrt{2}}{2}$$

Γ) 4

**10.** На клавиатурата на телефона има 10 цифри от 0 до 9. Вероятността случайно избрана цифра да е четна и по-голяма от 3 е:

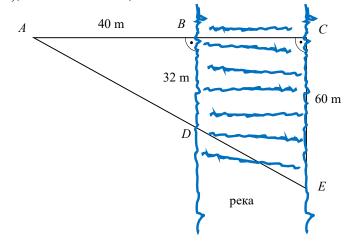
- A) 0,2
- Б) 0,3
- B) 0,4
- $\Gamma$ ) 0,5

**11.** Кое число трябва да се добави към данните 11; 1; 12; 7; 2; 10; 3 така, че медианата на получения статистически ред да е 8?

- A) 7
- Б) 8
- B) 9
- Γ) 11

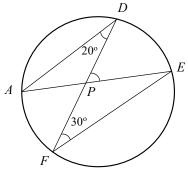
**12.** Ширината на реките по продължение на течението варира. Определете ширината на реката между точките B и C (в метри), ако AB = 40 m, BD = 32 m и CE = 60 m.

- A) 28 m
- Б) 35 m
- B) 48 m
- Γ) 75 m



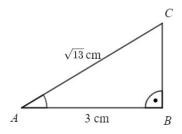
**13**. На чертежа хордите AE и DF се пресичат в точка P. Ако  $\angle ADF = 20^\circ$  и  $\angle DFE = 30^\circ$ , то мярката на  $\angle DPE$  е:

- A) 25°
- Б) 40°
- B) 50°
- Γ) 60°



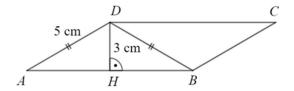
**14.** В правоъгълния  $\triangle ABC$  хипотенузата  $AC = \sqrt{13}$  cm и AB = 3 cm. Намерете tg $\sphericalangle BAC$ .

- A)  $\frac{3}{2}$
- Б)  $\frac{2}{\sqrt{13}}$
- $B) \frac{3}{\sqrt{13}}$
- $\Gamma$ )  $\frac{2}{3}$



**15.** В успоредник ABCD височината от върха D към страната AB е равна на 3 ст. Ако AD = BD = 5 ст, то лицето на успоредника ABCD е:

- A)  $8 \text{ cm}^2$
- Б) 12 cm<sup>2</sup>
- B) 24 cm<sup>2</sup>
- $\Gamma$ ) 32 cm<sup>2</sup>



<u>Пълните решения с необходимите обосновки на задачите 16. и 17. запишете в листа за</u> отговори на указаните места!

**16.** Търговец купил два вида стоки от производител. След като увеличил цената им с по 20 лв., отношението на цените им станало 8:5. В края на сезона, при разпродажбата на стоката си, той намалил настоящата им цена с по 30 лв. и отношението на цените им станало 5:2. На каква цена е купил тези стоки търговецът и колко пъти единият вид стока е бил поскъп от другия?

**17.** В  $\triangle ABC$ е вписана окръжност с център точка O. Ако  $AO = 3\,\mathrm{cm}$ ,  $BO = 5\,\mathrm{cm}$  и  $\angle ACB = 60^\circ$ , намерете:

- A) дължината на страната AB
- Б) радиуса на описаната около  $\triangle ABC$  окръжност
- В) радиуса на вписаната в  $\Delta ABC$  окръжност.

# МИНИСТЕРСТВО НА ОБРАЗОВАНИЕТО И НАУКАТА ЦЕНТЪР ЗА ОЦЕНЯВАНЕ В ПРЕДУЧИЛИЩНОТО И УЧИЛИЩНОТО ОБРАЗОВАНИЕ

## национално външно оценяване

### ПО МАТЕМАТИКА – Х клас, 18.06.2021 г.

Ключ с верните отговори

№ на	Отговор	Брой точки
задача		
1	Γ	2
2	A	2
3	A	2
4	A	2
5	Б	2
6	A	2
7	Γ	2
8	В	2
9	Γ	2
10	Б	2
11	В	2
12	Б	2
13	В	2
14	Γ	2
15	В	2
16	Общ брой точки:	10 точки, от които:
16	За означенията $x$ и $y$ , $x > 0$ и $y > 0$	1 точка
	За получаване на системата $\frac{\left \frac{x+20}{y+20} = \frac{8}{5}\right }{\frac{x+20-30}{y+20-30}} = \frac{5}{2}$	3 точки
	За достигане до линейната система: $  5x - 8y = 60  \\  2x - 5y = -30  $	3 точки
	x = 60 лв., $y = 30$ лв	2 точки

	Единият вид стока е 2 пъти по-скъп от	1 точка
	другия.	
17	Общ брой точки:	10 точки, от които:
17 A)	$AB = 7 \mathrm{cm}$	4 точки
17 Б)	$R = \frac{7\sqrt{3}}{3} \text{ cm}$	2 точки
17 B)	B) $r = \frac{15\sqrt{3}}{14}$ cm	4 точки

### Задача 16. Примерно решение:

Означаваме с x и y цените на двата вида стоки в началото, x > 0 и y > 0.

Тогава получаваме следната система:

$$\begin{vmatrix} \frac{x+20}{y+20} = \frac{8}{5} \\ \frac{x+20-30}{y+20-30} = \frac{5}{2} \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} x+20 \\ y+20 \end{vmatrix} = \frac{8}{5}$$
$$|x-10| = 5$$

$$\left| \frac{x-10}{y-10} \right| = \frac{5}{2}$$

$$|5(x+20) = 8(y+20)$$

$$2(x-10) = 5(y-10)$$

$$|5x + 100 = 8y + 160$$

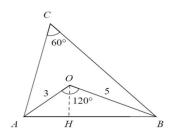
$$2x - 20 = 5y - 50$$

$$\begin{vmatrix} 5x - 8y = 60 \\ 2x - 5y = -30 \end{vmatrix}$$
, която има за решение  $x = 60$  лв.,  $y = 30$  лв.

Цената на стоките е 60 лв. и 30 лв. и единият вид стока е 2 пъти по-скъп от другия.

### Задача 17. Примерно решение:

А) Тъй като точка O е център на вписната окръжност, то тя е пресечна точка на ъглополовящите. Тогава



$$\angle OAB = \frac{1}{2} \angle CAB, \angle OBA = \frac{1}{2} \angle CBA$$
  
 $\angle AOB = 180^{\circ} - (\angle OAB + \angle OBA)$   
 $\angle AOB = 180^{\circ} - (\frac{1}{2} \angle CAB + \frac{1}{2} \angle CBA) = 180^{\circ} - \frac{1}{2} (180^{\circ} - \angle ACB) = 180^{\circ} - 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle ACB = 90^{\circ} + 30^{\circ} = 120^{\circ}$ 

От косинусова теорема за  $\Delta AOB$ :

$$AB^2 = AO^2 + BO^2 - 2.AO.BO.\cos \angle AOB$$

$$AB^2 = 3^2 + 5^2 - 2.3.5.\left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$AB^2 = 49$$

$$AB = 7 \,\mathrm{cm}$$

Б) От синусова теорема за 
$$\triangle ABC$$
:  $\frac{AB}{\sin \angle ACB}$  =  $2R$ 

$$R = \frac{7\sqrt{3}}{3}$$
 cm

B) 
$$S_{\triangle AOB} = \frac{1}{2} . AO.BO. \sin \angle AOB = \frac{1}{2} . 3.5 . \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{15\sqrt{3}}{4} \text{ cm}^2$$

Радиусът на вписаната окръжност е височина на  $\Delta AOB$ .

$$S_{\Delta AOB} = \frac{1}{2}.AB.h = \frac{1}{2}.7.r \text{ cm}^2$$

$$\frac{15\sqrt{3}}{4} = \frac{1}{2}.7.r$$

$$r = \frac{15\sqrt{3}}{14} \text{ cm}$$