# Книжка за упражнителни задачки на Илиянка

# Съдържание

Ha	нални бележки	2
Уче	ебен материал/Рубрика $f 10$ минути $=f 3$ урока/	2
2.1	Алгебра	:
	2.1.1 Алгебра	9
	2.1.2 Едночлени/Многочлени, действия и формули(в уч. Цели изрази)	
	- /	
	•	
	2.1.5 Задачи с текст - смеси и сплави, работа, движение, капитал	
2.2	-	
	2.2.1 Еднакви триъгълници	
Зад	дачи от учебна тетрадка	
3.1	Упражнения за 1ви признак за еднаквост на триъгълници .	
Тем	ии от стари изпити	
4.1	Възможни стратегии	
4.2	Тема 2013	
4.3	Тема 2014	
4.4	Тема 2015	
4.5	Тема 2016	
4.6	Тема 2017	
4.7		
4.8		
4.9	упражнения за неравенства	
Qui	iz	
•	5.0.1 Quiz 1	
	5.0.2 Quiz 2	
	2.2 3a,7 3.1 TeM 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 4.7 4.8 4.9	2.1.1 Алгебра 2.1.2 Едночлени/Многочлени, действия и формули(в уч. Цели изрази)  2.1.3 Уравнения 2.1.4 Неравенства 2.1.5 Задачи с текст - смеси и сплави, работа, движение, капитал 2.1.6 Вероятности  2.2 Геометрия 2.2.1 Еднакви триъгълници  Задачи от учебна тетрадка 3.1 Упражнения за 1ви признак за еднаквост на триъгълници  Теми от стари изпити 4.1 Възможни стратегии 4.2 Тема 2013 4.3 Тема 2014 4.4 Тема 2015 4.5 Тема 2016 4.6 Тема 2017 4.7 Тема 2018 4.8 Тема 2019 4.9 упражнения за неравенства  Quiz  Quiz

6 Решени изпити

# 1 Начални бележки

Спъсък с неща, които искаме да се научат:

- 1. Еднакви триъгълници.
- 2. Задачи с текст
- 3. Решаване на триъгълник
- 4. Геометрия

План за работа:

- 1. Решаване на триъгълник
- 2. Неравенства

Задача.  $(-0,5-x)^2=(-0,5)^2+2.0,5x+x^2$  заместваме  $x=-\frac{1}{2}$  и получаваме  $(-0,5)^2+2.0,5.(-\frac{1}{2})+(-\frac{1}{2})^2=0.25-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{25}{100}-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{5}{20}-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{1}{4}-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{2}{4}-\frac{1}{2}=\frac{1}{2}-\frac{1}{2}=0$ 

8

# 2 Учебен материал/Рубрика 10 минути = 3 уро- ка/

# 2.1 Алгебра

# 2.1.1 Алгебра

Алгебрата в училище приблизително се състои от решаване на няколко вида уравнения и неравенства. Понякога се искат (напр.) целочислени решения, затова ще напишем по-долу видовете числа:

- **Естествени**: 1,2,3,4... (цели-положителни)
- Цели: 0,-1,1,-2,2,-3,3.....
- Рационални: Всички дроби (с числител и знаменател цяло число) или безкрайни периодични десетични дроби
- Реални: Всички безкрайни десетични дроби

# 2.1.2 Едночлени/Многочлени, действия и формули(в уч. Цели изрази)

Разкриване на скоби - всяко се умножава със всяко. Пример: (1-2+3)(4-5)=1.4-1.5+2.4+2.5-3.4+3.5.

Въпрос. Има ли в горния ред грешки?

Формули за съкратено уножение

$$(a+b)^2 = (a+b)(a+b) = a.a + a.b + b.a + b.b = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = (a-b)(a-b) = a.a - a.b - b.a + b.b = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - ab + ab - b^2 = a^2 - b^2$$

$$(a+b)^3$$

$$(a-b)^3$$

$$a^3 + b^3$$

$$a^3 - b^3$$

### 2.1.3 Уравнения

Уравненията са задачи за намиране на неизвестно число x. За решаването на уравнения се използва разкриване на скоби(всяко се умножава със всяко), събиране на едночлени и прехвърляне от едната страна на равенството в другата(при което се сменя знака). Пример:

$$x-4 = 2x + 3$$
  
 $x-2x = 3 + 4$   
 $-x = 7$   
 $x = -7$ .

Уравнения с параметър

#### 2.1.4 Неравенства

Решаването на неравенства прилича на това на решаването на уравнения. Единствените разлики са следните:

- 1. При умножаване на двете страни на неравенството с отрицателно числ(<0), знакът на неравенството се сменя:  $-x < -1 \iff x > 1$ .
- 2. Накрая решението се записва с интервали:  $x>1\iff x$  в  $(1,+\infty)$ . Неравенствата с  $\le$  ог  $\ge$  се записват със средна скоба  $x\ge 1\iff x$  в  $[1,+\infty)$ .

Неравенства с параметър

#### 2.1.5 Задачи с текст - смеси и сплави, работа, движение, капитал

## 2.1.6 Вероятности

Примери за вероятности: при хвърляне на зар каква е вероятността да хвърлим 1? Всички възможности са 6 и са равновероятни и тогава вероятността е  $\frac{1}{6}$ .

# 2.2 Геометрия

#### 2.2.1 Еднакви триъгълници

В признаците за еднаквост на триъгълници винаги имаме 3 <u>неща</u>. Под <u>нещо</u> разбираме страна или ъгъл.

- 1. Іви признак две страни и ъгъл между тях
- 2. При признак страна и два ъгъла
- 3. Шти признак три страни

Симетрала на AB - права, която пресича AB и сключва прав ъгъл с нея перпендикулярни прави - сключват прав ъгъл юю Запомняне - трети признак е три страни, на първи и втори броят страни е разменен.

# 3 Задачи от учебна тетрадка

# 3.1 Упражнения за 1ви признак за еднаквост на триъгълници

```
Задача. 1. \triangle A'OD \cong B'OC'(AO = CO)
2. AO \neq BO
3. AOD' \cong COB'
4. DO \neq CO
(To be continued.....)
```

# 4 Теми от стари изпити

# 4.1 Възможни стратегии

- Заместване на отговорите в уравнението за намиране на корен
- Изключване на отговори
- (Информирано) налучкване не е препоръчително

- 4.2 Тема 2013
- 4.3 Тема 2014
- 4.4 Тема 2015
- 4.5 Тема 2016
- 4.6 Тема 2017

**Задача.** Коя е стойността на израза 2(3-c)-c(c-2) при c=-3? Разкриваме скобите и събираме:  $2.3-2.c-c^2-c(-2)=6-2c-c^2+2c=-c^2+6=-3$ . Отг. E

**Задача.** Изразът mx - 2x - 2y + my е тъждествено равен на израза: Групираме и извеждаме пред скоби: mx + my - 2x - 2y = m(x+y) - 2(x+y) = (m-2)(x+y). Отг. A)

Задача. Коренът на уравнението x(x+4)-x(x+3)=5x+1 е: Прехвърляме всичко с x отляво и всички числа отдясно:  $x^2+4x-x^2-3x-5x=1$  -4x=1, откъдето  $x=-\frac{1}{4}$ . Отг. E)

**Задача.** Решенията на неравенството  $18-6x \ge 0$  ca:  $6x \le 18$  или  $x \le 3$  Отг. A)

**Задача.** Произведението на корените на уравнението |x-5|-5=1 е: Намираме решениеята на уравнението |x-5|=6, получаваме двете решения  $x-5=6 \to x_1=6+5=11$  и  $x-5=-6 \to x_2=-1$ . Отг.  $\Gamma$ )

**Задача.**  $\theta a \theta a \theta a \theta a \theta a$  Ome. A)

 $Задача. \ Omr. \ B)$ 

**Задача.** *Отг. Б*)

**Задача.**  $Ome. \Gamma$ )

Задачи с пълно решение

Задача 1. дадени са многочлените:

$$M = (-2+3x)^2 - (2x-3)(3x+3) - 6 + 3(1-x)(1+x) = (-2)^2 + 2 \cdot (-2)3x + (3x)^2 - (6x^2 + 6x - 9x - 9) - 6 + 3(1-x^2) = 4 - 12x + 9x^2 - 6x^2 - 6x + 9x + 9 - 6 + 3 - 3x^2 = x^2(9 - 6 - 3) + x(-12 - 6 + 9) + 10 = -9x + 10$$

to be continued...

$$-7x + 7 < 0$$

7 < 7x + 0

 $7x \ge 7$  (можем да делим и умножаваме с числа  $\ge 0$ )

 $x \ge 1$ 

(!) Можем да умножаваме и с числа  $\leq 0$ , но тогава обръщаме знака на неравенството юю

Пример: 
$$-3x < 6$$
 (уравнението се решава:  $-3x = 6 \rightarrow x = \frac{6}{-3} = -2$  )  $-3x < 6 \mid$  :  $(-3)$   $x > \frac{6}{-3}$  или  $x > -2$ . Оте  $x$   $e(-2,)$ 

Когато знакът e < uли >, тогава скобите са (). Когато знакът  $e \le u$ ли  $\ge$ , тогава скобата в числото e []. Безкрайността се пише като обърната 8-ца  $\infty$  винаги e c ()

Задача 2. 
$$2x > 1$$
 $x > \frac{1}{2}$ 
 $x \in (\frac{1}{2}, +\infty)$ 

$$4x - 5 < -2x + 13$$

$$4x + 2x < 13 + 5$$

$$6x < 18$$
 $x < 3$ 

$$-2x - 1 > -x - 5$$

$$-2x + x > -5 + 1$$
(Коментар: $-2x + 1x = (1 - 2)x = -x$ )
$$-x > -4|.(-1)$$

Отг x в  $(-\infty,4)$  запиши обяснение включва и не включва със скобите.

## 4.7 Тема 2018

Задача. В турнир по спортна стрелба участват х отбора. Във всеки отбор има по у момчета и 2 пъти по-малко момичета. С кой от следващите изрази може да се определи броят на играчите, които участват в турнира?

#### Решение:

Броят на момчетата е y по условие и тогава броят на момичетата е  $\frac{y}{2}$ . Тогава един отбор има  $y+\frac{y}{2}$  хора. Всички хора са  $x(y+\frac{y}{2})$ 

задачи 6,7, 14, 15

Задача. пътници

#### Решение:

a) Колко процента са 230 от 500? (Жокер:  $1\%=\frac{1}{100}$ ). Трябва да напишем  $\frac{230}{500}$  като проценти.  $\frac{230}{5.100}=\frac{230}{5}\%=46\%.$  b) 170+4x+x+230=500 400+5x=500

5x=100  $x=\frac{100}{5}=20$  Хората, които отиват и се връщат с градски гранспор са 4x=80. Хората, които се прибират с градски транспорт са 4x+70=80+70=150. Остава да напишем  $\frac{150}{500}$  като процент. 30%

# 4.8 Тема 2019

....

# 4.9 упражнения за неравенства

**З**адача **3.**  $4x - 7 \le 3$ 

```
Да решим задачата като уравнение:
4x = 3 + 7
4x = 10
x = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}
   Тогава за неравенстово имаме:
... сметки
...сметки Отг. x \leq \frac{5}{2}
Задача 4. 2(x-1)-4x>3-(x-7)
2x - 2 - 4x > 3 - x - (-7)
2x - 4x + x > 3 + 7 + 2
(2-4+1)x > 3+7+2
-x > 12
x < 12
Задача 5. 3(5-x)+4(x-4)-1 \ge -1+2(1-x)
15 - 3x + 4x - 16 - 1 \ge -1 + 2 - 2x
-3x + 4x + 2x \ge -1 + 2 - 15 + 16 + 1
(-3+4+2)x \ge 1+1+1
3x \ge 3
x \ge \frac{3}{3}
x \ge 1
x \in [1, +\infty)
   упраженение
-2+1=1-2=-1
-1+2=2-1=1
```

# 5 Quiz

# 5.0.1 Quiz 1

- Колко градуса е един прав ъгъл?
- Колко са признаците са еднаквост на триъгълници и може ли да изброиш равните елементи?
- Какво е симетрала?

## 5.0.2 Quiz 2

- Колко градуса е един изправен ъгъл?
- Какво е приведение?
- Какво е 'просто число?'
- Нормалният вид на многочлен

**Задача 6.** "Махане на модул"|y|=y, когато  $y\geq 0$  |y|=-y, когато y<0

$$|x-3|=4$$
  $x-3=-4$  е същото като  $3-x=4$  и  $x=-1$   $x-3=4$  и  $x=7$ 

$$Ome \ x_1 = -1$$

# 6 Решени изпити

- 2017 цялата алгебра от тест, 17 и 23
- 2018 всички тестови и задачи с неравенства и уравнения от останалите
- за самостоятелно решаване МАЙ 2012
- •
- •
- •
- •
- •