Книжка за упражнителни задачки на Илиянка

Съдържание

1	Ha	ални бележки
2	Уче	бен материал/Рубрика ${f 10}$ минути $={f 3}$ урока/
	2.1	Алгебра
		2.1.1 Алгебра
		2.1.2 Едночлени/Многочлени, действия и формули(в уч. Це-
		ли изрази)
		2.1.3 Уравнения
		2.1.4 Неравенства
		2.1.5 Задачи с текст - смеси и сплави, работа, движение, ка-
		питал
		2.1.6 Вероятности
	2.2	Геометрия
		2.2.1 Еднакви триъгълници
3	3.1	ачи от учебна тетрадка Упражнения за 1ви признак за еднаквост на триъгълници .
4	Тем	и от стари изпити
	4.1	Възможни стратегии
	4.2	Тема 2013
	4.3	Тема 2014
	4.4	Тема 2015
	4.5	Тема 2016
	4.6	Тема 2017
	4.7	Тема 2018
	4.8	Тема 2019
	4.9	упражнения за неравенства
5	Qui	
		5.0.1 Quiz 1
		5.0.2 Quiz 2

6 Решени изпити

7

1 Начални бележки

Спъсък с неща, които искаме да се научат:

- 1. Еднакви триъгълници.
- 2. Задачи с текст
- 3. Решаване на триъгълник
- 4. Геометрия

План за работа:

- 1. Решаване на триъгълник
- 2. Неравенства

Задача. $(-0,5-x)^2=(-0,5)^2+2.0,5x+x^2$ заместваме $x=-\frac{1}{2}$ и получаваме $(-0,5)^2+2.0,5.(-\frac{1}{2})+(-\frac{1}{2})^2=0.25-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{25}{100}-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{5}{20}-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{1}{4}-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}=\frac{2}{4}-\frac{1}{2}=\frac{1}{2}-\frac{1}{2}=0$

2 Учебен материал/Рубрика 10 минути = 3 уро- ка/

2.1 Алгебра

2.1.1 Алгебра

Алгебрата в училище приблизително се състои от решаване на няколко вида уравнения и неравенства. Понякога се искат (напр.) целочислени решения, затова ще напишем по-долу видовете числа:

- **Естествени**: 1,2,3,4... (цели-положителни)
- Цели: 0,-1,1,-2,2,-3,3.....
- **Рационални**: Всички дроби (с числител и знаменател цяло число) или безкрайни периодични десетични дроби
- Реални: Всички безкрайни десетични дроби

2.1.2 Едночлени/Многочлени, действия и формули(в уч. Цели изрази)

Разкриване на скоби - всяко се умножава със всяко. Пример: (1-2+3)(4-5)=1.4-1.5+2.4+2.5-3.4+3.5.

Въпрос. Има ли в горния ред грешки?

Формули за съкратено уножение

$$(a+b)^2 = (a+b)(a+b) = a.a + a.b + b.a + b.b = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = (a-b)(a-b) = a.a - a.b - b.a + b.b = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - ab + ab - b^2 = a^2 - b^2$$

$$(a+b)^3$$

$$(a-b)^3$$

$$a^3 + b^3$$

$$a^3 - b^3$$

2.1.3 Уравнения

Уравненията са задачи за намиране на неизвестно число x. За решаването на уравнения се използва разкриване на скоби(всяко се умножава със всяко), събиране на едночлени и прехвърляне от едната страна на равенството в другата(при което се сменя знака). Пример:

$$x-4 = 2x + 3$$

 $x-2x = 3 + 4$
 $-x = 7$
 $x = -7$.

Уравнения с параметър

2.1.4 Неравенства

Решаването на неравенства прилича на това на решаването на уравнения. Единствените разлики са следните:

- 1. При умножаване на двете страни на неравенството с отрицателно числ(<0), знакът на неравенството се сменя: $-x < -1 \iff x > 1$.
- 2. Накрая решението се записва с интервали: $x>1\iff x$ в $(1,+\infty)$. Неравенствата с \le ог \ge се записват със средна скоба $x\ge 1\iff x$ в $[1,+\infty)$.

Неравенства с параметър

2.1.5 Задачи с текст - смеси и сплави, работа, движение, капитал

2.1.6 Вероятности

Примери за вероятности: при хвърляне на зар каква е вероятността да хвърлим 1? Всички възможности са 6 и са равновероятни и тогава вероятността е $\frac{1}{6}$.

2.2 Геометрия

2.2.1 Еднакви триъгълници

В признаците за еднаквост на триъгълници винаги имаме 3 <u>неща</u>. Под <u>нещо</u> разбираме страна или ъгъл.

- 1. Іви признак две страни и ъгъл между тях
- 2. При признак страна и два ъгъла
- 3. Шти признак три страни

Симетрала на AB - права, която пресича AB и сключва прав ъгъл с нея перпендикулярни прави - сключват прав ъгъл юю Запомняне - трети признак е три страни, на първи и втори броят страни е разменен.

3 Задачи от учебна тетрадка

3.1 Упражнения за 1ви признак за еднаквост на триъгълници

```
Задача. 1. \triangle A'OD \cong B'OC'(AO = CO)
2. AO \neq BO
3. AOD' \cong COB'
4. DO \neq CO
(To be continued.....)
```

4 Теми от стари изпити

4.1 Възможни стратегии

- Заместване на отговорите в уравнението за намиране на корен
- Изключване на отговори
- (Информирано) налучкване не е препоръчително

- 4.2 Тема 2013
- 4.3 Тема 2014
- 4.4 Тема 2015
- 4.5 Тема 2016
- 4.6 Тема 2017

Задача. Коя е стойността на израза 2(3-c)-c(c-2) при c=-3? Разкриваме скобите и събираме: $2.3-2.c-c^2-c(-2)=6-2c-c^2+2c=-c^2+6=-3$. Отг. E

Задача. Изразът mx - 2x - 2y + my е тъждествено равен на израза: Групираме и извеждаме пред скоби: mx + my - 2x - 2y = m(x+y) - 2(x+y) = (m-2)(x+y). Отг. A)

Задача. Коренът на уравнението x(x+4)-x(x+3)=5x+1 е: Прехвърляме всичко с x отляво и всички числа отдясно: $x^2+4x-x^2-3x-5x=1$ -4x=1, откъдето $x=-\frac{1}{4}$. Отг. E)

Задача. Решенията на неравенството $18-6x \ge 0$ ca: $6x \le 18$ или $x \le 3$ Отг. A)

Задача. Произведението на корените на уравнението |x-5|-5=1 е: Намираме решениеята на уравнението |x-5|=6, получаваме двете решения $x-5=6 \to x_1=6+5=11$ и $x-5=-6 \to x_2=-1$. Отг. Γ)

Задача. $\theta a \theta a \theta a \theta a \theta a$ Ome. A)

 $Задача. \ Omr. \ B)$

Задача. *Отг. Б*)

Задача. $Ome. \Gamma$)

Задачи с пълно решение

Задача 1. дадени са многочлените:

$$M = (-2+3x)^2 - (2x-3)(3x+3) - 6 + 3(1-x)(1+x) = (-2)^2 + 2 \cdot (-2)3x + (3x)^2 - (6x^2 + 6x - 9x - 9) - 6 + 3(1-x^2) = 4 - 12x + 9x^2 - 6x^2 - 6x + 9x + 9 - 6 + 3 - 3x^2 = x^2(9 - 6 - 3) + x(-12 - 6 + 9) + 10 = -9x + 10$$

to be continued...

$$-7x + 7 < 0$$

7 < 7x + 0

 $7x \ge 7$ (можем да делим и умножаваме с числа ≥ 0)

 $x \ge 1$

(!) Можем да умножаваме и с числа ≤ 0 , но тогава обръщаме знака на неравенството юю

Пример:
$$-3x < 6$$
 (уравнението се решава: $-3x = 6 \rightarrow x = \frac{6}{-3} = -2$) $-3x < 6 \mid$: (-3) $x > \frac{6}{-3}$ или $x > -2$. Оте x $e(-2,)$

Когато знакът e < uли >, тогава скобите са (). Когато знакът $e \le u$ ли \ge , тогава скобата в числото e []. Безкрайността се пише като обърната 8-ца ∞ винаги e c ()

Задача 2.
$$2x > 1$$
 $x > \frac{1}{2}$
 $x \in (\frac{1}{2}, +\infty)$

$$4x - 5 < -2x + 13$$

$$4x + 2x < 13 + 5$$

$$6x < 18$$
 $x < 3$

$$-2x - 1 > -x - 5$$

$$-2x + x > -5 + 1$$
(Коментар: $-2x + 1x = (1 - 2)x = -x$)
$$-x > -4|.(-1)$$

Отг x в $(-\infty,4)$ запиши обяснение включва и не включва със скобите.

4.7 Тема 2018

Задача. В турнир по спортна стрелба участват х отбора. Във всеки отбор има по у момчета и 2 пъти по-малко момичета. С кой от следващите изрази може да се определи броят на играчите, които участват в турнира?

Решение:

Броят на момчетата е y по условие и тогава броят на момичетата е $\frac{y}{2}$. Тогава един отбор има $y+\frac{y}{2}$ хора. Всички хора са $x(y+\frac{y}{2})$

задачи 6,7, 14, 15

Задача. пътници

Решение:

a) Колко процента са 230 от 500? (Жокер: $1\%=\frac{1}{100}$). Трябва да напишем $\frac{230}{500}$ като проценти. $\frac{230}{5.100}=\frac{230}{5}\%=46\%.$ b) 170+4x+x+230=500 400+5x=500

5x=100 $x=\frac{100}{5}=20$ Хората, които отиват и се връщат с градски гранспор са 4x=80. Хората, които се прибират с градски транспорт са 4x+70=80+70=150. Остава да напишем $\frac{150}{500}$ като процент. 30%

4.8 Тема 2019

....

4.9 упражнения за неравенства

Задача **3.** $4x - 7 \le 3$

```
Да решим задачата като уравнение:
4x = 3 + 7
4x = 10
x = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}
   Тогава за неравенстово имаме:
... сметки
...сметки Отг. x \leq \frac{5}{2}
Задача 4. 2(x-1)-4x>3-(x-7)
2x - 2 - 4x > 3 - x - (-7)
2x - 4x + x > 3 + 7 + 2
(2-4+1)x > 3+7+2
-x > 12
x < 12
Задача 5. 3(5-x)+4(x-4)-1 \ge -1+2(1-x)
15 - 3x + 4x - 16 - 1 \ge -1 + 2 - 2x
-3x + 4x + 2x \ge -1 + 2 - 15 + 16 + 1
(-3+4+2)x \ge 1+1+1
3x \ge 3
x \ge \frac{3}{3}
x \ge 1
x \in [1, +\infty)
   упраженение
-2+1=1-2=-1
-1+2=2-1=1
```

5 Quiz

5.0.1 Quiz 1

- Колко градуса е един прав ъгъл?
- Колко са признаците са еднаквост на триъгълници и може ли да изброиш равните елементи?
- Какво е симетрала?

5.0.2 Quiz 2

- Колко градуса е един изправен ъгъл?
- Колко са признаците са еднаквост на триъгълници и може ли да изброиш равните елементи?

_

Задача 6. "Махане на модул"|y|=y, когато $y\geq 0$ |y|=-y, когато y<0

$$|x-3|=4$$
 $x-3=-4$ e comomo ramo $3-x=4$ u $x=-1$ $x-3=4$ u $x=7$

$$Ome \ x_1 = -1$$

6 Решени изпити

- 2017 цялата алгебра от тест, 17 и 23
- 2018 всички тестови и задачи с неравенства и уравнения от останалите
- •
- •
- •
- •
- •
- •