# Uma regra geral para a utilização de FeSi como desoxidante de aços UBC acalmados ao alumínio

Hiuller C. Araujo

#### Resumo

A utilização do FeSi como desoxidante foi introduzida em abril de 2012 para auxiliar na redução do consumo de alumínio nas corridas AA-UBC. A análise de 5386 corridas produzidas em 2013 mostrou que a decisão quanto à utilização do FeSi foi tomada corretamente em 71,1% das corridas. Um modelo de classificação binário baseado na técnica de regressão logística binária foi desenvolvido para auxiliar na decisão quando à utilização do FeSi. Foi utilizado como limiar a probabilidade para a qual o modelo apresentava o máximo valor do escore *F*, função da precisão e da exaustividade do modelo. A estimativa para a taxa de acerto do novo modelo é de 87,5%.

A utilização da liga FeSi com 75% de silício foi introduzida em abril de 2012 para reduzir o consumo de alumínio nos aços acalmados ao alumínio (AA) produzidos no desgaseificador RH. Esta técnica permitiu reduzir o consumo de alumínio de 3,1 kg/t para 2,4 kg/t<sup>[1]</sup>. A justificativa econômica reside na diferença de custo entre as ligas. Apesar de possuir um custo menor, a desoxidação com FeSi gera menos calor, o que pode ser um complicador pois não é vantajoso utilizar o FeSi quando levar a um aquecimento posterior do aço. Se for preciso aquecer o aço com oxigênio após a desoxidação haverá perda de limpidez pela geração tardia de inclusões de alumina. Se, por outro lado, nenhum aquecimento for necessário então haverá um ganho de qualidade pois a geração total de alumina será menor.

No final de 2103, foi detectado que o consumo de alumínio nos aços UBC (Ultra Baixo Carbono) havia retornado ao patamar anterior ao projeto de redução de consumo de alumínio [2]. Uma investigação [3] mostrou que a proporção de corridas caiu de 47% em janeiro para 25% em novembro de 2013.

Para otimizar a utilização do FeSi propõe-se um critério objetivo baseado dos resultados das corridas de 2013. Um modelo matemático para a tomada de decisão sobre quando utilizar o FeSi foi desenvolvido utilizando a técnica de regressão logística binária.

#### Métodos

Para auxiliar a tomada de decisão quanto a utilização do FeSi foi implementado um algorítmo de classificação baseado na técnica de regressão logistica binária é encontrar o conjunto de coeficientes para uma equação linear que melhor ajusta o logarítmo das chances em favor de um evento. No problema da utilização da liga de FeSi o evento é a utilização da liga. A definição de chance

dada de acordo com a Equação (1):

$$c = \frac{p}{1 - p'},\tag{1}$$

onde c é a chance e p é a probabilidade a favor do evento. De acordo com a Equação (1), para um evento muito provável quando  $p \to 1$  então  $c \to c$ ; e para um evento improvável  $c \to 0$ .

A forma elementar para o modelo de regressão logística é dada pela Equação (2):

$$\ln\left(\frac{p}{1-p}\right) = a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2 + \dots + a_n x_n, \quad (2)$$

onde  $a_0, a_1, ..., a_n$  são os parâmetros a serem ajustados e  $x_1, x_2, ..., x_n$  são os valores das n variáveis explicativas escolhidas para realização da regressão.

As variáveis escolhidas para realização da regressão logística foram: (1) Temperatura do último Celox antes da desoxidação, em °C; (2) Concentração de oxigênio livre do último celox antes da desoxidação, em ppm; (3) Temperatura de liberação (última medição da corrida), em °C.

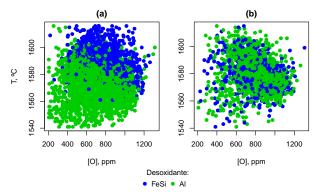


Figura 1: Medição Celox anterior à desoxidação: (a) corridas ideais e (b) corridas com correção.

Foram coletadas 5386 corridas AA-UBC que foram, então, classificadas em duas categorias: (a) corridas ide-

ais onde a decisão foi acertada e (b) corridas em que a decisão não foi acertada. A Tabela (1) apresenta um resumo dos critérios que utilizados para classificar as corridas e o número de observações em cada caso. Nas corridas em que não houve aquecimento ou resfriamento, a decisão foi considerada acertada independente desta ter sido em favor do FeSi ou não. Nas corridas em que, após a desoxidação houve aquecimento e resfriamento foi considerado erro. Também configura acerto as corridas sem FeSi e com aquecimento e as com FeSi seguido de resfriamento.

Na Figura (1) são apresentadas as últimas medições Celox antes da desoxidação com seus valores de temperatura e concentração de oxigênio livre nos eixos vertical e horizontal, respectivamente separado em dois casos: no painel (a) as corridas em que a decisão foi tomada corretamente segundo os critérios apresentados na Tabela (1) e em (b) as corridas em que a decisão não foi tomada corretamente.

Tabela 1: Critérios para classificação das corridas entre corridas ideais (a) e corridas indesejáveis (b) e o número de corridas em cada caso.

Desoxidante	Sopro	Canivete	Ambos	Nenhum
Al	(a) 1920	(b) 479	(b) 217	(a) 811
FeSi	(b) 735	(a) 585	(b) 123	(a) 516

Para o treinamento do modelo de tomada de decisão, foram utilizadas as 3832 corridas em que a decisão foi acertada. Os valores ótimos para os parâmetros do modelo foram obtidos utilizando o pacote estatístico de código livre *RStudio* juntamente com a linguagem de programação R<sup>[5]</sup>. Foi utilizada a função glm() para encontrar o conjunto de coeficientes que minimiza o erro quadrático médio.

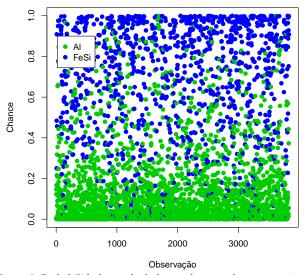


Figura 2: Probabilidade, p calculado com base na chances prevista pela regressão logística binária e resultado real da utilização do FeSi (cores).

#### 2. Resultados

O resultado da aplicação da função glm() aos dados de treinamento é sumarizado na Tabela (2). Os valores de Z apresentados juntamente com os valores dos parâmetros dão uma indicação de quão extremos são os valores dos parâmetros em relação ao acaso.

Tabela 2: Coeficientes do modelo de regressão logística binária juntamente com o valor de Z.

Coeficiente	Valor	Z
(intercepto)	-1.497	-1.019
Temperatura	$2.072 \times 10^{-1}$	28.199
Oxidação	$8.345 \times 10^{-3}$	21.499
Temp. Liberação	$-2.013 \times 10^{-1}$	-18.401

Os valores listados na Tabela (2) foram utilizados com os dados de treinamento para calcular a chance de acerto na tomada de decisão. A chance calculada desta maneira foi utilizada para se obter o valor da probabilidade de utilização correta de FeSi utilizando a Equação (1). A probabilidade de utilização correta juntamente com a decisão real é mostrada na Figura (2). Fica evidente na Figura (2) que a aplicação do modelo de regressão logística consegue de fato separar as corridas com e sem a utilização de FeSi. Quando o valor calculado para a chance c é próximo de zero a melhor decisão é utilizar somente alumínio e quando o valor de *c* é próximo de um a melhor decisão é pela utilização da liga FeSi. Para valores intermediários de p há um confundimento aparente. Portanto, para permitir a utilização do modelo na prática é preciso determinar um valor limiar de p para separar as duas regiões. A escolha do valor limiar de p,  $p_1$  requer que seja definido um critérnio objetivo de precisão para o modelo de classificação.

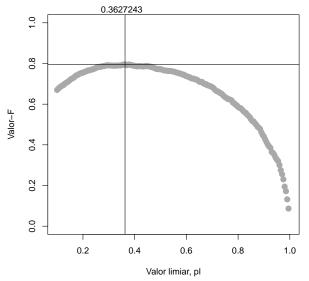


Figura 3: Valor do escore F para diferentes valores de  $p_l$ . O valor ótimo para  $p_l$  é aquele que maximiza o escore F.

Um critério comumente usado para avaliar a qualidade de um modelo de classificação binário é o da precisão/exaustividade<sup>[6]</sup>. Este critério implica na escolha do valor  $p_l$  tal que a função F é maximizada, onde:

$$F = 2 \times \frac{pr}{p+r},\tag{3}$$

onde p é a precião do modelo e r é a exaustividade. Mais detalhes sobre o escore F podem ser encontrados em outra parte  $^{[6]}$ .

A determinação do valor ótimo de  $p_l$  foi realizado de modo iterativo no ambiente RStudio. Foram calculados os escores F para valores de  $p_l$  entre 0,1 e 1,0 com passo de 0,01 juntamente com a função optimize(). A Figura (3) mostra a relação entre o escore F e o valor limiar de p. O valor obtido para  $p_l$  foi de 0,3627243.

A proporção atual de acertos na decisão de utilizar ou não o FeSi foi calculada com base na Tabela (1) onde o total de corridas classificadas como (a) foi dividido pelo número total de corridas. O percentual atual de acertos foi de 71,1% dos casos. A aplicação do modelo de classificação binário nos dados de treinamento resultou em um acerto de 87,5%.

A Equação (4) é usada para representar as regiões de decisão para temperaturas de liberação fixas. Esta relação foi obtida manipulando-se a Equação (2).

$$T = \frac{1}{a_1} \left[ \ln \left( \frac{p_l}{1 - p_l} \right) - a_0 - a_2 O - a_3 T_l \right], \quad (4)$$

onde T é a temperatura do Celox antes de desoxidar em  ${}^{\circ}$ C,  $T_l$  é a temperatura de liberação em  ${}^{\circ}$ C e O é a concentração de oxigênio libre em ppm. A Figura (4) é a representação da Equação (4) para algumas temperaturas. O FeSi deverá ser utilizado sempre que a medição Celox anterior à desoxidação estiver acima da curva de nível correspondente à temperatura de liberação desejada.

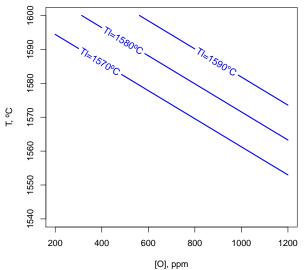


Figura 4: Curvas de iso temperatura de liberação: usar FeSi sempre que o Celox medido antes da desoxidação estiver acima da respectiva curva de nível.

### 3. Conclusão

Foi desenvolvido um modelo de classificação baseado na técnica de regressão logística binária para decidir com base na última medição Celor antes da desoxidação e na temperatura de liberação desejada quando utilizar a liga FeSi para pré-desoxidação de aços AA no desgaseificador RH.

O valor limiar para a razão de chance foi escolhido pela maximização da função F que representa a média harmônica entre a precisão e exaustividade [6]. A taxa de acerto do modelo foi estimada em 87,5% com os dados de treinamento o que representa um potencial de melhoria diante do patamar atual de 71,1%.

## 4. Referências

- [1] USIMINAS. Ferramenta de acompanhamento do projeto de redução do consumo de alumínio. 2012.
- [2] USIMINAS. Painel de indicadores da gerência de convertedores. 2013.
- [3] USIMINAS. Proporção de corridas RH com FeSi. 2013.
- [4] WIKIPEDIA. Logistic Wiregression kipedia, The Free Encyclopedia. 2013. [Accessado 30/12/2013]. Disponível em em: <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/Logistic\_regression">.</a>
- [5] R Core Team. R: A Language and Environment for Statistical Computing. Vienna, Austria, 2013. Disponível em: <a href="http://www.R-project.org/">http://www.R-project.org/</a>.
- [6] WIKIPEDIA. Precision and recall Wikipedia, The Free Encyclopedia. 2013. [Accessado em 27/12/2013]. Disponível em: <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/Precision\_and\_recall">http://en.wikipedia.org/wiki/Precision\_and\_recall</a>>.