Machine Learning Tarea #3

Herman Jaramillo Villegas Universidad de Medellín

February 22, 2024

Por favor haga estos ejercicios a mano. Use el computador solo como último recurso y más con el fin de verificar sus cómputos. Muestre **TODOS** los cálculos y cuando produza decimales, redondee a 2 cifras decimales.

Dada la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$$

- 1. Halle A^*A y AA^*
- 2. Halle los autovalores de A^*A y de AA^* , llámelos λ_i^2 . que diferencias encuentra?
- 3. Halle los autovectores de AA^* y los llama u_i . Cuantos son?
- 4. Halle los autovectores de A^*A y los llama v_i . Cuantos son?
- 5. Normalice los autovectores en los dos numerales anteriores, y halle los $\sigma_i = \sqrt{\lambda_i^2}$.
- 6. Construya la SVD. Es decir $A=U\Sigma V^*$. Recuerde que los autovalores/vectores los debe ordenar de forma que $\sigma_1\geq\sigma_2\geq\cdots$.