문제 4 [20pt]. 고층 아파트에 사는 영희와 순희는 창문을 통하여 영철이가 지면에서 던진 공이 올라가는 것과 다시 내려가는 것을 보았다. 영희는 2.0초 간격으로, 그리고 순희는 4.0초 간격으로 공이 올라갔다 내려가는 것을 보았다. 영희와 순희의 집은 수직으로 얼마나 떨어져 있는가?

답: 영철이가 공을 던지는 순간 공의 수직 방향 속력을 v_0 라고 하면, 시간에 따른 공의 높이는 다음과 같은 t 에 대한 2차 함수이다.

$$h = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0t. (1)$$

h 가 t 에 대한 2차 함수이므로 공이 최대 높이에 있을 때의 시간을 t_h 라 하면 다음이 성립 한다.

$$\frac{dh}{dt}\Big|_{t=t_h} = -gt_h + v_0 = 0, \ t_h = \frac{v_0}{g}.$$
 (2)

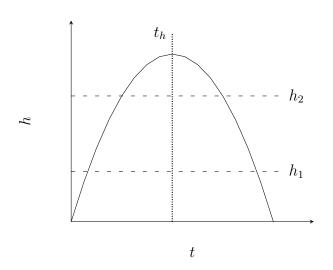


FIG. 1: 문제 4

공이 최대 높이에서 떨어지는 순간을 t=0 라고 생각하면 내려가는 공을 본 것이므로, 영희는 2.0 초에, 순희는 1.0 초에 공을 목격한 것이다. 최고점과 영희의 집 사이 거리를 h_1 , 순희의 집사이 거리를 h_2 라고 하면,

$$h_1 = \frac{1}{2}gt^2 = \frac{1}{2}g(2.0 \,\mathrm{s})^2,$$
 (3)

이고,

$$h_2 = \frac{1}{2}gt^2 = \frac{1}{2}g(1.0\,\mathrm{s})^2.$$
 (4)

영희의 집과 순희의 집이 떨어진 거리는 다음과 같다.

$$h_1 - h_2 = \frac{1}{2}g(2.0 \,\mathrm{s})^2 - \frac{1}{2}g(1.0 \,\mathrm{s})^2$$
$$= \frac{1}{2}(9.8 \,\mathrm{m/s^2})(3.0 \,\mathrm{s})$$
$$\approx 15 \,\mathrm{m}.$$
 (5)

영희와 순희의 집은 약 15 m 만큼 떨어져 있다.