## 2022년 1학기 물리학 I: Quiz 5

김현철\* $^{1,\dagger}$  and Lee Hui-Jae $^{1,\ddagger}$ 

<sup>1</sup>Hadron Theory Group, Department of Physics, Inha University, Incheon 22212, Republic of Korea

(Dated: Spring semester, 2022)

## Abstract

주의: 단 한 번의 부정행위도 절대 용납하지 않습니다. 적발 시, 학점은 F를 받게 됨은 물론이고, 징계위원회에 회부합니다. One strike out임을 명심하세요.

문제는 다음 쪽부터 나옵니다.

Date: 2021년 3월 16일 (수) 15:30-16:15

학번: 이름:

<sup>\*</sup> Office: 5S-436D (면담시간 매주 화요일-16:00~20:00)

<sup>†</sup>Electronic address: hchkim@inha.ac.kr ‡Electronic address: hjlee6674@inha.edu

**문제 1** [**10pt**] 세 권의 책(X, Y, Z)이 책상 위에 놓여 있다. X의 무게는 4.00 N,Y의 무게는 5.00 N, Z의 무게는 10.0 N이다. Y에 작용하는 알짜힘은 얼마인가?

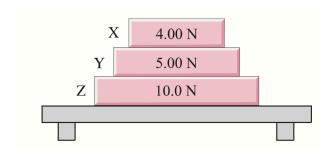


FIG. 1: 문제 1

해답 책 Y 는 정지해 있으므로, 책 Y 에 작용하는 알짜힘은 0 N 이다.

**문제 2** [10pt] 화물이 실린 어떤 비행기의 무게는  $2.75 \times 10^6$  N이다. 이 비행기의 엔진 추진력이  $6.35 \times 10^6$  N이라면 최저 이륙속력인 285 km/h에 도달하기 위해 필요한 활주로의 길이는 최소 얼마인가?

해답 비행기의 무게를 W, 질량을 m 이라 하자. 무게는 비행기의 질량에 중력 가속도의 크기를 곱한 값과 같으므로,

$$W = mg, \ m = \frac{W}{g}. \tag{1}$$

엔진의 추진력을 F 라 하면, 비행기가 엔진에 의해 가속될 때 그 가속도의 크기는 다음과 같이 일정하다.

$$a = \frac{F}{m} = \frac{Fg}{W} \tag{2}$$

비행기가 일정한 가속도로 질주하므로 비행기의 속력과 그 속력에 도달할 때 까지 질주한 거리는 다음의 식을 통해 구할 수 있다.

$$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0) (3)$$

초기 조건이  $x_0=0,\ v_0=0$  로 주어진다면, 식 (3) 으로 부터 속력이  $285\ \mathrm{km/h}$  에 도달할

때까지 질주한 거리를 알 수 있다.

$$v^2 = 2ax = 2\frac{Fg}{W}x, \quad x = \frac{2Wv^2}{Fg}$$
 (4)

질주한 거리는 다음과 같다.

$$x = \frac{2Wv^2}{Fg} = \frac{2(2.75 \times 10^6 \,\mathrm{N})(285 \,\mathrm{km/h})^2}{(6.35 \times 10^6 \,\mathrm{N})(9.80 \,\mathrm{m/s^2})} \left(\frac{1000 \,\mathrm{m}}{1 \,\mathrm{km}}\right) \left(\frac{1 \,\mathrm{h}}{3600 \,\mathrm{s}}\right)^2$$

$$= \frac{(7180)(1000)}{(3600)^2} \,\mathrm{km}$$

$$= 0.554 \,\mathrm{km}$$

$$= 554 \,\mathrm{m}$$
(5)

비행기가 질주한 거리 즉, 최저 이륙속력에 도달하기 위해 필요한 활주로의 길이는 554 m 이다.

문제 3 [15pt] 그림 2에서처럼 쓸림이 없는 식탁 위에 레몬이 놓여있다. 이 레몬에 가해지는, 수평 방향의 힘 세 개 힘 중에서 두 개  $\vec{F_1}$ ,  $\vec{F_2}$ 가 표시되어 있다. 힘  $\vec{F_1}$ 의 크기는  $6.00~\rm N$ 이고,  $\theta_1=30.0^\circ$ ,  $\vec{F_2}$ 의 크기는  $7.00~\rm N$ ,  $\theta_2=30.0^\circ$ 이다.

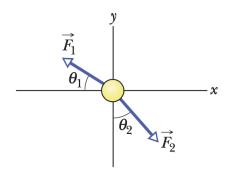


FIG. 2: 문제 3

- (가) 레몬이 정지해 있으려면,
- (나) 레몬이 일정한 속도  $\vec{v} = (13.0\,\hat{\pmb{i}} 14.0\,\hat{\pmb{j}})\,\mathrm{m/s}$ 로 움직이려면,
- (다) 레몬이 속도  $\vec{v} = (13.0t \,\hat{i} 14.0t \,\hat{j}) \,\text{m/s}$ 로 움직이려면,

세 번째 힘은 어떻게 주어져야 하는가? 각각의 경우에 힘을 단위벡터로 표현하여 나타내어라.

## 해답

(가) 레몬이 정지해 있기 위해서는 레몬에 작용하는 알짜힘이 0 N 이어야 한다. 정지해 있는 레몬에 작용하는 알짜힘은 다음과 같다.

$$\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0} \tag{6}$$

알짜힘의 x 성분과 y 성분은 각각 0 이다.

$$\sum F_x = F_{1x} + F_{2x} + F_{3x} = 0$$

$$\sum F_y = F_{1y} + F_{2y} + F_{3y} = 0$$
(7)

 $\vec{F}_1$  과  $\vec{F}_2$  는 + x 축을 기준으로 각각  $180^\circ - \theta_1$  ,  $270^\circ + \theta_2$  만큼 벌어져 있으므로 삼각함수의 성질에 따라 x 성분과 y 성분을 다음과 같이 구할 수 있다.

$$F_{1x} + F_{2x} + F_{3x} = |\vec{F}_1| \cos(180^\circ - \theta_1) + |\vec{F}_2| \cos(270^\circ + \theta_2) + F_{3x}$$

$$= -|\vec{F}_1| \cos\theta_1 + |\vec{F}_2| \sin\theta_2 + F_{3x} = 0$$
(8)

$$F_{1y} + F_{2y} + F_{3y} = |\vec{F}_1| \sin(180^\circ - \theta_1) + |\vec{F}_2| \sin(270^\circ + \theta_2) + F_{3y}$$

$$= |\vec{F}_1| \sin\theta_1 - |\vec{F}_2| \cos\theta_2 + F_{3y} = 0$$
(9)

따라서,  $F_{3x}$  와  $F_{3y}$  는 다음과 같다.

$$F_{3x} = |\vec{F}_1| \cos \theta_1 - |\vec{F}_2| \sin \theta_2 = 6 \cos 30.0^\circ - 7 \sin 30.0^\circ$$
$$= \frac{6\sqrt{3}}{2} - \frac{7}{2} = 1.70 \tag{10}$$

$$F_{3y} = -|\vec{F}_1|\sin\theta_1 + |\vec{F}_2|\cos\theta_2 = -6\sin 30.0^\circ + 7\cos 30.0^\circ$$
$$= -\frac{6}{2} + \frac{7\sqrt{3}}{2} = 3.06 \tag{11}$$

 $\vec{F}_3$ 을 단위벡터로 표현하면 다음과 같다.

$$\vec{F}_3 = (1.70\,\hat{\boldsymbol{i}} + 3.06\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\text{N} \tag{12}$$

(나) 레몬이 일정한 속도  $\vec{v} = (13.0\,\hat{\pmb{i}} - 14.0\,\hat{\pmb{j}})\,\mathrm{m/s}$ 로 움직일 때 레몬의 가속도는 다음과 같다.

$$\vec{a} = \frac{1}{m} \sum \vec{F} = \frac{d\vec{v}}{dt} = 0 \tag{13}$$

즉, 알짜힘은  $\vec{0}$  이고, 이는 정지해 있는 경우와 같다. 따라서, 일정한 속도로 움직이기 위해 세 번째 힘은 다음과 같이 주어져야 한다.

$$\vec{F}_3 = (1.70\,\hat{\boldsymbol{i}} + 3.06\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\text{N} \tag{14}$$

(다) 레몬이 속도  $\vec{v} = (13.0t\,\hat{\pmb{i}} - 14.0t\,\hat{\pmb{j}})\,\mathrm{m/s}$ 로 움직일 때, m 을 레몬의 질량이라고 하면 레몬의 가속도와 레몬에 가해지는 알짜힘은 다음과 같다.

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = (13.0\,\hat{\boldsymbol{i}} - 14.0\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\text{m/s}^2, \ \sum \vec{F} = m\vec{a} = m(13.0\,\hat{\boldsymbol{i}} - 14.0\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\text{N}$$
 (15)

따라서,  $\vec{v} = (13.0t\,\hat{\pmb{i}} - 14.0t\,\hat{\pmb{j}})\,\mathrm{m/s}$ 로 움직일 때 레몬에 가해지는 알짜힘은 다음과 같다.

$$\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = m(13.0\,\hat{\boldsymbol{i}} - 14.0\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\text{N}$$
(16)

식 (12) 에 의해,

$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = -(1.70\,\hat{\boldsymbol{i}} + 3.06\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\text{N}.$$
 (17)

최종적으로,  $\vec{F}_3$  는 다음과 같다.

$$\vec{F}_{3} = -(\vec{F}_{1} + \vec{F}_{2}) + m(13.0\,\hat{\boldsymbol{i}} - 14.0\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\mathrm{N}$$

$$= (1.70\,\hat{\boldsymbol{i}} + 3.06\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\mathrm{N} + m(13.0\,\hat{\boldsymbol{i}} - 14.0\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\mathrm{N}$$

$$= ((1.70 + 13.0m)\,\hat{\boldsymbol{i}} + (3.06 - 14.0m)\,\hat{\boldsymbol{j}})\,\mathrm{N}$$
(18)

**문제 4** [15pt] 질량이  $1.0 \times 10^{-4}$  kg인 공이 줄에 매달려 있다. 수평방향으로 불어오는 일정한 세기의 산들바람이 공을 밀어 줄이 수직과  $45^{\circ}$ 를 이루었다.

- (가) 미는 힘의 크기를 구하여라.
- (나) 줄의 장력을 구하여라.

## 해답

(가) 산들바람이 공을 미는 힘을  $\vec{D}$ , 공에 작용하는 중력을  $\vec{W}$  그리고 공에 작용하는 장력을  $\vec{T}$  라 하자.  $\vec{W}$  는 다음과 같다.

$$\vec{W} = m\vec{g} = -(1.0 \times 10^{-4} \,\text{kg})(9.80 \,\text{m/s}^2) \,\hat{\boldsymbol{j}}$$
(19)

공은 정지해 있으므로, 공에 작용하는 알짜힘은  $\vec{0}$  이다.

$$\sum \vec{F} = \vec{W} + \vec{D} + \vec{T} = \vec{0} \tag{20}$$

공에 작용하는 알짜힘의 성분은 다음과 같다.

$$F_x = |\vec{D}| - |\vec{T}| \cos 45^{\circ}$$

$$= |\vec{D}| - \frac{\sqrt{2}}{2} |\vec{T}| = 0$$
(21)

$$F_y = |\vec{W}| - |\vec{T}| \sin 45^{\circ}$$

$$= (1.0 \times 10^{-4} \,\text{kg})(9.80 \,\text{m/s}^2) - \frac{\sqrt{2}}{2} |\vec{T}| = 0$$
(22)

식 (21) 와 식 (22) 에 의해,

$$|\vec{D}| = \frac{\sqrt{2}}{2} |\vec{T}| = (1.0 \times 10^{-4} \,\text{kg})(9.80 \,\text{m/s}^2)$$
  
=  $9.8 \times 10^{-4} \,\text{N}$ . (23)

미는 힘의 크기는  $9.8 \times 10^{-4} \, \mathrm{N}$  이다.

(나) 식 (20) 에 의해 줄의 장력  $\vec{T}$  는 다음과 같다.

$$\vec{T} = -\vec{D} - \vec{W} \tag{24}$$

 $ec{D}$  는 수평 방향으로만 작용하므로 단위벡터로 표현하면 다음과 같다.

$$\vec{D} = (9.8 \times 10^{-4} \,\hat{i}) \,\text{N} \tag{25}$$

따라서, 장력  $\vec{T}$  는 다음과 같다.

$$\vec{T} = -\vec{D} - \vec{W} 
= -(9.8 \times 10^{-4} \,\hat{\boldsymbol{i}}) \,\text{N} + (9.8 \times 10^{-4} \,\hat{\boldsymbol{j}}) \,\text{N} 
= (-9.8 \times 10^{-4} \,\hat{\boldsymbol{i}} + 9.8 \times 10^{-4} \,\hat{\boldsymbol{j}}) \,\text{N}$$
(26)

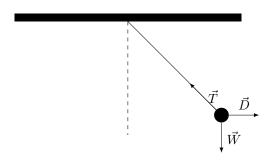


FIG. 3: 문제 4