

Data Structure

실습 5

0. 이번 주 실습 내용

- (Equivalence Classes 복습)
- Binary Tree
 - Binary Tree 개념 & 구조
- Traversal of Binary Tree
- Binary Search Tree 실습

1. Equivalence classes

- 정의: 연관이 있는 원소들을 한 집합으로 묶은 것 (엄밀한 정의는 이론수업 참조)
- 그래프에서 연결된 노드들을 군집화 할 때 사용
- 구현 형태: Linked List로 구현
 - 본 실습에서는 이론수업PPT와 같이 Linked List의 배열을 사용

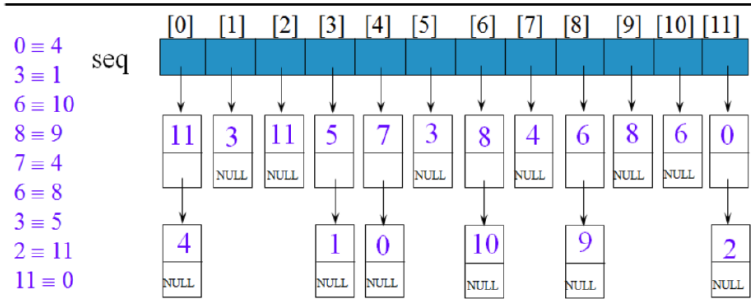
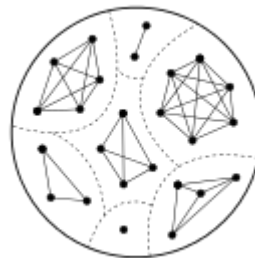
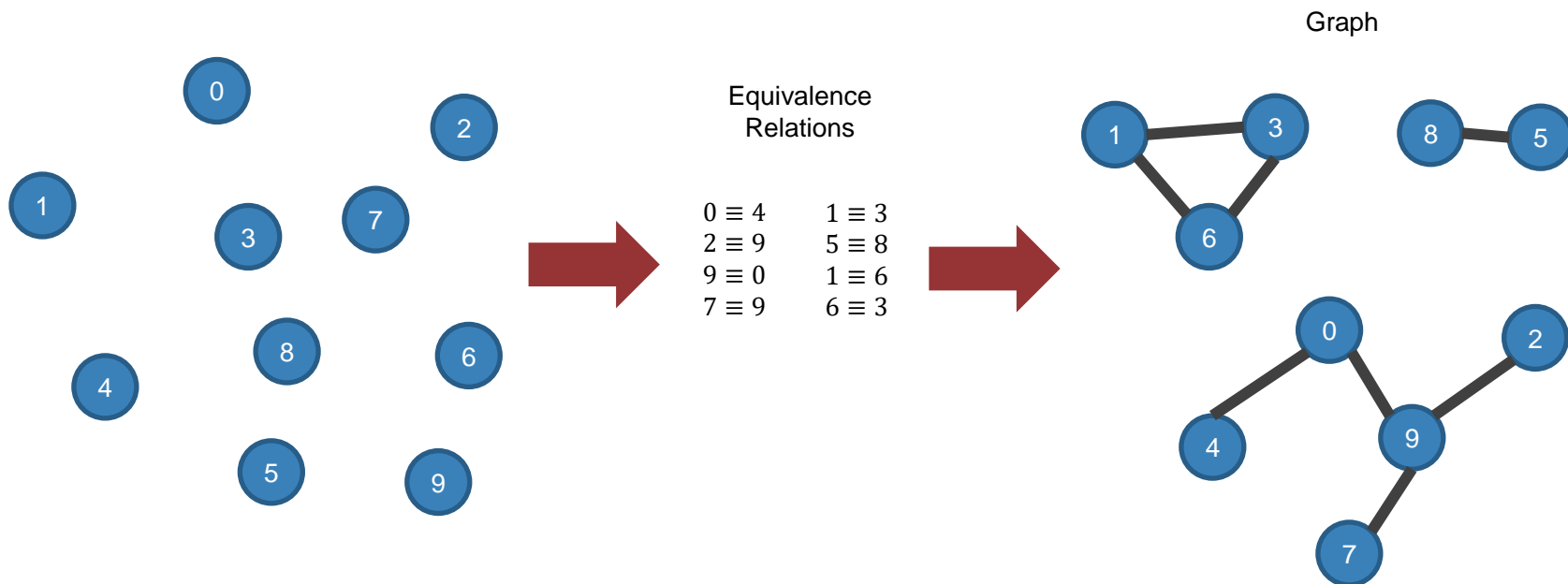


Figure 4.16 : Lists after pairs have been input

1. Equivalence Classes

- 동치관계는 그래프 상의 연결여부로 표현할 수 있다.



1. Equivalence Classes

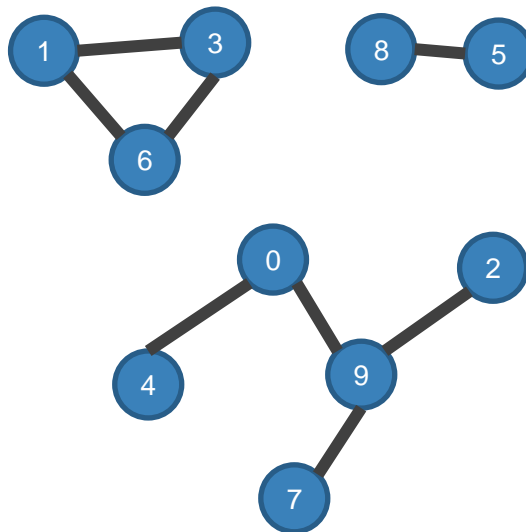
- 동치관계는 그래프 상의 연결여부로 표현할 수 있다.

Equivalence
Relations

| | |
|--------------|--------------|
| $0 \equiv 4$ | $1 \equiv 3$ |
| $2 \equiv 9$ | $5 \equiv 8$ |
| $9 \equiv 0$ | $1 \equiv 6$ |
| $7 \equiv 9$ | $6 \equiv 3$ |



Graph



1. Equivalence Classes

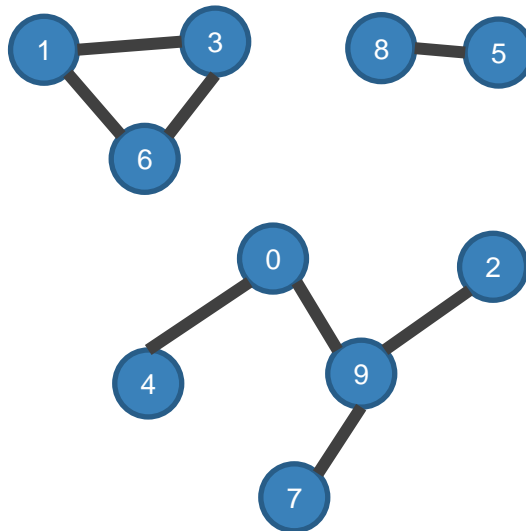
- 동치류의 원소들은 동치류에 속하는 노드와 연결된 모든 노드를 방문하여 알 수 있다.

Equivalence
Relations

| | |
|--------------|--------------|
| $0 \equiv 4$ | $1 \equiv 3$ |
| $2 \equiv 9$ | $5 \equiv 8$ |
| $9 \equiv 0$ | $1 \equiv 6$ |
| $7 \equiv 9$ | $6 \equiv 3$ |

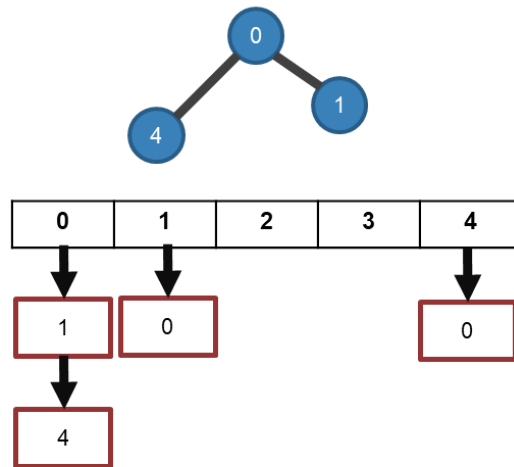
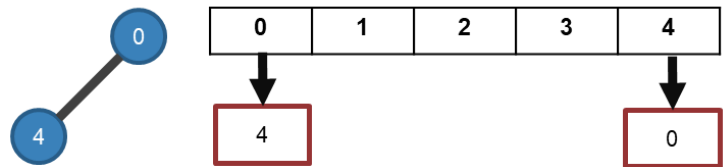
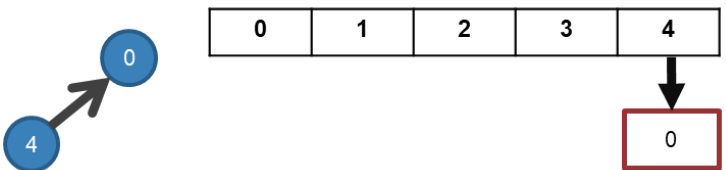
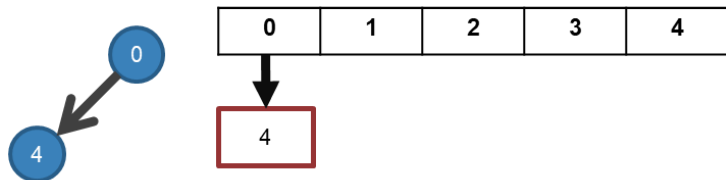


Graph



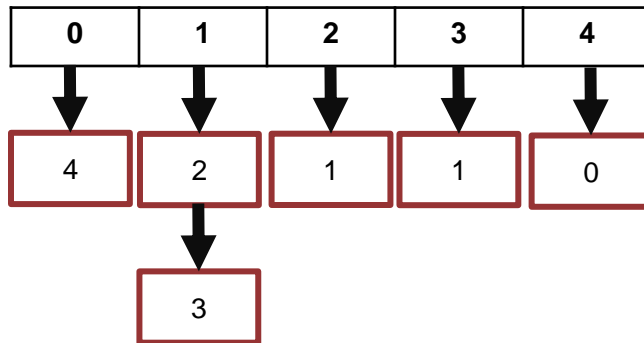
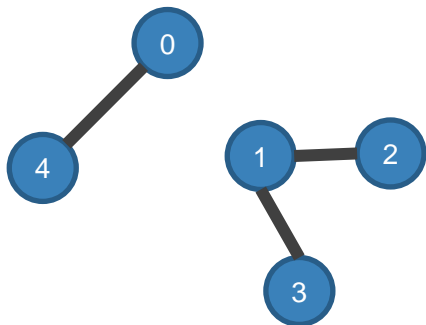
1. Equivalence Classes

- 그래프는 여러 개의 리스트로 표현될 수 있다.



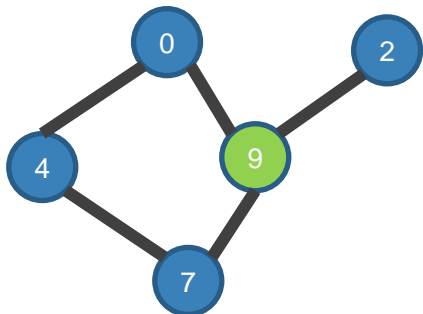
1. Equivalence Classes

- 그래프는 여러 개의 리스트로 표현될 수 있다.



1. Equivalence Classes

- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.



현재 노드: 9

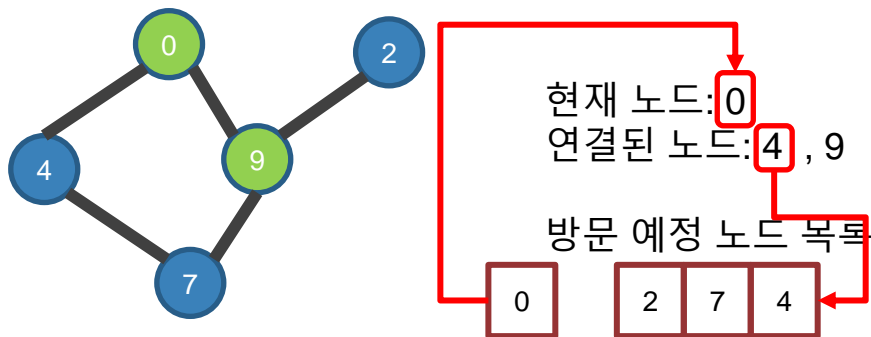
연결된 노드: 0, 2, 7

방문 예정 노드 목록



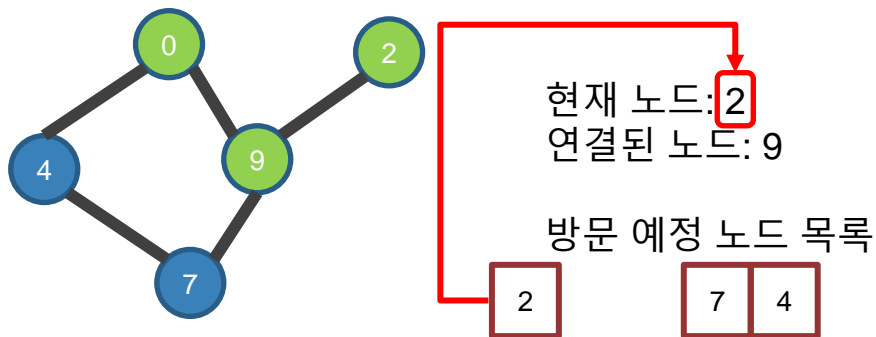
1. Equivalence Classes

- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.



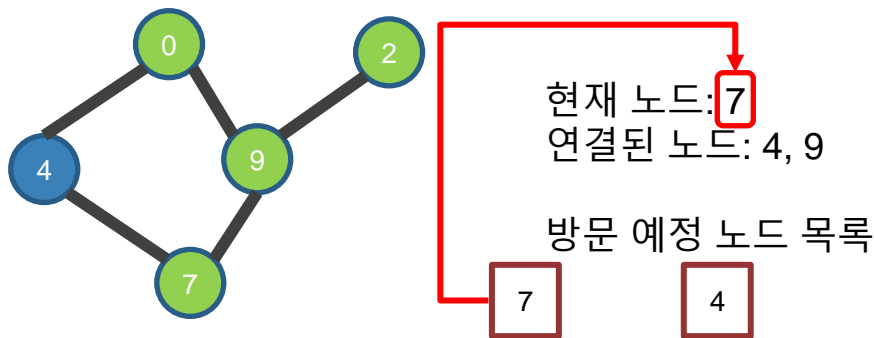
1. Equivalence Classes

- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.



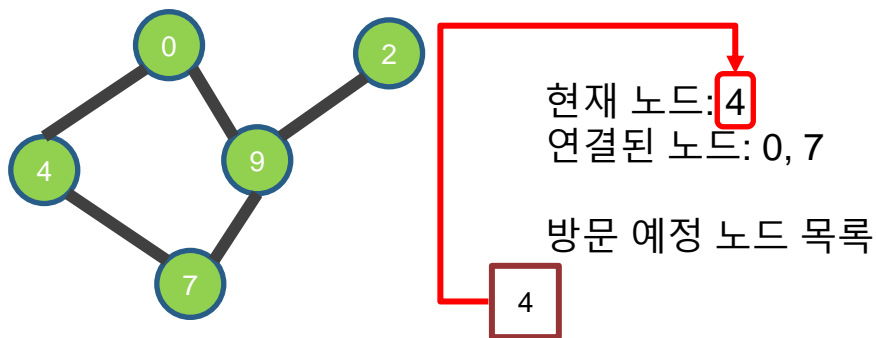
1. Equivalence Classes

- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.



1. Equivalence Classes

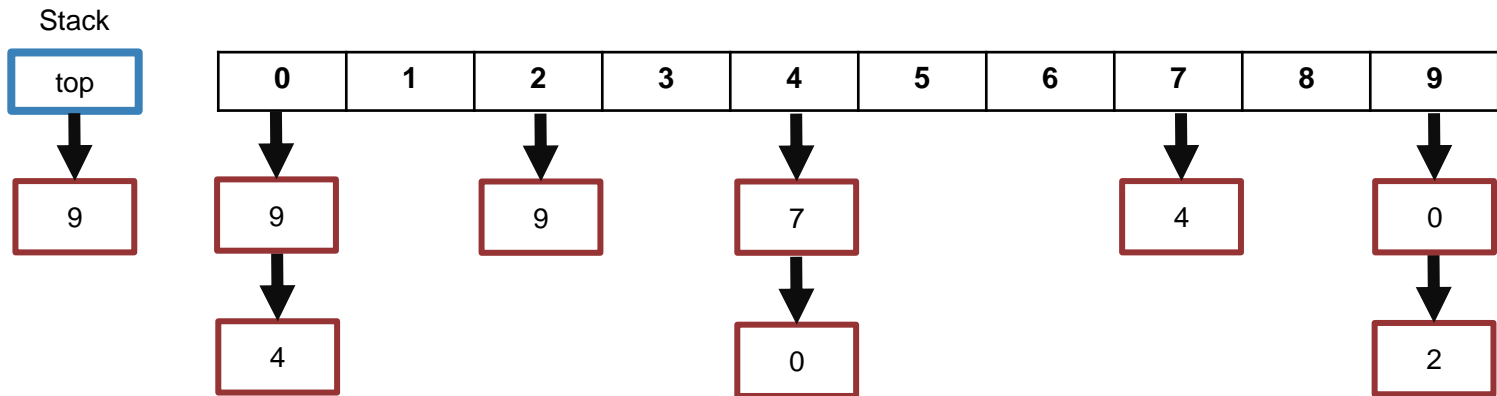
- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.



Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$



방문할 노드(9)를 스택에 push

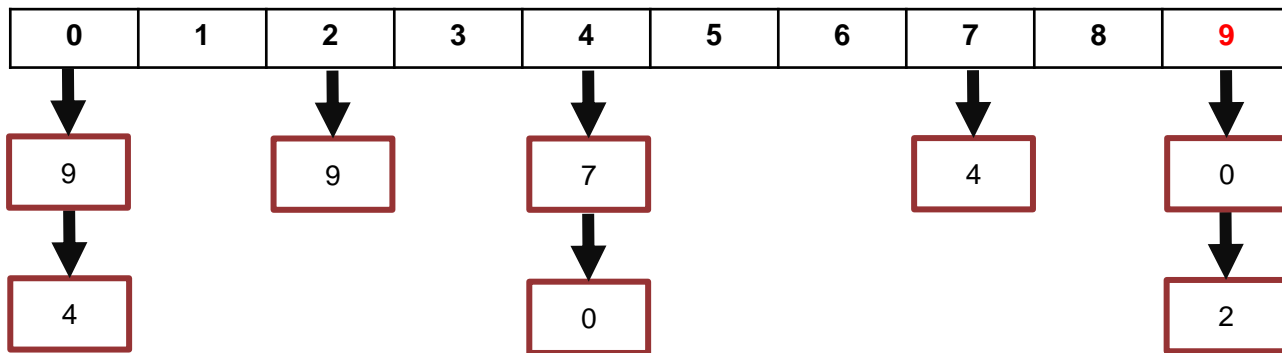
Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$

Stack

top



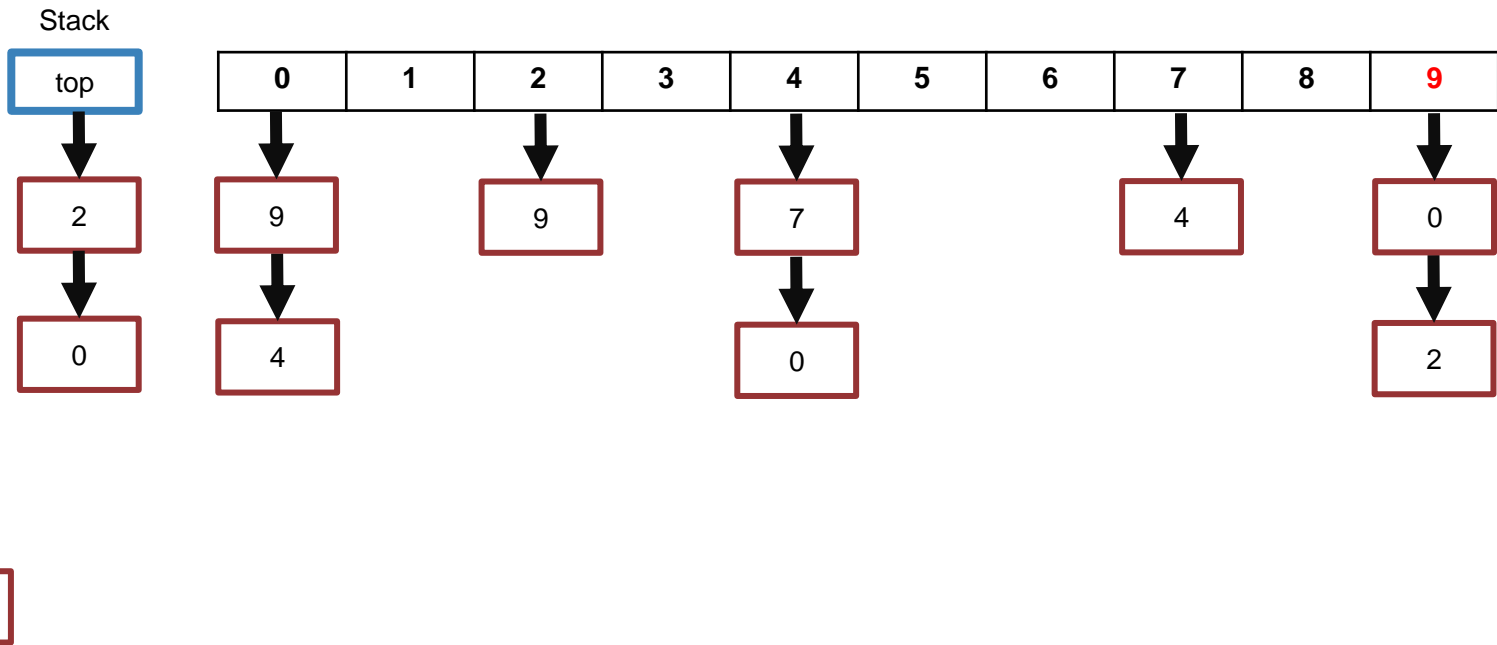
9

스택에서 노드를 pop하여 노드(9) 방문

Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$

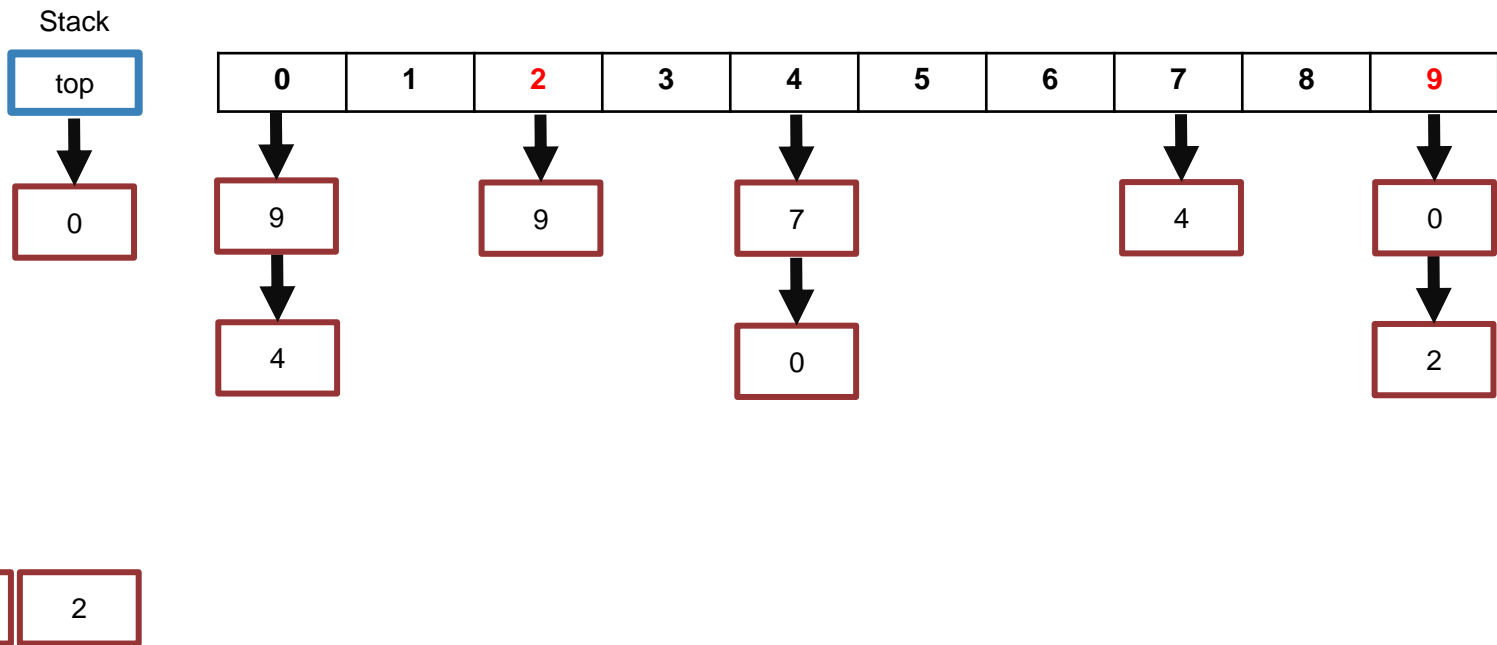


방문한 노드(9)에 연결된 노드(2, 0)를 스택에 push

Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$



스택에서 노드를 pop하여 노드(2) 방문 및 연결된 노드를 스택에 push

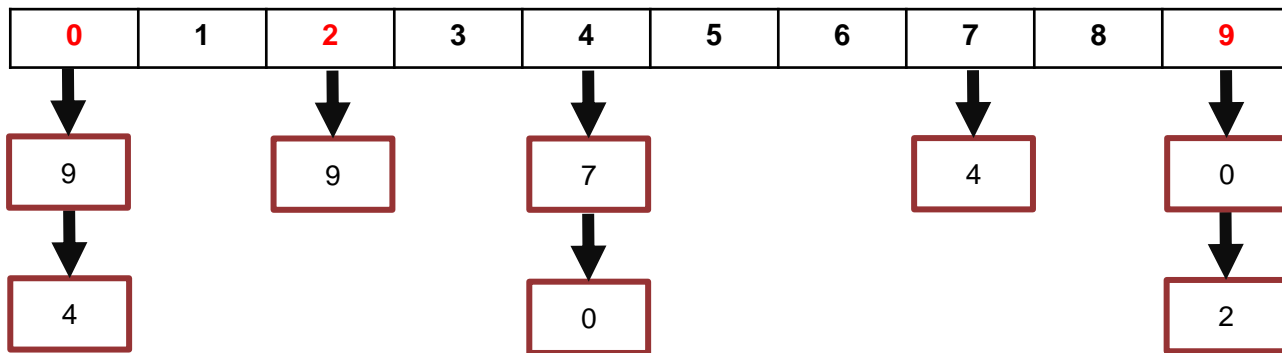
Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$

Stack

top

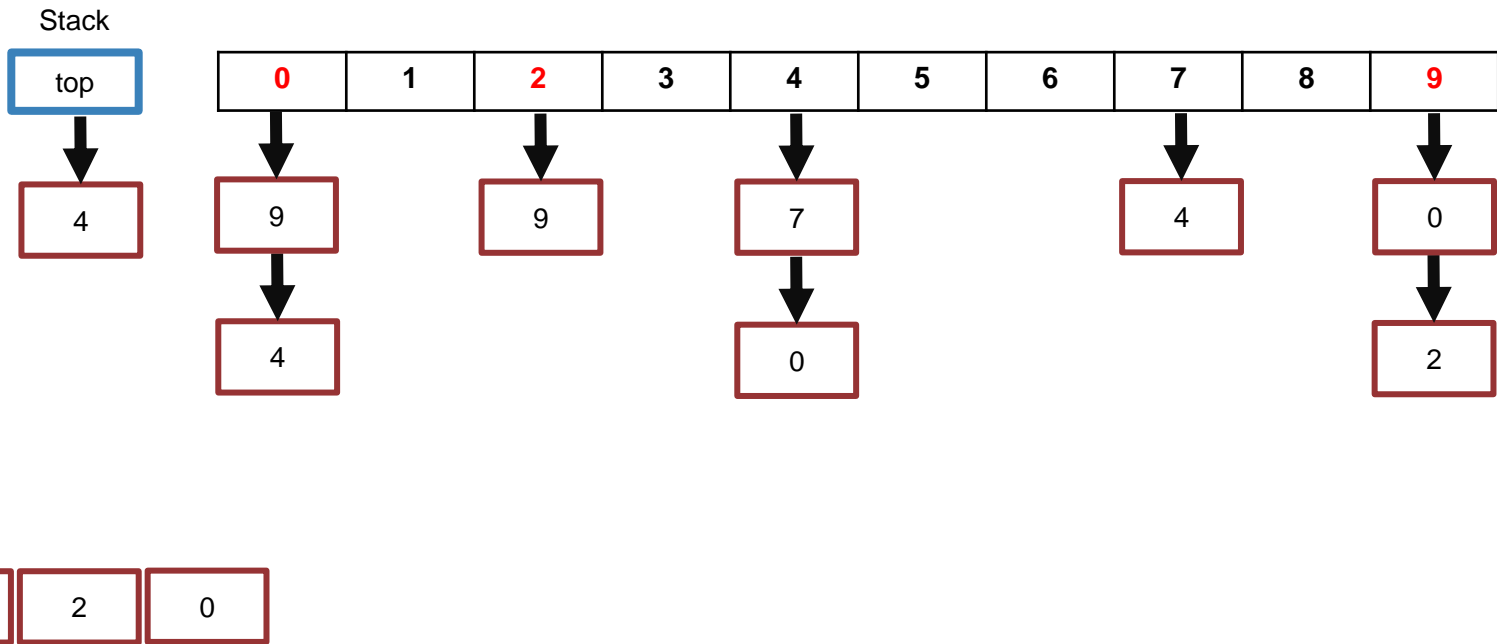


스택에서 노드를 pop하여 노드(0) 방문

Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$



방문한 노드(0)에 연결된 노드(4)를 스택에 push

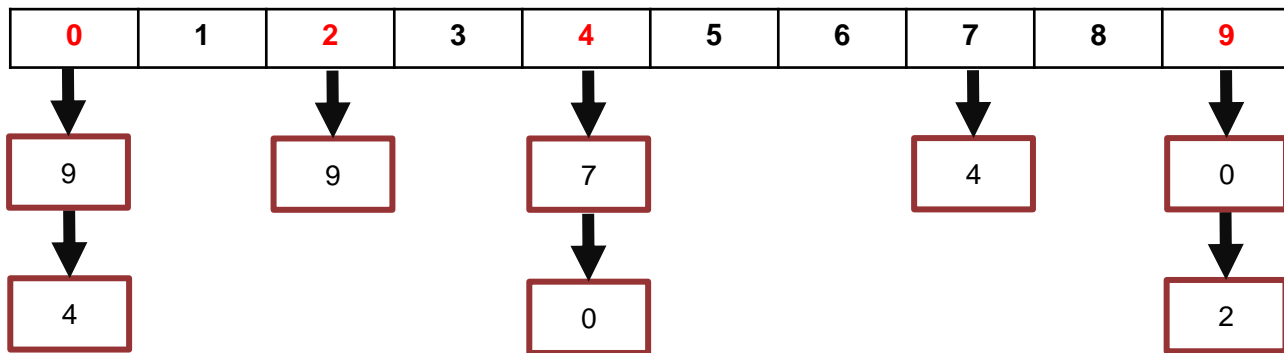
Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$

Stack

top

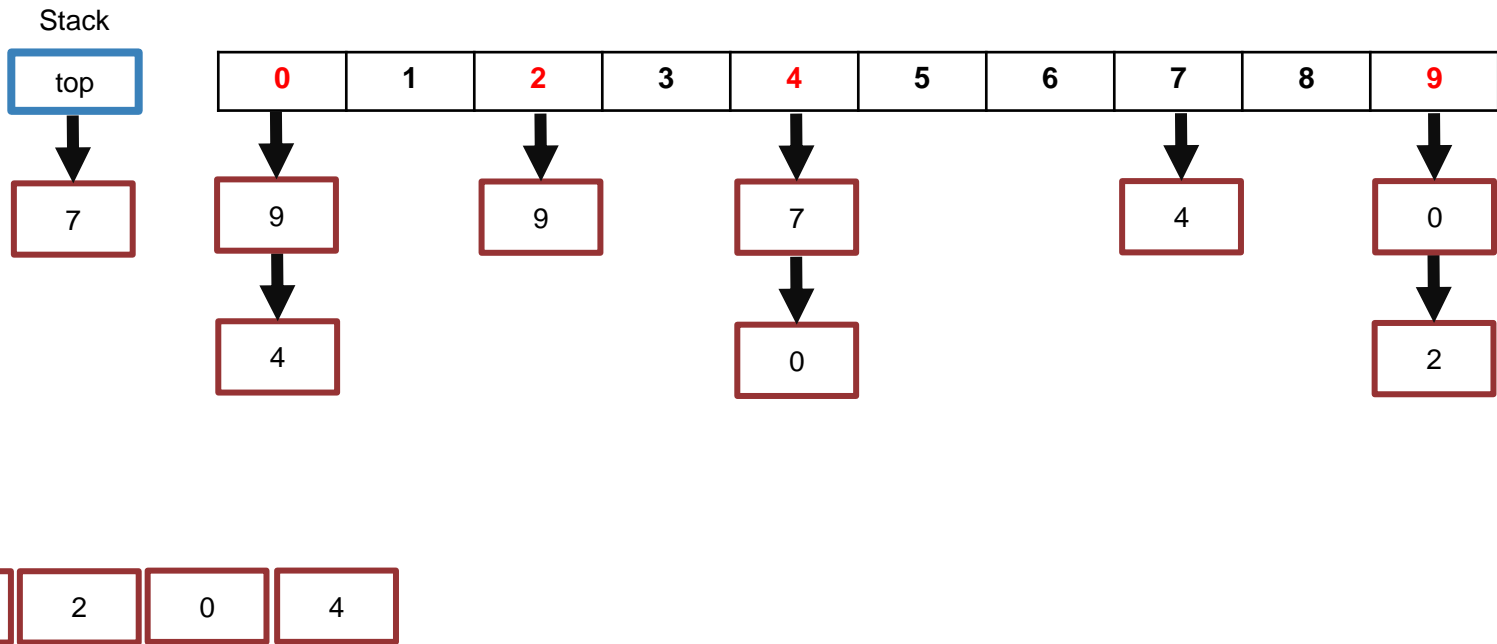


스택에서 노드를 pop하여 노드(4) 방문

Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$



방문한 노드(4)에 연결된 노드(7)를 스택에 push

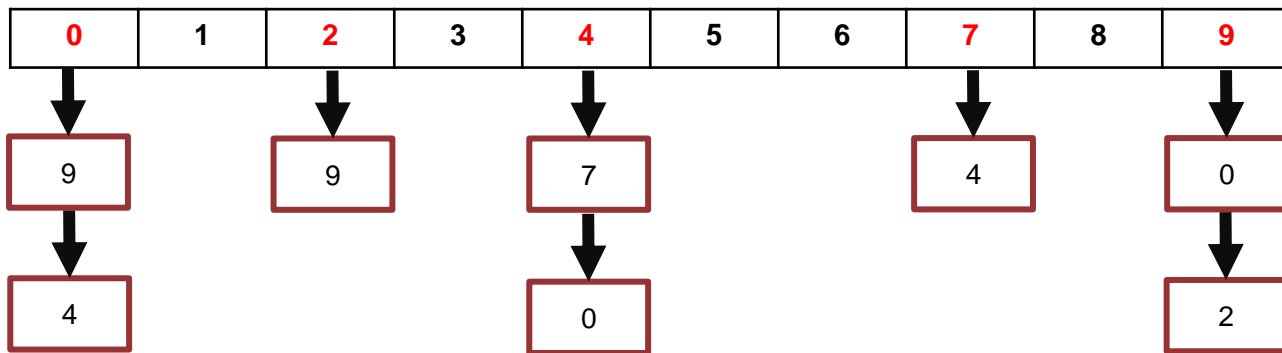
Enumerating equivalence class including 9.

Equivalence Relations

$0 \equiv 4$
 $7 \equiv 4$
 $2 \equiv 9$
 $9 \equiv 0$

Stack

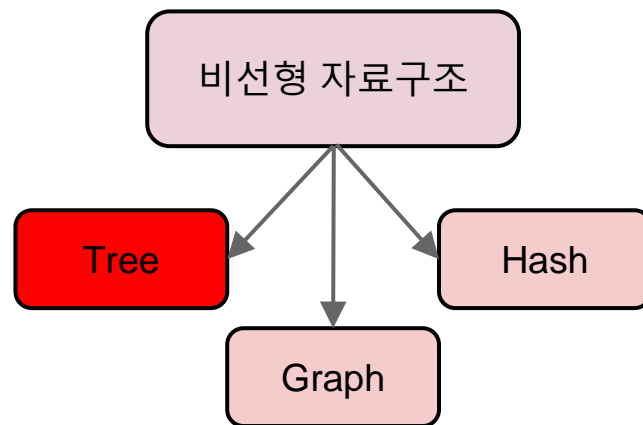
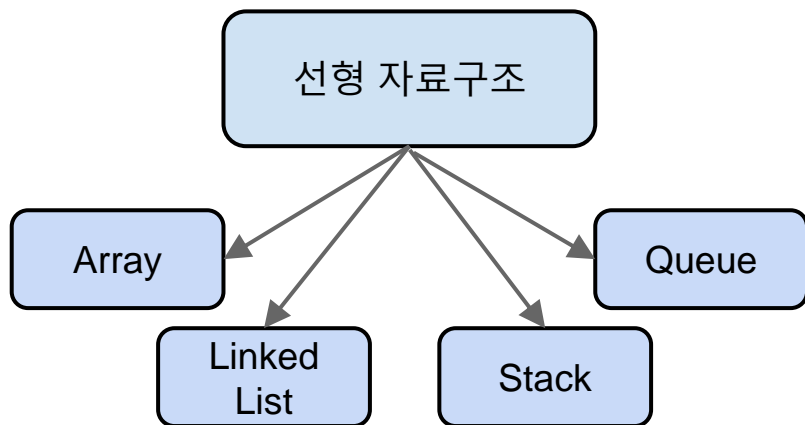
top



스택에서 노드를 pop하여 노드(7) 방문

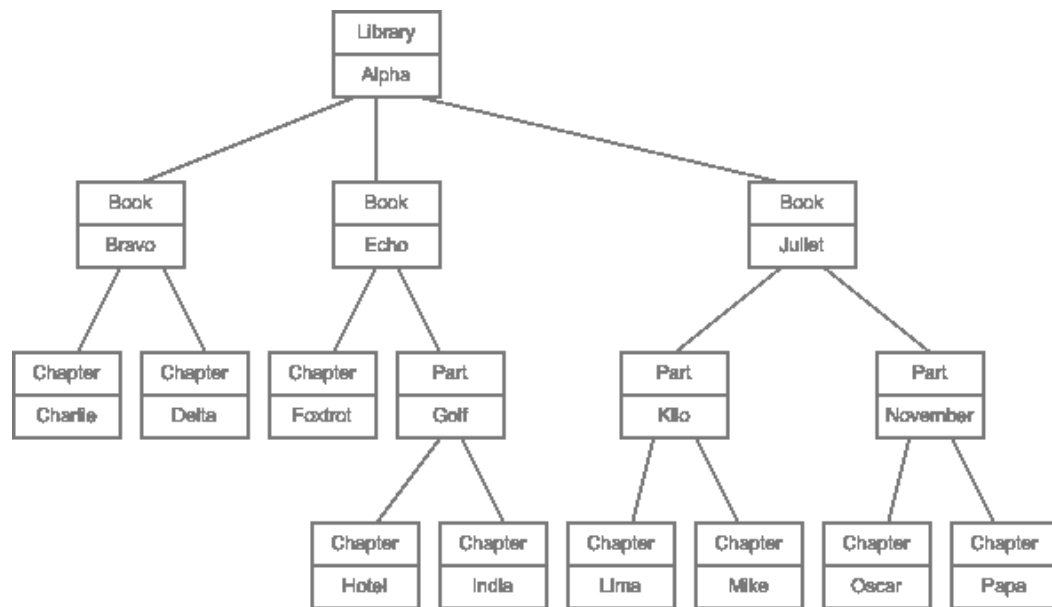
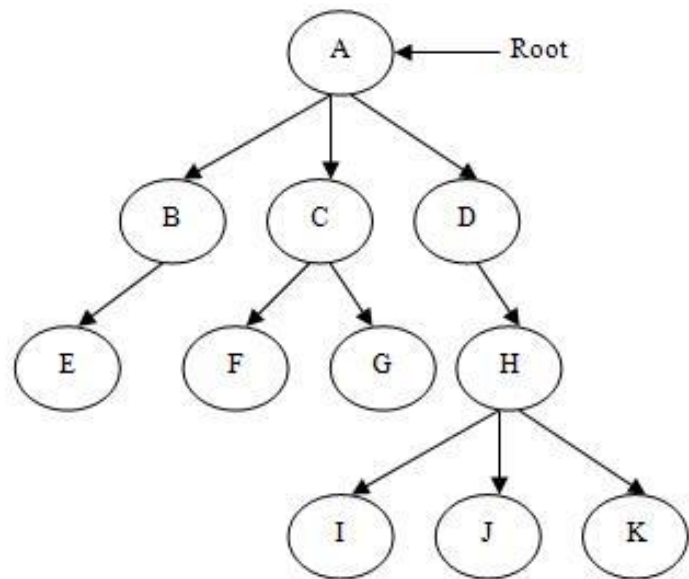
2. Binary Tree

- Data Structure



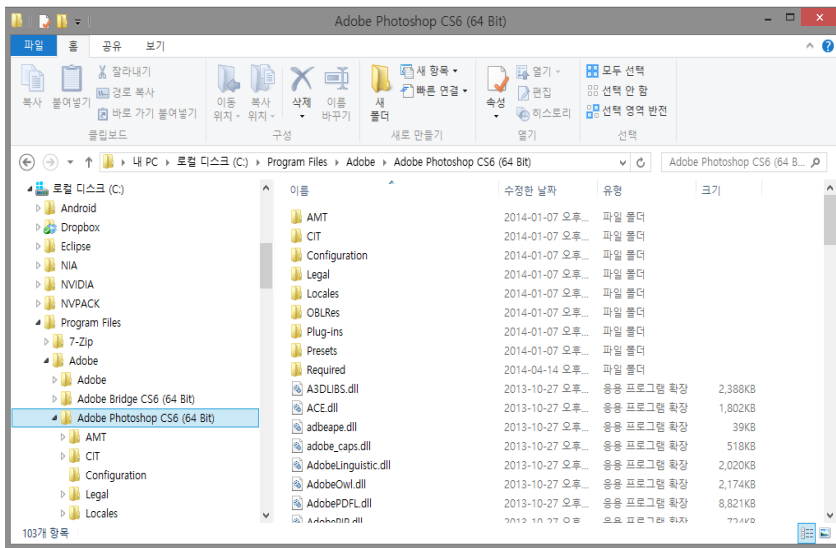
2. Binary Tree

- What is Tree?

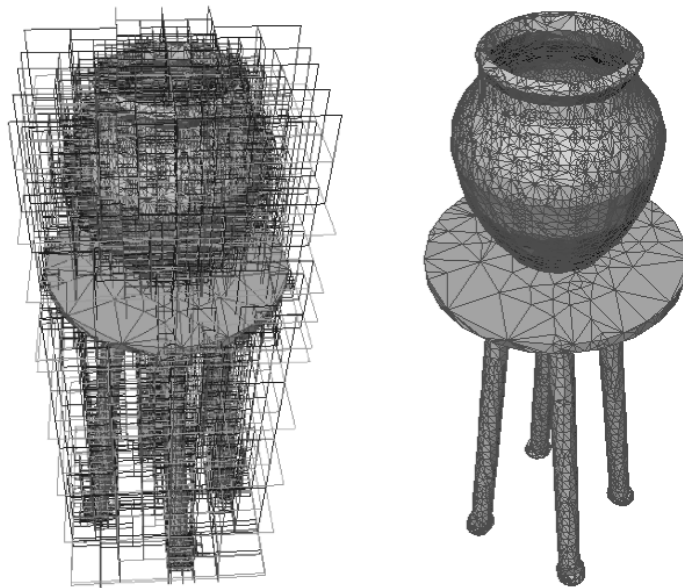


2. Binary Tree

- 언제 쓸까?



File System

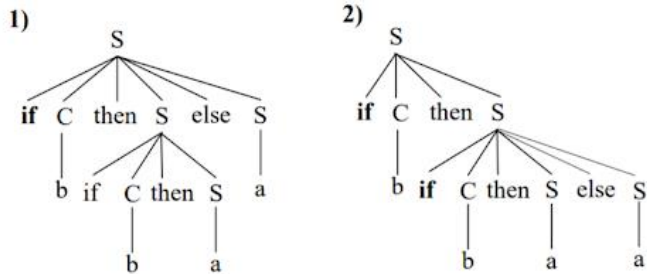


Graphics

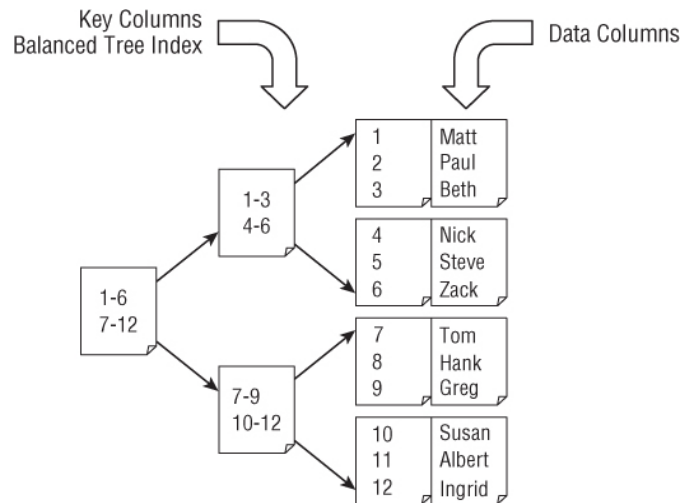
2. Binary Tree

언제 쓸까?

ex) problem:
 $G: S \rightarrow \text{if } C \text{ then } S \text{ else } S \mid \text{if } C \text{ then } S \mid a$
 $C \rightarrow b$
 ex: **if b then if b then a else a**



Compiler



Database (Index)

2. Binary Tree

- **Tree (정의):** 자료와 그 다음 자료의 위치 정보가 저장된 비선형의 자료구조

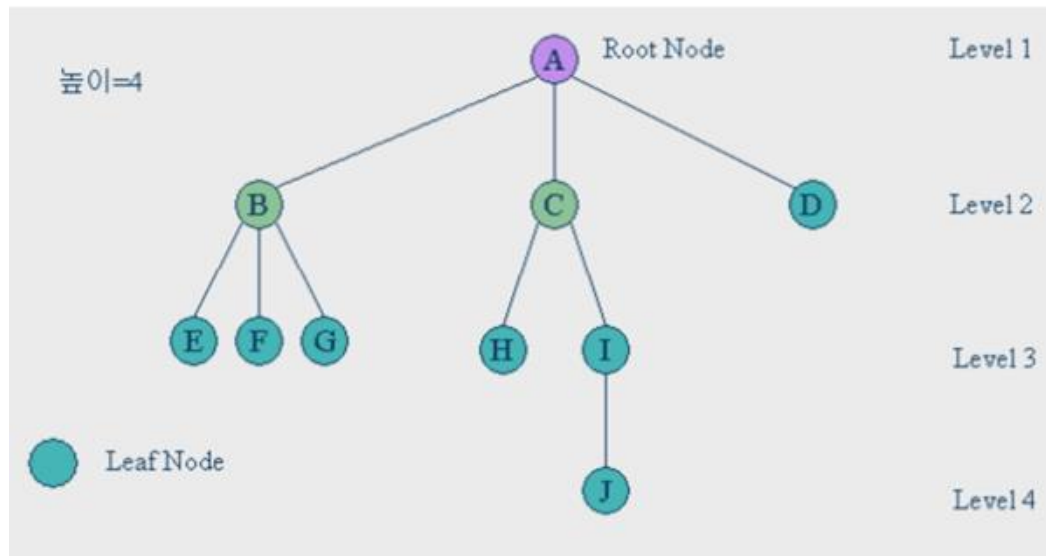
- 구성

- **Node (Vertex)**

- 자료를 저장하는 공간
 - Root Node: 가장 위에 있는 Node
 - Leaf Node: 가장 아래 있는 Node

- **Link (Edge)**

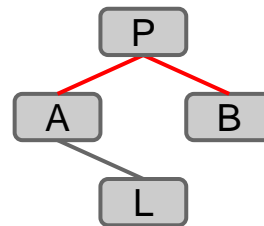
- 다음 Node를 가리키는 링크(pointer)



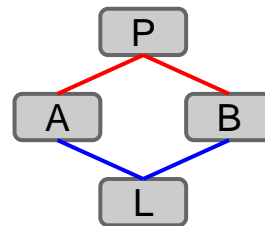
2. Binary Tree

• Node 특징 (Tree)

- Root Node (P)
 - 가장 위에 있는 노드 (Head Node 같은 느낌)
- Leaf Node (L)
 - 가장 아래에 있는 노드
- Sibling Node (A,B)
 - 부모가 같은 노드
- Node
 - 하나의 부모(parent) Node가 있어야 함 (예외 – Root Node)
 - 여러 개의 자식(child) Node를 가질 수 있음 (Link 개수에 따라 정해짐)
 - 한 Node에서 다른 Node로 가기 위한 경로가 유일해야 함 (Tree의 조건)



트리(Tree)



그래프(Graph)

나중에 배움

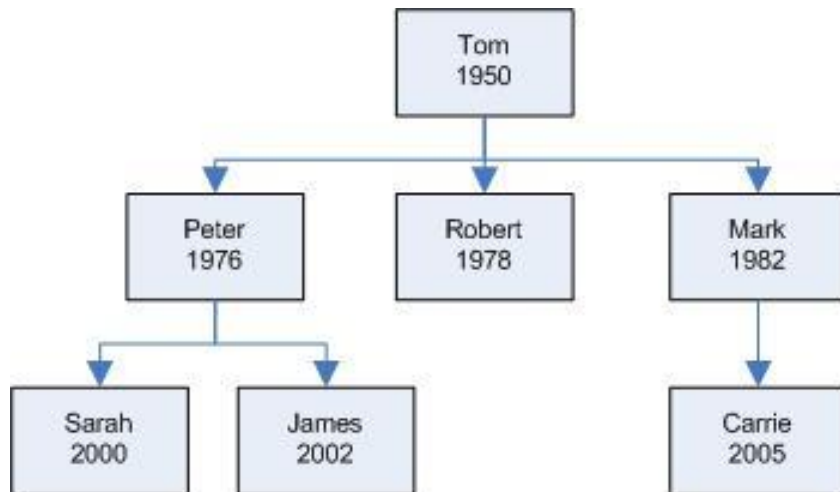
2. Binary Tree

- **General Tree**

- 자식 Node의 개수가 여러 개
- 규칙성이 존재하지 않음

→ 규칙성을 갖는 특정한 Tree 구조를 정의하자

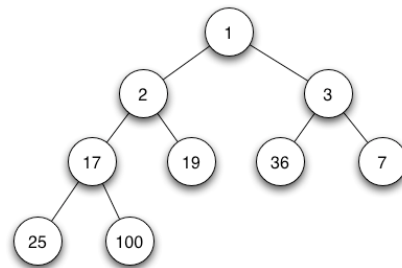
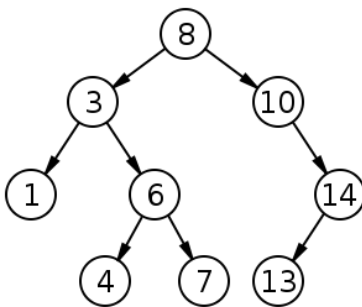
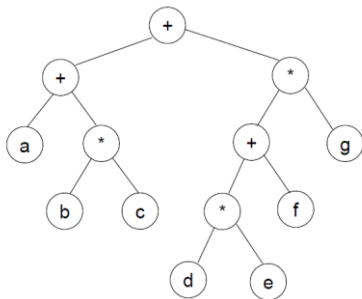
→ **Binary Tree!**



2. Binary Tree

• Binary Tree(이진 트리)

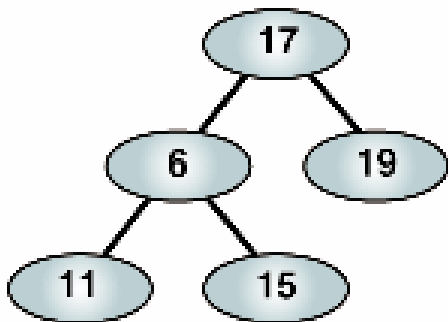
- Node에 규칙을 추가
 - 한 Node는 2개 이하의 자식을 가지고 있음 (Left Child, Right Child)
 - 최대 2개의 자식 Node를 가지므로 아래로 내려갈 때 2가지 경로만 존재함
- 쓰임이 정말 많은 자료구조
 - Parse Tree: 수식 계산
 - Heap : 여러 개의 값 중 가장 크거나 작은 값을 빠르게 찾기 위한 이진 트리. (정렬)
 - Binary Search Tree: 검색



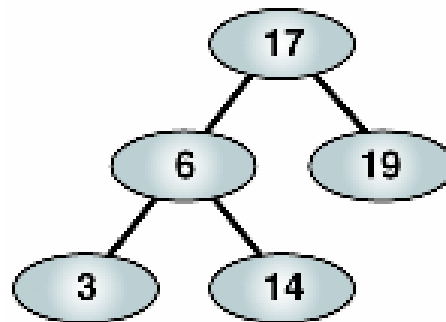
2. Binary Tree

- **Binary Search Tree(이진 탐색 트리)**

- Binary Tree의 일종
- Node의 왼쪽 자식 Node에는 자신보다 작은 값들만 존재
- Node의 오른쪽 자식 Node에는 자신보다 큰 값들만 존재



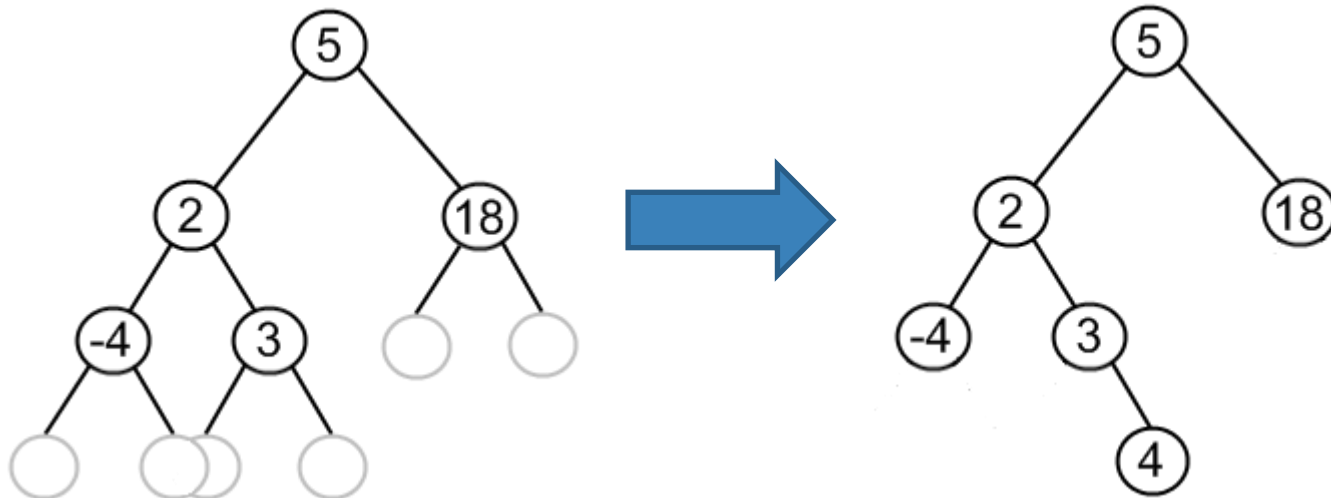
Binary tree



Binary **search** tree

2. Binary Tree

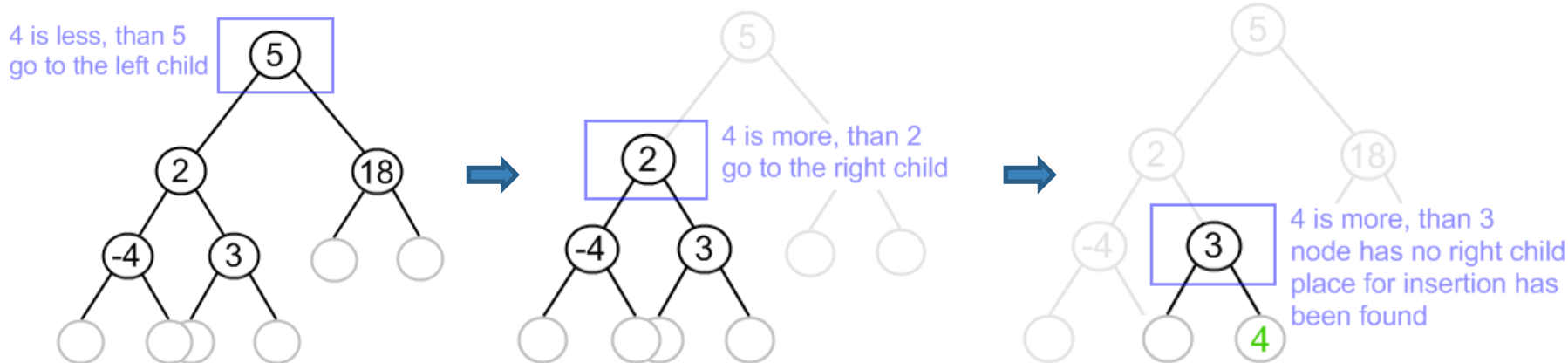
- **Binary Search Tree(이진 탐색 트리)**
 - Add Node (add 4)



2. Binary Tree

• Binary Search Tree(이진 탐색 트리)

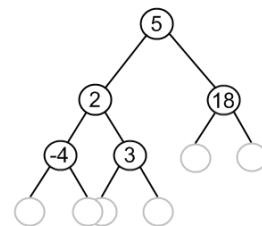
- Add Node (add 4)



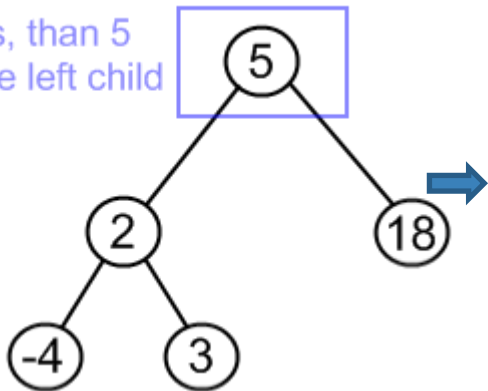
2. Binary Tree

- **Binary Search Tree(이진 탐색 트리)**

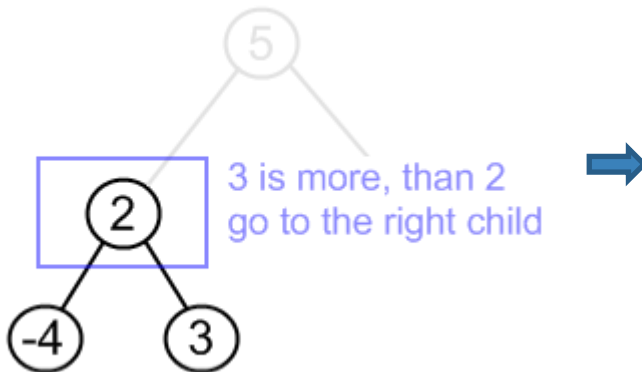
- Search Node (search 3)



3 is less, than 5
go to the left child



3 is more, than 2
go to the right child

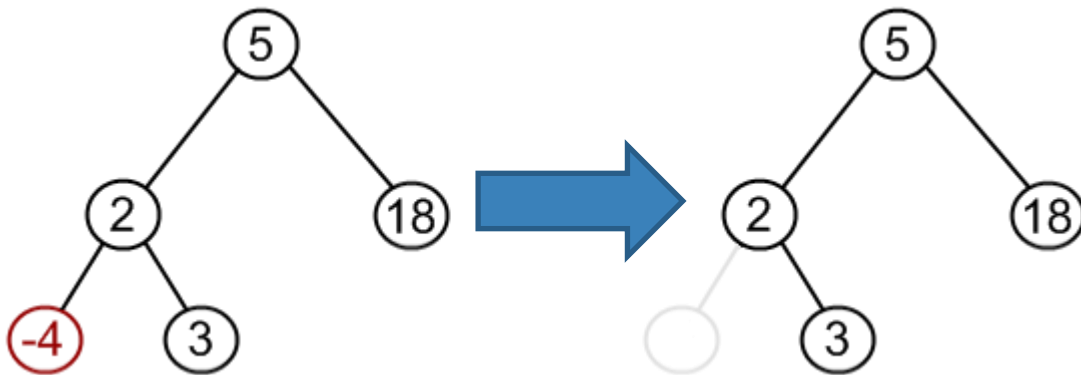


searched value
has been found



2. Binary Tree

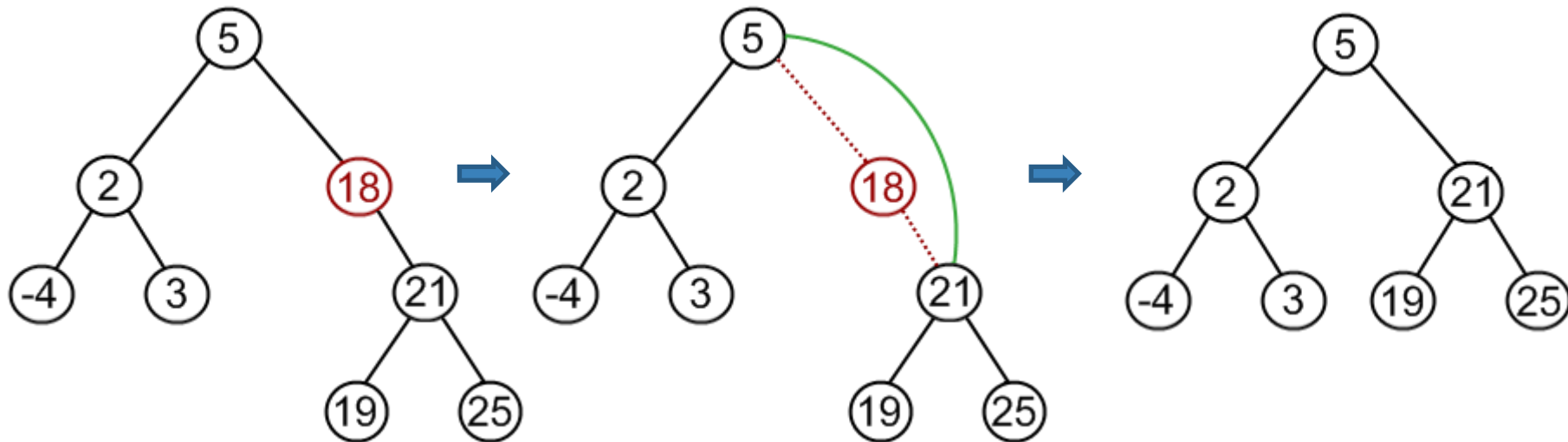
- **Binary Search Tree(이진 탐색 트리)**
 - Remove Node (remove -4) – **Case1.** child Node가 하나도 없는 경우



2. Binary Tree

- **Binary Search Tree(이진 탐색 트리)**

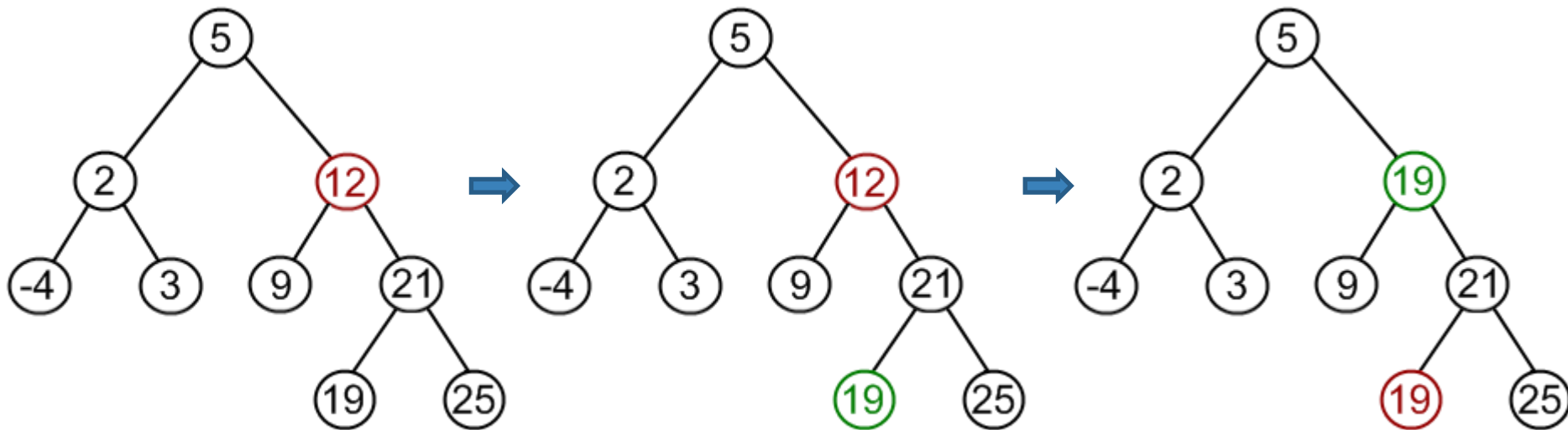
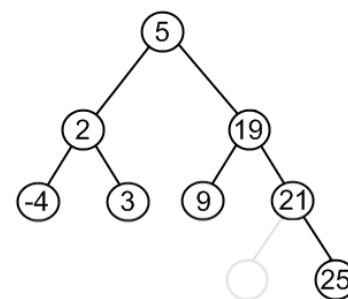
- Remove Node (remove 18) – **Case2.** child Node가 하나 존재하는 경우



2. Binary Tree

• Binary Search Tree(이진 탐색 트리)

- Remove Node (remove 12) – **Case3.** child Node가 둘 다 있는 경우



3. Traversal of Binary Tree

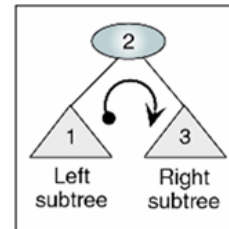
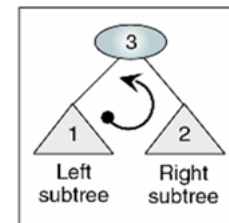
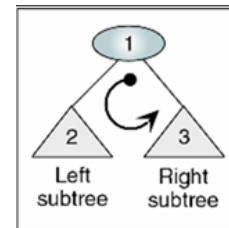
- How to show all data in binary tree?

- Tree는 비선형 자료구조
- 단순 선형 자료구조들과 달리 각 Node 들을 방문하기 위한 규칙이 필요

1. Pre-order : 자기를 먼저, 그 다음 왼쪽, 마지막에 오른쪽 탐색.

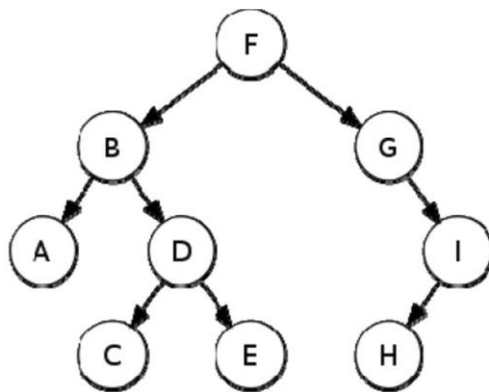
2. In-order : 왼쪽 먼저 탐색, 그 다음 자기 자신, 마지막에 오른쪽 탐색.

3. Post-order : 왼쪽 먼저 탐색, 그 다음 오른쪽 탐색, 마지막에 자기 자신



3. Traversal of Binary Tree

- How to show all data in binary tree?
 - Tree는 비선형 자료구조
 - 단순 선형 자료구조들과 달리 각 Node 들을 방문하기 위한 규칙이 필요



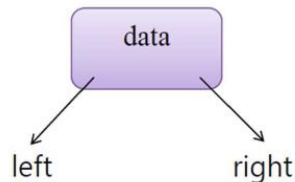
Pre-order: F B A D C E G I H
 In-order: A B C D E F G H I
 Post-order: A C E D B H I G F

3. Binary Search Tree

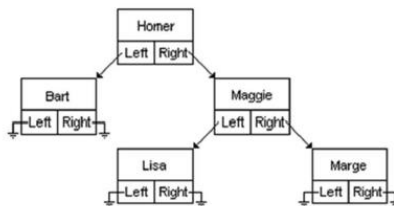
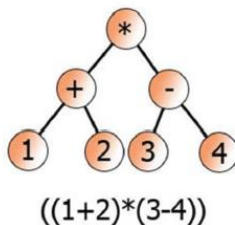
- Binary Search Tree Implementation (Linked List)

- Node Structure

```
typedef struct TreeNode{
    int data;
    struct TreeNode* left;
    struct TreeNode* right;
}TreeNode;
```

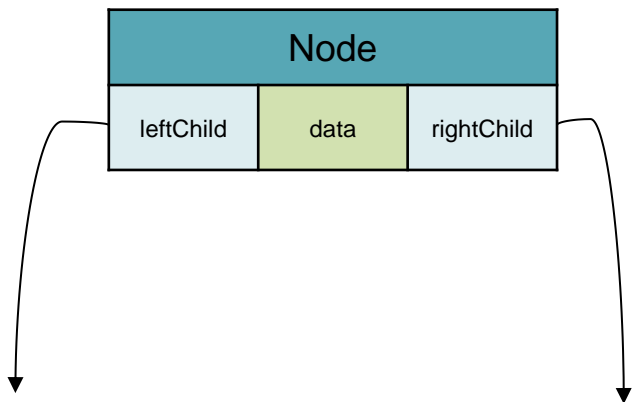


- Binary Tree Example



3. Binary Search Tree – 구현 실습

- Tree Node Data Type



```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  typedef struct Node
5  {
6      int data;
7      struct Node* leftChild;
8      struct Node* rightChild;
9  }Node;
10
11
12 void insertTreeNode(Node** p, int value);
13 void printTreePreorder(Node* pNode);
14 void printTreeInorder(Node* pNode);
15 void printTreePostorder(Node* pNode);
16
17
18
19

```

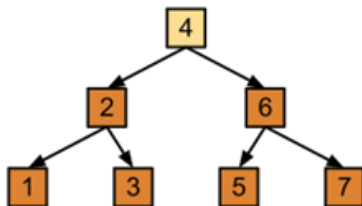
3. Binary Search Tree – 구현 실습

- main

```

C:\Windows\system32\cmd.exe
Preorder :
4 2 1 3 6 5 7
Inorder :
1 2 3 4 5 6 7
Postorder :
1 3 2 5 7 6 4
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .

```



```

20 int main()
21 {
22
23     Node* pParentNode = NULL;
24
25     insertTreeNode(&pParentNode, 4);
26     insertTreeNode(&pParentNode, 2);
27     insertTreeNode(&pParentNode, 6);
28     insertTreeNode(&pParentNode, 1);
29     insertTreeNode(&pParentNode, 3);
30     insertTreeNode(&pParentNode, 5);
31     insertTreeNode(&pParentNode, 7);
32
33     printf("Preorder : \n");
34     printTreePreorder(pParentNode);
35     printf("\nInorder : \n");
36     printTreeInorder(pParentNode);
37     printf("\nPostorder : \n");
38     printTreePostorder(pParentNode);
39
40     printf("\n");
41
42
43     return 0;
44 }
45

```

3. Binary Search Tree – 구현 실습

- **Insert (재귀함수를 이용하면 간단!)**

1. Node가 존재하는가

- I. 존재하지 않으면 여기에다 집어넣자
- II. 존재하면 넣을 곳을 탐색하자 (2번이나 3번)

2. 해당 Node의 data값보다 작으면 왼쪽 자식 Node로 내려가자

- I. 다시 1번을 수행하자

3. 해당 Node의 data값보다 크면 오른쪽 자식 Node로 내려가자

- I. 다시 1번을 수행하자

```

47 void insertTreeNode(Node** p, int value)
48 {
49     if ((*p) == NULL)
50     {
51         // Create TreeNode with value
52         [Redacted]
53     }
54     else if ((*p)->data > value)
55     {
56         // Recursive call to leftChild
57         [Redacted]
58     }
59     else
60     {
61         // Recursive call to rightChild
62         [Redacted]
63     }
64 }
65
66
67
68

```

3. Binary Search Tree – 구현 실습

- **Insert (재귀함수를 이용하면 간단!)**

1. Node가 존재하는가

- I. 존재하지 않으면 여기에다 집어넣자
- II. 존재하면 넣을 곳을 탐색하자 (2번이나 3번)

2. 해당 Node의 data값보다 작으면 왼쪽 자식 Node로 내려가자

- I. 다시 1번을 수행하자

3. 해당 Node의 data값보다 크면 오른쪽 자식 Node로 내려가자

- I. 다시 1번을 수행하자

```

47 void insertTreeNode(Node** p, int value)
48 {
49     if ((*p) == NULL)
50     {
51         // Create TreeNode with value
52         (*p) = (Node*)malloc(sizeof(Node));
53         (*p)->data = value;
54         (*p)->leftChild = NULL;
55         (*p)->rightChild = NULL;
56     }
57     else if ((*p)->data > value)
58     {
59         // Recursive call to leftChild
60         insertTreeNode(&((*p)->leftChild), value);
61     }
62     else
63     {
64         // Recursive call to rightChild
65         insertTreeNode(&((*p)->rightChild), value);
66     }
67 }
68

```

3. Binary Search Tree – 구현 실습

- **show (재귀함수를 이용하면 간단!)**

1. Preorder

- I. 자기 자신 Node의 데이터를 출력
- II. 왼쪽 child Node show
- III. 오른쪽 child Node show

2. Inorder

- I. 왼쪽 child Node show
- II. 자기 자신 Node의 데이터를 출력
- III. 오른쪽 child Node show

3. Postorder

- I. 왼쪽 child Node show
- II. 오른쪽 child Node show
- III. 자기 자신 Node의 데이터를 출력

```

69
70 void printTreePreorder(Node* pNode)
71 {
72     if (pNode == NULL)
73         return;
74
75
76
77
78 }
79
80 void printTreeInorder(Node* pNode)
81 {
82     if (pNode == NULL)
83         return;
84
85
86
87
88 }
89
90 void printTreePostorder(Node* pNode)
91 {
92     if (pNode == NULL)
93         return;
94
95
96
97
98 }
99

```

3. Binary Search Tree – 구현 실습

- **show (재귀함수를 이용하면 간단!)**

1. Preorder

- I. 자기 자신 Node의 데이터를 출력
- II. 왼쪽 child Node show
- III. 오른쪽 child Node show

2. Inorder

- I. 왼쪽 child Node show
- II. 자기 자신 Node의 데이터를 출력
- III. 오른쪽 child Node show

3. Postorder

- I. 왼쪽 child Node show
- II. 오른쪽 child Node show
- III. 자기 자신 Node의 데이터를 출력

```

69
70 void printTreePreorder(Node* pNode)
71 {
72     if (pNode == NULL)
73         return;
74
75     printf("%3d", pNode->data);
76     printTreePreorder(pNode->leftChild);
77     printTreePreorder(pNode->rightChild);
78 }
79
80 void printTreeInorder(Node* pNode)
81 {
82     if (pNode == NULL)
83         return;
84
85     printTreeInorder(pNode->leftChild);
86     printf("%3d", pNode->data);
87     printTreeInorder(pNode->rightChild);
88 }
89
90 void printTreePostorder(Node* pNode)
91 {
92     if (pNode == NULL)
93         return;
94
95     printTreePostorder(pNode->leftChild);
96     printTreePostorder(pNode->rightChild);
97     printf("%3d", pNode->data);
98 }
99

```