计算机学院 2014—2015 学年《离散数学(上)》考试试卷

A 卷 (闭卷) 考试时间: <u>2015</u>年_月_日

班级	_学号	_姓名
·	_	

题号	1	1 1	111	四		总分	核对人
题分	15	15	40	30		100	
得分							

	得分 评卷人 一. 单项选择(每小题 3 分,总共 15 分)			
() 1. 命题表达式 $P→Q$ 不等价于			
	$(A) Q \rightarrow P \qquad (B) \neg Q \rightarrow \neg P$			
	$(C) \neg P \lor Q \qquad (D) \neg (P \land \neg Q)$			
() 2. 下列等价式正确的是()			
	$(A) \neg \exists x A(x) \Leftrightarrow \exists x \neg A(x)$			
	$(B) \neg \forall x A(x) \Leftrightarrow \exists x \neg A(x)$			
	(C) $\exists x \forall y \ A(x, y) \Leftrightarrow \forall y \ \exists x \ A(x, y)$			
	(D) $\exists x (A(x) \land B(x)) \Leftrightarrow \exists x A(x) \land \exists x B(x)$			
() 3. 实数集上的函数 $f(x) = x^3 + x^2$,则			
	(A) f 是内射不是满射 (B) f 是满射不是内射			
	(C) f 是内射也是满射 (D) f 不是内射也不是满射			
()4. Z 为整数集,下列哪一个集合不是可数集			
	(A) Z (B) Z2			
	(C) \mathbb{Z}^3 (D) $\mathbb{P}(\mathbb{Z})$			
() 5. 实数集上的关系 T={(a, b) a < 2 - b}具有			
	(A) 自反性 (B) 对称性			

(C) 反对称性

(D) 传递性

	得分	评卷人	二. 填空(每小题3分,总共15	分)
1. ∀	'x(P(x)-	$\rightarrow (Q(x) \lor R($	(x, y)))中的自由变元为;	
2. 月	$\exists P(x, y)$)表示 "x+	2y=xy",其中x,y都是实数,逻辑表达式	
∀x∃	ly P(x, y	/) 的 真值是	<u>:;</u>	
3. i	没 A, E	8 是集合 A	=2, B =3,则A到B的函数有	_个;
4. ∮	集合 A	的基数是3	3,则 A 有个不同的分划;	
5. È	关系 R=	{(1, 1), (1,	2), (2, 3), (3, 2), (3, 4)}的对称闭包是	
			;	
	得分	评卷人	三. 解答题(总共40分)	

1. 求表达式 (P∧Q)∨(¬P∧Q) 的主合取范式。(6分)

2. 构造命题表达式,当且仅当 p, q, r 中有不多于一个为真时,表达式为 q。(6分)

- 3. 用谓词逻辑将下列命题符号化: (6分)
 - 二〇三班没有学生选了李老师开设的所有课程。

4. Z 为整数集, f: Z^2 →Z, f(m,n)=m-n, 试问: f 是否为内射, 是否为满射, 并说明理由。(6分)

5. 已知关系R的关系矩阵
$$M_R = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
,画出相应的有向图, 确定

它是否是: (8分)

(1)自反的,(2)对称的,(3)反对称的,4)可传递的。

6. 求出关系 R={(1, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 2), (3, 4)}的传递闭包。(8分)

得分	评卷人

四. 证明题(每小题 10 分,总共 30 分)

1. 证明 $R \land (P \lor Q)$ 是前提 $P \lor Q$, $Q \rightarrow R$, $P \rightarrow S$, $\neg S$ 的结论。

- 2. A, B是非空集合, f是A→B的函数;
- (1) \forall b∈B, f⁻¹(b) = {x|f(x)=b, x∈A}, 说明f⁻¹是B到P(A)的函数
- (2) f¹是否是单射、满射? 为什么?
- (3) 如果f是满射,所有集合 $\{f^1(b)|b\in B\}$ 是否构成A的一个分划?

- 3. 假定A是所有正整数序对构成的集合,R是A上的关系,定义为: $(a,b)R(c,d) \Leftrightarrow a+d=b+c.$
- (1) 证明 R 是是A上等价关系;
- (2) 计算等价类[(2,4)].