https://bit.ly/2zE159Q

KYOTO UNIVERSITY

アルゴリズムとデータ構造① ~ 概要 ~

鹿島久嗣 (計算機科学コース)

DEPARTMENT OF INTELLIGENCE SCIENCE
AND TECHNOLOGY

講義についての情報:中間テスト日程に注意せよ

- 担当教員: 鹿島久嗣 (工学部情報学科計算機科学コース)
 - -連絡先: kashima@i.kyoto-u.ac.jp
- ■サポートページ: https://bit.ly/2zE159Q
- ■評価方法:
 - -中間テスト: 11/28(水)
 - -期末テスト: 1/28(月)
 - -出席は補助情報としてのみ使用
 - 定点観測科目

参考書:

標準的なものであればなんでもよい

- ■基本:
 - 杉原厚吉「データ構造とアルゴリズム」(共立出版)
 - -本講義の多くの内容はこの本に依る
 - -とても読みやすい
- ■より高度な内容: Cormen, Leiserson, Rivest, & Stein 「Introduction to Algorithms」
 - -翻訳:「アルゴリズムイントロダクション」(近代科学社)
 - -講義内容は部分的に参照



内容(前半): アルゴリズムの基本的な概念、評価法、基本的な道具

- 1. 算法とは・算法の良さの測り方: アルゴリズムとデータ構造、計算のモデル、計算複雑度、...
- 2. 基本算法: 挿入、削除、整列、検索、...
- 3. 基本データ構造: リスト、スタック、キュー、ヒープ、...
- 4. 算法の基本設計法: 再帰、分割統治、動的計画、...
- 5. 探索: 二分探索、ハッシュ、...

内容(後半): グラフ・計算量・難しい問題への対処法

- 6. グラフ算法: 深さ・幅優先探索、最短路、最大流
- 7. 計算複雑度: PとNP、NP完全、NP困難
- 8. 難しい問題の解き方: 分枝限定法、貪欲法
- 9. 発展的話題: 近似アルゴリズム、オンラインアルゴリズム

※変更・追加の可能性あり

アルゴリズムとデータ構造は

動機:

「良い」プログラムを書きたい

- プログラムの良し悪し
 - -正しく動く: 想定したように動く
 - -速く動く:プログラムは速いほど良い!
 - -省資源:メモリや電気代
 - -例:お店の顧客管理
- ■特定のプログラム言語やハードウェアとはなるべく独立に:
 - -プログラムの良し悪しを測りたい
 - -ひいては良いプログラムを書きたい

アルゴリズム: 与えられた問題を解くための有限の手続き

- アルゴリズム (algorithm) とは
 - 一プログラム言語 (CとかJavaとか) やハードウェア (CPU、メモリ) とは別に、どのような手続きを表現しようとするかという「問題の解き方」
 - ーもうすこし厳密にいうと、「与えられた問題を解くための<u>機</u>械的操作からなる、<u>有限</u>の手続き」
 - •機械的操作:四則演算やジャンプなど

 - 手続き (procedure) : 有限ステップでの終了が保証 されない

データ構造: データを管理し、アルゴリズムを効率化する

- 多くのプログラムは「データ」を扱う
 - -データは繰り返し使用するもの
 - -使用の仕方が予め決められているわけではない
- アルゴリズムがうまく動くためには、データをどのようにもっておくか(=データ構造)が重要
 - -名前を、入力順に格納? アイウエオ順?
- ■データ構造はアルゴリズムと切り離せないもの
 - -お互いの良さに影響を与え合う

アルゴリズムの例: 指数演算のアルゴリズム

■問題

-入力: 2つの正整数 aとn

-出力: a^n

-仮定:許されるのは四則演算のみとする (いきなりn乗するのはダメ)

■四則演算が何回必要か?

指数演算のアルゴリズム①: 単純な掛け算の繰り返し

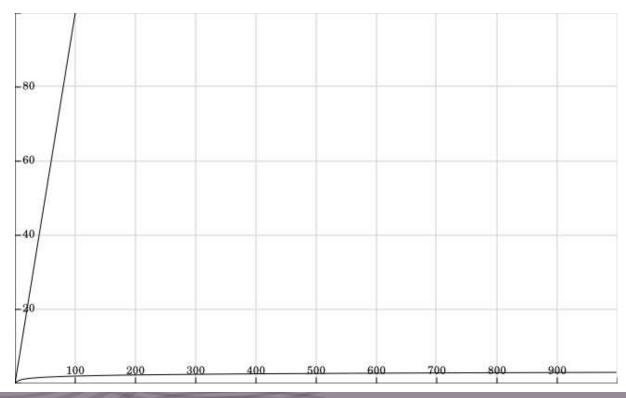
- $a^n = ((...((a \times a) \times a) \times ...) \times a)$ で計算
- n 1回の掛け算でできる

指数演算のアルゴリズム②: ちょっと工夫

- ■仮定: $n=2^k$ とする
- $k = \log_2 n$ 回の掛け算でできる
- ■なお、仮定が成り立たない場合も3log₂n回の演算で可能
 - -nを2進表現する($\log_2 n$ 回の割り算)
 - 例: n=22=10110
 - -1が立っている桁数に対し2の冪を求める $(\log_2 n$ 回の掛け算)
 - -すべて足す($\log_2 n$ 回の足し算)

アルゴリズムの重要性: アルゴリズムの工夫で計算効率に大きな差が生じる

- $n = 1024 = 2^{10}$ のとき、掛け算の回数は
 - -① 1023回 (大体 *n* 回)
 - -2 10回(大体 $\log n$ 回)



データ構造の例: データに対して繰り返し操作を行う場合に有効

- ■前のアルゴリズムの例では1回の計算のみを対象としていた
- ■データに対して繰り返し計算を行う場合には、予めデータを 処理してうまい構造(=データ構造)を作ることで、その 後の計算を高速に行えるようになる(ことがある)
- 例えば、S 回計算するとして
 - ① (1回分の計算時間)×S回
 - ② (データ構造の構築にかかる計算時間) + (データ構造を利用した1回分の計算時間) × S
 - で① > ② となる場合にはデータ構造を考えることが有効

具体的な問題例:

店舗における顧客情報管理システム

- n 人の顧客情報 $\{(n_i, p_i)\}_{i=1,...,n}$ が載った名簿を考える
 - $-n_i$:名前、 p_i :情報
 - -例: (元田中将大, mmototanaka@kyoto-u.ac.jp)
- ■客が来るたびに名前を聞いて入力すると、その人の情報が得らえるシステムを考える
 - -S 人分の問い合わせ $n_{k_1}, n_{k_2}, \dots, n_{k_S}$ が順に与えられる
 - -それぞれに対して p_{k_i} を返す

単純なアルゴリズム: 並び順がでたらめな場合は最悪で約*nS* 回のチェックが必要

- ■名簿の並び順が登録順(でたらめ)の場合を考える
- アルゴリズムとしては、前から順に探していく
- ■この場合、各問い合わせで、最悪n回のチェックが必要
 - -名簿上の位置(ページ)を指定してチェックすることは単 位時間でできるものとする
- ■合計 約 nS 回のチェックが(最悪ケースで)必要となる

ちょっと頭を使ったアルゴリズム: 辞書順に並んでいる場合は $S \log n$ 回のチェックで可能

- ■予め名簿を辞書順に並べておくとする
- ■問い合わせ名を名簿の「ほぼ真ん中」の人の名前と比較
 - -前者が辞書順で前ならば、目的の人は名簿の前半分にいるはず
 - -今後は前半分だけを調べればよい
 - -こんどは前半分の「ほぼ真ん中」の人と比較
 - _•••
 - ー計S log n回のチェックで可能

データ構造の重要性:

データを正しく持つことで計算コストが大きく削減される

- ■「データをどのように管理するか」=データ構造
- アルゴリズム②の恩恵にあずかるにはデータが予め整列 (ソート) されている必要がある
 - -一般に整列は $n \log n$ 回に比例する演算回数が必要
- よって ① n S と ② n log n + S log n の比較
 - S が大きくなると②の方がお得になってくる

