月3「確率・統計」(第10回)練習問題

- 計算結果は小数点以下1桁に丸めてよい。また、数値は既約分数で表してもよい。(小数点 2 桁の場合も 示しておきます。)
- *u* =1.96 に対する標準正規分布の上側確率を *Q*(1.96) = 0.025 とする。
- 確率変数 *X* の期待値を*E*[X]、分散を*V*[X]で表す。

以下の[]を埋めよ。【 】の欄は、いずれかを○で囲むこと。

間1:

- (1) 調査観察研究のうち、ある心疾患の発症者と非発症者のそれぞれの群について、過去にさかのぼって 喫煙の有無を調査するような研究を [① ケース・コントロール]研究と呼び、一方で、喫煙者と非喫煙 者を追跡して将来の心疾患の発生割合を比較するような研究を [② コホート]研究と呼ぶ。また、実験参加者をランダムに複数の群に割り付けて行う実験研究を[③ ランダム化比較]試験と 呼ぶ。この中でエビデンスレベルが最も高いのは[④ ランダム化比較試験]である。
- (2) 母集団からの標本抽出を何段階かに分けて行う抽出方法を[⑤ 多段]抽出、母集団の名簿から一定間隔で抽出する方法を[⑥ 系統]抽出、母集団の状況や特徴(たとえば人口比率や産業的特色など)に合わせて層を決め、それぞれの層から抽出を行う方法を[⑦ 層化(層別)]抽出、あらかじめ母集団をグループ分けしておき、グループを無作為抽出した上でグループ内の全員を調査する抽出方法を[⑧ 集落(クラスタ)]抽出と呼ぶ。
- (3) 相関関係は因果関係を【⑨含意する o 含意しない D 一見するとある二つの変数に因果関係があるように見えるが、第三の要因がそれぞれの変数に影響を与えるようなバイアスを[⑩交絡(バイアス)]と呼ぶ。
- (4) 標本が母集団を代表していないことで生じるバイアスを[⑪ 選択バイアス]と呼ぶ。
- (5) フィッシャーの三原則(反復、無作為化、局所管理)のうち、実験を行う場所や時間をブロックに区切ったうえで、各ブロックで全条件(全水準)の実験を行うことを[⑫ 局所管理]という。場所や時間で環境が異なってくるが、ブロックに区切ることで、各ブロック内では一定の環境で各条件(水準)の実験を比較することができる。また、これら三原則を満たす割り付け方法を[⑬ 乱塊法]という。
- (6) 統計的仮説検定における第一種の過誤とは、帰無仮説 δ 【 Θ 正しい or 正しくない】にもかかわらず δ 乗却してしまう or 乗却しない】 誤りである。第二種の過誤とは、帰無仮説が【 δ 正しい or 正しくない】 にもかかわらず【 δ 乗却してしまう or 乗却しない】 誤りである。母集団に有意 差がある場合、標本サイズを大きくすることによって第【 δ Or こ】種の過誤は減少する(ここは第 12 回で説明予定)。すなわち[δ 検定]力が大きくなる。第二種の過誤が起こる確率を δ とすると、 δ のは[δ 1 δ]で表される.

間 2: 以下では、表が出る確率が p、裏が出る確率が 1-p のコインを考える。

- (1) コイン投げのように、毎回 2 種類のいずれかの結果をとり、かつそれらの起こる確率がどの回も同じであるような独立試行を[① ベルヌーイ] 試行と呼ぶ。表が出たときに 1、裏が出たときに 0 をとる確率変数 X を考えると、X は [② ベルヌーイ] 分布に従う。期待値と分散の計算式から E[X] = [③ p]、V[X] = [④ p(1-p)]である。
- (2) それぞれのコイン投げが①の試行として考えられるとき、n 回コインを投げた時に表が出る回数は [5] 二項 [5]]分布に従う。i 回目のコイン投げの結果を、(1)の確率変数 X に添え字を加えた X_i で表すものとする。すると、表の出る回数は $Y=X_1+X_2+\cdots+X_n$ で表すことができる。①の試行が独立試行であることに注意すれば、Yの平均(期待値)E[Y]=[⑥ p]、分散V[Y]=[⑦ p(1-p)]であることが分かる。
- (3) [⑧ 中心極限] 定理を適用すると、n 回コインを投げた時に表が出る割合 (比率) R=Y/n は、n が大きければ近似的に[⑨ 正規] 分布に従う。n, p を用いれば、割合R の平均 (期待値) E[R]=[⑩ p]、分散 $V[R]=[⑪ <math>\frac{p(1-p)}{n}$]と表すことができる。
- (4) 母比率の差(たとえばリスク差)の検定では、コイン投げと同様の試行をそれぞれ n_A , n_B 回行うことで 2 群の標本が得られたと考える。2 つの母集団で母比率が共に p であれば、2 群の標本比率の差は、

(5) ある薬が疾病に効果があるかを検証するため、実験参加者 225 人に対する試験を行った。 その結果は以下の二元分割表の通りである。

	回復した	回復しなかった	計
新薬投与	83	52	$135 (n_A)$
プラセボ投与	42	48	90 (n _B)
計	125	100	225

(6) 対立仮説「新薬投与群とプラセボ投与群の回復率に差がある」を確かめる場合には、【⑩ 両側 or 片側 】検定を用いることが多い。両側検定は片側検定よりも有意差が【⑩ 認められやすく or 認められにくく 】なる。