

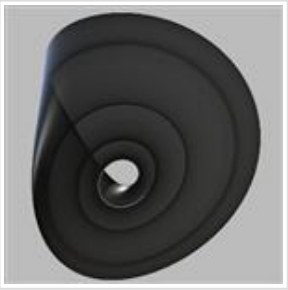


DarkScope从这里开始

a learner,like Machine Learning.

- 目录视图
- 摘要视图
- RSS 订阅

个人资料



Dark_Scope

- 已关注
- 发私信



访问：1107539次
积分：6466
等级：**BLOG > 5**
排名：第3527名

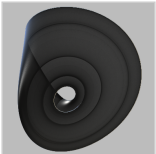
原创：84篇 转载：2篇
译文：0篇 评论：767条

个人介绍

DarkScope，喜欢机器学习和一些ACM算法//学习ing//求交流，求指教！=新浪微博 [我是Darkscope](#)

文章搜索

博客专栏



机器学习从原理到实践
文章：5篇
阅读：233405

文章分类

- C++ (3)
- ACM (7)
- 杂七杂八 (9)
- ASM (5)
- QT相关 (2)
- 机器学习 (46)
- 大学杂念集 (6)
- C/C++ (1)
- 机器学习读书笔记 (4)
- 修身养性冶情 (3)
- web相关 (4)
- nlp (6)
- 代码 (14)
- 趣写算法系列 (3)

文章存档

- 2017年07月 (1)
- 2017年04月 (1)
- 2017年03月 (3)

CSDN日报0711——《离开校园，入职阿里，开启新的程序人生》 [征文 | 你会为 AI 转型么？](#) [专家问答 | 资深Java工程师带你解读MyBatis](#)



微信关注CSDN
收藏无限制阅读

原 自动求导的二三事

标签：神经网络 算法 博客 递归

2017-03-17 16:33 2023人阅读 评论(0)

分类： **代码 (13)** **机器学习 (45)**

快速回复

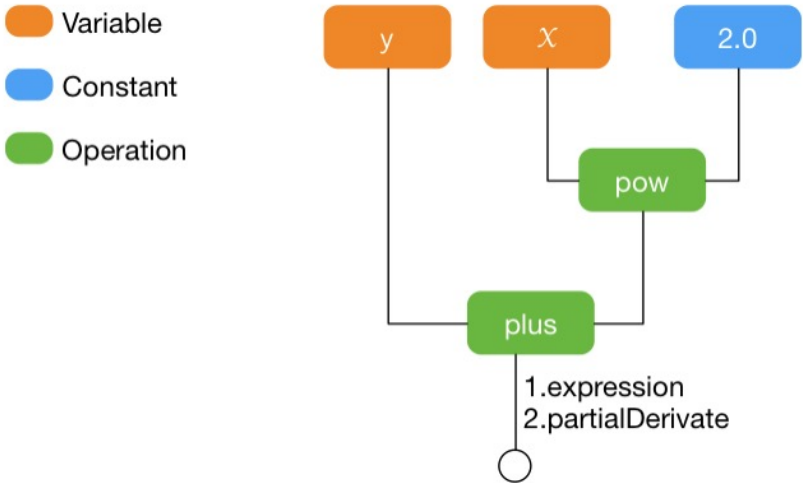
我要收藏

版权声明：本文为博主原创文章，未经博主允许不得转载。

目录(?) [+]

知乎上看到一个回答，说是自己学习神经网络的时候都是自己对公式求导，现在常见的DL库都可以自动求导了。这个想必实现过神经网络的同学都有体会，因为神经网络的back-propagation**算法**本质上就是求导链式法则的堆叠，所以学习这部分的时候就是推来推去，推导对了，那算法你也就掌握了。

粗粗一想，只要能把所有操作用有向图构建出来，通过递归去实现自动求导似乎很简单，一时兴起写了一些代码，整理成博客记录一下。



[tips]完整代码见[这里just.dark的代码库](#)

动手

首先我们需要一个基础类，所有有向图的节点都会有下面两个方法 `partialGradient()` 是对传入的变量求偏导，返回的同样是一个图。

`expression()` 是用于将整个式子打印出来

```
class GBaseClass():
    def __init__(self, name, value, type):
        self.name = name
        self.type = type
        self.value = value
        pass

    def partialGradient(self, partial):
        pass

    def expression(self):
        pass
```

从图1可以看出来，我们主要有三种Class，常量Constant，变量Variable以及算子Operation，最简单的常量：

2016年11月 (2)

2015年12月 (1)

展开

阅读排行

- AdaBoost--从原理到实现 (137205)
- RNN以及LSTM的介绍和 (136435)
- GBDT(Gradient Boosting (88399)
- 【面向代码】学习 Deep (77421)
- 【面向代码】学习 Deep (67384)
- 趣写算法系列之--匈牙利 (55088)
- 【面向代码】学习 Deep (49221)
- 决策树--从原理到实现 (48446)
- 从item-base到svd再到rb (37777)
- 【面向代码】学习 Deep (32728)

评论排行

- 【面向代码】学习 Deep (112)
- 趣写算法系列之--匈牙利 (107)
- 【面向代码】学习 Deep (99)
- 【面向代码】学习 Deep (50)
- 从item-base到svd再到rb (50)
- AdaBoost--从原理到实现 (46)
- 新浪微博小爬虫 (45)
- RNN以及LSTM的介绍和 (40)
- UFLDL练习(Sparse Autc (30)
- GBDT(Gradient Boosting (27)

推荐文章

- * CSDN日报20170706——《屌丝程序员的逆袭之旅》
- * 探讨后端选型中不同语言及对应的Web框架
- * 细说反射，Java 和 Android 开发者必须跨越的坎
- * 深度学习 | 反向传播与它的直观理解
- * ArcGIS 水文分析实战教程——雨量计算与流量统计
- * 每周荐书：Android、Keras、ES6 (评论送书)

最新评论

- 趣写算法系列之--匈牙利算法 danyeee: 厉害了
- 从item-base到svd再到rbm，多种 illdian: update_visible里面用户没有评测过的电影评分不生成，但是在sample_visible里...
- 采样方法 (一) Dark_Scope: @u011332699:吼呀
- 采样方法 (一) 赵晓枫: 从头到尾看完了，良心博客啊。。我能转载一下么。。
- AdaBoost--从原理到实现 Dark_Scope: @Jaogoy:第三节是从前项逐步加法模型推导到adaboost
- AdaBoost--从原理到实现 真的李小龙: 看第二部分"过程"，感觉好像明白什么。但看第三部分"原理"，就不知道这节是在说什么的原理。是为了说明...
- AdaBoost--从原理到实现

```
G_STATIC_VARIABLE = {}
class GConstant(GBaseClass):
    def __init__(self, value):
        global G_STATIC_VARIABLE
        try:
            G_STATIC_VARIABLE['counter'] += 1
        except:
            G_STATIC_VARIABLE.setdefault('counter', 0);
        self.value = value
        self.name = "CONSTANT_" + str(G_STATIC_VARIABLE['counter'])
        self.type = "CONSTANT"

    def partialGradient(self, partial):
        return GConstant(0)

    def expression(self):
        return str(self.value)
```

可以看到，我们为常量设置了自增的name，只需要传入value即可定义一个常量。而常量对一个变量的偏导数，高中数学告诉我们结果当然是0，所以我们返回一个新的常量 GConstant(0),而它的 expression 也很简单，就是返回本身的值。

接下来是Variable

```
class GVariable(GBaseClass):
    def __init__(self, name, value=None):
        self.name = name
        self.value = value
        self.type = "VARIABLE"

    def partialGradient(self, partial):
        if partial.name == self.name:
            return GConstant(1)
        return GConstant(0)

    def expression(self):
        return str(self.name)
```

甚至比常量还简单一些，因为是变量，所以它的值可能是不确定的，所以构造的时候默认为None，一个变量它对自身的导数是1，对其它变量是0，所以我们可以看到在 partialGradient() 也正是这样操作的。变量本身的 expression 也就是它本身的标识符。

紧接着就是大头了,Operation,比如图1所示，我们将一个变量和一个常量通过二元算子 plus 连接起来，本身它就构成了一个函数式了。

```
class GOperation(GBaseClass):
    def __init__(self, a, b, operType):
        self.operatorType = operType;
        self.left = a
        self.right = b
```

几乎所有计算都是二元的，所以我们可以传入两个算子，operType是一个字符串，指示用什么计算项连接两个算子。对于特殊的比如 exp 等单元计算项，可以默认传入的右算子为None。

接下来我们需要求偏导和写expression了。

```
def partialGradient(self, partial):
    # partial must be a variable
    if partial.type != "VARIABLE":
        return None
    if self.operatorType == "plus":
        return GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), self.right.partialGradient(partial))

    def expression(self):
        if self.operatorType == "plus":
            return self.left.expression() + "+" + self.right.expression()
```

比如我们先看看最简单的「加法」， GOperationWrapper 是对GOperation的外层封装，后面一些优化可以在里面完成，现在你可以直接认为：



zengyunda: 写得很好，可惜看不懂，果然学渣和学霸的区别

序列的算法（一·b）隐马尔可夫模型 qq_38946505: 111

AdaBoost--从原理到实现 Dark_Scope: @Jefferson12: 是，太早以前写的了。有时间再加工下~~

AdaBoost--从原理到实现 Jefferson12: 感觉还是讲的不是特别清楚

团队拓展



65平小户型装修



```
def GOperationWrapper(left, right, operType):  
    return GOperation(left, right, operType)
```

求导

我们来看看 `partialGradient` 做了什么，回忆一下高中数学，对一个加式的求导，就是左右两边算子分别求导再相加，所以我们在 `partialGradient` 就翻译了这个操作而已，复杂的事情交给递归去解决，`exp` 同理，更加简单。

当然此时我们只有 `plus` 这一个计算项，肯定无法处理复杂的情况，所以我们添加更多的计算项就可

```
def partialGradient(self, partial):  
    # partial must be a variable  
    if partial.type != "VARIABLE":  
        return None  
    if self.operatorType == "plus" or self.operatorType == "minus":  
        return GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), self.right.partialGradient(partial),  
                                  self.operatorType)  
  
    if self.operatorType == "multiple":  
        part1 = GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), self.right, "multiple")  
        part2 = GOperationWrapper(self.left, self.right.partialGradient(partial), "multiple")  
        return GOperationWrapper(part1, part2, "plus")  
  
    if self.operatorType == "division":  
        part1 = GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), self.right, "multiple")  
        part2 = GOperationWrapper(self.left, self.right.partialGradient(partial), "multiple")  
        part3 = GOperationWrapper(part1, part2, "minus")  
        part4 = GOperationWrapper(self.right, GConstant(2), 'pow')  
        part5 = GOperationWrapper(part3, part4, 'division')  
        return part5  
  
    # pow should be g^a,a is a constant.  
    if self.operatorType == "pow":  
        c = GConstant(self.right.value - 1)  
        part2 = GOperationWrapper(self.left, c, "pow")  
        part3 = GOperationWrapper(self.right, part2, "multiple")  
        return GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), part3, "multiple")  
  
    if self.operatorType == "exp":  
        return GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), self, "multiple")  
  
    if self.operatorType == "ln":  
        part1 = GOperationWrapper(GConstant(1), self.left, "division")  
        rst = GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), part1, "multiple")  
        return rst  
  
    return None
```

咱一个一个看：`minus` 和 `plus` 类似，你也可以把高中课本的求导公式翻出来一个一个对照：

$$y = u + v, y' = u' + v'$$
$$y = u - v, y' = u' - v'$$
$$y = u * v, y' = u'v + uv'$$
$$y = u/v, y' = (u'v - uv')/v^2$$
$$y = x^n, y' = nx^{n-1}$$
$$y = e^x, y' = e^x$$
$$y = \ln(x), y' = 1/x.$$

当然还有最最重要的链式法则

$$y = f[g(x)], y' = f'[g(x)] \bullet g'(x)$$

比如就拿稍显复杂的 `division` 计算项来说：

团队拓展



65平小户型装修



```
if self.operatorType == "division":
    part1 = GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), self.right, "multiple")
    part2 = GOperationWrapper(self.left, self.right.partialGradient(partial), "multiple")
    part3 = GOperationWrapper(part1, part2, "minus")
    part4 = GOperationWrapper(self.right, GConstant(2), 'pow')
    part5 = GOperationWrapper(part3, part4, 'division')
    return part5
```

对应的求导公式是

$$y = \frac{u}{v}, y' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

代码里的 part1 就是 $u'v$, part2 是 uv' , part3 是 $u'v - uv'$, part4 是 v^2 ,最后的结果 part5 则是除法计算项将 $u'v - uv'$ 和 v^2 连接起来。代码做的不过是如实翻译公式而已。

另一个很重要的就是链式法则：

$$y = f[g(x)], y' = f'[g(x)] \bullet g'(x)$$

比如我们在对 power 计算项求导的时候，（这里限制了指数位置必须是常数），除了翻译公式 $y = x^n, y' = nx^{n-1}$ 外，还要考虑底数部分可能是一个函数，所以还需要乘上这个函数的偏导：

```
if self.operatorType == "pow":
    c = GConstant(self.right.value - 1)
    part2 = GOperationWrapper(self.left, c, "pow")
    part3 = GOperationWrapper(self.right, part2, "multiple")
    return GOperationWrapper(self.left.partialGradient(partial), part3, "multiple")
```

至此我们已经完成了主要的部分，我们可以在这些基础计算项的基础上封装出更复杂的计算逻辑，比如神经网络中常用的Sigmoid

$$sigmoid(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

```
def sigmoid(X):
    a = GConstant(1.0)
    b = GOperationWrapper(GConstant(0), X, 'minus')
    c = GOperationWrapper(b, None, 'exp')
    d = GOperationWrapper(a, c, 'plus')
    rst = GOperationWrapper(a, d, 'division')
    return rst
```

你完全不用关系如果对sigmoid求导，因为你只需要对它返回的结果调用 partialGradient() 就可以了，递归会自动去梳理其中的拓扑序，完成导数求解。

验证

我们试着构建一个计算式然后运行一下（完整代码见[代码1](#)）：

```
# case 3
X = GVariable("x")
y = GVariable("y")
beta = GVariable("beta")
xb = GOperationWrapper(X, beta, 'multiple')
s_xb = sigmoid(xb)
m = GOperationWrapper(s_xb, y, 'minus')
f = GOperationWrapper(m, GConstant(2), 'pow')

print "F:\n\t", f.expression()
print "F partial gradient of B:\n\t", f.partialGradient(x).expression()
上面我们构造了如下公式
```

$$f = (sigmoid(x * \beta) - y)^2$$

程序输出为：



微信关注CSDN
扫码即可将文章分享至微信

 快速回复

 我要收藏

团队拓展



65平小户型装修



F:
$$\left(\frac{1.0}{1.0+\exp(0-(x)*(\text{beta}))}-y\right)^2$$

F partial gradient of x:
$$\left(\left(0\right)*\left(1.0+\exp(0-(x)*(\text{beta}))\right)-\left(1.0\right)*\left(0+\left(0-\left(1\right)*(\text{beta})+\left(x\right)*\left(0\right)\right)*\left(\exp(0-(x)*(\text{beta}))\right)\right)\right)/\left(\left(1.0+\exp(0-(x)*\right.\right.$$

天啦噜!!(‘ - ‘) ╯ ╰，怎么是这么复杂的一堆，如何验证结果是对的呢，你可以把上面的式子拷贝到 wolframe alpha上，第一个式子的结果里我们发现wolframe alpha已经自动帮我们对x求了一次导：

Derivative

Derivative:

Approximate form

Step-by-step solution

微信关注CSDN
获得无限技术资源

快速回复

我要收藏

$$\frac{\partial}{\partial x}\left(\left(\frac{1}{1+\exp(0-x\beta)}-y\right)^2\right)=-\frac{2\beta e^{\beta x}\left((y-1)e^{\beta x}+y\right)}{\left(e^{\beta x}+1\right)^3}$$

第二个求导结果放进去，发现它在「alternate form」里有一个形态稍加转化就是上面这个求导结果（提取一个-2出来）：

Alternate form

$$\frac{\beta e^{\beta x}\left((2.-2.y)e^{\beta x}-2.y\right)}{\left(1.+e^{\beta x}\right)^3}$$

所以我们的求导结果是对的。

接下来有个问题，我们打印出来的东西太复杂了，明细有很多地方可以简化，比如 0*a=0、 1*a=a 这样的小学知识就可以帮到我们，可以明显帮我们简化公式，这个时候就到了我们的 GOperationWrapper 了，加入一些简单的逻辑：

```
def GOperationWrapper(left, right, operType):
    if operType == "multiple":
        if left.type == "CONSTANT" and right.type == "CONSTANT":
            return GConstant(left.value * right.value)

        if left.type == "CONSTANT" and left.value == 1:
            return right

        if left.type == "CONSTANT" and left.value == 0:
            return GConstant(0)

        if right.type == "CONSTANT" and right.value == 1:
            return left

        if right.type == "CONSTANT" and right.value == 0:
            return GConstant(0)

    if operType == "plus":
        if left.type == "CONSTANT" and left.value == 0:
            return right

        if right.type == "CONSTANT" and right.value == 0:
            return left

    if operType == "minus":
        if right.type == "CONSTANT" and right.value == 0:
            return left

    return GOperation(left, right, operType)
```

都是小学课本如实翻译，就可以把结果简化掉,可以看到已经减少了一截了，而且对于计算也有一些优化。完整代码见[代码2](#)：

F partial gradient of x:
$$\left(\left(0-\left(0-\text{beta}\right)*\left(\exp(0-(x)*(\text{beta}))\right)\right)\right)/\left(\left(1.0+\exp(0-(x)*(\text{beta}))\right)^2\right)\right)*\left(2\right)*\left(\left(\frac{1.0}{1.0+\exp(0-(x)*(\text{beta})}\right.\right.$$

还能做什么，优化！

比如对expression进行改造：代码见[xxx](#)

通过打印 `G_STATIC_VARIABLE` 我们发现程序运行一次创建了13个常量，而对 `GConstant` 进行一层记忆化封装之后：

最后一共只创建了3个常量，(0)，(1)和(2)，这些东西都可以重复利用，不需要浪费空间和CPU去声明新实例，这也符合函数式编程的思想，这这里推荐大家读一下《SICP》，会有帮助的。**我们甚至可以将这个思路推广到所有出现的计算式**，可以在后续计算和求导的时候节省大量的时间，不过在此就不做实现了。

花了一个小时写代码，N个碎片时间写博客，但真心觉得求导链式法则和递归简直就是天作之合，不记录一下于心难忍。当然真实tf和mxnet使用的自动求导肯定还有更多优化的，不过就不深钻下去了，这个状态~味道刚刚好。

顶 1 踩 0

- | | |
|---|---|
| 相关文章推荐 | |
| <ul style="list-style-type: none">• 最优化方法：范数和规则化regularization• 三角函数公式合集——从诱导公式到求导公式• 关于乘积求导法则在考研数学中的应用 | <ul style="list-style-type: none">• 自动求导程序的设计与实现 (Python)• liferay关于Idap配置的二三事• SICP学习笔记 2.3.2 实例：符号求导 |

http://blog.csdn.net/dark_scope/article/details/62889455

- 自动求导机制
 - 广州买房二三事
- pytorch学习笔记（三）：自动求导
 - 二三事。老师说标题长才霸气。长长长...



装修三室二厅



加密狗



网络视频会议



oa系统



公司拓展训练

广告

猜你在找

- 机器学习之概率与统计推断
 - 机器学习之凸优化
 - 响应式布局全新探索
 - 深度学习基础与TensorFlow实践
 - 前端开发在线峰会
- 机器学习之数学基础
 - 机器学习之矩阵
 - 探究Linux的总线、设备、驱动模型
 - 深度学习之神经网络原理与实战技巧
 - TensorFlow实战进阶：手把手教你做图像识别应用



微信关注CSDN
获得无限技术资源

- 快速回复
- 我要收藏

查看评论

暂无评论

发表评论

用户名： hukexin0000

评论内容：

提交

* 以上用户言论只代表其个人观点，不代表CSDN网站的观点或立场

公司简介 | 招贤纳士 | 广告服务 | 联系方式 | 版权声明 | 法律顾问 | 问题报告 | 合作伙伴 | 论坛反馈

网站客服 杂志客服 微博客服 webmaster@csdn.net 400-660-0108 | 北京创新乐知信息技术有限公司 版权所有 | 江苏知之为计算机有限公司 |

江苏乐知网络技术有限公司

京 ICP 证 09002463 号 | Copyright © 1999-2017, CSDN.NET, All Rights Reserved

