

16.1-2

这个方法与书上的方法相比就是反过来罢了。假设我们选了一个活动，我们想让剩下的活动能选得最多，意思就是我要让剩下的时间越多，反过来想就是本次选择的活动时间要越少。如果所有活动的结束时间按递增排好序，那么从左到右扫描一遍，等同于所有活动的开始时间按递减排好序，从左到右扫描一遍，伪代码如下

GREEDY-ACTIVITY-SELECTOR (S, f)

1. $n \leftarrow \text{length}[S]$
2. $A \leftarrow \{a_1\}$
3. $k \leftarrow 1$
4. for $m \leftarrow 2$ up to n
5. if $s[m] \leq f[k]$
6. $A \leftarrow A \cup \{a_m\}$
7. $k \leftarrow m$
8. return A

此算法总是考虑当下最优的选择，不考虑将来的效应，而且与书上的经典算法针对同一个集合总是求得相同的解，所以求得的是最优解。

16.2-6

1. 求出价质比(v_i/w_i)
2. 将价质比的中位数作为主元，小于这个数的价质比放在 L 数组中，等于的放在 E 数组中，大于的放在 G 数组中，求出每个数组的总重 W_L, W_E 和 W_G

3.
$$\begin{cases} \text{if } W_G > W, \text{ 令 } G \text{ 作为新集合, 执行 } 2,3 \\ \text{if } W_G \leq W \leq W_G + W_E, \text{ 则把 } G \text{ 集合的都拿了, } E \text{ 集合的尽量多拿, 算法结束} \\ \text{if } W_G + W_E < W, \text{ 把 } G \text{ 和 } E \text{ 中的全拿, 令 } L \text{ 作为新集合, } W = W - W_G - W_E, \text{ 执行 } 2,3 \end{cases}$$

伪代码如下

LINEAR-TIME-FRACTION-KNAPSACK(V, W, W_1)

1. let $A[1..n]$ be a new array
2. for $i = 1$ to n
3. $A[i] = V[i] / W[i]$
4. return INNER(A, w_1, sum)

INNER(A, w_1, sum)

1. let L, E, G be a new array
2. $n = A.length / 2$
3. put $\frac{v_i}{w_i}$ in A $\begin{cases} < A[n] \text{ into } L \\ = A[n] \text{ into } E \\ > A[n] \text{ into } G \end{cases}$
4. if ($W_G > W$)
5. A=G
6. INNER(A, w_1 , sum)
7. else if ($W_G \leq W \leq W_G + W_E$)
8. sum = sum + V_G + as much as V_E correspond to $W - W_G$
9. return sum
10. else
11. sum = sum + $V_G + V_E$
12. $w_1 = w_1 - W_G - W_E$
13. INNER(L, w_1 , sum)

16.3-7

可以用个最小堆来做，每个字符出现的频率作为关键字，伪代码如下：

TERNARY-HUFFMAN(C)

1. add a new node with frequency 0 to C if C.length is even
2. $n = C.length$
3. $H = C$
4. for $i = 1$ to $\lfloor \frac{n}{2} \rfloor$
5. allocate a new node as z
6. z.left = H.min
7. z.mid = H.min
8. z.right = H.min
9. z.freq = z.left+z.mid+z.right
10. INSERT(H,z)
11. return H.MIN

\therefore 分别用 0,1,2 来表示当前最小频率的三个key，所以是前缀编码，所以是最优的