

## Звіт до практичної роботи №1

**Тема:** Алгоритми сортування та їх складність. Порівняння алгоритмів сортування.

**Мета:** опанувати основні алгоритми сортування та навчитись методам аналізу їх асимптотичної складності.

### Хід роботи

```
def bubble_sort(arr):
    n = len(arr)
    for i in range(n):
        for j in range(0, n-i-1):
            if arr[j] > arr[j+1]:
                arr[j], arr[j+1] = arr[j+1], arr[j]
    return arr
```

1.

#### Сортування вставленням

Найгірший випадок  $O(n^2)$

Найкращий випадок  $O(n)$

#### Сортування бульбашкою

Найгірший випадок  $O(n^2)$

Найкращий випадок  $O(n)$

Алгоритм бульбашкового сортування є менш ефективним, ніж сортування зливанням через свою квадратичну асимптотику в найгіршому випадку, в той час як сортування зливанням має лінійно-логарифмічну складність, що значно швидше для великих масивів.

2.  $T(n) = 2T(2n) + O(n)$

$\log_2 2 = 1$

$T(n) = O(n \log_2 2 \log n) = O(n \log n)$

```
def quick_sort(arr):
    if len(arr) <= 1:
        return arr
    pivot = arr[len(arr) // 2]
    left = [x for x in arr if x < pivot]
    middle = [x for x in arr if x == pivot]
    right = [x for x in arr if x > pivot]
    return quick_sort(left) + middle + quick_sort(right)
```

3.

$T(n) = 2T(n/2) + O(n)$   $T(n) = 2T(2n) + O(n)$

$$\log_b a = \log(2) 2 = 1$$

$$T(n) = O(n \log n) \quad T(n) = O(n \log n)$$

## Контрольні запитання

1. Асимптотична складність алгоритму сортування - це оцінка часу або просторової складності алгоритму при зростанні розміру вхідних даних. Вона вказує, як швидко або ефективно алгоритм буде працювати при великих обсягах даних.
2. **Бульбашкове сортування**  
**Сортування вибором**  
**Сортування вставками**  
 Квадратична складність у найгіршому випадку означає, що час виконання алгоритму зростає квадратично з розміром вхідних даних. Це може стати проблемою для великих обсягів даних, оскільки зі збільшенням розміру масиву час виконання цих алгоритмів значно збільшується. Наприклад, для списків з тисячами або мільйонами елементів квадратичні алгоритми сортування можуть працювати надто повільно, що неприйнятно для багатьох практичних застосувань.
3. Сортування злиттям має лінійно-логарифмічну складність  $O(n \log n)$  у всіх випадках, що робить його ефективнішим для великих наборів даних порівняно з сортуванням вставками, яке має квадратичну складність  $O(n^2)$  у найгіршому випадку.
4. Python – Timsort, C++ - Introsort, Java - Dual-Pivot Quicksort
5. Основна різниця між сортуванням злиттям і швидким сортуванням полягає у підходах до розподілу та обробки елементів. Сортування злиттям краще використовувати для великих наборів даних, коли потрібно гарантувати стабільну асимптотичну складність та можливість сортування об'єктів з невеликим обсягом пам'яті. Швидке сортування зазвичай ефективніше для невеликих та середніх наборів даних, а також коли важливо мінімізувати використання додаткової пам'яті. Однак варто враховувати можливий найгірший випадок  $O(n^2)$  і обирати опорний елемент ретельно.
6. Розмір вхідних даних, швидкодія алгоритму, вимоги до використання пам'яті, стабільність сортування, вартість сортування в найгіршому випадку, особливості даних

**Висновок:** На цьому занятті я навчився основним алгоритмам сортування та методам аналізу їх асимптотичної складності.

*Роботу підготував  
Гладкий Іван*