Mathématiques

Henri LEFEBVRE

14 octobre 2017

### Table des matières

1	$oxed{Analyse dans} \; \mathbb{R} \; ( ext{MT90/MT91/MT12})$	2
	.1 Propriétés de $\mathbb R$	. 2
	.2 Suites réelles $\mathbb{N} \to \mathbb{R}$	. 3
	.3 Fonctions réelles $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ (généralités)	. 3
	.4 Dérivation	. 3
	.5 Théorie de la mesure	. 3
	.6 Intégration	. 3
	.7 Séries dans $\mathbb{R}$	. 3
	.8 Le corps $\mathbb{C}$	
	.9 Distributions	
	.10 Convolution	
	.11 Transformées de Fourier	
	.12 Transformées de Laplace	. 3
2	$\mathbf{A}$ nalyse dans $\mathbb{R}^n$ (MT22)	4
3	Algèbre linéaire (MT23)	5
4	Analyse numérique (MT09)	6
5	Statistiques (SY02)	7
6	Optimisation (RO04)	8
7	Pormulairos	0

### Analyse dans $\mathbb{R}$ (MT90/MT91/MT12)

#### 1.1 Propriétés de $\mathbb R$

Structure :  $(\mathbb{R}, +, \dot)$  est un corps ordonné

Formule du binôme :

$$(x+y)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} x^k y^{n-k} \text{ avec } \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}, \forall x, y \in \mathbb{R}, \forall n \in \mathbb{N}$$

Produit scalaire :  $\langle x, y \rangle = xy, \forall x, y \in \mathbb{R}$ 

Norme ( $\mathbb{R}$ ) (valeur avsolue) :  $\mathbb{R} \to \mathbb{R}_+, x \to |x| = \begin{cases} x & \text{si } x > 0 \\ -x & \text{sinon} \end{cases}$ 

**Positivité**: |x| > 0 et  $|x| = 0 \Leftrightarrow x = 0$ 

 ${\bf Homoth\acute{e}tie}\,:|ax|=|a||x|$ 

Inégalité triangulaire :  $|x+y| \le |x| + |y|$ 

Convergence  $: f(x) \longrightarrow l \Leftrightarrow |f(x) - l| \longrightarrow 0$ 

**Intervalles**: I est un intervalle si  $\forall a, b \in I, a < c < b \Rightarrow c \in I$ 

$$[a,b] = \{x \in \mathbb{R} | a \le x \le b\}$$
$$c \in [a,b] \Leftrightarrow \exists \theta \in [0,1], c = \theta a + (1-\theta)b$$

Densité de  $\mathbb{Q}$ :

$$\forall ]a,b[\neq\emptyset,\exists\alpha\in\mathbb{Q}\cap]a,b[\text{ et }\exists\beta\in(\mathbb{R}-\mathbb{Q})\cap]a,b[$$

Ensembles bornées : Soit  $A \subset \mathbb{R}$ 

 $\textbf{Majoration} \, : \forall x \in A, x \leq M$ 

**Minoration**:  $\forall x \in A, x \geq m$ 

**Encadrement**:  $\forall x \in A, |x| < M$ 

Borne supérieur : Plus petit des majorants (s'ils existent)

$$s = \sup A \Leftrightarrow \Big\{ \forall x \in A, x \leq s \quad \forall t < s, \exists x \in A \text{ tel que } t < x \Big\}$$

Droite numérique achevée  $:\overline{\mathbb{R}}=\mathbb{R}\cup\{\pm\infty\}$ 

- 1.2 Suites réelles  $\mathbb{N} \to \mathbb{R}$
- 1.3 Fonctions réelles  $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$  (généralités)
- 1.4 Dérivation
- 1.5 Théorie de la mesure
- 1.6 Intégration
- 1.7 Séries dans  $\mathbb R$
- 1.8 Le corps  $\mathbb C$
- 1.9 Distributions
- 1.10 Convolution
- 1.11 Transformées de Fourier
- 1.12 Transformées de Laplace

Analyse dans  $\mathbb{R}^n$  (MT22)

Chapitre 3
Algèbre linéaire (MT23)

Chapitre 4

Analyse numérique (MT09)

Chapitre 5
Statistiques (SY02)

Optimisation (RO04)

# Formulaires