Tentamen i **Mekanik 2 för F**, FFM521 (och FFM520)

Torsdagen 25 augusti 2016, 8.30-12.30

Examinator: Martin Cederwall

Jour: Martin Cederwall, tel. 031-7723181 el. 0733-500886, besöker tentamenssalarna c:a kl. 9.30 och

11.30.

Tillåtna hjälpmedel: Physics Handbook, Beta, Chalmersgodkänd kalkylator.

Samma uppgifter och regler gäller för FFM520 och FFM521.

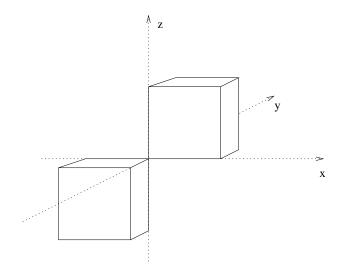
Tentamen består av en obligatorisk del (uppg. 1-4) och en överbetygsdel (uppg. 5 och 6). Varje uppgift ger maximalt 10 poäng. För godkänt (betyg 3) krävs 16 poäng på den obligatoriska delen. Om betyg 3 uppnåtts rättas även överbetygsdelen. Gränser för betyg 4 och 5 är 36 resp. 48 poäng.

Alla svar skall motiveras, införda storheter förklaras liksom val av metoder. Lösningarna förväntas vara välstrukturerade och begripligt presenterade. Erhållna svar skall i förekommande fall analyseras m.a.p. dimension och rimlighet. Även skisserade lösningar kan ge delpoäng. Skriv och rita tydligt!

Lycka till!

Obligatorisk del

1. Två likadana homogena kuber, vardera med sidan a och massan m, är fast sammanfogade enligt figuren. Båda kuberna har alltså kanterna parallella med koordinataxlarna i det inritade systemet, och de berör varandra i ett hörn. Bestäm huvudtröghetsaxlar och huvudtröghetsmoment för den resulterande stela kroppen.



- 2. Två punktmassor m_1 och m_2 kan glida utan friktion på ett horisontellt plan. De är förbundna med en fjäder som ger vardera massan en kraft $F_k = k(\ell \ell_0)$ riktad längs linjen mellan de två massorna. Här är ℓ avståndet mellan dem, och ℓ_0 fjäderns naturliga längd. Referensriktningen för kraften på vardera massan är i riktning mot den andra massan. Dessutom finns det dissipativa förluster i systemet, som modelleras med en kraft $F_b = b\dot{\ell}$ på vardera massan (med samma referensriktning). Betrakta en situation där massorna rör sig linjärt (och alltså inte roterar runt varandra). Vilken relation skall råda mellan de ingående parametrarna för att systemets svängningar skall vara kritiskt dämpade?
- 3. En rymdstation roterar för att alstra artificiell gravition, av samma styrka som på jorden. Människorna i stationen befinner sig på avståndet R från rotationsaxeln. Rotationen gör att det också uppkommer Corioliskrafter när man rör sig. Om man t.ex. kräver att Corioliskraften aldrig skall överstiga 10% av "tyngdkraften" vid relativa hastigheter om högst 5 m/s, vad innebär det för villkor på R?
- 4. En leksakssnurra är konstruerad på följande sätt: En tunn homogen cirkelskiva med radien r och massan m är monterad på en lätt rak pinne med längden 2R, så att pinnens mittpunkt sammanfaller med skivans mittpunkt och pinnen är vinkelrät mot skivan. Snurran startas så att den utför reguljär precessionsrörelse under inverkan av tyngdkraften, med den konstanta vinkeln θ mellan pinnen och vertikalen. Pinnens ena ändpunkt är i kontakt med underlaget och rör sig inte. Härled ett samband mellan snurrans spinn- och precessionshastigheter.

Överbetygsdel

- 5. En partikel med massan m är rörlig (utan friktion) på en kurva i rummet med parameterframställningen $\vec{r} = \vec{r}(s)$. Den påverkas av en konservativ kraft med potentialen $V(\vec{r})$. Med parametern s som generaliserad koordinat, härled Lagranges ekvationer för partikelns rörelse. Verifiera att man får det förväntade resultatet då s är båglängden.
- 6. Visa att energin i ett konservativt system med N generaliserade koordinater q^i och rörelsemängder p_i , definierad som

$$E = \sum_{i=1}^{N} \dot{q}^i p_i - L$$

är bevarad om Lagranges ekvationer är uppfyllda.