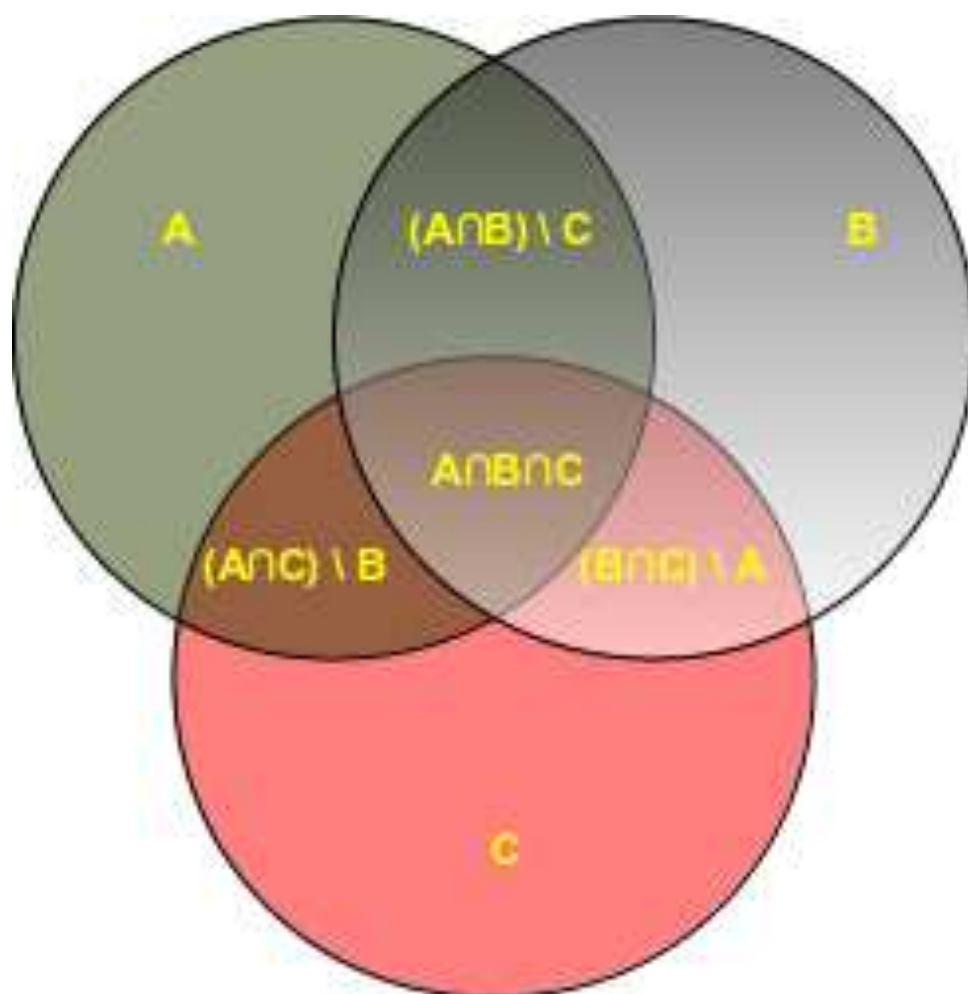


seminarski rad

SKUPNOVI

2019

Prirodno-matematički fakultet
Univerzitet u Tuzli
Odsjek: **Matematika**
Predmet: **Uvod u programske pakete**



HALILOVIĆ ADIS

SADRŽAJ

SADRŽAJ	1
1.0 SKUPOVI	1
1.1 Koncepti skupa	1
1.1.1 NULA ILI PRAZAN SKUP	5
1.1.2 UNIVERZALNI SKUP	5
ZADACI ZA VJEŽBU 1.1	6
1.2 Podskupovi.	7
1.2.1 ODGOVARAJUĆI PODSKUPOVI	7
1.2.2 BROJ PODSKUPOVA	9
ZADACI ZA VJEŽBU 1.2	10
LITERATURA	11

1 Skupovi

Jedan od osnovnih ljudskih nagona jeste da sortira i klasificira stvari. Razmislite, naprimjer. Koliko različitih skupova ste vi član? Ako krenete sa nekim jednostavnim kategorijama, kao jeste li muško ili žensko, vaša starosna grupa, država u kojoj živite. Tada ćete možda razmišljati i o etničkoj pripadnosti vaše porodice, sociološko-ekonomskoj grupi, nacionalnosti. Ovo su samo neke od mnogobrojnih načina kako bi mogli opisati sebe drugim ljudima.

Kakva je korist od ovakve kategorizacije? Kao što ćete vidjeti u nastavku ovog poglavlja, sortirajući stvari po skupovima pomaže vam organizirati i urediti vaš svijet. U mogućnosti ste da vladate velikim količinama informacija. Skupovi su učinkoviti alat koji pomaže da se odgovori na pitanje: "Koje su karakteristike grupe?"

Skupovi postavljaju temelje ostalim matematičkim oblastima, poput logike i apstraktne algebre. U stvari, knjiga *Eléments de Mathématique*, napisana od strane grupe francuskog matematičara pod pseudonimom "Nicolas Bourbaki", kaže: "U današnjici je moguće, logički govoreći: "U današnjici je moguće, logički rečeno, "

Skupovi su osnovni alat za učenje pa čak i za malu djecu. Kao bebe, oni nauče razlikovati "mene" od "mama" i "tata". Kao mališani nauče razlikovati i kategorisati objekte kao članove skupa po veličini, boji, ili obliku. TV emisija "Ulice sezama" uči djecu da prave skupove kroz igru. "Jedna od tih stvari je različita od ostalih."

1.1 Koncepti skupa

Svakodnevno srešemo skupove u našim životima u raznim situacijama. Skup je kolekcija objekata, koji se nazivaju **elementi** ili **članovi** skupa. Naprimjer, Sjedinjena Američka država je kolekcija ili skup 50 manjih država. 50 pojedinih država su članovi ili elementi jednog skupa koji se naziva Sjedinjene Američke države. Skup je **dobro definisan** ako se njegov sadržaj može jasno odrediti. Skup trenutnih sudija koji služe SAD vrhovnom sudu je dobro definisan skup jer njihovi članovi i sudije mogu biti imenovani. Skup tri najbolja auta nije dobro definisan skup jer riječ *najbolji* različiti ljudi različito tumače. U ovom tekstu, mi koristimo samo dobro definisane skupove.

Za označavanje skupa obično se koriste sljedeće tri metode:

- opis
- popis ili obrazac
- notacija skupa

Način označavanja skupa **opisom** prikazan je u primjeru 1.

PRIMJER 1

"Opis skupova"

Napisati opis skupa koji sadrži elemente ponedjeljak, utorak, srijeda, četvrtak, petak, subota, nedjelja.

RJEŠENJE

Naziv skupa je "Dani u sedmici"

△

Smještanje elemenata skupa unutar velikih zagrada "{ }", naziva se ruster forma. Zgrade su bitan dio notacije jer ona označavaju članove skupa.

Naprimjer, $\{1, 2, 3\}$ predstavlja notaciju za skup kojem pripadaju elementi 1, 2 i 3, ali $(1, 2, 3)$ i $[1, 2, 3]$ nisu skup iz razloga što velike i srednje zagrade prikazuju skup.

Skupo se inače imenuju sa velikim štampanim slovima. Naprimjer, ime koje se obično bira za skup prirodnih brojeva je \mathbb{N} .

PRIRODNI BROJEVI

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

Tri tačke nakon 5, nazivaju se *elipsa*, i označavaju da elementi skupa nastavljaju dalje na isti način. Ako se nakon elipse pojavi neki elemenat, znači da elementi idu na isti način sve do tog elementa uključujući i njega. Ovakva notacija prikazana je na primjeru 2b.

PRIMJER 2

"Skup u formi popisa"

Predstaviti sljedeće u formi popisa.

- a) Skup A je skup prirodnih brojeva manjih od 4.
- b) Skup B je skup prirodnih brojeva manjih ili jednako 70.
- c) Skup P je skup planeta sunčevog sistema.

RJEŠENJE

- a) Prirodni brojevi manji od 4 su 1, 2 i 3. Prema tome, skup A u formi popisa je $A = \{1, 2, 3\}$
- b) $B = \{1, 2, 3, 4, \dots, 70\}$. Broj 70 nakon 3 tačke znači da se brojevi nastavljaju na isti način sve do 70.
- c) $P = \{\text{Merkur, Venera, Zemlja, Mars, Jupiter, Saturn, Uran, Neptun, Pluton}\}$.

△

PRIMJER 3

"Riječ uključujući"

Sljedeće napiši u formi popisa.

- a) Skup prirodnih brojeva između 5 i 8.
- b) Skup prirodnih brojeva između 5 i 8, uključujući.

Georg Cantor (1845-1918), rođen u St. Petersburg, Rusija, Poznat kao osnivač teorije skupova. Cantorov kreativni rad iz matematike umalo da bude izgubljen, kada je njegov otac insistirao da bude inženjer a ne matematičar. Njegove dvije glavne knjige o teoriji skupova *Foundations of General Theory of Aggregates* i *Contributions to the Founding of the Theory of Transfinite Numbers*, izdate u 1883. i 1895., respektivno.

RJEŠENJE

a) $A = \{6, 7\}$.

b) $B = \{5, 6, 7, 8\}$. Primjetite da riječ *uključujući* pokazuje na to da su i brojevi između 5 i 8 unutar skupa.

△

Simbol \in , koji se čita, elementat je, koristi se za označavanje članova u skupu. U primjeru 3, 6 je elementat skupa A , pišemo $6 \in A$. Također možemo napisati $6 \in \{6, 7\}$. Isto tako $8 \notin A$, što znači da 8 nije elementat skupa A .

Notacija za kreiranje skupa (koja se ponekad naziva i notacija generatira skupa) može se koristiti da simbolizira skup. Navedena notacija skupa se često koristi u algebri. U nastavku primjer ilustrira njegov oblik.

$$\begin{array}{ccccccc}
 D & = & \{ & x & | & \text{Uslov(i)} & \} \\
 \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \\
 \text{Skup } D & \text{je} & \text{skup} & \text{svih} & \text{takvih} & x & \text{zadovoljava uslove} \\
 & & & \text{elemenata} & \text{da} & & \text{da bi bio dio skupa} \\
 & & & x & & &
 \end{array}$$

Uzmimo u obzir $E = \{x | x \in N \text{ i } x > 10\}$. Izraz se čita kao "Skup E je skup svih elemenata x takvih da je x veće od 10." Uslovi koje x mora ispuniti da bi bio elementat skupa je $x \in N$, što znači da x mora biti prirodan broj, i $x > 10$, što znači da x mora biti veće od 10. Brojevi koji ispunjavaju oba uvjeta su elementi skupa prirodnih brojeva većih od 10. Skup u formi popisa izgleda ovako

$$E = \{11, 12, 13, 14, \dots\}$$

PRIMJER 4

"Korištenje notacije za kreiranje skupova"

a) Napisati skup $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ u obliku notacije za kreiranje skupa

b) Napiši, riječima, kako bi pročitao notaciju za kreiranje skupa B

RJEŠENJE

a) Prema tome da se skup B sastoji od prirodnih brojeva manjih od 6, pišemo

$$B = \{x | x \in N \text{ i } x < 6\}$$

Još jedan prihvatljiv odgovor je $B = \{x | x \in N \text{ i } x \leq 5\}$.

b) Skup B je skup svih elemenata x takvih da je x prirodan broj i da je manji od 6.

△

PRIMJER 5

"Forma popisa u notaciji građenja skupova"

a) Napisati skup $S = \{\text{Maine, Maryland, Massachusetts, Michigan, Minnesota, Mississippi, Missouri, Montana}\}$ u notaciji građenja skupova.

b) Napisati riječima kako bi pročitao/la skup S u notaciji iz a).

Učimo da grupišemo objekte prema onome što vidimo kao relevantne karakteristike razlikovanja. Jedan od načina na koji učitelji mjere ovu sposobnost jeste preko vizuelnih znakova.

RJEŠENJE

- a) $S = \{x | x \text{ je država u SAD-u čije ime počinje sa M}\}.$
- b) Skup S je skup svih elemenata x takvih da je x država SAD-a čije ime počinje sa slovom M.

△

PRIMJER 6

"Notacija građenja skupova u formi popisa"

Napisati $A = \{x | x \in N \text{ i } 2 \leq x < 8\}$ u formi popisa.

RJEŠENJE

$$A = \{2, 3, 4, 5, 6, 7\}$$

△

Za skup se kaže da je **konačan**, ako ne sadrži elemente ili broj elemenata u skupu je prirodan broj. Skup $B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$ je konačan skup zato što je broj elemenata skupa 5, a 5 je prirodan broj. Skup koji nije konačan naziva se **beskonačan** skup. Skup brojevih brojeva je jedan primjer beskonačnog skupa. O beskonačnim skupovima govorit ćemo u Poglavlju ...

Još jedan bitan koncept jeste jednakost skupova.

Skup A **jendak** je skupu B , simbolično napisano $A = B$, ako i samo ako skup A sadrži tačno iste elemente kao skup B .

Naprimjer, ako skup $A = \{1, 2, 3\}$ i skup $B = \{3, 1, 2\}$, onda $A = B$ zato što oba sadrže tačno iste elemente. Radoslijed elemenata u skupu nije bitan. Ako su dva skupa jednaka onda moraju oba biti sačinjena od istog broja elemenata. Broj elemenata skupa naziva se *osnovnu/kardinalni broj*.

Osnovni/Kardinalni broj skupa A , simbolično napisano $n(A)$, je broj elemenata skupa A .

Oba skupa $A = \{1, 2, 3\}$ i $B = \{\text{Engleska, Francuska, Japan}\}$ imaju osnovni/kardinalni broj 3; to jest, $n(A) = 3$, i $n(B) = 3$. Kažemo da skup A i skup B oba imaju kardinalnost 3.

Za dva skupa se kaže da su **ekvivalentna** ako oba posjeduju isti broj elemenata.

Skup A je **ekvivalentan** skupu B ako i samo ako $n(A) = n(B)$.

Bilo koji skupovi koji su jednaki moraju biti i ekvivalentni. Međutim, nisu svi ekvivalentni skupovi jednaki. Skupovi $D = \{a, b, c\}$ i $E = \{\text{apple, orange, pear}\}$ su ekvivalentni, stoga što oba imaju isti osnovni/kardinalni broj, 3. Zbog toga što se elementi razlikuju, međutim, skupovi nisu jednaki.

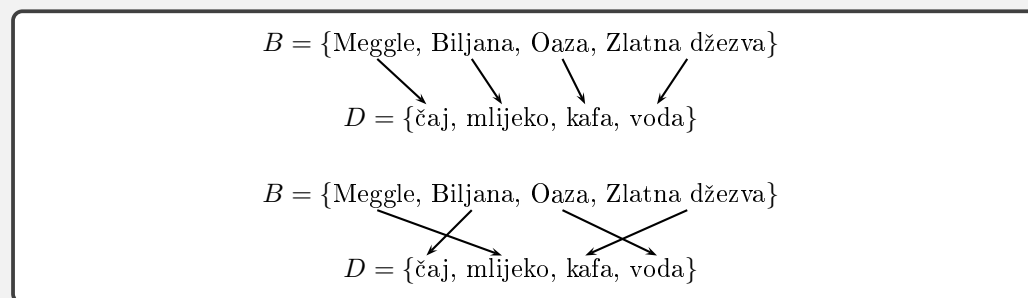
Dva skupa koja su ekvivalentna i imaju istu kardinalnost mogu se dopisati 1-1. Skup A i skup B mogu se dopisati 1-1 ako svaki element skupa A može biti povezan sa tačno jednim elementom skupa B i svaki element skupa B može biti povezan sa tačno jednim elementom skupa A . Naprimjer, dopis 1-1 postoji između imena studenata sa liste razreda i sa njihovim identifikacionim brojevima zato što povezati njihova imena sa njihovim brojevima.

Uzmimo u obzir skup B , ime brenda produkta, i skup D , pića.

$$B = \{\text{Meggle, Biljana, Oaza, Zlatna džezva}\}$$

$$D = \{\text{čaj, mlijeko, kafa, voda}\}$$

Dva različita dopisa 1-1 za skupove B i D slijede.



Drugi dopisi 1-1 su mogući između skupova B i D . Da li znate koje piće ide sa kojim imenom brenda produkta?

1.1.1 NULA ILI PRAZAN SKUP

Neki skupovi ne sadrže ni jedan elemenat, kao naprimjer skup zebri koje su u ovoj sobi.

Skup koji ne sadrži elemente naziva se **prazan skup** ili **nula skup** i simbolično se označava sa $\{ \}$ ili \emptyset .

Imajte na umu da \emptyset nije prazan skup. Ovaj skup sadrži elemenat \emptyset i ima kardinalnost 1. Skup $\{0\}$ također nije prazan skup zato što sadrži elemenat 0. I on ima kardinalnost 1.

PRIMJER 7

"Rješenja prirodnih brojeva"

Naznačite skup prirodnih brojeva koji zadovoljavaju jednačinu $x + 2 = 0$.

RJEŠENJE

Vrijednosti koje zadovoljavaju jednačinu moraju biti takve da jednačina bude tačna. Samo broj -2 zadovoljava ovu jednačinu. Zbog toga što -2 nije prirodan broj, rješenje ove jednačine je $\{ \}$ ili \emptyset .

△

1.1.2 UNIVERZALNI SKUP

Još jedan bitan skup jeste **univerzalni skup**.

univerzalni skup, simbolično napisan sa U , je skup koji sadrži sve elemente za bilo koju diskusiju.

Kada je dat univerzalni skup, samo elementi univerzalnog skupa mogu se razmatrati prilikom rješavanja problema. Ako je, naprimjer, univerzalni skup za određeni problem definisan kao $U = \{1, 2, 3, 4, \dots, 10\}$, onda samo prirodni brojevi od 1 do 10 mogu biti korišteni tokom problema.

ZADACI ZA VJEŽBU

KONCEPT/VJEŽBE PISANJA

U zadacima od 1 do 8, odgovoriti na pitanja punom rečenicom.

1. Šta je skup?
2. Koje su tri varijante kojima skup može biti zapisan? navedite primjer za svaku od njih.
3. Šta je beskonačan skup?
4. Šta je konačan skup?
5. Šta su jednaki skupovi?
6. Šta su ekvivalenti skupovi?
7. Šta je kardinalni broj skupa?
8. Šta je univerzalni skup?
9. Šta je prazan skup?

ZADACI ZA VJEŽBU VJEŠTINE

U zadacima od 10 do 12, odredite da li su skupovi dobro definisani.

10. Skup najboljih internet sajtova
11. Skup ljudi koji posjeduju velike pse
12. Skup učenika razreda koji su rođeni u Bosni i Hercegovini

U zadacima od 13 do 17, odredite da li je skup konačan ili beskonačan.

13. $\{1, 3, 5, 7, \dots\}$
14. Skup parnih brojeva većih od 15
15. Skup neparnih brojeva većih od 15
16. Skup vrabaca koji cvrkuću u parku 4. jula u 10 sati.
17. Skup umnožaka sa 6 između 0 i 60

U zadacima od 18 do 22, navedene skupove predstaviti u formi popisa.

18. Skup kontinenata svijeta
19. Skup prirodnih brojeva između 10 i 178
20. $B = \{x | x \in N \text{ i } x \text{ je paran}\}$
21. $C = \{x | x + 6 = 10\}$
22. $D = \{x | x \in N \text{ i } 6 \leq x < 72\}$

U zadacima od 22 do x, navedene skupove predstaviti u notaciji kreiranja skupova.

23. $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
24. $B = \{4, 5, 6, 7, 8\}$
25. $C = \{3, 6, 9, 12, \dots\}$

1.2 Podskupovi

U našem složenom svijetu, inače veće skupove razbijamo na manje skupove s kojim nam je lakše raditi. Takve skupove nazivamo *podskupovi*. Naprimjer, uzmite u obzir skup ljudi u vašem odjeljenju. Prepostavimo da kategorišemo ljude po prvom slovu njihovog prezimena (A, B, C, itd.). Kada to odradimo, svaki od novih skupova može se smatrati podskupom originalnog skupa. Svaki od ovih podskupova može se dalje razdvajati. Naprimjer, osobe kod kojih prezime počinje sa A možemo kategorisati po tome jesu li muškog ili ženskog spola ili po njihovim godinama. Svaka od ovih kolekcija je podskup. Početni skup može imati mnogo različitih podskupova.

Skup A je **podskup** skupa B , simbolično pišemo $A \subseteq B$, ako i samo ako su elementi skupa A također elementi skupa B .

Simbol $A \not\subseteq B$ označava da "skup je A podskup skupa B ". Simbol $\not\subseteq$ znači "nije podskup". Iz toga, $A \not\subseteq B$ znači da skup A nije podskup skupa B . *Da pokažemo to da skup A nije podskup skupa B , moramo pronaći makar jedan element skupa A koji nije element skupa B .*

PRIMJER 8

"Da li je A podskup?"

Odrediti da li je skup A podskup skupa B .

- a) $A = \{\text{krastavac, paradajz, paprika}\}$ $B = \{\text{paradajz, sir, krastavac, paprika}\}$
- b) $A = \{2, 3, 4, 5\}$ $B = \{2, 3\}$
- c) $A = \{x | x \text{ žuto voće}\}$ $B = \{\text{crveno voće}\}$
- d) $A = \{\text{kašika, viljuška, nož}\}$ $B = \{\text{nož, kašika, viljuška}\}$

RJEŠENJE

- a) Svi elementi skupa A sadržani su u skupu B , prema tome $A \subseteq B$.
- b) Elementi 4 i 5 su u skupu A ali ne u skupu B , stoga $A \not\subseteq B$ (A nije podskup od B). Međutim, u ovom primjeru svi elementi skupa B sadržani su u skupu A ; stoga, $B \subseteq A$.
- c) Postoji voće, kao naprimjer banane, koje su iz skupa A ali ne iz skupa B , pa $A \not\subseteq B$.
- d) Svi elementi skupa A sadržani su u skupu B , prema tome $A \subseteq B$. Primjetite da je $A = \text{skup } B$.

△

1.2.1 ODGOVARAJUĆI PODSKUPOVI

Skup A je **odgovarajući podskup** skupa B , simbolično pišemo $A \subset B$, ako i samo ako su svi elementi skupa A također elementi skupa B i skup $A \neq B$ (to jest, skup B mora imati makar jedan element koji se ne nalazi u skupu A).

Uzmite u obzir da $A = \{\text{crvena, plava, žuta}\}$ i $B = \{\text{crvena, narandžasta, žuta, zelena, plava, ljubičasta}\}$. Skup A je *podskup* skupa B , $A \subseteq B$, zato što je svaki element skupa A također element skupa B . Skup A je također *odgovarajući skup* skupa B , $A \subset B$, zato što skup A i

Većinu duga što vidimo su primarne duge, ali dese se momenti kada na sekundu, možemo vidjeti blijedu dugu iza prve. U ovoj drugoj dugi, redosljed boja je izvrnut. Obje duge sadrže isti skup boja, pa je svaka od boja podskup jedna drugoj.

skup B nisu jednaki. Sada uzmimo u obzir skup $C = \{\text{auto, autobus, voz}\}$ i skup $D = \{\text{voz, auto, autobus}\}$. Skup C je podskup skupa D , $C \subseteq D$, zato što je svaki elemenat skupa C također elemenat skupa D . Međutim, skup C , nije odgovarajući podskup skupa D , $C \not\subseteq D$, zato što su skup C i skup D jednaki skupovi.

PRIMJER 9

"Da li je skup odgovarajući podskup?"

Odrediti da li je skup A odgovarajući podskup skupa B .

- a) $A = \{\text{Korveta, Vajper, BMW}\}$ $B = \{\text{Vajper, BMW, Kamero, Korveta, Mustang}\}$
b) $A = \{a, b, c, d\}$ $B = \{a, c, b, d\}$

RJEŠENJE

- Svi elementi skupa A su sadržani u skupu B i B nisu jednaki; iz toga slijedi, $A \subset B$.
- Skup $A = \text{skup } B$, prema tome $A \not\subset B$. (Međutim, $A \subseteq B$.)

 \wedge

Svaki skup je podskup samoga sebe, ali nijedan skup nije odgovarajući podskup sebe. Za sve skupove A , $A \subseteq A$, ali $A \not\subset A$. Naprimjer, ako $A = \{1, 2, 3\}$, onda $A \subseteq A$ zato što je svaki element skupa A sadržan u skupu A , ali $A \not\subset A$ zato što je skup $A =$ skupu A .

Neka $A = \{ \}$ i $B = \{1, 2, 3, 4\}$. Da li je $A \subseteq B$? Da bi pokazali $A \not\subseteq B$, treba pronaći makar jedan element skupa A koji nije element skupa B . pošto ovo ne može biti odrađeno, $A \subseteq B$ mora biti tačno. Koristeći se istim rezonom, možemo pokazati da *prazan skup je podskup svih skupova, uključujući i samoga sebe*.

PRIMJER 10

"Elementat ili podskup?"

Odredite da li su sljedeći izrazi tačni.

- a) $3 \in \{3, 4, 5\}$
 b) $\{3\} \in \{3, 4, 5\}$
 c) $\{3\} \in \{\{3\}, \{4\}, \{5\}\}$
 d) $\{3\} \subseteq \{3, 4, 5\}$
 e) $3 \subseteq \{3, 4, 5\}$
 f) $\{ \} \subseteq \{3, 4, 5\}$

RJEŠENJE

- $3 \in \{3, 4, 5\}$ je tačan izraz zato što je 3 član skupa $\{3, 4, 5\}$.
- $\{3\} \in \{3, 4, 5\}$ je netačan izraz zato što je $\{3\}$ skup, a skup $\{3\}$ nije element skupa $\{3, 4, 5\}$.
- $\{3\} \in \{\{3\}, \{4\}, \{5\}\}$ je tačan izraz zato što je $\{3\}$ element skupa. Elementi skupa $\{\{3\}, \{4\}, \{5\}\}$ su sami sobom skupovi.
- $\{3\} \subseteq \{3, 4, 5\}$ je tačan izraz zato što je svaki element prvog skupa ujedno element drugog skupa.
- $3 \subseteq \{3, 4, 5\}$ je netačan izraz zato što 3 nije u velikim zagradama, pa nije skup i prema tome ne može biti podskup. 3 je element skupa kako je naglašeno u dijelu a).
- $\{\} \subseteq \{3, 4, 5\}$ je tačan izraz zato što je prazan skup podskup svakog skupa.

△

1.2.2 BROJ PODSKUPOVA

Koliko se različitih podskupova može napraviti od jednog ponuđenog skupa? Prazan skup nema elemenata i ima tačno jedan podskup. A skup sa tri elementa ima osam podskupova. Pogledajte tabelu 1 na strani 10. koliko podskupova sadrži skup sa četiri elementa?

Skup	Podskup	Broj podskupova
$\{\}$	$\{\}$	$1 = 2^0$
$\{a\}$	$\{a\}$ $\{\}$	$2 = 2^1$
$\{a, b\}$	$\{a, b\}$ $\{a\}, \{b\}$ $\{\}$	$4 = 2 \times 2 = 2^2$
$\{a, b, c\}$	$\{a, b, c\}$ $\{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}$ $\{a\}, \{b\}, \{c\}$ $\{\}$	$8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$

Tabela 1: Broj podskupova

Nastavljajući ovu tabelu sa većim i većim skupovima, možemo razviti generalnu formulu za računanje broja različitih podskupova datog skupa.

Broj različitih skupova konačnog skupa A je 2^n gdje n predstavlja broj elemenata skupa A .

PRIMJER 11

"Različiti podskupovi"

- Odredite broj različitih podskupova skupa $\{S, L, E, D\}$.
- Napišite sve različite podskupove skupa $\{S, L, E, D\}$.
- Koliko različitih podskupova su pravilni podskupovi?

RJEŠENJE

- Broj elemenata skupa je 4, prema tome, broj različitih skupova je $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$.

- | | | | | |
|------------------|---------------|------------|---------|--------|
| $\{S, L, E, D\}$ | $\{S, L, E\}$ | $\{S, L\}$ | $\{S\}$ | $\{\}$ |
| | $\{S, L, D\}$ | $\{S, E\}$ | $\{L\}$ | |
| | $\{S, E, D\}$ | $\{S, D\}$ | $\{E\}$ | |
| | $\{L, E, D\}$ | $\{L, E\}$ | $\{D\}$ | |
| | | $\{L, D\}$ | | |
| | | $\{E, D\}$ | | |

- Pravilnih podskupova ima 15. Svi podskupovi osim $\{S, L, E, D\}$ su pravilni podskupovi.

△

Sa sedam različitih pločica sa slovima, postoji 5040 različitih načina da poredamo pločice. Četiri slova S, L, E, D mogu biti poredani u 24 različita načina. m

ZADACI ZA VJEŽBU

KONCEPT/VJEŽBE PISANJA

U zadacima od 1 do 6, odgovoriti na pitanja punom rečenicom.

1. Šta je podskup?
2. Šta je pravilan podskup?
3. Objasni razliku između podskupa i pravilnog podskupa.
4. Koja je formula za određivanje različitog broja podskupova za skup sa n ? različitih elemenata?
5. Koja je formula za određivanje različitog broja pravih podskupova za skup sa n ? različitih elemenata?
6. Je li može bilo koji skup biti pravilan podskup samoga sebe? Objasni.

ZADACI ZA VJEŽBU VJEŠTINE

U zadacima od 7 do 24, odgovorite sa tačno ili netačno. Ako je netačno, obrazložite.

8. $\{ \} \in \{1, 2, 3, 4\}$

9. $\{ \} \subseteq \{\text{Asim, Nikola, Zdenko}\}$
10. $\text{crvena} \subset \{\text{crvena, zelena, plava}\}$
11. $5 \notin \{2, 4, 6\}$
12. $\{\text{Petar, Amela, Malik}\} \subseteq \{\text{Amela, Katarina, Brijana}\}$
13. $\{ \} = \{\emptyset\}$
14. $\{1\} \subseteq \{1, 9, 5\}$
15. $\emptyset = \{ \}$
16. $0 = \{ \}$
17. $\{0\} = \emptyset$
18. $\{1, 5, 9\} \subseteq \{1, 9, 5\}$
19. $\{5\} \in \{5, 6, 7\}$
20. $\{3, 5, 9\} \not\subseteq \{3, 9, 5\}$
21. $\{ \} \subset \{ \}$
22. $\{1\} \in \{\{1\}, \{2\}, \{3\}\}$
23. $\{b, a, t\} \subseteq \{t, a, b\}$

Literatura

1. A Survey Of Mathematics With Applications (ANGEL PORTER)
2. StackExchange (<https://tex.stackexchange.com>)
3. Overleaf (<https://www.overleaf.com>)
4. texblog (<https://texblog.org/>)
5. stackoverflow (<https://stackoverflow.com>)
6. L^AT_EX4technics (<https://www.latex4technics.com/>)
7. CTAN Comprehensive T_EXArchive Network (CTAN Comprehensive T_EXArchive Network)
8. ShareL^AT_EX(<https://sharelatex.psi.ch>)
9. LaTeX Community - Latex.org (<https://latex.org>)
10. <http://www.emerson.emory.edu>