Hugo Marquerie 12/02/2025

## Intersección $\sigma$ -álgebra

**Proposición 1.** Sean  $\Sigma_1, \Sigma_2$  dos  $\sigma$ -álgebras en un conjunto  $X \neq \emptyset$ 

$$\implies \Sigma_1 \cap \Sigma_2$$
 es una  $\sigma$ -álgebra en  $X$ .

Demostración: Comprobamos las propiedades de la sigma-algebra/Definición 1:

- (i) Se tiene que  $X \in \Sigma = \Sigma_1 \cap \Sigma_2$  porque  $X \in \Sigma_1, \Sigma_2$ .
- (ii)  $E \in \Sigma \implies E \in \Sigma_1, \Sigma_2 \implies E^c \in \Sigma_1, \Sigma_2 \implies E^c \in \Sigma.$

(iii) Sea 
$$\{E_n\}_{n=1}^{\infty} \subset \Sigma \implies \{E_n\}_{n=1}^{\infty} \subset \Sigma_1, \Sigma_2 \implies \bigcup_{n=1}^{\infty} E_n \in \Sigma_1, \Sigma_2 \implies \bigcup_{n=1}^{\infty} E_n \in \Sigma.$$

Concluimos que  $\Sigma_1 \cap \Sigma_2$  es una  $\sigma$ -álgebra en X.

## Referenciado en

• Prop-sigma-algebra-generada