Hugo Marquerie 23/01/2025

## Norma

**Definición 1 (Norma).** Sea  $(X, +, \cdot)$  un  $\mathbb{R}$  o  $\mathbb{C}$ -espacio vectorial,  $\|\cdot\| : X \longrightarrow \mathbb{R}$  es una norma  $\iff$ 

- (i) Positividad (no degenerada):  $\forall x \in X: ||x|| \geq 0 \ \land \ ||x|| = 0 \iff x = 0$
- (ii) Homogeneidad:  $\forall x \in X, \lambda \in K: \|\lambda x\| = |\lambda| \cdot \|x\|$
- (iii) Desigualdad triangular:  $\forall x,y \in X: \|x+y\| \leq \|x\| + \|y\|$

## Referenciado en

- Teo-esp-lp-banach
- Lem-esp-lp-normado
- Metrica-inducida
- Esp-proyectivo
- Desigualdad-minkowski
- Convergencia-serie
- Esp-banach