Hugo Marquerie 05/03/2025

## Norma $\mathcal{L}^p$

**Definición 1 (Norma**  $\mathcal{L}^p$ ). Sea  $(X, \Sigma, \mu)$  un espacio de medida,  $p \in [1, \infty]$  y  $f: X \longrightarrow \mathbb{R}$  medible,  $||f||_p$  es la norma  $\mathcal{L}^p$  de f

$$\iff \begin{cases} \|f\|_p = \left(\int_X |f|^p \, \mathrm{d}\mu\right)^{1/p} & \text{si } p \in [1, \infty) \\ \|f\|_\infty = \operatorname{ess\,sup} |f| = \inf_{\substack{A \in \Sigma \\ \mu(A) = 0}} \left\{ \sup_{x \in A^c} |f(x)| \right\} & \text{si } p = \infty. \end{cases}$$

## Referenciado en

- Lem-esp-lp-normado
- Esp-lp
- Teo-esp-lp-banach