Hugo Marquerie March 26, 2025

Teorema de la función inversa

Teorema 1 (de la función inversa). Sea $F: \Omega \subset \mathbb{R}^n \longrightarrow \mathbb{R}^n$ una aplicación \mathcal{C}^1 y $a \in \Omega$ tal que DF(a) es invertible (i.e. $\det DF(a) \neq 0$), entonces

1. $\exists U, V \subset \mathbb{R}^n \text{ abiertos con}$

(a)
$$a \in U \subset \Omega \wedge F(a) \in V$$
.

- (a) $a \in U \subset \Omega \land F(a) \in V$. (b) F inyectiva en $U \land F(U) = V$.
- $2. \ \exists G \colon V \longrightarrow U \ aplicación \ inversa \ de \ F \big|_U \ (i.e. \ \forall x \in U : G(F(x)) = x, \ luego \ G \ es \ \mathcal{C}^1).$

Referenciado en

- Teo-fn-inversa-holomorfas
- $\bullet \ {\tt Teo-cartas-adapta} {\tt das-inmersion}$