

## MAC122 – Princípios de Desenvolvimento de Algoritmos

### Segundo Semestre de 2025 – BMAC – IMEUSP – Prof. Marcílio

#### EXERCÍCIO PROGRAMA I – Entregar até 14/setembro/2025

#### Interpretador de Expressões com Números Complexos

O programa deve ler expressões contendo números complexos na forma  $(a + bi)$  ( $a$  e  $b$  `int` ou `float`).  $a$  é a parte real e  $b$  a parte imaginária.

As expressões seguem as regras normais de expressões aritméticas com os números complexos na forma  $(a + bi)$ , os operadores binários (+, -, \*, /) e os operadores unários (+, -) com a prioridade usual e os parêntesis para alterar a prioridade se necessário.

Deve funcionar como o interpretador Python no modo prompt, mas fazendo as operações com números complexos. Vamos usar o mesmo prompt do Python (`>>>`).

Exemplo de entrada e saída do programa:

```
>>> (1 + 2i) * (3 + 5i)
(-7 + 11i)
>>> (12 - 5i) - (-2.2 + 3i) / (12 - 1.2i)
(12.20627 - 5.22937i)
>>> (1+0.2i) * ((-3 + 4i) + (4 - 5.2i)) + (2 + 3i)
(3.24 + 1.99999i)
>>> (-1 + 1.2i) / ((2.3 - 2.3i) + (3 + 4i) * (-4 + 5.2i))
(0.02908 - 0.04192i)
>>> -(1+1i) * -(1-1i)
(2 + 0i)
```

Pode supor que a expressão está **sem** erros de sintaxe. Assim não precisa verificar se há caracteres estranhos na expressão.

O programa deve então repetir a sequência abaixo até que seja digitado **'fim'**:

- Colocar o prompt `>>>`
- Ler a expressão (string)
- Traduzir a expressão para a notação pós-fixa
- Calcular o valor da expressão
- Mostrar o resultado no vídeo

#### A tradução para a notação pós-fixa

Use o algoritmo de tradução para pós-fixa que utiliza uma pilha de operadores e os movimenta na expressão baseado em sua prioridade.

Para facilitar a manipulação da string antes de transformá-la em pós fixa, use expressões regulares para separar os elementos da expressão. O método `findall` encontra todas as substrings que correspondem a expressão regular, e as retorna como uma lista. Veja o exemplo abaixo

```
import re
# Exemplo 1:
t = " (1 + 2i) * (3 + 5i) "
```

```
r = re.findall(r"(\b\d*[\.\]?d+[i]?b|[\(\)\+\*\-\\/\%])", t)
print(t)
print(r)
print()
```

# Exemplo 2:

```
t = "(12 - 5i) - (-2.2 + 3i)/(12 - 1.2i)"
r = re.findall(r"(\b\d*[\.\]?d+[i]?b|[\(\)\+\*\-\\/\%])", t)
print(t)
print(r)
print()
```

# Exemplo 3:

```
t = "(1+0.2i) * ((-3 + 4i) + (4 - 5.2i)) + (2 + 3i)"
r = re.findall(r"(\b\d*[\.\]?d+[i]?b|[\(\)\+\*\-\\/\%])", t)
print(t)
print(r)
print()
```

# Exemplo 4:

```
t = "-(1+1i) * -(1-1i)"
r = re.findall(r"(\b\d*[\.\]?d+[i]?b|[\(\)\+\*\-\\/\%])", t)
print(t)
print(r)
```

Será impresso:

```
(1 + 2i) * (3 + 5i)
['(', '1', '+', '2i', ')', '*', '(', '3', '+', '5i', ')']

(12 - 5i) - (-2.2 + 3i)/(12 - 1.2i)
['(', '12', '-', '5i', ')', '-', '(', '-', '2.2', '+', '3i', ')', '/', '(', '12', '-', '1.2i', ')']

(1+0.2i) * ((-3 + 4i) + (4 - 5.2i)) + (2 + 3i)
['(', '1', '+', '0.2i', ')', '*', '(', '(', '-', '3', '+', '4i', ')', '+', '(', '4', '-', '5.2i', ')', ')', '+', '(', '2', '+', '3i', ')']

-(1+1i) * -(1-1i)
['-', '(', '1', '+', '1i', ')', '*', '-', '(', '1', '-', '1i', ')']
```

## Os operadores e os operandos

Para a tradução, considere a prioridade usual dos operadores:

- + e – unários; / e \*; depois + e – binários.
- Parêntesis alteram a prioridade.
- Operadores de mesma prioridade, devem ser tratados da esquerda para a direita.

Os operandos são os números complexos que podem ser armazenados com uma dupla (tupla), em uma lista de 2 elementos ou de qualquer outra forma equivalente. É conveniente já armazená-los como **float**.

## O cálculo do valor da expressão

Use o algoritmo de cálculo do valor de uma expressão já em notação pós-fixa, que varre a lista com a expressão e usa uma pilha de operandos. Ao final do cálculo (o resultado está no topo da pilha). Os operandos são uma dupla de números.

Como o resultado será sempre **float**, na hora de mostrar o resultado, pode-se verificar se o número tem ou não parte fracionária para mostrá-lo como **int** ou **float**.

## Organização do programa

Como sempre, procure estruturar o seu programa de forma modular identificando partes comuns que podem ser reutilizáveis. Faça uma classe **Pilha** para implementar tanto a pilha de operadores como a pilha de operandos. A mesma classe **Pilha** deve ser usada tanto para traduzir como para calcular o valor da expressão. Faça também uma classe **Complexo** que implementa as operações usando a sobrecarga de operadores do Python (+, -, \* e / binários e + e - unários).

Faça pelo menos as funções:

- a) **TraduzPosFixa(exp)** – recebe a string **exp** contendo uma expressão aritmética com números complexos e devolve uma lista contendo essa expressão em notação pós-fixa. Esta lista conterá operadores e objetos do tipo **Complexo**. Pode considerar que não há erro de sintaxe na expressão, mas se encontrar algum caractere ou algo estranho pode devolver **None**.

Exemplo:

Seja `t = "(2 + 3i) + (5 - 2i) * -(-3.2 + 5.5i)"`

**TraduzPosFixa(t)** devolve:

`[(2.0, 3.0), (5.0, -2.0), (-3.2, 5.5), "_", "*", "+"]`

Nesse exemplo considerando os operandos como tuplas. É conveniente substituir o símbolo dos operadores na expressão pós-fixa. Por exemplo: "+" torna-se "#" e "-" torna-se "\_".

- b) **CalcPosFixa(listaexp)** – recebe uma lista contendo uma expressão em notação pós-fixa, calcula e devolve o seu valor. Se houver algum problema no cálculo devolve **None**.

Exemplo:

Seja `t = [(2.0, 3.0), (5.0, -2.0), (-3.2, 5.5), "_", "*", "+"]`

**CalcPosFixa(t)** devolve o **Complexo (7.0, -30.9)**.

Imprimir o resultado como:

`(7.0 -30.9i)` ou `(7 - 30.9i)`

## Como entregar o programa pelo e-disciplinas

Para padronizar a entrega dos programas siga as seguintes diretrizes:

- 1) O módulo deve se chamar **posfixa.py**
- 2) Deve conter as classes **Pilha** e **Complexo**.
- 3) Deve conter também as funções **TraduzPosFixa** e **CalcPosFixa** como solicitadas acima.
- 4) Coloque o seu programa principal sob **if \_\_name\_\_ == "\_\_main\_\_":** para que as funções possam ser testadas com outros programas com **import**.

Exemplo:

```
if __name__ == "__main__":
```

```
while True:
    # coloque o prompt
    ...
    # ler a expressão
    ...
    # chamar a TraduzaPosFixa
    ...
    # chamar a CalcPosFixa
    ...
```