

## Lagemaße

### Arithmetisches Mittel

$$M = \mu = \bar{X} = \frac{1}{n} \sum x_i$$

### Median

$$\text{Tiefe}_{\text{Median}} = \frac{n+1}{2}$$

## Streuungsmaße

### Varianz in der Stichprobe

$$s^2 = \frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})^2$$

### Varianz in der Population

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum (x_i - \bar{x})^2$$

### Populationsvarianz auf Basis der Stichprobe

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2$$

### Standardabweichung

$$\text{Standardabweichung} = \sqrt{\text{Varianz}}$$

### Spannbreite (Range)

$$\text{Range} = x_{\max} - x_{\min}$$

### Quartile

$$\text{Tiefe}_{\text{Quartil}} = \frac{\text{Tiefe}_{\text{Median, abgerundet}} + 1}{2}$$

### Interquartilsabstand

$$\text{IQR} = Q_{75} - Q_{25}$$

## z-Standardisierung

Allgemein:

$$Z = \frac{X - \bar{x}}{s}$$

.. oder für die  $i$ -te Versuchsperson:

$$z_i = \frac{x_i - \bar{x}}{s}$$

Im Rahmen eines z-Tests:

$$z = \frac{\Delta \bar{x}}{se}$$

## Zusammenhangsmaße

### Kovarianz

$$\text{Cov}(X, Y) = \frac{1}{n} \sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$

### Pearson-Korrelation

$$r = \frac{\text{Cov}(X, Y)}{s_X s_Y}$$

### Spearman-Korrelation

$$r = \frac{\text{Cov}(R(X), R(Y))}{s_{R(X)} s_{R(Y)}}$$

### Kendalls Tau

$$\tau = \frac{K - D}{K + D}$$

K/D: Zahl der konkordanten/diskordanten Paare

### Phi-Koeffizient

$$\Phi = \frac{ad - bc}{\sqrt{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}}$$

		Faktor 1	
		Level 1	Level 2
Faktor 2	Level 1	a	b
	Level 2	c	d

### Korrelationskoeffizient

$$\hat{se} = \frac{1 - r^2}{\sqrt{n - 1}}$$

## Einfache lineare Regression

### Regressionsgleichung

$$\hat{y}_i = b_0 + b_1 \cdot x_i$$

### Residuum

$$\Delta \hat{y}_i = \hat{\epsilon}_i = \hat{y}_i - y_i$$

### Bestimmtheitsmaß

$$R^2 = \frac{\sum (\hat{y}_i - \bar{y})^2}{\sum (y_i - \bar{y})^2} \stackrel{\text{(einfache Regression)}}{=} r^2$$

### y-Achsenabschnitt

$$b_0 = \bar{Y} - b_1 \bar{X}$$

### Steigung

$$b_1 = \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\text{Var}(X)}$$

### Steigung (standardisiert)

$$\beta_1 = \frac{s_X}{s_Y} b_1$$

## Effektmaße

### Mittelwertdifferenz: Einzelmessung

$$d = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}}$$

### Mittelwertdifferenz: abhängige Stichproben

$$d = \frac{\bar{x}_A - \bar{x}_B}{\hat{\sigma}_\Delta} \quad \text{mit}$$

$$\hat{\sigma}_\Delta = \sqrt{\frac{\sum (\Delta x_i - \Delta \bar{x})^2}{n - 1}}$$

*Hinweis: gilt für ähnliche Varianzen; andernfalls siehe Formel für unabhängige Stichproben*

### Mittelwertdifferenz: unabhängige Stichproben

$$d = \frac{\bar{x}_A - \bar{x}_B}{\hat{\sigma}_{\text{pooled}}} \quad \text{mit}$$

$$\hat{\sigma}_{\text{pooled}} = \sqrt{\frac{(n_A - 1)\hat{\sigma}_A^2 + (n_B - 1)\hat{\sigma}_B^2}{n_A + n_B - 2}}$$

### Absolute Risikoreduktion

$$ARR = \frac{a}{a + b} - \frac{c}{c + d}$$

		Faktor 1	
		Level 1	Level 2
Faktor 2	Level 1	a	b
	Level 2	c	d

### Numbers needed to treat

$$NNT = \frac{1}{ARR}$$

### Odd's Ratio

$$OR = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$$

## Standardfehler

### Mittelwert

$$\hat{se} = \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{n}}$$

### Mittelwertdifferenz: abhängige Stichproben

$$\hat{se} = \frac{\hat{\sigma}_{\Delta}}{\sqrt{n}} \quad \text{mit} \quad \hat{\sigma}_{\Delta} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (\Delta x_i - \bar{\Delta x})^2}$$

### Mittelwertdifferenz: unabhängige Stichproben

#### Ähnliche Varianzen

$$\hat{se} = \hat{\sigma}_{\text{pooled}} \sqrt{\frac{1}{n_A} + \frac{1}{n_B}} \quad \text{mit}$$

$$\hat{\sigma}_{\text{pooled}} = \frac{(n_A - 1)\hat{\sigma}_A^2 + (n_B - 1)\hat{\sigma}_B^2}{n_A + n_B - 2}$$

#### Unterschiedliche Varianzen

$$\hat{se} = \sqrt{\frac{\hat{\sigma}_A^2}{n_A} + \frac{\hat{\sigma}_B^2}{n_B}}$$

### Anteile

$$\hat{se} = \frac{\hat{p}(1 - \hat{p})}{n}$$

### Pearson-Korrelation

$$\hat{se} = \frac{1 - r^2}{\sqrt{n - 1}}$$

### Pearson-Korrelation (Fisher z-Transformation)

$$\hat{se} = \frac{1}{\sqrt{n - 3}}$$

### Steigung (einfache lineare Regression)

$$\hat{se} = \frac{\hat{\sigma}_Y}{\hat{\sigma}_X} \sqrt{\frac{1 - r^2}{n - 2}}$$

## t-Test

Siehe Abschnitt Standardfehler für die Berechnung von  $\hat{se}$ .

### Mittelwertdifferenz: Einzelmessung

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{se}} \quad \text{mit} \quad \text{df} = n - 1$$

### Mittelwertdifferenz: abhängige Stichproben

$$t = \frac{\bar{x}_A - \bar{x}_B}{\hat{se}} \quad \text{mit} \quad \text{df} = n - 1$$

### Mittelwertdifferenz: unabhängige Stichproben

$$t = \frac{\bar{x}_A - \bar{x}_B}{\hat{se}} \quad \text{mit} \quad \text{df} = n_A + n_B - 2$$

### Pearson-Korrelation

$$t = \frac{r\sqrt{n - 2}}{\sqrt{1 - r^2}} \quad \text{mit} \quad \text{df} = n - 2$$

### Steigung (einfache lineare Regression)

$$t = \frac{b_1}{\hat{se}} \quad \text{mit} \quad \text{df} = n - 2$$

## Konfidenzintervall

### Varianzen bekannt (z-Wert)

$$CI = \hat{\theta} \pm z_{(1 - \frac{\alpha}{2})} \cdot se$$

### Varianzen unbekannt (t-Wert)

$$CI = \hat{\theta} \pm t_{(1 - \frac{\alpha}{2}, \text{df})} \cdot \hat{se}$$

### Pearson-Korrelation (Fisher z-Transformation)

$$CI = z_r \pm z_{(1 - \frac{\alpha}{2})} \cdot \hat{se}$$

$$\text{mit} \quad z_r = \text{artanh}(r)$$