

# Biçimsel Diller ve Otomata Teorisi

Sunu V  
Geçiş Çizgeleri

İZZET FATİH ŞENTÜRK



# Girdilerdeki Kısıtlamayı Gevşetmek

- Son bölümde, bir

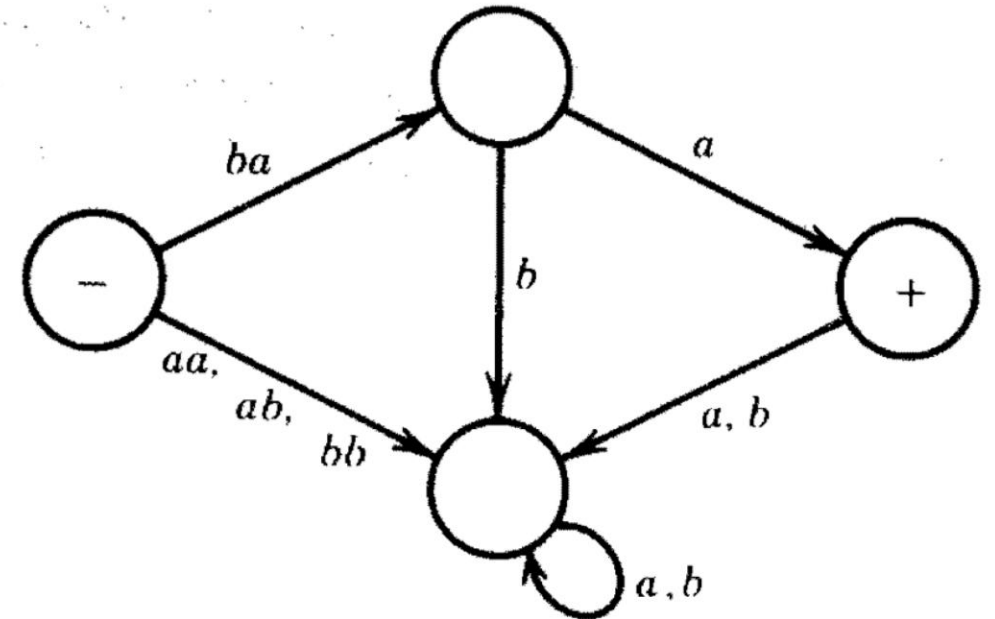
ANCAK

- Yalnızca baa kelimesini kabul eder • Gerekli

beş durum çünkü bir

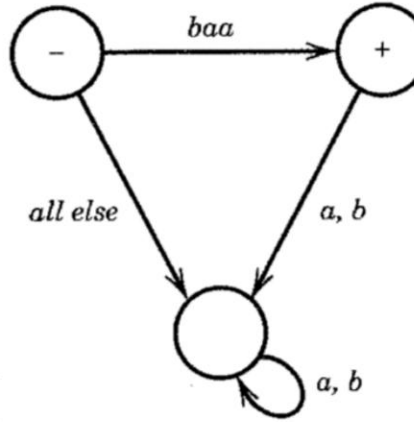
FA her seferinde bir harf okuyabilir

- Bir seferde bir veya iki harf okuyabilen daha güçlü bir  
makine tasarladığımızı varsayalım.

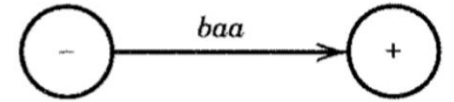


# rahatlatıcı kısıtlama girişler

- FA'ların bir varyasyonu
  - Biz terk ederiz  
kenarların bir seferde  
yalnızca bir harf yemesi gerekliliği
- Eğer bir şeyle ilgileniyorsanız  
sadece baa kelimesini kabul eden  
makine
  - Neden bir seferde sadece iki harf  
okuyasınız?



or even



# Girdilerdeki Kısıtlamayı Gevşetmek

- Resmi FA benzeri bir makine olarak yorumlayın

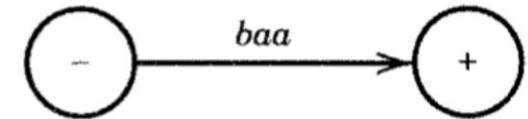
- baa son duruma geç • Diğer tüm giriş dizileri hiçbir yerde bitmez

- Eksi durumundan başlarsak ve girişin ilk harfi a ise

- Ne yapacağımız konusunda yönergemiz yok

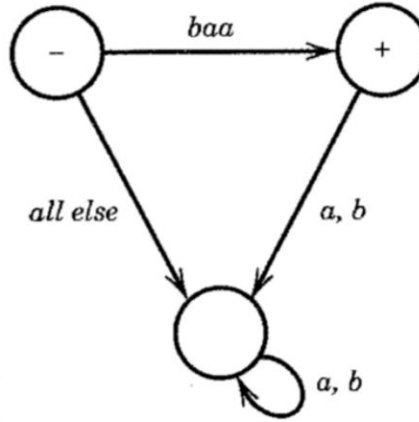
- Giriş baabb ise

- İlk üç harf bizi kabul durumuna götürür • Girilen harflerin devamını ne zaman okuruz? • FA kurallarına göre, giriş dizisi tamamen bitene kadar giriş harflerini okumayı durduramayız.

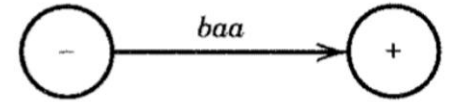


## Çöp tenekesi durumu

- İzin verilen kenar geçişlerinden herhangi birini yapamadığımızda
  - Bir çöp kutusunun şunu belirttiğini varsayıyoruz: gitmeliyiz
- İki resmi eşdeğer kabul ediyoruz •  
Tamamen aynı dili kabul ediyorlar



or even



## Çöp tenekesi durumu

- Bir girdi bir makinede çalışırken ve henüz tam olarak okunmamış olsa bile kaçamayacağı bir duruma geldiğinde ne olduğunu açıklamak için yeni bir terim sunuyoruz.
- Tamamen okunmamış bir giriş dizisi, takip edebileceği bir çıkış kenarı olmadığı için ayrılamayacağı bir duruma (nihai veya başka türlü) ulaştığında • Girişin (veya makinenin) bu durumda kilitlendiğini söylüyoruz • Yürütme sonlandırılıyor • Giriş reddedildi

## FA'lar ve Çökmeler

- Herhangi bir girişin çökmesi mümkün değildir.
  - Çünkü her durumda her zaman bir giden a-kenar ve bir giden b kenar vardır.
  - Okunmamış mektuplar kaldığı sürece ilerleme mümkündür

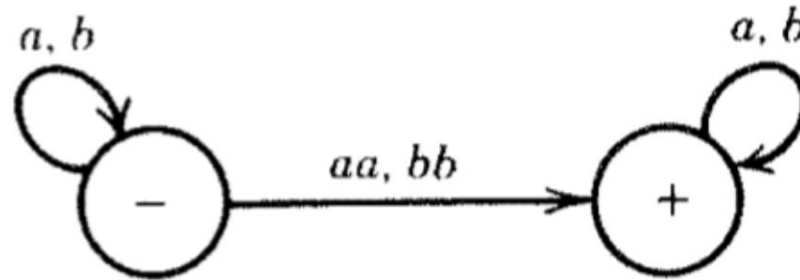
## TG'ler ve Reddedilenler

- Bir girişi reddetmenin iki farklı yolu vardır • Son olmayan bir durumu sonlandıran bir yol izleyin • İşlenirken kilitlenme



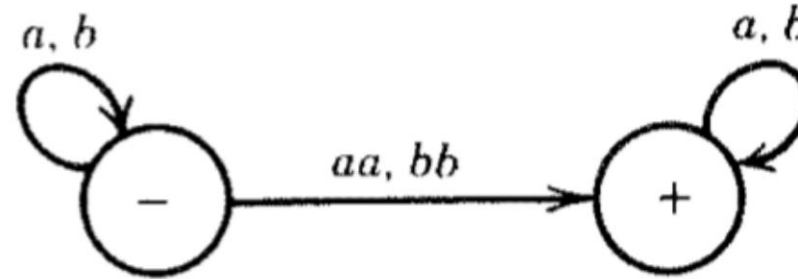
# Alınacak Kararlar

- Aynı anda bir veya iki harf okuyabilen bir makine varsayalım .  
zaman
  - Çift harf içerebilen tüm kelimeleri tanır



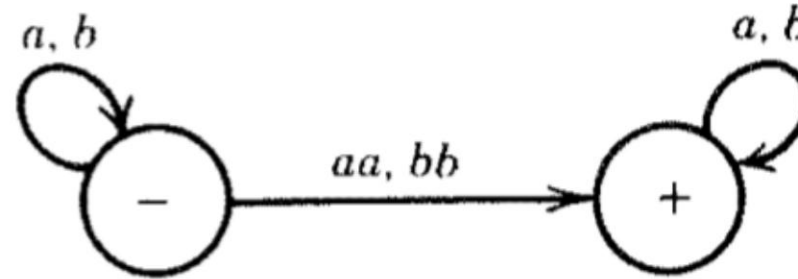
- Bu makinede temel bir kuralı değiştirdik
  - Giriş dizisinden kaç harf okuyacağımıza karar vermeliyiz.  
her seferinde

# Alınacak Kararlar



- Giriş dizisinin baa olduğunu varsayalım
  - Bu dizinin nasıl kabul edildiğini görmek kolaydır: (b)(aa)
  - Okunursa aynı diziye reddederiz (b)(a)(a) • Ya (ba) okursak )(a)? makine çöküyor
  - Bu durum daha önce sahip olduğumuzdan tamamen farklı
    - Yollardan biri kabule , diğeri reddedilmeye götürür
- giriş
-

# Alınacak Kararlar



- Bu giriş dizisi, bu makinenin dilinin bir parçası mı yoksa

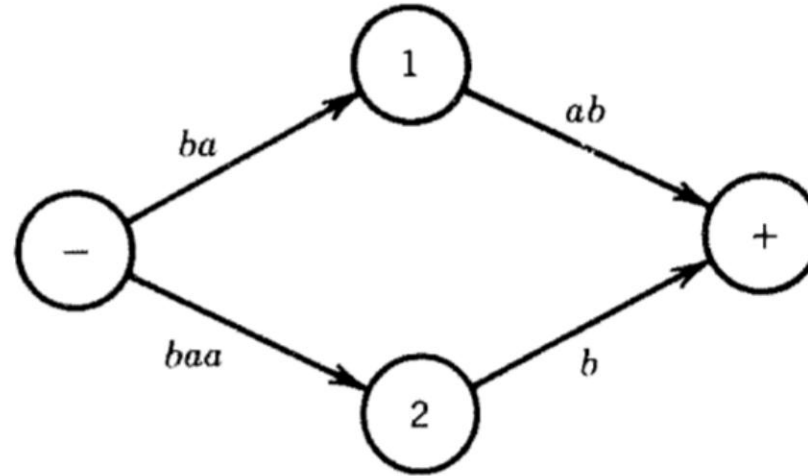
olumsuzluk?

- Makine operatörünün zekasına bağlı olamaz • Mutlak bir evet veya hayır olmalıdır • Aksi takdirde, dil iyi tanımlanmamıştır
-

# Soyut Makinenin Tanımını Değiştirin

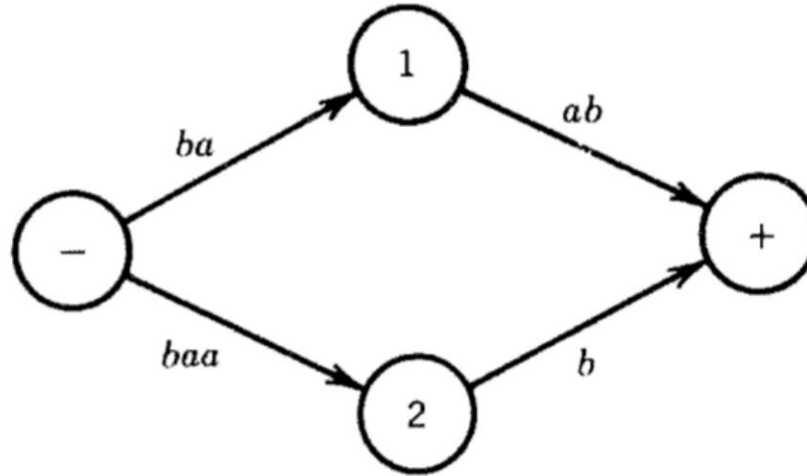
- Özetin tanımını değiştireceksek makine
  - Birden fazla harfin aynı anda okunmasını sağlamak için • Kabul tanımını da değiştirmeliyiz
- Bir dizgenin, son duruma gelmesi için işlenebilmesinin bir yolu varsa, makine tarafından kabul edildiğini söyleyeceğiz.
  - Bu dizgenin nihai duruma gelmediği durumlar da olabilir, ancak tüm hataları yok sayarız.

# Soyut Makinenin Tanımını Değiştirin



- Aşağıdaki makineleri tasarlamak üzereyiz:
  - resimdeki herhangi bir kenar, herhangi bir alfabe harfi dizisiyle etiketlenebilir
- Bazı ek sonuçları dikkate almalıyız • Aşağıdaki sorunla karşılaşabiliriz..

# Soyut Makinenin Tanımını Değiştirin



- Baab'ı iki farklı şekilde kabul edebiliriz •  $(baa)(b)$  •  $(ba)(ab)$
- FA'larda, her giriş dizisi için benzersiz bir yolumuz vardı
  - Artık bazı dizgilerin hiç yolu yokken, bazılarının birden fazla yolu vardır.

# Geçiş Grafikleri

- “Makine” tanımını aynı anda birden fazla girdi harfinin okunmasına izin verecek şekilde genişlettiğimizde pek çok zorluk gözlemledik • FA tanımını bırakıyoruz
- Bu yeni makinelere geçiş grafikleri diyoruz

# Geçiş Grafiklerinin Tanımı

- TG, üç şeyin bir koleksiyonudur 1.  
En az biri en az biri olarak belirlenmiş sonlu bir durumlar kümesi  
başlangıç durumu (-) ve bazıları (belki hiçbiri) nihai durumlar (+) olarak belirlenir
- 2. Giriş dizilerinin oluşturulduğu olası giriş harflerinden oluşan bir  $\Sigma$  alfabesi oluşur
- 3. Giriş harflerinin belirtilen alt dizilerini okumaya dayalı olarak bazı durumlardan diğerlerine nasıl geçileceğini gösteren sonlu bir geçişler seti (kenar etiketleri) (boş dize  $\Lambda$  bile mümkündür)

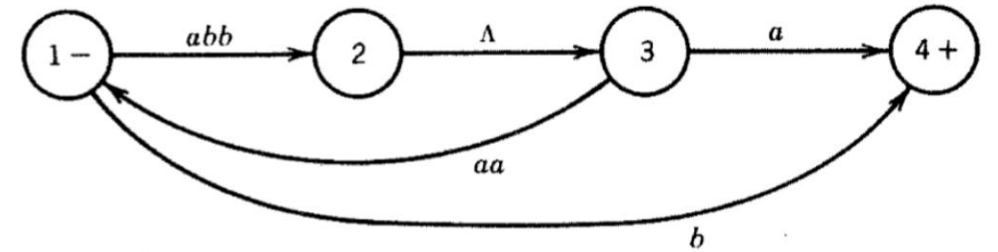


# Geçiş Grafikleri

- Bazı eyaletlerin hiç avantajı olmayabilir ve bazılarının binlercesi olabilir (a, aa, aaa, aaaa, ...)
- Geçiş grafikleri 1957'de icat edildi • Geçiş grafiğinde başarılı bir yol , bir başlangıç durumunda başlayan (birkaç tane olabilir) ve son durumda biten bir yol oluşturan bir dizi kenardır.

# Geçiş Grafikleri

- Bu makine tarafından kabul edilen bir sözcük üretmek için yoldaki kenar etiketlerini birleştirin •  $(abb)(\Lambda)(aa)(b)$ : abbaab
- $\Lambda$  bedava yolculuk anlamına gelir
  - Harf tüketmeden • Takip etmemize gerek yok
  - o kenar ama istersek yapabiliriz

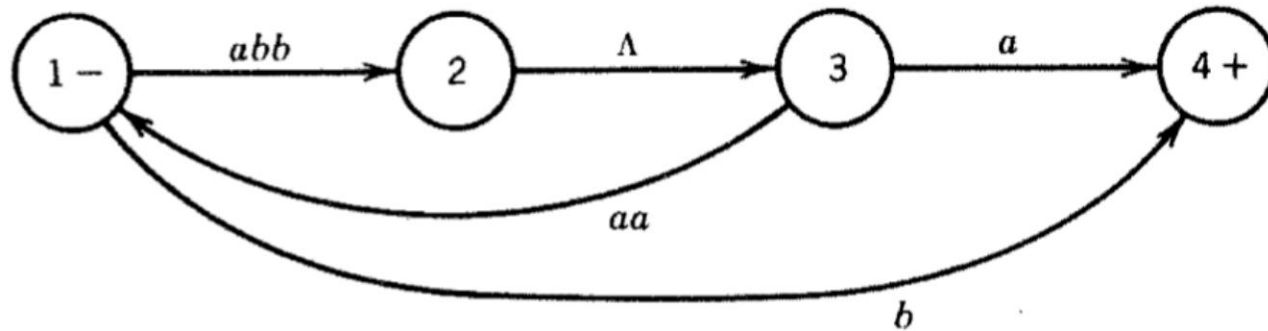


# Geçiş Grafikleri

- Belirli bir TG'de çalışacak belirli bir a'lar ve b'ler dizisi sunulursa • Sözcüğü alt dizilere nasıl ayıracağımıza karar vermeliyiz.

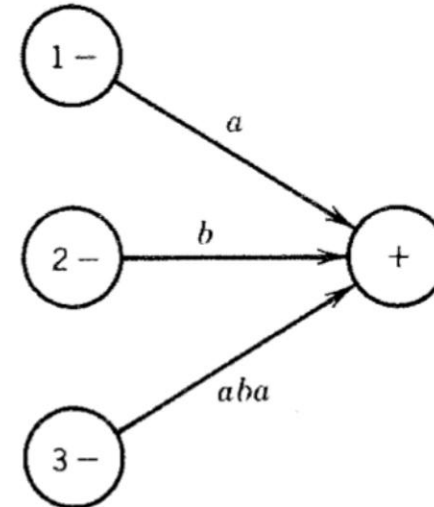
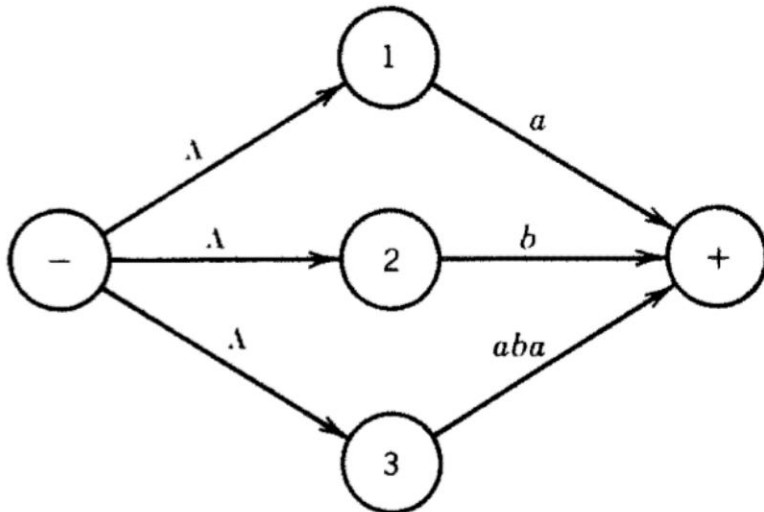
bir yoldaki kenarların etiketlerine karşılık

gelir • Aşağıdaki makinede abbab giriş dizesini göz önünde bulundurun

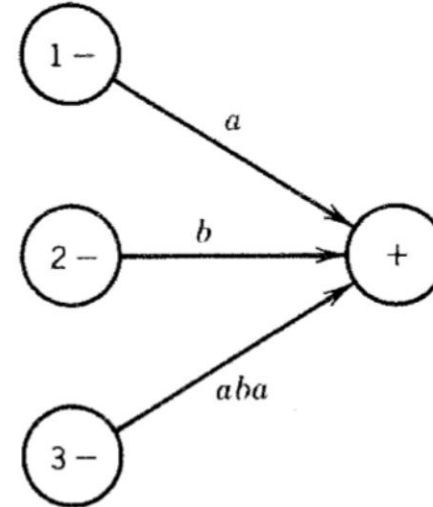
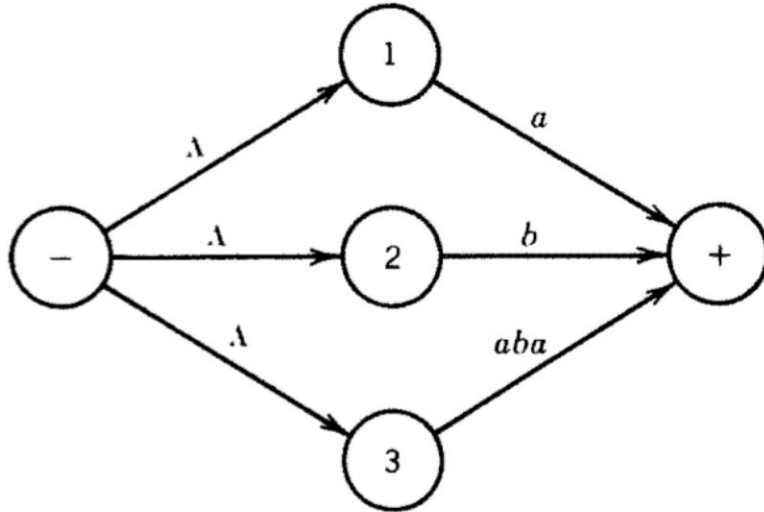


# Geçiş Grafikleri

- Birden fazla başlangıç durumu olasılığı? • Bazı kenarların serbestçe geçilmesine izin verirsek ( $\Lambda$ )
  - Her zaman daha fazla başlangıç durumu sunabilir ve bunları  $\Lambda$  etiketli kenarlarla orijinal başlangıç durumuna bağlayabiliriz.



# Geçiş Grafikleri



- İlk tarafından kabul edilen tüm diziler, birinci tarafından kabul edilir. ikinci ve tersi
- Sahip oldukları durum sayısı gibi farklılıklara rağmen eşdeğerdirler.

## TG'ler ve FA'lar

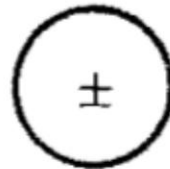
- Her FA aynı zamanda bir TG'dir • Her TG, FA tanımını karşılamaz

# Örnek

- Hiçbir şeyi kabul etmeyen bir TG,  $\Lambda$  boş dizisini bile



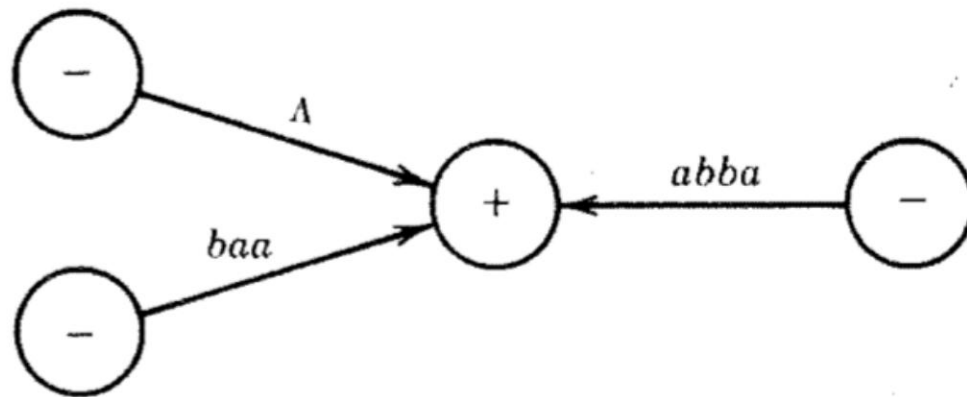
- Herhangi bir şeyi kabul edebilmek için nihai bir duruma sahip olması gerekir.



- Bu makine yalnızca  $\Lambda$  dizisini kabul eder.

# Örnek

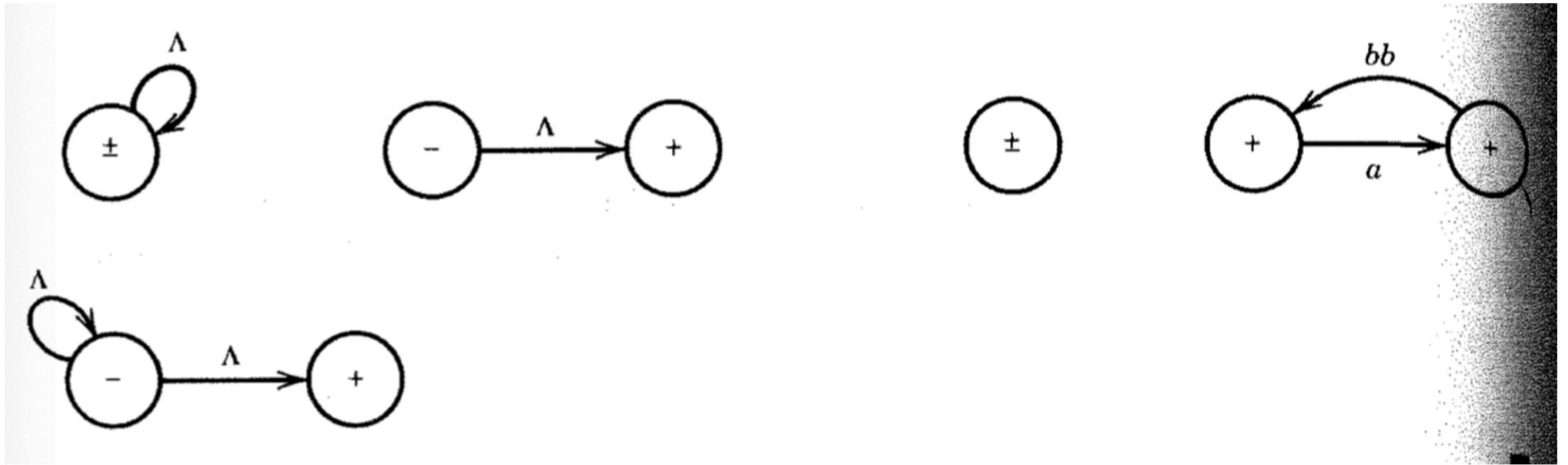
- Bazı başlangıç durumlarının aynı zamanda son durum olduğu herhangi bir TG her zaman  $\Lambda$  dizesini kabul edecektir.
  - Bu aynı zamanda Fas için de geçerlidir.
- $\Lambda$  kelimesini kabul eden başka TG'ler de vardır.
  - Anne ve babayı da kabul eder





# Örnek

- Aşağıdaki TG'ler yalnızca  $\Lambda$ 'yi kabul eder



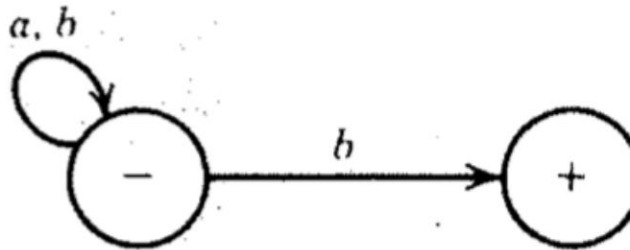
# Örnek

- Girilen tüm harfleri birer birer okuyabilir ve sol tarafta kalabiliriz

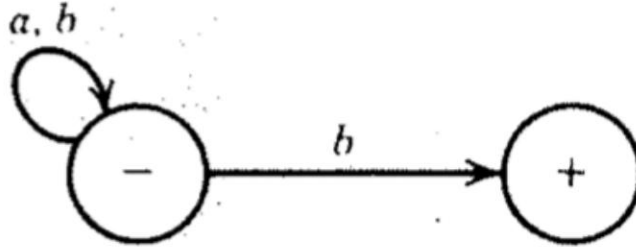
- a b'yi – durumunda okuduğumuz zaman , iki kenar vardır.  
takip et

- Son harf a b ise + durumuna geçmek için kullanabiliriz • Doğru durumda

başka bir harf okumaya çalışırsak çarparız

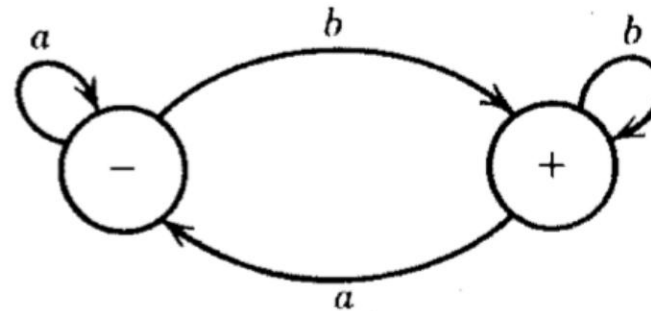


# Örnek

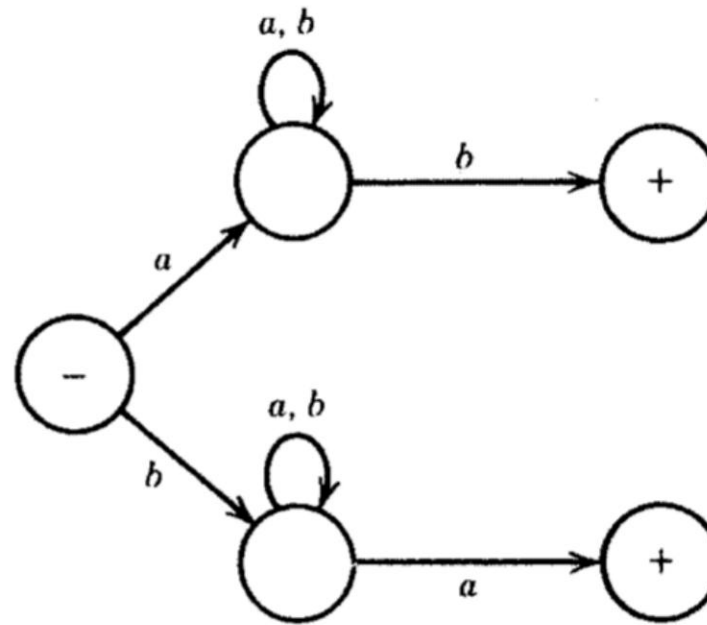


- b ile biten tüm sözcükler bir şekilde kabul edilebilir • Bu TG tarafından kabul edilen dil, b ile biten tüm sözcüklerdir
- Bu dil için bir normal ifade:  $(a + b)^*b$

- Aynı dili kabul eden bir FA:

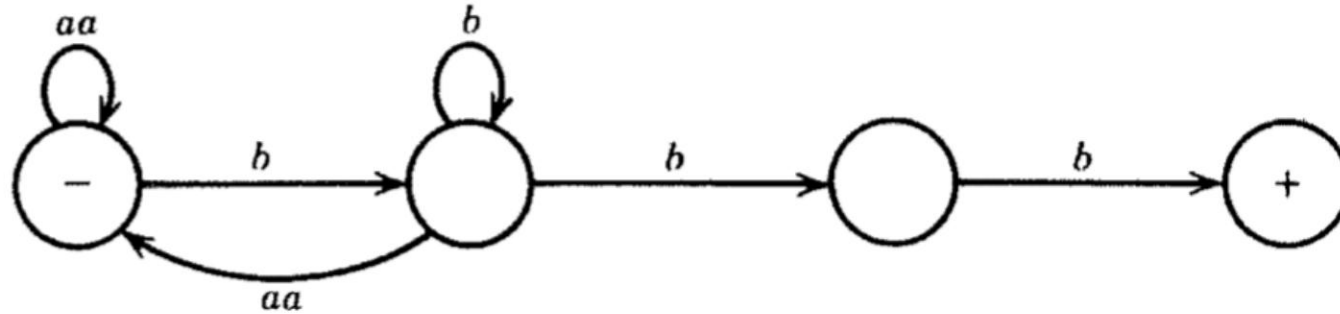


# Örnek



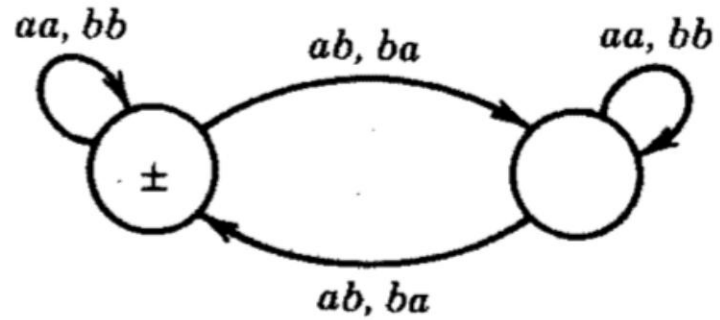
- Farklı harflerle başlayan ve biten tüm kelimelerin dili

# Örnek



- a'ların yalnızca çift kümelerde geçtiği ve üç veya daha fazla b ile biten tüm kelimelerin dili

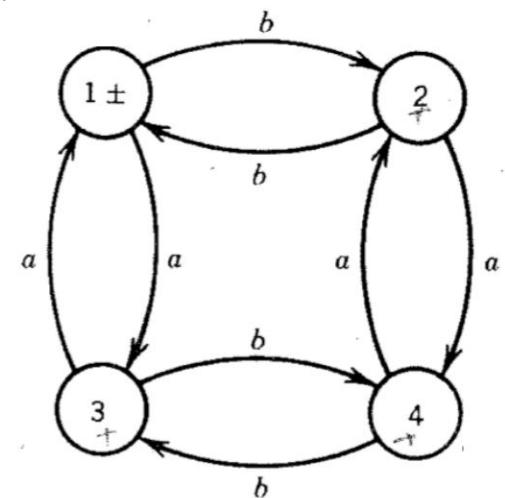
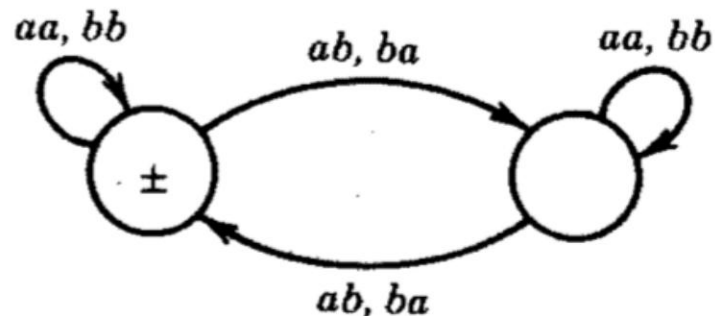
# Örnek



- EVEN-EVEN: Çift olan tüm kelimelerin dili  
a'ların sayısı ve çift sayıda b'ler

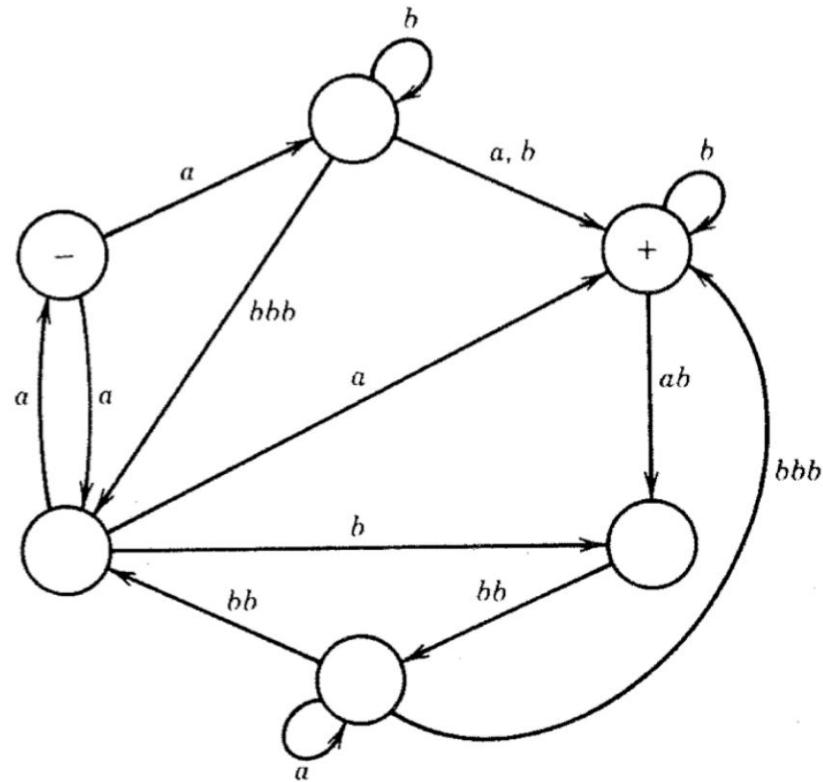
## Çift-Çift: TG - FA - RE

- Bu dilin tanımlarının üç örneğini inceledik
  - TG en anlaşılır olanıdır • TG'lerle ilgili pratik bir sorun mu var? Pek çok olası yol giriş dizesinin harflerini gruplandırma. Verilen dizgenin kabul edilip edilmeyeceğine karar vermek daha karmaşıktır.
- $[aa + bb + (ab + ba)(aa + bb)^*(ab + ba)]^*$



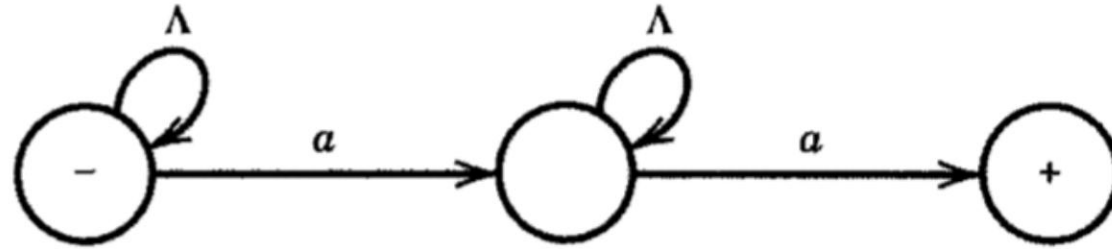
# Örnek

- abbbabbabbabba kelimesi bu makine tarafından kabul ediliyor mu?





# Örnek



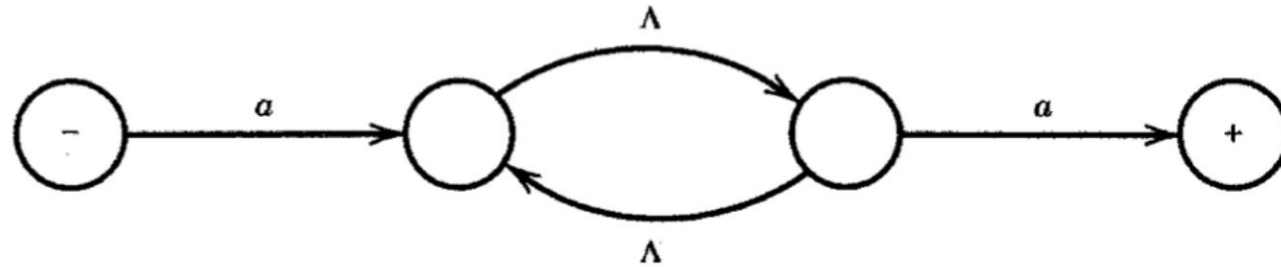
- Bu makine tarafından kabul edilen tek kelime, tek kelimedir.  
aa
  - Ancak sonsuz sayıda farklı yolla kabul edilebilir •  $\Lambda$ -ilmek kenarları hayatı zorlaştırabilir
  - $\Lambda$ -döngülerini kırptığımızda, grafik hala bir TG'dir ve aynı girdi dizisi setini kabul eder.
  - Neden en başta  $\Lambda$ -döngülerine izin verdik?

## $\Lambda$ Döngüler

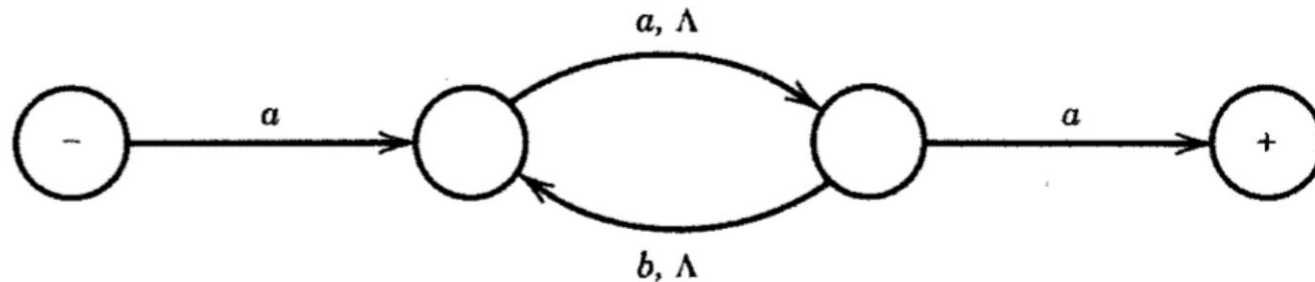
- Tanım,  $\Lambda$ -döngüleri ile basit ve evrenseldir • Herhangi bir kenar, herhangi bir yerde, herhangi bir etiketle
- Bölüm 7'de  $\Lambda$ -kenarların hiçbir zaman gerekli olmadığını göreceğiz.  
hiç
  - $\Lambda$ -kenarlı bir TG tarafından kabul edilebilecek herhangi bir dil  $\Lambda$ -kenarları olmayan bazı farklı TG'ler tarafından kabul edilebilir

## $\Lambda$ Döngüler

- $\Lambda$ -döngüsünün nasıl ortadan kaldırılacağı açıktır.



- Ancak bu makinede herhangi bir  $\Lambda$  seçeneği silinirse ortaya çıkan dil değişir



# Genelleştirilmiş Geçiş Grafiği (GTG)

- GTG üç şeyden oluşan bir koleksiyondur

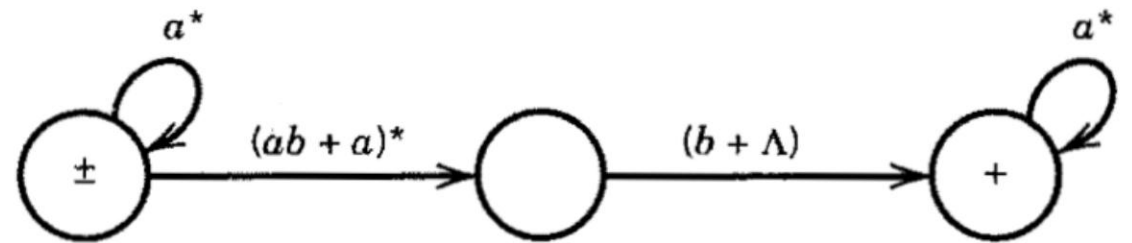
1. En az birinin başlangıç durumu olduğu sonlu bir durumlar kümesi ve bazıları (belki hiçbiri) nihai durumlardır

2. Giriş harflerinden oluşan bir  $\Sigma$  alfabesi
- 3.

Her biri düzenli bir ifadeyle etiketlenmiş bazı durum çiftlerini birleştiren yönlendirilmiş kenarlar

# Örnek

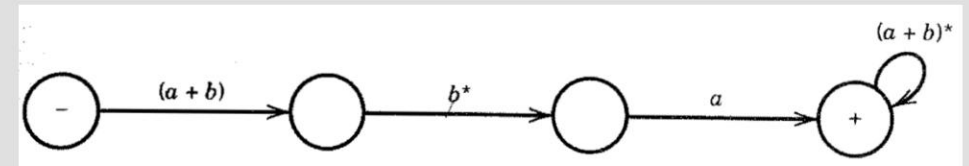
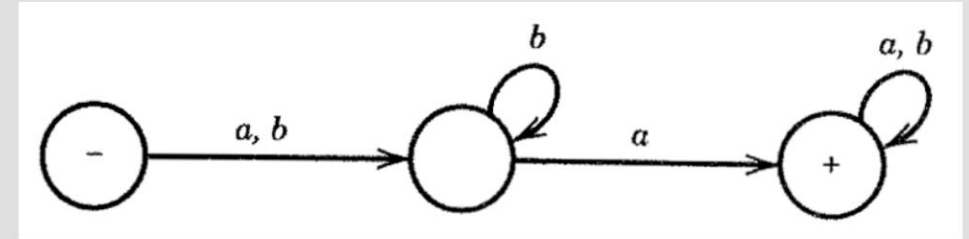
- Çift b olmadan tüm dizileri kabul eden makine



Kleene Star vs.

Döngü

Ortada döngü olmaması için  $b^*$   
'den  $\Lambda$ 'yi seçin



# Belirsizlik

- Makinedeki nihai yol, yalnızca girdi tarafından belirlenmez.
- Yolun seçilmesinde insan tercihi bir faktör haline gelir •  
Bu makine  
kararsız
- Makine tüm belirlemeleri kendi yapmaz

