

Biçimsel Diller ve Otomata Teorisi

Sunu I

İZZET FATİH ŞENTÜRK



Diller

- İngilizce: Harfler, kelimeler, cümleler • Harfler grubu → Sözcükler • Kelime grubu → Cümleler • Cümle grubu → Paragraflar → Hikayeler ..
- İnsanlar (çoğunlukla) hangi dizilerin geçerli olduğu konusunda hemfikirdir ve Bunlar değil. Nasıl?

Bilgisayar dili

- Belirli karakter dizileri tanınabilir sözcüklerdir (DO, IF, END, ..)
- Belirli dizeler -> komutlar
- Belirli komut setleri -> program (verilerle/verilerle ve derlenebilen)

Dil Yapısı

- Tüm bu örnekleri birleştiren genel bir teori oluşturmak
 - Bir dil yapısının tanımını benimseyin
 - Belirli bir birim dizisinin geçerli bir daha büyük sayı oluşturup oluşturmadığına karar
birim
 - Tahmin meselesi değil
 - Açıkça belirtilen kurallara dayanarak

Amaç

- Bir girişin geçerli bir iletişim olup olmadığını tanımak için kurallar belirleyin
- İletişimin ne anlama geldiğiyle ilgilenmiyoruz
- Programın derlenmesi önemlidir.
- Programcının amaçladığı şeyi yapıp yapmadığıyla ilgilenmiyoruz
- Derlenirse, dilde geçerli bir örnektir.

Resmi Kurallar

- Konuşulan dilin tüm kurallarını belirtmek çok zor • Argo, deyim, lehçe, şiirsel metafor vb.
- Resmi dillerin genel bir teorisini tanımlamak • Kesin kurallar üzerinde ısrar etmek • Bilgisayarlar kusurlu komutları affetmezler

Resmi Kurallar

- Resmi: Dilin tüm kuralları açıkça belirtilmiştir (hangi sembol dizileri olabilir)
 - Hiçbir özgürlüğe müsamaha gösterilmez
 - Herhangi bir derin anlayışa atıfta bulunulmasına gerek yoktur
- Dil
 - Fikirlerin ifadesi değil kağıt üzerindeki semboller
 - Akıllar arasındaki iletişim değil, bir sembol oyunudur.
resmi kurallar

Alfabe

- Oluşturmak için sınırlı bir temel birimler kümesiyle başlıyoruz yapılar
- Alfabeden -> dilden belirli bir dizi karakter dizisi
- Dilde izin verilen dizeler -> kelimeler
- Alfabedeki sembollerin Latin harfleri olması gerekmez
- Olası bir dize için yalnızca evrensel gereksinim: yalnızca sonlu sayıda simge içerir

Boş/Boş Dize

- Bir dizede harf olmamasına izin vermek istiyoruz: boş/boş dize
- Şununla ifade edin: Λ (Yunan başkenti lambda)
- Boş dize her zaman Λ 'dir (hangi alfabe kullanılırsa kullanılsın) • Boş sözcük her zaman Λ 'dir (eğer dilde bir kelimeyse)

Kelimeleri Karşılaştırma

- Aşağıdaki durumlarda iki kelime aynı kabul edilir.
 - tüm harfleri aynı • Tüm harfleri aynı sırada
- Harfsiz tek bir olası sözcük vardır: Λ • Açıklık açısından, genellikle Λ sembolünün herhangi bir dil için alfabenin parçası olmasına izin vermeyiz.

Sözsüz Dil

- Arasındaki önemli fark.. • Harfi olmayan kelime • Λ
 - Kelime içermeyen dil (φ – (küçük Yunan harfi phi))
- Λ 'nin φ 'nin bir parçası olduğu doğru değil, φ 'de kelime yok • L bir dil Λ içermiyorsa, onu ekleyebiliriz: $L + \{\Lambda\}$
 - $L + \{\Lambda\}$
 - $L + \varphi = L$

Sözsüz Dil

- φ 'nin kelime içermeyen bir dil olması önemli bir ayrımdır.
- Bir dil üretmek için bir “yöntemimiz” olduğunda • Yöntem başarısız olabilir ve hiçbir şey üretemez veya.. • Yöntem dili başarıyla üretir φ

Alfabeyi Tanımlamak

- $\Sigma = \{abcde \dots z\}$
- Öğeleri ayırmak için boşluk veya virgül kullanabiliriz

Geçerli Kelimeleri Belirtme

- Tüm geçerli kelimeleri bir sözlükte olduğu gibi listeleyebiliriz
 - Uzun liste ama sınırlı!
- WORDS = {standart bir sözlükteki tüm kelimeler}
- Bir dili sonsuz bir sözlükle tanımlama olanağına izin vermiyoruz

Geçerli Bir Cümle Oluşturun

- Sonlu bir dildeki (İngilizce vb.) tüm kelimeleri bilmek, geçerli bir cümle oluşturma yeteneği anlamına gelmez.
- Yeni bir alfabe tanımlayın Γ (büyük gama)
- $\Gamma = \{\text{standart bir sözlükteki girişler, artı bir boşluk artı noktalama işaretleri}\}$
- Tüm geçerli İngilizcelerin tam bir listesini asla üretemeyiz cümleler
 - Γ' 'de sonsuz sayıda kelime (Bir elma, iki elma, üç... yedim)
 - Sonsuz bir dilin sonlu tanımı!

Dilbilgisi Kuralları ve Anlamı

• Sadece Γ gramer kurallarına uyarak. • Üç

Salı yedim • Γ 'de geçerli bir kelime • Bu
dizgeye izin vermeliyiz • Dilbilgisi
açısından doğru • Anlam saçma

• Yalnızca sözdizimiyle ilgileniyoruz, anlambilim yok!

Geçerli Kelimeleri Belirtmek Zor Olabilir

- MY-PET dili
- Alfabe {acdgot}
- Bu dilde sadece bir kelime var
 - Dünya ve Ay çarpışırsa, MY-PET = {cat}
 - Dünya ve Ay asla çarpışmazsa, MY-PET = {dog}
- Kesin değil. Dilin yeterli bir özelliği değil.
Kurallar, bir kelimenin dilin bir parçası olup olmadığına sonlu bir süre içinde karar vermemizi sağlamalıdır.

Dilleri Tanımlama

- Dil tanımlayan kurallar seti iki tür olabilir
 - Bir dizgenin geçerli bir sözcük olup olmadığını nasıl test edeceğimizi bize söyleyebilirler.
 - Dildeki tüm kelimeleri nasıl oluşturacağımızı bize söyleyebilirler.
- $\Sigma = \{x\}$ Tek harfli bir alfabe: x
- L_1 'i Tanımla: Boş olmayan herhangi bir alfabe karakter dizisi, bir kelime
 - $L_1 = \{x \ xx \ xxx \ xxxx \ \dots\}$ alternatif olarak $L_1 = \{x^n \text{ for } n = 1 \ 2 \ 3 \ \dots\}$

Dilleri Tanımlama - Birleştirme

- Birleştirme işlemini tanımlıyoruz
 - Yeni bir dize oluşturmak için yan yana yazılan iki dize •
xxx ve xx'i birleştirdiğimizde kelimeyi elde ederiz
xxxxx
- Eklemeye benzer • xm
ile birleştirilmiş $xn : xn+m$
- Alfabe dışındaki yeni sembolleri kullanmak daha uygun • xxx a, xx
b ve xxxxx ab'dir

tanımlama

Diller -

birleştirme

- İki kelime birleştirildiğinde, dilde başka bir kelime ürettikleri her zaman doğru değildir.
- $a = xxx$ ve $b = xxxxx$ L_2 'deki kelimelerdir ancak ab değil
- Örneklerde $ab=ba$ ama bu her zaman böyle değildir!

$$\begin{aligned} L_2 &= \{x \quad xxx \quad xxxxx \quad xxxxxxxx \dots\} \\ &= \{x^{\text{odd}}\} \\ &= \{x^{2n+1} \mid \text{for } n = 0 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \dots\} \end{aligned}$$

Dilleri Tanımlama

- $\Sigma = \{0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9\}$
- $L_3 = \{\text{sıfır harfiyle başlamayan herhangi bir sonlu alfabe harfi dizisi}\}$
- L_3 , 10 tabanındaki tüm pozitif tam sayıların kümesine benziyor.
- $L_3 = \{1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9\ 10\ 11\ 12\ \dots\}$
- 0 kelimesini içeren L_3 'ü tanımlamak istersek
- $L_3 = \{0\ \text{ile başlıyorsa, ilk harften sonra başka harf içermeyen herhangi bir sonlu alfabe harfi dizisi}\}$

Uzunluk Fonksiyonu

- Bir dizgenin fonksiyon uzunluğunu, dizgideki harf sayısı olarak tanımlarız • Eğer $a = \text{xxxx}$ ise, $\text{uzunluk}(a) = 4$ • Eğer $c = 428$ ise, $\text{uzunluk}(c) = 3$ • $\text{uzunluk}(\text{xxxxxx}) = 6$ • $\text{uzunluk}(\Lambda) = 0$ • Herhangi bir dilde herhangi bir w kelimesi için, $\text{uzunluk}(w) = 0$ ise, $w = \Lambda$

Aynı Dil için Çoklu Tanımlar

- $L_3 = \{0 \text{ ile başlayan, ilk harften sonra başka harf içermeyen herhangi bir sonlu alfabe harfi dizisi}\}$
- L_3 'ün bir tanımı daha
- $L_3 = \{\text{uzunluğu } 1 \text{'den büyükse } 0 \text{ ile başlamayan herhangi bir sonlu alfabe harfi dizisi}\}$
- L_3 'ün daha iyi bir tanımı olması gerekmez, ancak aynı dili belirtmenin genellikle farklı yolları olduğunu gösterir.

Λ hakkında daha fazlası

- “Herhangi bir sonlu dizide” belirsizlik •
 Λ 'nin $L3$ 'ün parçası olup olmadığı net değil
- $L3$ Λ içermez • $L3$ 'ün tamsayılar
gibi görünmesini istiyoruz • Rakamsız
tamsayı yoktur
- $L4 = \{\Lambda x xx xxx xxxx \dots\}$, $L4 = \{x_n \text{ for } n = 0 1 2 3 \dots\}$ tanımlarız • $X0 = \Lambda$, albegra'daki
gibi $X0 = 1$ değil (x_n , n x'lerdir)

Ters Fonksiyon

- Ters fonksiyonu tanımlıyoruz. a , L dilinde bir kelimeyse, $\text{ters}(a)$ geriye doğru yazılan aynı harf dizisidir.
 - Geriye doğru dize L' 'de bir kelime olmayabilir
- $\text{ters}(xxx) = xxx$
- $\text{ters}(145) = 541$
- $\text{ters}(140) = 041 \rightarrow 140$, L_3 'te bir kelimedir, ancak 041 değildir!

palindrom

- Alfabeti üzerinde PALINDROME adında yeni bir dil tanımlıyoruz
 $\Sigma = \{ab\}$
- PALINDROME = $\{\Lambda$ ve tüm x dizileri $\text{ters}(x) = x\}$ olacak şekilde
- PALINDROME = $\{\Lambda$ ab aa bb aaa baba bbb aaaa baba ...}

Kleene Kapatma

- Σ alfabesi verildiğinde, Σ 'den gelen herhangi bir harf dizisinin bir kelime olduğu, hatta boş karakter dizisi bile olduğu bir dil tanımlamak istiyoruz. Bu dile alfabenin kapanışı denir.

S^*

- $\Sigma = \{x\}$ ise $\Sigma^* = L4 = \{\Sigma x xx xxx \dots\}$
- $\Sigma = \{0 1\}$ ise $\Sigma^* = \{\wedge 0 1 00 01 10 11 000 001\dots\}$
- $\Sigma = \{abc\}$ ise $\Sigma^* = \{\wedge abc aa ab ac ba bb bc ca cb cc aaa \dots\}$

Kleene Kapatma

- Kleene yıldızı, bir alfabeden sonsuz bir harf dili oluşturan bir işlemdir.
- Sonsuz dil \rightarrow her biri sonlu uzunlukta sonsuz sayıda kelime

sözlük düzeni

- $\Sigma^* = \{\Lambda abc aa ab ac ba bb bc ca cb cc aaa \dots\}$
- Dilde ilk birkaç kelimeyi yazdığımızda, onları büyüklük sırasına (uzunluk) koyarız ve sonra aynı uzunluktaki tüm kelimeleri alfabetik olarak sıralarız.
- Bu sıralamaya sözlük sıralaması denir
- Sözlükte aardvark kelimesi kediden önce gelir. Sözlükbilimsel sıralamada ise durum tam tersidir.
- Alfabetik olarak sıralansaydı, liste $\{\Lambda a aa aaa aaaa \dots\}$ ile başlardı ve dilin gerçek doğası hakkında bilgi vermezdi.

Kelimelerde Yıldız Operasyonu

- Yıldız operatörünün kullanımını sadece alfbedeki harf kümelerine değil, kelime kümelerine de genelleyebiliriz.
- S bir sözcük kümesiye, o zaman S^* , S 'den sözcüklerin birleştirilmesiyle oluşturulan tüm sonlu dizelerin kümesidir, burada herhangi bir sözcük istediğimiz sıklıkta oluşturulabilir, burada boş dize de dahildir

Kelimelerde Yıldız Operasyonu

- $S = \{aa\ b\}$ ise
- $S^* = \{\wedge \text{ artı } aa \text{ ve } b \text{ faktörlerinden oluşan herhangi bir kelime}\}$
- $S^* = \{\wedge \text{ artı } a\text{'ların çift kümeler halinde gerçekleştiği tüm } a \text{ ve } b \text{ dizileri}\}$
- $S^* = \{\wedge\ b\ aa\ bb\ aab\ bbb\ aaaa\ aab\ bbbb\ bbbbbb\ ...\}$
- a 'nın uzunluğu 3 olan bir kümeye sahip olduğu için $aabaaab$ S^* değildir

Kelimelerde Yıldız Operasyonu

- O zaman $S = \{a ab\}$ olsun
- $S^* = \{\Lambda \text{ artı } a \text{ ve } ab \text{ faktörlerinden oluşan herhangi bir kelime}\}$
- $S^* = \{\Lambda \text{ artı } b \text{ ile başlayanlar ve çift } b \text{ içerenler hariç tüm } a \text{ ve } b \text{ dizileri}\}$
- $S^* = \{\Lambda a aa ab aaa aab aba aaaa aaab aaba abaa abab aaaaa aaaab aaaba aabaa aabab abaaaa abaab ababa...\}$
- Çift b , bb anlamına gelir. S^* 'deki her kelime için her b 'nin hemen solunda bir a olmalıdır. bb ab ile başladığı için imkansız

Kelimelerde Yıldız Operasyonu

- Belirli bir kelimenin S^* 'de olduğunu kanıtlamak için, temel kümeden kelimelerin bir dizilimi olarak nasıl yazılabileceğini göstermeliyiz.
 S
- Son örnekte, $abaab$ S^* 'dedir, şu şekilde çarpanlarına ayırabiliriz: $(ab)(a)(ab)$
- Bu üç faktörün tümü S 'dedir, bu nedenle sıralanmaları S^* 'dedir*
- Bu örnek için faktoring benzersizdir. bazen öyle

Benzersiz olmayan Faktoring

- $S = \{xx\ xxx\}$ •

$S^* = \{\wedge \text{ ve birden fazla } x\text{'in tüm dizeleri}\}$ • $S^* = \{x^n \text{ for}$

$n = 0\ 2\ 3\ 4\ 5\ ...\}$ • $S^* = \{\wedge\ xx\ xxx\ xxxx\ xxxxx\ xxxxxx\ ...\}$

- x 'in S^* 'de olmadığına dikkat edin

- xxxxxx, (xx)(xx)(xxx) veya (xx)(xxx)(xx) veya (xxx)

(xx)(xx)'den herhangi biri nedeniyle S^* 'dedir

Ayrıca x^6 , $x^2x^2x^2$ veya x^3x^3 'tür

Son Açıklamalar

- İki kümenin Kleene kapanışı, başladığımız iki küme birbirinden farklı olsa bile aynı dil olabilir.
- $S = \{ab\}^*$ ve $T = \{ab\}^*$
- Hem S^* hem de T^* , a 'nın ve b 'nin tüm dizelerinin dilleridir ve herhangi bir a ve b dizesi (a) veya (b) hecelerine ayrılabilir, her ikisi de S ve T 'dedir

Son Açıklamalar

- Kapatma kavramını sadece bir S kümesindeki sıfır olmayan dizelerin birleştirilmesine atıfta bulunacak şekilde değiştirmek istersek, $*$ yerine $+$ notasyonunu kullanırız.
- $\Sigma = \{x\}$ ise, o zaman $\Sigma^+ = \{x \ xx \ xxx \ \dots\}$
- S , Λ içermeyen bir dizi diziye, o zaman S^+ , Λ sözcüğü olmayan S^* dilidir.
- S , Λ içermeyen bir dilse, $S^+ = S^*$
- Artı işlemine bazen pozitif kapatma denir