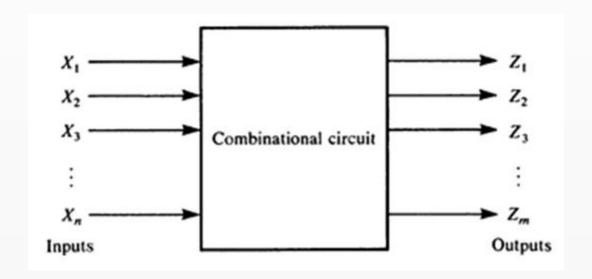
9. HAFTA

BÖLÜM 8: BİRLEŞİK MANTIK DEVRELERİ (COMBINATIONAL LOGIC)

Birleşik mantık devreler<mark>i mantık devrelerinin temelini oluşturmaktadır</mark>. Birleşik mantık devrelerinde çeşitli giriş ve çıkışlar bulunmakta ve bunlar mantık kap<mark>ıları yardımı</mark> ile bağlanmaktadır. Birleşik devrelerde çı<mark>kış girişin d</mark>oğrudan fonksiyonudur. Yani herhangi bir gecikme veya hafıza elemanı bulunmamaktadır.



Birleşik mantık devrelerinin bir çok uygulama alanı olmasına rağmen genel olara<mark>k 4 ba</mark>şlıkta toplanabilir.

1. Karşılaştırma ve aritmetik işlemler ile ilgili devreler:

Karşılaştırıcı (comparator), toplayıcı (adder), çıkartıcı (substractor), çarpıcı (multiplier)

2. Kodlama ile ilgili devreler:

Kodlayıcılar (encoders), Kod çözücüler (decoders), kod çeviriciler (code converters)

- 3. Çoklayıcı, veri seçici devreler (multiplexers, data selectors)
- 4. Azlayıcı, veri dağıtıcı devreler (demultiplexers, data distributors)

Birleşik Mantık Devresinin Tasarım Esasları:

Birleşik mantık devresinin tasarımında aşağıdaki işlem basamakları takip edilir.

- 1. Problem belirlenir
- 2. Gi<mark>riş ve çıkış d</mark>eğişkenlerinin sayısı belirlenir
- 3. Giriş ve çıkış değişkenlerine isim verilir
- 4. Giriş ve çıkış değişkenleri arasındaki bağıntı belirlenir, doğruluk tablosu çizilir.
- 5. Çıkışlar için uygun boolean ifadesi elde edilir
- 6. Bulunan boolean ifadesi sadeleştirilir
- 7. Mantık devresi çizilir.

Tasarımı yapılan devrede aşağıdaki özelliklere dikkat edilmesi gerekir:

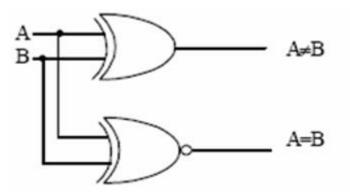
- 1. En az sayıda mantık kapısı olmalı
- 2. Her bir kapı en az sayıda girişe sahip olmalı
- 3. Devrenin yayılım zamanının düşük olması gerekir
- 4. Devre en az sayıda bağlantı içermesi gerekir
- ► 5. Her bir kapının sürme kapasitesinin altında eleman sürmesi

Karsılastırıcı ve Aritmetik İşlem Devreleri (Arithmetic Logic Unit)

- 'Karsılastırıcı devreleri', farklı kaynaklardan gelen bilgileri karsılastırmak amacıyla düzenlenen devreler olarak düsünebilir.
- Birlesik lojikte en çok kullanılan devrelerden olan toplayıcı ve çıkarıcı devreler ise,
 'Aritmetik İslem Devreleri' olarak isimlendirilir.
- ► Karsılastırıcı ve aritmetik islem devreleri 'Kıyaslama Devreleri' veya 'Aritmetik Mantık Birimi' olarak tanımlanır.

Karsılastırıcılar (Comparators)

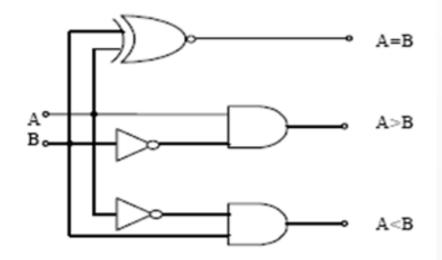
- ► İki sayıyı karsılastıran ve büyüklüklerini belirleyen bilesik devreler, 'büyüklük karsılastırıcı' (magnitude comparator) olarak isimlendirilir.
- ► Karsılastırma sonucu; A>B, A=B veya A<B'yi belirleyen üç konum ile belirlenir.
- En yaygın kullanım yerler<mark>i Aritmetik Lojik d</mark>evrelerdir.
- Karsılastırıcı devreleri, girisleri aynı veya farklı iken çıkıs veren kontrol devrelerinde ve ikili karsılastırmanın kullanıldığı adres bulma devrelerinde kullanılır.
- En basit karsılastırıcı devresi, tek bitlik A ve B sayılarının esitlik durumunu karsılastıran karsılastırıcı devresidir.
- Bu devrede A=B durumunda çıkıslardan birisi '1' olurken, A≠B durumunda diğeri '1' olur.



Girişler		Çıkışlar		
A	В	A≠B	A=B	
0	0	0	1	
0	1	1	0	
1	0	1	0	
1	1	0	1	

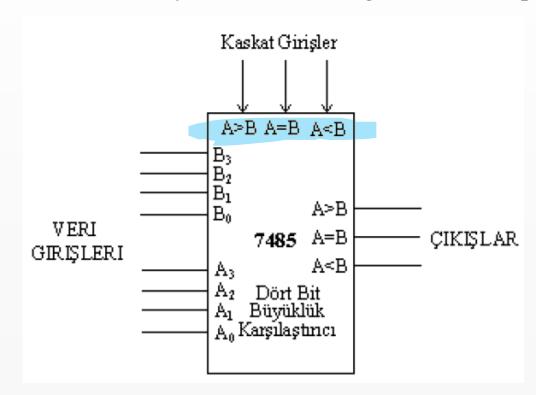
Bir bitlik iki sayının eşit olup olmadığını karşılaştıran lojik devre tasarımı

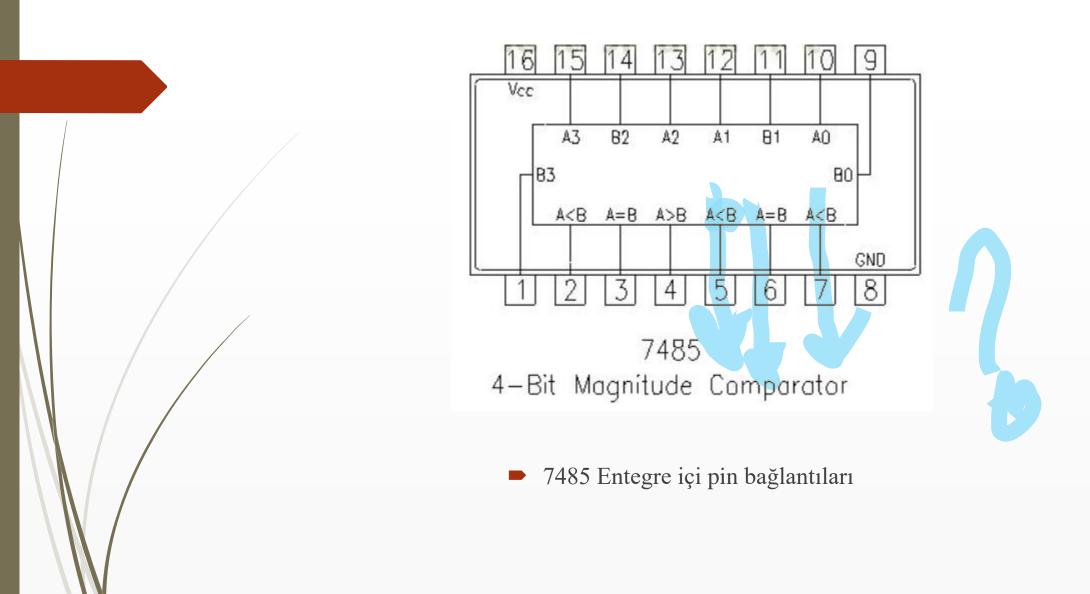
A	В	A>B	A=B	$A \le B$
0	0	0	1	0
0	1	0	0	1
1	0	1	0	0
1	1	0	1	0



Bir bitlik iki sayıyı karşılaştıran lojik devre tasarımı

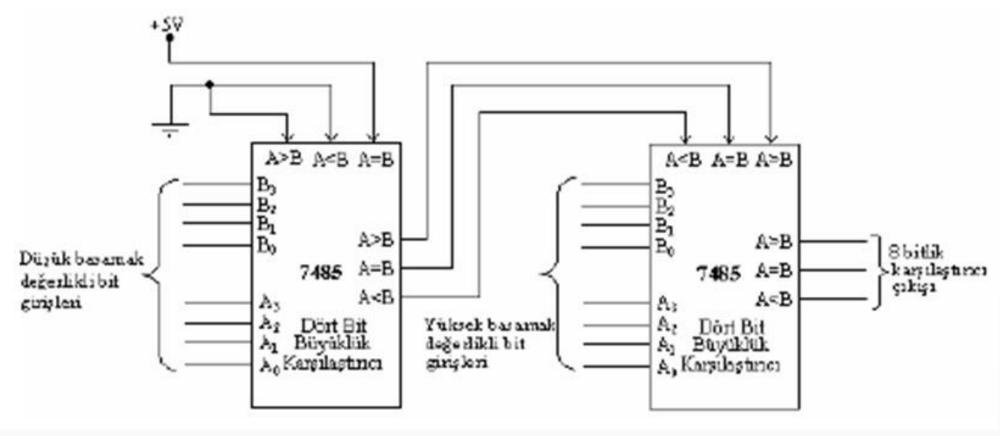
- ► 7485 entegresi, dört bitlik iki sayıyı karsılastıran ve karsılastırılan bitlerin durumuna göre çıkıs olusturan lojik elemandır.
- Entegre, karsılastırılacak sayı girisleri ile birlikte çok sayıda entegrenin bir arada kullanılmasına imkan tanıyan karsılastırma girislerine sahiptir.





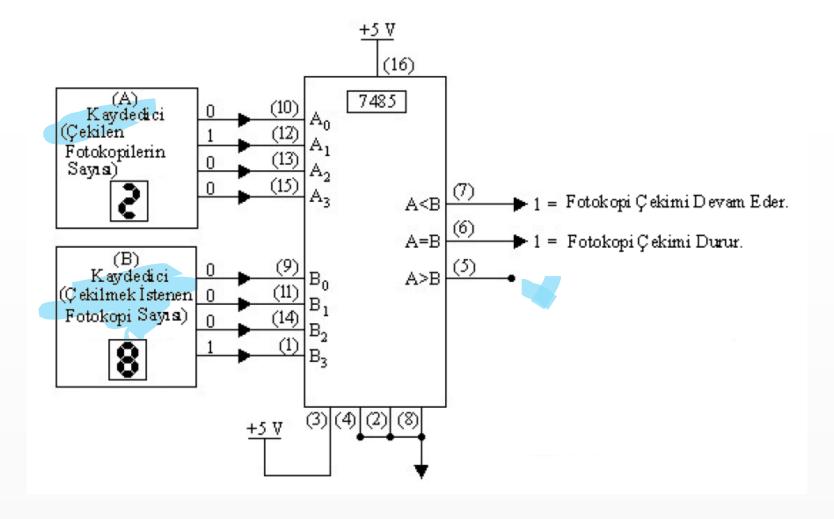
Girişler			Çıkışlar			
A3,B3	A2,B2	A1,B1	A0,B0	A <b< th=""><th>A=B</th><th>A>B</th></b<>	A=B	A>B
A3>B3	X	X	X	0	0	1
A3 <b3< td=""><td>X</td><td>X</td><td>X</td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></b3<>	X	X	X	1	0	0
A3=B3	A2>B2	X	X	0	0	1
A3=B3	A2 <b2< td=""><td>X</td><td>X</td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></b2<>	X	X	1	0	0
A3=B3	A2=B2	A1>B1	X	0	0	1
A3=B3	A2=B2	A1 <b1< td=""><td>X</td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></b1<>	X	1	0	0
A3=B3	A2=B2	A1=B1	A0>B0	0	0	1
A3=B3	A2=B2	A1=B1	A0 <b0< td=""><td>1</td><td>0</td><td>0</td></b0<>	1	0	0
A3=B3	A2=B2	A1=B1	A0=B0	0	1	0

Entegrenin dört bitlik karsılastırma islemine ait doğruluk tablosu görülmektedir.



Karşılaştırıcıların kaskat bağlanması

Sekiz bitin karşılaştırılması işleminde, kaskat girişlerin değerlerine bakılmaksızın yüksek değerli dort bit karşılaştırılır. Yuksek değerlikli bitlerin eşit olması durumunda, duşuk değerli dort biti karşılaştıran entegrenin cıkışının uygulandığı kaskat girişleri değerlendirilerek, 8 bitin karşılaştırılması sonucunu veren cıkışlarda karşılaştırma sonucu okunur.



Karşılaştırıcı devresine ornek olarak; Şekil'deki fotokopi makinası kontrol devresini verebiliriz. 7485 entegresi kullanılarak oluşturulan devrede; cekilmek istenen fotokopi sayısını temsil eden değer 'B' girişine, cekilen fotokopileri sayan devrenin cıkışı ise 'A' girişine uygulanır. İki sayı birbirine eşit oluncaya kadar A<B cıkışı '1' olur ve fotokopi cekimi devam eder. A ve B girişlerindeki değerlerin aynı olması durumunda; 'A=B' çıkışı '1' olur ve fotokopi cekim işlemi durur.

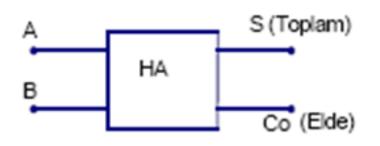
Aritmetik İşlem Devreleri

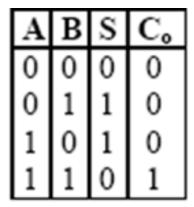
- Toplama, çıkarma, çarpma, bölme islemlerini yapan devrelere, 'Aritmetik İslem Devreleri' denir.
- Bilgisayarlarda ve hesap makinalarında, temel islemler toplama ve çıkartma islemleridir. Çarpma islemi; toplama isleminin tekrarlanması, bölme islemi ise; çıkartma isleminin tekrarlanması ile yapılır. Bu nedenle toplayıcı ve çıkarıcı devrelerini detaylı olarak inceleyeceğiz.
- **■** Toplayıcı Devreleri (Adders)
- Bilgisayarlar ve hesap makinaları, her biri çok sayıda bite sahip iki adet ikili sayıyı toplama islemini gerçeklestirirler. En basit toplama islemi dört olası temel islemi içerir.
- \bullet 0+0=0, 0+1=1, 1+0=1, 1+1=10, (Elde 1, Toplam = 0)

- İlk üç islemde tek basamaklı bir sayı elde edilirken, son islemde ikinci basamak ortaya çıkar ve ikinci basamak 'elde biti' (carry bit) olarak isimlendirilir.
- iki biti toplayan devreler 'yarım toplayıcı' olarak, üç bitin toplamını yapan devreler ise 'tam toplayıcı' olarak isimlendirilir.
- Yarım toplayıcı terimi, tam toplayıcıyı olusturmak için iki tane yarım toplayıcı kullanılmasından ileri gelmektedir.

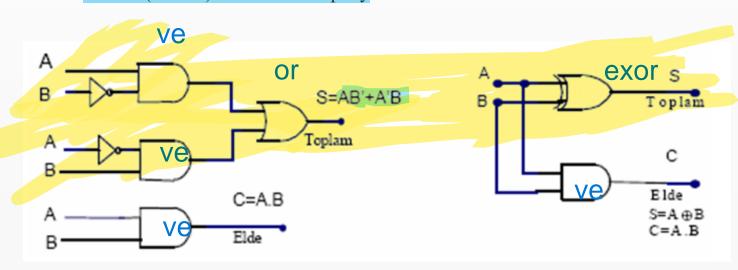
Yarım Toplayıcı (Half Adder – HA)

- Girisine uygulanan iki biti toplayıp, sonucu toplam (sum) ve elde (carry) seklinde veren toplayıcı devresi, 'yarım toplayıcı' olarak isimlendirilir.
- Yarım toplayıcı devresi, doğruluk tablosundan elde edilen fonksiyonların lojik devresinin çizilmesi ile olusturulur.
- Olusan devrede, 'Toplam' ve 'Elde' değerlerini temsil eden iki çıkıs bulunur.



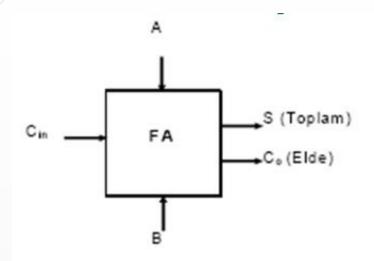


- Yarım toplayıcı çıkıslarındaki sadelestirilmis fonksiyonlar,
- S = A'B + AB' ve C = AB 01+10=11
- seklinde elde edilir. Girislerin A ve B, çıkısların S ve C değiskenleri ile ifade edildiği yarım toplayıcı devresi, bir 'Özel- VEYA' (EXOR) ve bir 'VE' kapısıyla olusturulabilir.

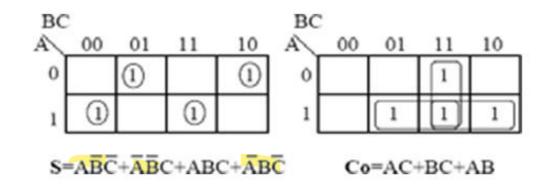


Tam Toplayıcı (Full Adder - FA)

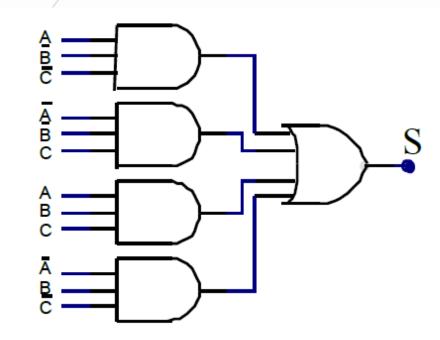
- Üç adet Bir bitlik sayının toplamını gerçeklestiren ve sonucu S ve C olarak isimlendirilen iki çıkıs hattında gösteren düzenek, 'Tam Toplayıcı' olarak isimlendirilir.
- Girislerden ikisi toplanacak bitleri gösterirken, üçüncü giris bir önceki düsük değerlikli basamaktan gelen eldeyi (carry) ifade etmek için kullanılır. Tam toplayıcı devresi tasarlamak için doğruluk tablosundan faydalanılabilir.

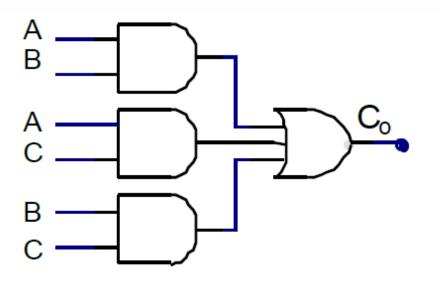


A	В	С	S	Co
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1



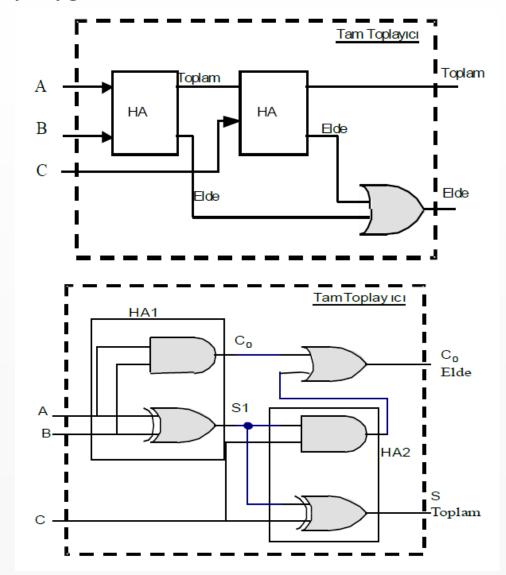
A	В	С	S	Co
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1





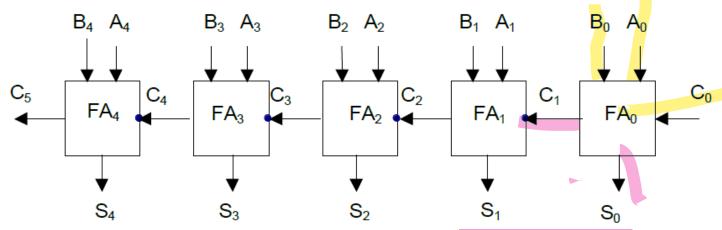
Tam toplayıcı lojik devresi.

Tasarım sonucunda cizilen lojik devrelerle yapılabilecek tam toplama işlemi, iki adet yarım toplayıcı ve bir 'VEYA' kapısı kullanılarak gercekleştirilebilir (Şekil 8.56). Bu şekilde gercekleştirilen devrede; ikinci yarım toplayıcının S cıkışı, ilk yarım toplayıcının S cıkışı ile C'nin Ozel-VEYA'ya uygulanmasının sonucudur.



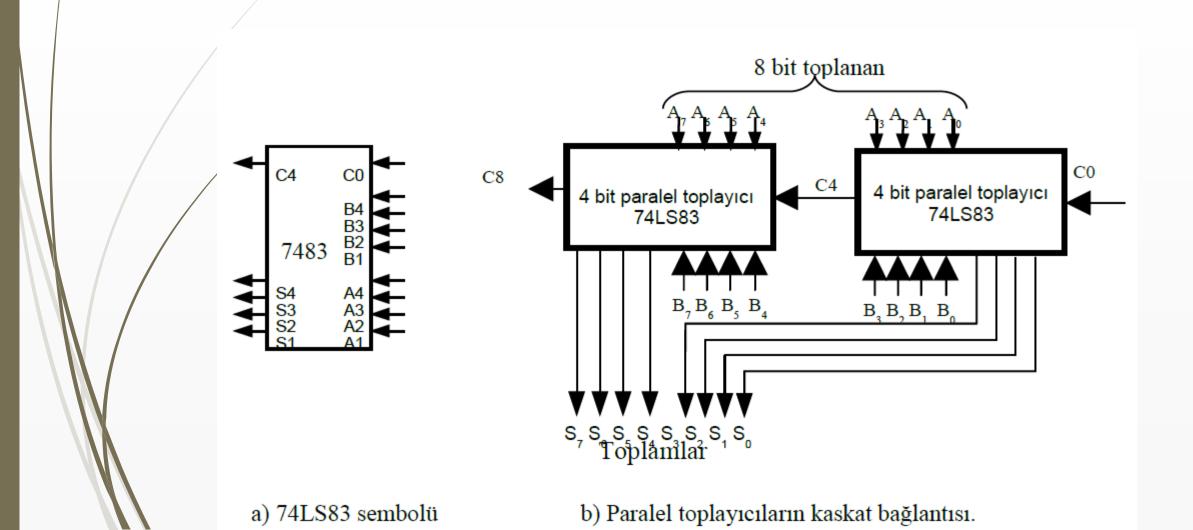
Paralel Toplayıcı:

- Bilgisayarlarda ve hesap makinalarında cok sayıda bite sahip iki sayıyı aynı anda toplayan devreler 'paralel toplayıcı' olarak isimlendirilir.
- Aşağıda her biri beş bitlik iki sayıyı toplayan paralel toplayıcının blok şeması gorulmektedir.



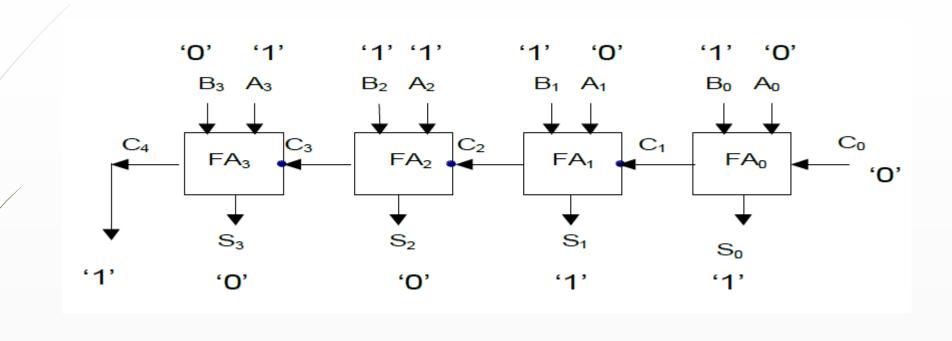
- Bu devrede toplama işlemi, en duşuk basamaklı bilgilerin toplanması ile başlar.
- En duşuk değerli basamakt<mark>a Co biti '0' olduğundan; Ao ve Bo değerleri toplanarak So ve Cı cıkışlarına gonderilir.</mark>
- Bunun dışındaki basamakları toplamak icin, Ai, Bi, Ci bitler toplanarak ilgili Si ve Ci cıkışlarında gosterilir.
- Ci cıkışındaki bilgi, bir sonraki yuksek basamak değerlikli bitlerin toplandığı devrenin Ci girişine uygulanır.

Pratikte tum FA'lardaki toplama işlemi aynı anda yapıldığından, paralel toplayıcılar cok hızlı işlem yaparlar. Piyasada 7483, 74283, 74LS83A ve 74HC283 (CMOS) gibi farklı yapıda dort bitlik paralel toplayıcılar bulunmaktadır



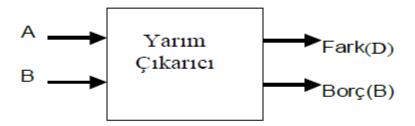
Örnek 7: Dort bitlik paralel toplayıcı devresi ile, 1011 ve 1010 ikili sayılarını toplama işlemini yapalım. 1011 1010 **'O'** 1 0101 B_1 A_1 B_2 A_2 C₁ C_4 Сз FA₃ FA_2 FA_1 FA_{o} ▼ S₁ 'O'

Örnek: 0111 + 1100 işlemini dort bitlik paralel toplayıcı ile yapmak icin gerekli devreyi cizerek, işlem sonuclarını gosterelim.



Çıkarıcı Devreleri (Subtractor Circuits)

Lojik devrelerde yapılan ikinci temel işlem çıkarmadır. İki bitin çıkarmasını yapan devreye 'yarım çıkarıcı', üç bitin çıkarmasını yapan devreye ise 'tam çıkarıcı' devresi denir.



$$D=A'B + AB' = A + B$$

$$(a)$$

Giri	şler	Çıkışlar	
Α	В	Fark Borç A-B (B)	
0	0	0 0	
0	1	1 1	
1	0	1 0	
1	1	0 0	

(b)

Şekil 8.61. Yarım çıkarıcı sembolü ve doğruluk tablosu.

Yarım Çıkarıcı Devresi (Half Subtractor)

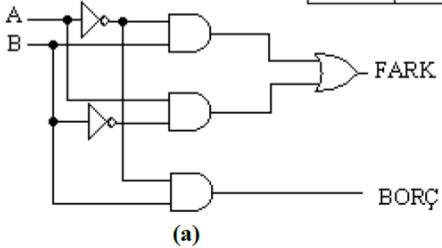
İki bitin cıkarması işlemini yapan cıkarıcı devresinde, iki giriş ve iki cıkış. Cıkışlardan birisi sayının farkını (difference-D), diğeri borc bitini (borrow-B) gosterir. İki bitin cıkarılması işleminde dort farklı durum oluşur:

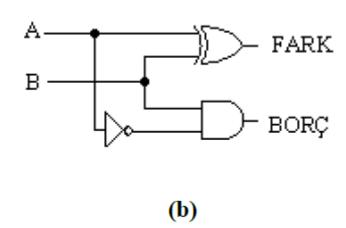
- -0 0 = 0
- -1-0=1
- -1-1=0
- 0 1 = 1 (Borc 1)

A-B işleminde A<B olduğunu zaman '0–1' işlemi oluşur ve bu durumda bir yuksek değerli basamaktan '1' borc alınır. Borc cıkışı, doğruluk tablosunda ayrı bir sutun olarak gosterilir. Yarım çıkarıcı devresinde oluşan işlemlerin doğruluk tablosu ve doğruluk tablosuna gore oluşan fonksiyonlar Şekil'de gosterilmektedir.

Girişler		Çıkışlar	
Α	В	Fark A-B	Borç (B)
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	0	0

$$D=A'B + AB' = A + B$$
$$B = A'B$$

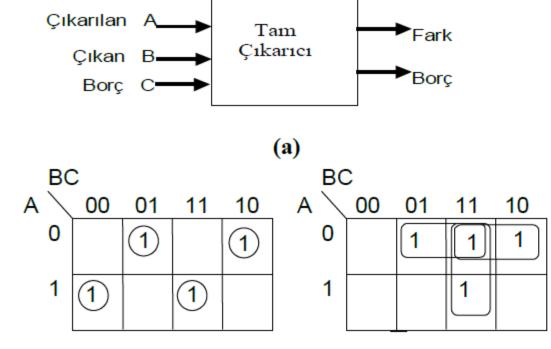




Şekil 8.62. Yarım çıkarıcı lojik devreleri.

Tam Çıkarıcı Devresi (Full Subtractor)

Daha duşuk değerli basamak tarafından '1' borc alınmış olabileceğini dikkate alarak iki biti birbirinden cıkaran bileşik devre, 'tam çıkarıcı' olarak isimlendirilir. Uc giriş ve iki çıkışa sahip tam cıkarıcı devresinde girişler; cıkarılan, cıkan ve borcu gosterirken, cıkışlardan biri farkı diğeri borcu gosterir (Şekil 8.64.a).

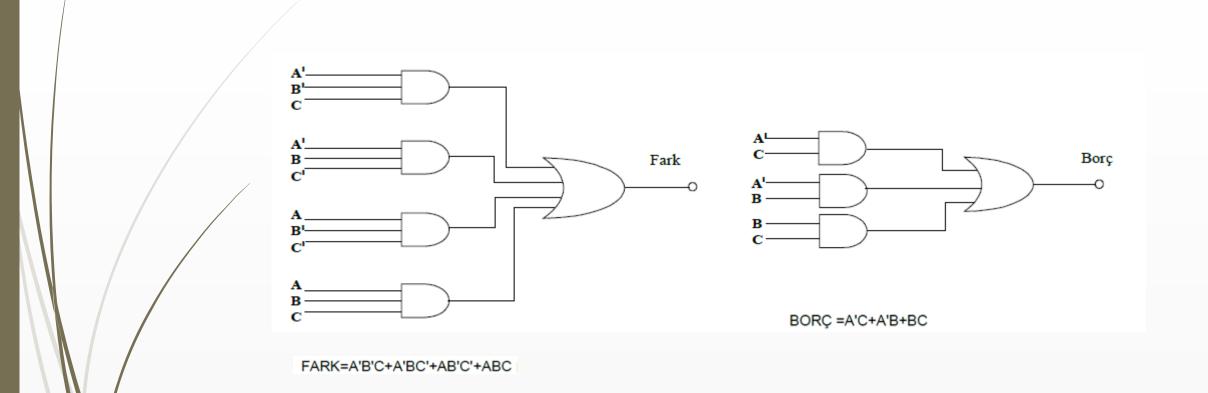


9	Girişler		Çıkışlar		
Α	В	С	Fark Borç		
0	0	0	0	0	
0	0	1	1	1	
0	1	0	1	1	
0	1	1	0	1	
1	0	0	1	0	
1	0	1	0	0	
1	1	0	0	0	
1	1	1	1	1	

(b)

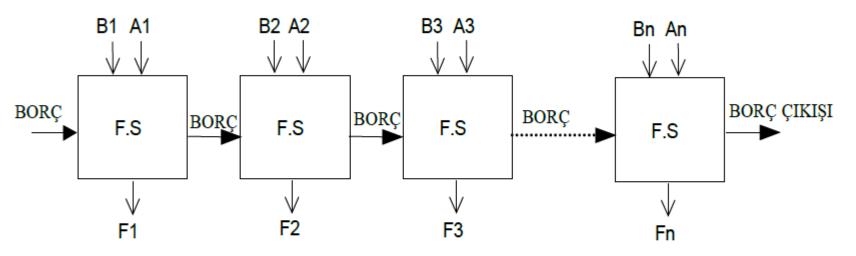
FARK=A'B'C+A'BC'+ABC'+ABC BORÇ =A'C+A'B+BC (c)

Şekil 8.64. Tam çıkarıcı devresi sembolü, doğruluk tablosu ve Karnaugh şemaları.



Paralel Çıkarıcı devresi:

'n' bitlik iki adet ikili sayıyı çıkaran paralel çıkarıcı devresinde, paralel toplayıcılarda olduğu gibi 'n' sayıda tam çıkarıcı (F.S.) devresi kullanılır (Şekil 8.71). Blok şema olarak gösterilen paralel çıkarıcılarda en sondaki borç çıkışı '1' ise; çıkarmanın sunucunun pozitif, '0' ise sonucun negatif olduğunu gösterir.

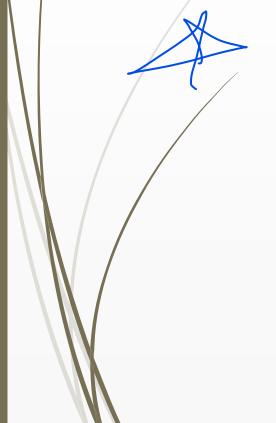


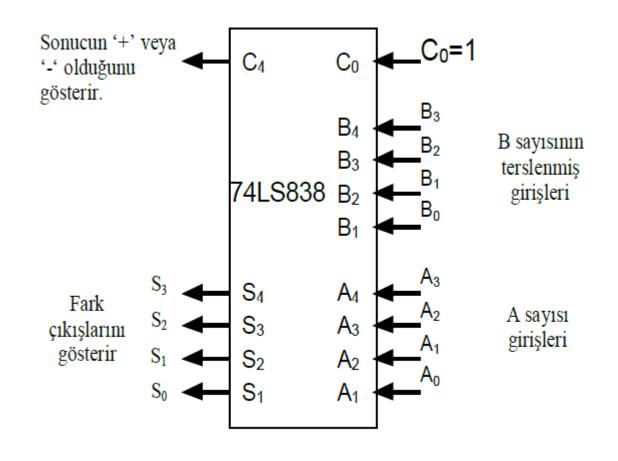
Şekil 8.71. Paralel çıkarıcı devresi blok şeması.

Dört bitlik toplama işlemi yapabilen 7483 entegresi ile dört bitlik çıkarma işlemi gerçekleştirilebilir. Bu entegre, C₀=0 olduğu zaman toplama, C₀=1 durumunda ise çıkarma işlemi yapar. Çıkarma işlemi yapılırken, çıkarılan sayıyı temsil eden 'A' bitleri entegreye aynen uygulanırken, çıkan sayıyı temsil eden 'B' bitlerinin tümleyenleri alınarak entegreye uygulanır.

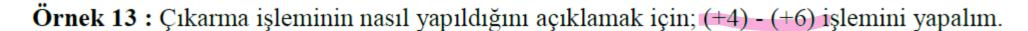
İki tümleyeni ile çıkarma işlemi:

- Cıkarma işlemi için 2 tümleyen aritmetiği yöntemi kullanılması durumlarında, çıkan sayının 2 tümleyeni alınarak toplama işlemi yapılır.
- Örneğin, A-B işlemi yapılıyorsa, A sayısı olduğu gibi bırakılıp, B sayısının 2 tümleyeni alınır. Daha sonra, A sayısı ile tümleyeni alınan B sayısı toplanır ve iki sayı arasındaki fark toplayıcı çıkışından okunur.
- Dört bitlik paralel toplayıcı devresi, yukarıda açıklanan <mark>yöntem ile çıkarma işlemi y</mark>apacak şekilde düzenlenebilir.
- Daha önceki bölümlerden hatırlanacağı üzere, ikili sayının 2 tümleyeni, her bir bitin tersi yazılarak ve en düşük değerlikli bite '1' ekleyerek elde edilir.
- Bu işlem, B sayısının terslenmiş bitlerinin B3, B2, B1 ve B0 girişlerine, eklenen '1' sayısının ise C0 girişine uygulanması ile gerçekleştirilir.
- Böylece, B sayısındaki rakamların tersi alınıp, en düşük değerlikli basamağa '1' eklenmiş olur.
- A sayısının doğrudan A3, A2, A1 ve A0 girişlerine uygulanması ile gerekli bilgiler paralel toplayıcı girişlerine uygulanır.
- Dört bitlik paralel toplayıcıd<mark>a S0 S3 çıkışl</mark>arı çıkarma işleminin sonucunu gösterirken,
- C4 çıkışı sonucun '-' veya '+' olduğunu belirtir. C4 =1 ise sonuç pozitif, C4=0 ise sonuç negatiftir.





Şekil 8.73. Çıkarma işleminin 2 tümleyeni kullanarak paralel toplayıcılar ile gerçekleştirilmesi.



i- A (+4=0100) ve B (+6=0110) sayıları toplayıcı girişlerine uygulanır. Ancak, B sayısının 2 tümleyeni alınması gerektiğinden, B sayının 2 tümleyeni alınarak (1010) şeklinde B girişine uygulanmalıdır.

ii- Bu durumda, 0100 sayısı ile 1001 sayısı, $C_0=1$ eklenerek toplama işlemine tabi tutulur.

iii- Sonuç olarak 1110 sayısı elde edilir. Bu sayının işaret biti olarak '0' değerine sahip olması, sonucun negatif ve 2 tümleyeni formunda olduğunu gösterir.

iv- Bulunan sayının 2 tümleyeni alınarak önüne '-' işareti konulmasıyla, doğru sonuç (-0010) bulunur.

Aynı entegreyi toplama ve çıkarma devresi olarak kullanmak mümkündür. Bu şekilde tasarlanan devreler Flip-Flop ve kaydedici içerdiğinden daha sonraki konularda incelenecektir.

