今天我们讲一种针对有序数据集合的查找算法:二分查找(Binary Search)算法,也叫折半查找算法。二分查找的思想非常简单,很多非计算机专业的同学很容易就能理解,但是看似越简单的东西往往越难掌握好,想要灵活应用就更加困难。

老规矩,我们还是来看一道思考题。

假设我们有1000万个整数数据,每个数据占8个字节,如何设计数据结构和算法,快速判断某个整数是否出现在这**1000**万数据中? 我们希望这个功能不要占用太多的内存空间,最多不要超过^{100MB},你会怎么做呢?带着这个问题,让我们进入今天的内容吧!

无处不在的二分思想

二分查找是一种非常简单易懂的快速查找算法,生活中到处可见。比如说,我们现在来做一个猜字游戏。我随机写一个⁰到⁹⁹之间的数字,然后你来猜我写的是什么。猜的过程中,你每猜一次,我就会告诉你猜的大了还是小了,直到猜中为止。你来想想,如何快速猜中我写的数字呢?

假设我写的数字是23,你可以按照下面的步骤来试一试。(如果猜测范围的数字有偶数个,中间数有两个,就选择较小的那个。)

次数	猜测范围	中间数	对比大小
第次	0-99	49	49 > 23
第2次	0-48	24	24723
第3次	0-23	1)	11 < 23
凭4次	12-23	17	17<23

JBC:		1 0	, ,
第5次	18-23	20	20<23
第6次	21-23	22	22<23
第7次	23		√

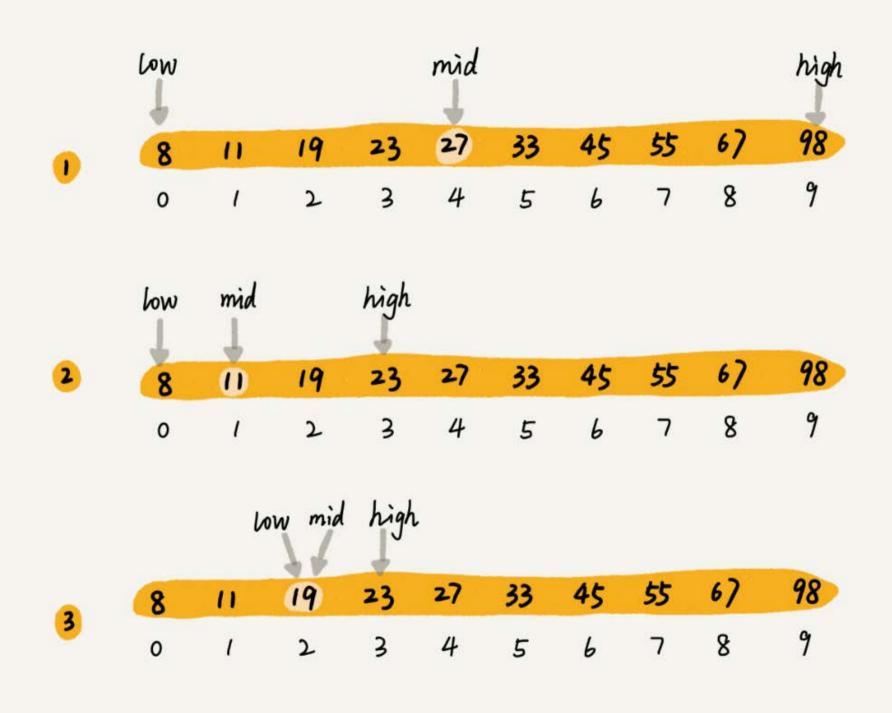
7次就猜出来了,是不是很快?这个例子用的就是二分思想,按照这个思想,即便我让你猜的是⁰到⁹⁹⁹的数字,最多也只要¹⁰次就能猜中。不信的话,你可以试一试。

这是一个生活中的例子,我们现在回到实际的开发场景中。假设有¹⁰⁰⁰条订单数据,已经按照订单金额从小到大排序,每个订单金额都不同,并且最小单位是元。我们现在想知道是否存在金额等于¹⁹元的订单。如果存在,则返回订单数据,如果不存在则返回^{null}。

最简单的办法当然是从第一个订单开始,一个一个遍历这1000个订单,直到找到金额等于19元的订单为止。但这样查找会比较慢,最坏情况下,可能要遍历完这1000条记录才能找到。那用二分查找能不能更快速地解决呢?

为了方便讲解, 我们假设只有10个订单, 订单金额分别是: 8, 11, 19, 23, 27, 33, 45, 55, 67, 98。

还是利用二分思想,每次都与区间的中间数据比对大小,缩小查找区间的范围。为了更加直观,我画了一张查找过程的图。其中,low和high表示待查找区间的下标,mid表示待查找区间的中间元素下标。



看懂这两个例子,你现在对二分的思想应该掌握得妥妥的了。我这里稍微总结升华一下,二分查找针对的是一个有序的数据集合,查找思想有点类似分治思想。 每次都通过跟区间的中间元素对比,将待查找的区间缩小为之前的一半,直到找到要查找的元素,或者区间被缩小为**0**。

O(logn)惊人的查找速度

二分查找是一种非常高效的查找算法,高效到什么程度呢?我们来分析一下它的时间复杂度。

我们假设数据大小是n,每次查找后数据都会缩小为原来的一半,也就是会除以2。最坏情况下,直到查找区间被缩小为空,才停止。

被查找区间的大小变化:

 $n, \frac{n}{2}, \frac{n}{4}, \frac{n}{8}, \dots, \frac{n}{2^k} \dots$

可以看出来,这是一个等比数列。其中 $n/2^k=1$ 时,k的值就是总共缩小的次数。而每一次缩小操作只涉及两个数据的大小比较,所以,经过了k次区间缩小操作,时间复杂度就是O(k)。通过 $n/2^k=1$,我们可以求得k= log_2n ,所以时间复杂度就是O(logn)。

二分查找是我们目前为止遇到的第一个时间复杂度为O(logn)的算法。后面章节我们还会讲堆、二叉树的操作等等,它们的时间复杂度也是O(logn)。我这里就再深入地讲讲O(logn)这种对数时间复杂度。这是一种极其高效的时间复杂度,有的时候甚至比时间复杂度是常量级O(1)的算法还要高效。为什么这么说呢?

因为logn是一个非常"恐怖"的数量级,即便n非常非常大,对应的logn也很小。比如n等于2的32次方,这个数很大了吧?大约是42亿。也就是说,如果我们在42亿个数据中用二分查找一个数据,最多需要比较32次。

我们前面讲过,用大O标记法表示时间复杂度的时候,会省略掉常数、系数和低阶。对于常量级时间复杂度的算法来说,O(1)有可能表示的是一个非常大的常量值,比如O(1000)、O(10000)。所以,常量级时间复杂度的算法有时候可能还没有 $O(\log n)$ 的算法执行效率高。

反过来,对数对应的就是指数。有一个非常著名的"阿基米德与国王下棋的故事",你可以自行搜索一下,感受一下指数的"恐怖"。这也是为什么我们说,指数时间 复杂度的算法在大规模数据面前是无效的。

二分查找的递归与非递归实现

实际上,简单的二分查找并不难写,注意我这里的"简单"二字。下一节,我们会讲到二分查找的变体问题,那才是真正烧脑的。今天,我们来看如何来写最简单的二分查找。

最简单的情况就是有序数组中不存在重复元素,我们在其中用二分查找值等于给定值的数据。我用Java代码实现了一个最简单的二分查找算法。

```
public int bsearch(int[] a, int n, int value) {
  int low = 0;
  int high = n - 1;

while (low <= high) {
    int mid = (low + high) / 2;
    if (a[mid] == value) {
      return mid;
    } else if (a[mid] < value) {
      low = mid + 1;
    } else {
      high = mid - 1;
    }
}

return -1;
}</pre>
```

这个代码我稍微解释一下,low、high、mid都是指数组下标,其中low和high表示当前查找的区间范围,初始low=0,high=n-1。mid表示[low, high]的中间位置。我们通过对比a[mid]与value的大小,来更新接下来要查找的区间范围,直到找到或者区间缩小为0,就退出。如果你有一些编程基础,看懂这些应该不成问题。现在,我就着重强调一下容易出错的3个地方。

1.循环退出条件

注意是low<=high, 而不是low<high。

2.mid的取值

实际上,mid=(low+high)/2这种写法是有问题的。因为如果low和high比较大的话,两者之和就有可能会溢出。改进的方法是将mid的计算方式写成low+(high-low)/2。更进一步,如果要将性能优化到极致的话,我们可以将这里的除以2操作转化成位运算low+((high-low)>>1)。因为相比除法运算来说,计算机处理位运算要快得多。

3.low和high的更新

low=mid+1, high=mid-1。注意这里的+1和-1, 如果直接写成low=mid或者high=mid, 就可能会发生死循环。比如,当high=3, low=3时,如果a[3]不等于value, 就会导致一直循环不退出。

如果你留意我刚讲的这三点,我想一个简单的二分查找你已经可以实现了。实际上,二分查找除了用循环来实现,还可以用递归来实现,过程也非常简单。

我用Java语言实现了一下这个过程,正好你可以借此机会回顾一下写递归代码的技巧。

```
// 二分查找的递归实现
public int bsearch(int[] a, int n, int val) {
  return bsearchInternally(a, 0, n - 1, val);
```

```
15|二分查找(上):如何用最省内存的方式实现快速查找功能?

}

private int bsearchInternally(int[] a, int low, int high, int value) {
    if (low > high) return -1;

    int mid = low + ((high - low) >> 1);
    if (a[mid] == value) {
        return mid;
    } else if (a[mid] < value) {
        return bsearchInternally(a, mid+1, high, value);
    } else {
        return bsearchInternally(a, low, mid-1, value);
    }
```

二分查找应用场景的局限性

前面我们分析过,二分查找的时间复杂度是O(logn),查找数据的效率非常高。不过,并不是什么情况下都可以用二分查找,它的应用场景是有很大局限性的。那什么情况下适合用二分查找,什么情况下不适合呢?

首先,二分查找依赖的是顺序表结构,简单点说就是数组。

那二分查找能否依赖其他数据结构呢?比如链表。答案是不可以的,主要原因是二分查找算法需要按照下标随机访问元素。我们在数组和链表那两节讲过,数组按照下标随机访问数据的时间复杂度是O(1),而链表随机访问的时间复杂度是O(n)。所以,如果数据使用链表存储,二分查找的时间复杂就会变得很高。

二分查找只能用在数据是通过顺序表来存储的数据结构上。如果你的数据是通过其他数据结构存储的,则无法应用二分查找。

其次,二分查找针对的是有序数据。

二分查找对这一点的要求比较苛刻,数据必须是有序的。如果数据没有序,我们需要先排序。前面章节里我们讲到,排序的时间复杂度最低是^{O(nlogn)}。所以,如果我们针对的是一组静态的数据,没有频繁地插入、删除,我们可以进行一次排序,多次二分查找。这样排序的成本可被均摊,二分查找的边际成本就会比较低。

但是,如果我们的数据集合有频繁的插入和删除操作,要想用二分查找,要么每次插入、删除操作之后保证数据仍然有序,要么在每次二分查找之前都先进行排序。针对这种动态数据集合,无论哪种方法,维护有序的成本都是很高的。

所以,二分查找只能用在插入、删除操作不频繁,一次排序多次查找的场景中。针对动态变化的数据集合,二分查找将不再适用。那针对动态数据集合,如何在 其中快速查找某个数据呢?别急,等到二叉树那一节我会详细讲。

再次,数据量太小不适合二分查找。

如果要处理的数据量很小,完全没有必要用二分查找,顺序遍历就足够了。比如我们在一个大小为¹⁰的数组中查找一个元素,不管用二分查找还是顺序遍历,查 找速度都差不多。只有数据量比较大的时候,二分查找的优势才会比较明显。

不过,这里有一个例外。如果数据之间的比较操作非常耗时,不管数据量大小,我都推荐使用二分查找。比如,数组中存储的都是长度超过³⁰⁰的字符串,如此长的两个字符串之间比对大小,就会非常耗时。我们需要尽可能地减少比较次数,而比较次数的减少会大大提高性能,这个时候二分查找就比顺序遍历更有优势。

最后,数据量太大也不适合二分查找。

二分查找的底层需要依赖数组这种数据结构,而数组为了支持随机访问的特性,要求内存空间连续,对内存的要求比较苛刻。比如,我们有 1GB 大小的数据,如 1GB

果希望用数组来存储,那就需要 的连续内存空间。

注意这里的"连续"二字,也就是说,即便有 2GB 的内存空间剩余,但是如果这剩余的 2GB 内存空间都是零散的,没有连续的 1GB 大小的内存空间,那照样无法申请一个 1GB 大小的数组。而我们的二分查找是作用在数组这种数据结构之上的,所以太大的数据用数组存储就比较吃力了,也就不能用二分查找了。

解答开篇

二分查找的理论知识你应该已经掌握了。我们来看下开篇的思考题:如何在1000万个整数中快速查找某个整数?

这个问题并不难。我们的内存限制是 $^{100 ext{MB}}$,每个数据大小是 8 字节,最简单的办法就是将数据存储在数组中,内存占用差不多是 $^{80 ext{MB}}$,符合内存的限制。借助今天讲的内容,我们可以先对这 1000 万数据从小到大排序,然后再利用二分查找算法,就可以快速地查找想要的数据了。

看起来这个问题并不难,很轻松就能解决。实际上,它暗藏了"玄机"。如果你对数据结构和算法有一定了解,知道散列表、二叉树这些支持快速查找的动态数据 结构。你可能会觉得,用散列表和二叉树也可以解决这个问题。实际上是不行的。

虽然大部分情况下,用二分查找可以解决的问题,用散列表、二叉树都可以解决。但是,我们后面会讲,不管是散列表还是二叉树,都会需要比较多的额外的内存空间。如果用散列表或者二叉树来存储这1000万的数据,用100MB的内存肯定是存不下的。而二分查找底层依赖的是数组,除了数据本身之外,不需要额外存储其他信息,是最省内存空间的存储方式,所以刚好能在限定的内存大小下解决这个问题。

内容小结

今天我们学习了一种针对有序数据的高效查找算法,二分查找,它的时间复杂度是O(logn)。

二分查找的核心思想理解起来非常简单,有点类似分治思想。即每次都通过跟区间中的中间元素对比,将待查找的区间缩小为一半,直到找到要查找的元素,或者区间被缩小为0。但是二分查找的代码实现比较容易写错。你需要着重掌握它的三个容易出错的地方:循环退出条件、mid的取值,low和high的更新。

二分查找虽然性能比较优秀,但应用场景也比较有限。底层必须依赖数组,并且还要求数据是有序的。对于较小规模的数据查找,我们直接使用顺序遍历就可以了,二分查找的优势并不明显。二分查找更适合处理静态数据,也就是没有频繁的数据插入、删除操作。

课后思考

- 1. 如何编程实现"求一个数的平方根"?要求精确到小数点后6位。
- 2. 我刚才说了,如果数据使用链表存储,二分查找的时间复杂就会变得很高,那查找的时间复杂度究竟是多少呢?如果你自己推导一下,你就会深刻地认识到,为何我们会选择用数组而不是链表来实现二分查找了。

欢迎留言和我分享,我会第一时间给你反馈。



数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争

前 Google 工程师



新版升级:点击「²。请朋友读」,10位好友免费读,邀请订阅更有<mark>现金</mark>奖励。

精选留言:

• Jerry银银 2018-10-25 10:36:38

说说第二题吧, 感觉争议比较大:

假设链表长度为n, 二分查找每次都要找到中间点(计算中忽略奇偶数差异):

第一次查找中间点,需要移动指针n/2次;

第二次,需要移动指针n/4次;

第三次需要移动指针n/8次;

.....

以此类推,一直到1次为值

总共指针移动次数(查找次数) = n/2 + n/4 + n/8 + ... + 1,这显然是个等比数列,根据等比数列求和公式:Sum = n - 1.

最后算法时间复杂度是: O(n-1), 忽略常数, 记为O(n), 时间复杂度和顺序查找时间复杂度相同

但是稍微思考下,在二分查找的时候,由于要进行多余的运算,严格来说,会比顺序查找时间慢

以上分析,不知道是否准确,还请老师解答[220赞]

作者回复2018-10-26 09:20:04

分析的很好 同学们可以把这条顶上去了

• Jerry银银 2018-10-26 19:54:50

个人觉得二分查找进行优化时,还个细节注意:

将mid = lo + (hi - lo) /2, 将除法优化成移位运算时, 得注意运算符的优先级, 千万不能写成这样: mid = lo + (hi - lo) >> 1 [30赞]

作者回复2018-10-28 23:31:44

・ 朱凯 2018-10-25 09:51:20

二分法求一个数x的平方根y?

解答:根据x的值,判断求解值y的取值范围。假设求解值范围min < y < max。若0<x<1,则min=x,max=1;若x=1,则y=1;x>1,则min=1,max=x;在确定了求解范围之后,利用二分法在求解值的范围中取一个中间值middle=(min+max)÷2,判断middle是否是x的平方根?若(middle+0.000001)*(middle+0.000001)*(middle-0.000001)<x,根据介值定理,可知middle既是求解值;若middle*middle > x,表示middle > 实际求解值,max=middle;若middle*middle < x,表示middle < 实际求解值,min=middle;之后递归求解!

备注:因为是保留6位小数,所以middle上下浮动0.000001用于介值定理的判断[22赞]

• Alexis何春光 2018-11-12 01:10:24

现在在cmu读研,正在上terry lee的data structure,惊喜的发现不少他讲的点你都涵盖了,个别他没讲到的你也涵盖了……(当然可能因为那门课只有6学时,时

```
间不足,但还是给这个专栏赞一个!)[14赞]
  作者同复2018-11-12 08:45:45
  读cmu太厉害了仰慕
• 锐雨 2018-10-24 16:39:41
  求平方根,可以参考<sup>0</sup>到<sup>99</sup>之间猜数字的思路,<sup>99</sup>换成<sup>x</sup>,循环到误差允许内即可,注意<sup>1</sup>这个分界线。欢迎交流,<sup>Java</sup>如下
  public static double sqrt(double x, double precision) {
  if (x < 0) {
  return Double.NaN;
  double low = 0;
  double up = x;
  if (x < 1 \&\& x > 0) {
  /** 小干1的时候*/
  low = x;
  up = 1;
  double mid = low + (up - low)/2;
  while(up - low > precision) {
  if (mid*mid>x) {//TODO mid可能会溢出
  up = mid;
  \} else if (mid * mid < x) {
  low = mid:
  } else {
  return mid;
  mid = low + (up - low)/2;
  return mid;
  } [12赞]
• 蒋礼锐 2018-10-24 09:29:25
```

file:///J/geektime/唯一更新QQ群170701297/ebook/数据结构与算法之美/15二分查找(上): 如何用最省内存的方式实现快速查找功能? .html[2019/2/17 17:27:17]

因为要精确到后六位,可以先用二分查找出整数位,然后再二分查找小数第一位,第二位,到第六位。

整数查找很简单,判断当前数小于+1后大于即可找到,

小数查找举查找小数后第一位来说,从x.0到(x+1).0,查找终止条件与整数一样,当前数小于,加0.1大于,

后面的位数以此类推,可以用x*10^(-i)通项来循环或者递归,终止条件是i>6,

想了一下复杂度,每次二分是logn,包括整数位会查找7次,所以时间复杂度为7logn。空间复杂度没有开辟新的储存空间,空间复杂度为1。

没有具体用代码实现,只是思路,还请多多指正。之后会用js去实际实现。[11赞]

• TWO STRINGS 2018-10-24 09:27:06

1000w数据查找这个,在排序的时候不就可以找到了么? [10赞]

作者同复2018-10-24 23:23:38

如果是多次查找操作呢

- Smallfly 2018-10-24 09:29:16
 - 1. 求平方根可以用二分查找或牛顿迭代法;
 - 2. 有序链表的二分查找时间复杂度为 O(n)。[8赞]
- 姜威 2018-10-31 21:28:35

总结:二分查找(上)

- 一、什么是二分查找?
- 二分查找针对的是一个有序的数据集合,每次通过跟区间中间的元素对比,将待查找的区间缩小为之前的一半,直到找到要查找的元素,或者区间缩小为0

二、时间复杂度分析?

1.时间复杂度

假设数据大小是 n ,每次查找后数据都会缩小为原来的一半,最坏的情况下,直到查找区间被缩小为空,才停止。所以,每次查找的数据大小是: n , n /2, n /4, ..., n /(2 k), ..., 这是一个等比数列。当 n /(2 k)=1时, k 的值就是总共缩小的次数,也是查找的总次数。而每次缩小操作只涉及两个数据的大小比较,所以,经过 k 次区间缩小操作,时间复杂度就是 n 0(n 0)。通过 n (2 k 0)=1,可求得 n 1,可以时间复杂度是 n 0(n 0)。

- 2.认识O(logn)
- ①这是一种极其高效的时间复杂度,有时甚至比O(1)的算法还要高效。为什么?
- ②因为logn是一个非常"恐怖"的数量级,即便n非常大,对应的logn也很小。比如n等于2的32次方,也就是42亿,而logn才32。
- ③由此可见, O(logn)有时就是比O(1000), O(10000)快很多。

```
15|二分查找(上):如何用最省内存的方式实现快速查找功能?
           三、如何实现二分查找?
           1.循环实现
           代码实现:
           public int binarySearch1(int[] a, int val){
           int start = 0;
           int end = a.length - 1;
           while(start <= end){
           int mid = start + (end - start) / 2;
           if(a[mid] > val) end = mid - 1;
           else if(a[mid] < val) start = mid + 1;
           else return mid;
           return -1;
           注意事项:
           ①循环退出条件是: start<=end, 而不是start<end。
           ②mid的取值,使用mid=start + (end - start) / 2,而不用mid=(start + end)/2,因为如果start和end比较大的话,求和可能会发生int类型的值超出最大范围。为了
           把性能优化到极致,可以将除以2转换成位运算,即start + ((end - start) >> 1),因为相比除法运算来说,计算机处理位运算要快得多。
           ③start和end的更新: start = mid - 1, end = mid + 1, 若直接写成start = mid, end=mid, 就可能会发生死循环。
           2.递归实现
           public int binarySearch(int[] a, int val){
           return bSear(a, val, 0, a.length-1);
           private int bSear(int[] a, int val, int start, int end) {
           if(start > end) return -1;
           int mid = start + (end - start) / 2;
           if(a[mid] == val) return mid;
           else if(a[mid] > val) end = mid - 1;
           else start = mid + 1;
           return bSear(a, val, start, end);
           四、使用条件(应用场景的局限性)
           1.二分查找依赖的是顺序表结构, 即数组。
```

- 2.二分查找针对的是有序数据,因此只能用在插入、删除操作不频繁,一次排序多次查找的场景中。
- 3.数据量太小不适合二分查找,与直接遍历相比效率提升不明显。但有一个例外,就是数据之间的比较操作非常费时,比如数组中存储的都是长度超过300的字符串,那这是还是尽量减少比较操作使用二分查找吧。
- 4.数据量太大也不是适合用二分查找,因为数组需要连续的空间,若数据量太大,往往找不到存储如此大规模数据的连续内存空间。

五、思考

- 1.如何在1000万个整数中快速查找某个整数?
- ①1000万个整数占用存储空间为40MB,占用空间不大,所以可以全部加载到内存中进行处理;
- ②用一个1000万个元素的数组存储,然后使用快排进行升序排序,时间复杂度为O(nlogn)
- ③在有序数组中使用二分查找算法进行查找,时间复杂度为O(logn)
- 2.如何编程实现"求一个数的平方根"?要求精确到小数点后6位?[7赞]
- 三忌 2018-10-24 11:42:22

```
def sqrt(x):

"

求平方根,精确到小数点后6位

"
low = 0

mid = x / 2

high = x

while abs(mid ** 2 - x) > 0.000001:

if mid ** 2 < x:

low = mid

else:

high = mid

mid = (low + high) / 2
```

• Victor 2018-10-27 21:03:40

return mid [6裝]

开篇的问题: 1000w 个 8字节整数的中查找某个整数是否存在,且内存占用不超过100M ? 我尝试延伸了一些解决方案:

- 1、由于内存限制,存储一个整数需要8字节,也就是64 bit。此时是否可以考虑bitmap这样的数据结构,也就是每个整数就是一个索引下标,对于每一个索引bit,1 表示存在,0 表示不存在。同时考虑到整数的数据范围,8字节整数的范围太大,这是需要考虑压缩的问题,压缩方案可以参考 RoaringBitmap 的压缩方式。
- 2、我们要解决的问题,也就是判断某个元素是否属于某个集合的问题。这里是否可以和出题方探讨是否严格要求100%判断正确。在允许很小误差概率的情景下(比如判断是否在垃圾邮件地址黑名单中),可以考虑 BloomFilter。

BloomFilter 存储空间更加高效。1000w数据、0.1%的误差下需要的内存仅为17.14M时间复杂度上,上面两种都是hashmap的变种,因此为o(1)。[5赞]

• Liam 2018-10-26 09:28:28

链表的二分查找,每次查找的时间复杂度都为当前数据规模的一半,所以最坏情况下: 查找次数f(n) = n + n/2 + n/4 + n/8 + ... + 1 = n(1 + 1/2 + 1/4 + ... 1/n)

情况1: n = 2^k, 根据等比数列公式 f(n) = 2^k * (1 - (1/2) ^k) / (1 - 1/2) = 2n - 1

情况2: n!=2^k, 假设k无穷大,则limf(n)=n(1/(1-1/2))=2n,实际上k<+∞,所以

 $f(n) < \lim f(n) = 2n => f(n) = 2n-1$

综上所述, f(n) = 2n - 1, 时间复杂度为O(n) [3赞]

• 追风者 2018-10-24 16:08:28

王老师,考研的话可以以这个课程作为数据结构第一轮的基础复习吗。如果可以,还需要补充其他概念知识吗[3赞]

作者回复2018-10-24 23:19:18

概念知识应该全了 考研的话还要看看考纲吧

王/\李 2018-10-24 09:38:24

平方根可以用牛顿迭代实现。[3赞]

作者回复2018-10-24 23:23:06

哈哈 同学的回答超纲了

• C家族的铁粉 2018-10-24 00:41:53

二分法一直在用,知道太小的、非数组、非有序的确实不适合用,不过确实没有注意到太大的局限性! get V 7~ [3 赞]

• kaka 2018-10-29 16:17:02

关于求平方根的题,我知道一种比较巧妙的方法,那就是利用魔数,时间复杂度是O(1),根据我测试,精度大概能精确到5位小数,也还不错。下面是c语言代码

float q_rsqrt(float number) {
int i;

float x2, y;

```
15|二分查找(上):如何用最省内存的方式实现快速查找功能?
             const float threehalfs = 1.5;
             x2 = number * 0.5;
             y = number;
             i = *(int*)&y;
             i = 0x5f3759df - (i >> 1);
             y = *(float*)\&i;
             y = y * (threehalfs - (x2 * y * y));
             y = y * (threehalfs - (x2 * y * y));
             y = y * (threehalfs - (x2 * y * y));
             return 1.0 / y;
             } [2赞]
           • Kudo 2018-10-25 09:55:17
              二分查找Python实现:
             1、非递归方式
             def bsearch(ls, value):
             low, high = 0, len(ls)-1
             while low <= high:
             mid = low + (high - low) // 2
             if ls[mid] == value:
             return mid
             elif ls[mid] < value:
             low = mid + 1
             else:
             high = mid - 1
             return -1
             2、递归方式
             def bsearch(ls, value):
             return bsearch_recursively(ls, 0, len(ls)-1, value)
             def bsearch_recursively(ls, low, high, value):
```

15|二分查找(上):如何用最省内存的方式实现快速查找功能? if low > high: return -1 mid = low + (high - low) // 2if ls[mid] == value: return mid elif ls[mid] < value: return bsearch_recursively(ls, mid+1, high, value) else: return bsearch_recursively(ls, low, mid-1, value) [2糕] • Dwyane 2018-12-21 11:09:08 1 low=mid+1, high=mid-1 学习了比较严谨条件 2、二分法求根号5 a:折半: 5/2=2.5b:平方校验: 2.5*2.5=6.25>5, 并且得到当前上限2.5 c:再次向下折半:2.5/2=1.25 d:平方校验: 1.25*1.25=1.5625<5,得到当前下限1.25 e:再次折半:2.5-(2.5-1.25)/2=1.875 f:平方校验: 1.875*1.875=3.515625<5,得到当前下限1.875 每次得到当前值和5进行比较,并且记下下下限和上限,依次迭代,逐渐逼近平方根: [1赞] • 啊波次的额佛哥~ 2018-10-29 15:59:38 平方根C代码, precision位数, 小数点后6位是0.000001

file:///J/geektime/唯一更新QQ群170701297/ebook/数据结构与算法之美/15二分查找(上): 如何用最省内存的方式实现快速查找功能? .html[2019/2/17 17:27:17]

double squareRoot(double a , double precision){

```
15|二分查找(上): 如何用最省内存的方式实现快速查找功能?
            double low,high,mid,tmp;
            if (a>1){
            low = 1;
            high = a;
            }else{
            low = 1;
            high = a;
            while (low<=high) {
            mid = (low+high)/2.000;
            tmp = mid*mid;
            if (tmp-a <= precision && tmp-a >= precision*-1){
            return mid;
            }else if (tmp>a){
            high = mid;
            }else{
            low = mid;
            return -1.000;
            int main(int argc, const char * argv[]) {
            double num = squareRoot(2, 0.000001);
            printf("%f",num);
            return 0;
            } [1赞]
          • oldman 2018-10-26 11:52:36
            用python写了一下二分查找的两种简单实现
            https://github.com/lipeng1991/testdemo/blob/master/48_simple_binary_search_01.py
            大家一起交流 [1赞]
```