09|队列:队列在线程池等有限资源池中的应用

我们知道,^{CPU}资源是有限的,任务的处理速度与线程个数并不是线性正相关。相反,过多的线程反而会导致^{CPU}频繁切换,处理性能下降。所以,线程池的大小一般都是综合考虑要处理任务的特点和硬件环境,来事先设置的。

当我们向固定大小的线程池中请求一个线程时,如果线程池中没有空闲资源了,这个时候线程池如何处理这个请求?是拒绝请求还是排队请求?各种处理策略又是怎么实现的呢?

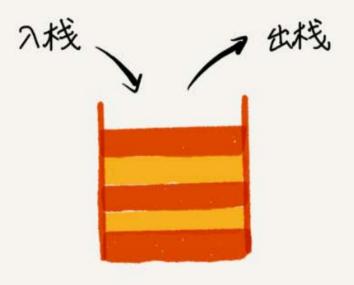
实际上,这些问题并不复杂,其底层的数据结构就是我们今天要学的内容,队列(queue)。

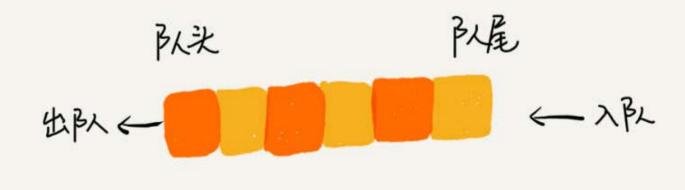
如何理解"队列"?

队列这个概念非常好理解。你可以把它想象成排队买票,先来的先买,后来的人只能站末尾,不允许插队。先进者先出,这就是典型的"队列"。

我们知道,栈只支持两个基本操作:入栈**push()**和出栈**pop()。**队列跟栈非常相似,支持的操作也很有限,最基本的操作也是两个:入队**enqueue()**,放一个数据到队列尾部;出队**dequeue()**,从队列头部取一个元素。

队列和栈





09|队列:队列在线程池等有限资源池中的应用

所以,队列跟栈一样,也是一种操作受限的线性表数据结构。

队列的概念很好理解,基本操作也很容易掌握。作为一种非常基础的数据结构,队列的应用也非常广泛,特别是一些具有某些额外特性的队列,比如循环队列、阻塞队列、并发队列。它们在很多偏底层系统、框架、中间件的开发中,起着关键性的作用。比如高性能队列Disruptor、Linux环形缓存,都用到了循环并发队列;Java concurrent并发包利用ArrayBlockingQueue来实现公平锁等。

顺序队列和链式队列

我们知道了,队列跟栈一样,也是一种抽象的数据结构。它具有先进先出的特性,支持在队尾插入元素,在队头删除元素,那究竟该如何实现一个队列呢? 跟栈一样,队列可以用数组来实现,也可以用链表来实现。用数组实现的栈叫作顺序栈,用链表实现的栈叫作链式栈。同样,用数组实现的队列叫作顺序队列,用链表实现的队列叫作链式队列。

我们先来看下基于数组的实现方法。我用^{Java}语言实现了一下,不过并不包含^{Java}语言的高级语法,而且我做了比较详细的注释,你应该可以看懂。

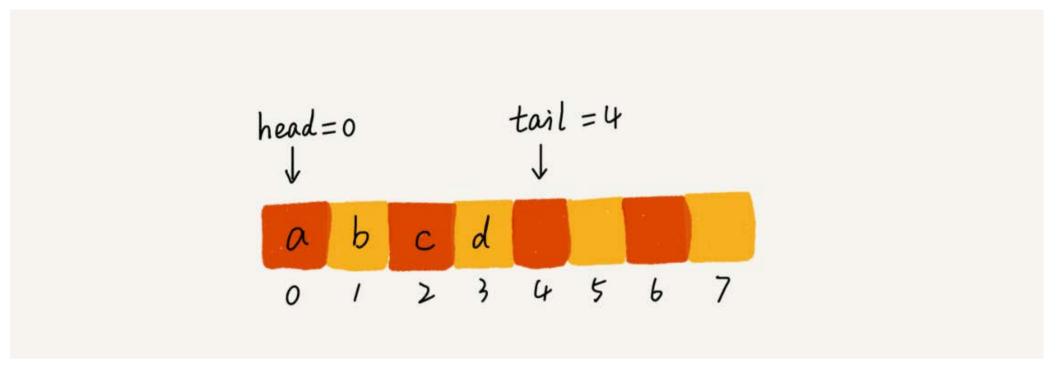
```
// 用数组实现的队列
public class ArrayOueue {
 //数组:items,数组大小:n
 private String[] items:
 private int n = 0;
 // head表示队头下标, tail表示队尾下标
 private int head = 0;
 private int tail = 0:
 // 申请一个大小为capacity的数组
 public ArrayQueue(int capacity) {
  items = new String[capacity];
  n = capacity;
 // 入队
 public boolean enqueue(String item) {
  // 如果tail == n 表示队列已经满了
  if (tail == n) return false;
  items[tail] = item;
  ++tail:
  return true;
 // 出队
 public String dequeue() {
  // 如果head == tail 表示队列为空
  if (head == tail) return null;
  // 为了让其他语言的同学看的更加明确,把--操作放到单独一行来写了
  String ret = items[head];
  ++head;
  return ret;
```

比起栈的数组实现,队列的数组实现稍微有点儿复杂,但是没关系。我稍微解释一下实现思路,你很容易就能明白了。

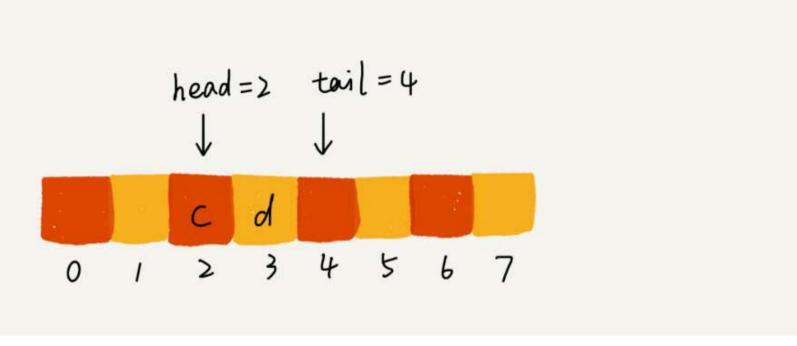
对于栈来说,我们只需要一个栈顶指针就可以了。但是队列需要两个指针:一个是head指针,指向队头;一个是tail指针,指向队尾。

a b c d head 0 tail 4

你可以结合下面这幅图来理解。当 、 、 、 依次入队之后, 队列中的 指针指向下标为 的位置, 指针指向下标为 的位置。



当我们调用两次出队操作之后,队列中head指针指向下标为2的位置,tail指针仍然指向下标为4的位置。



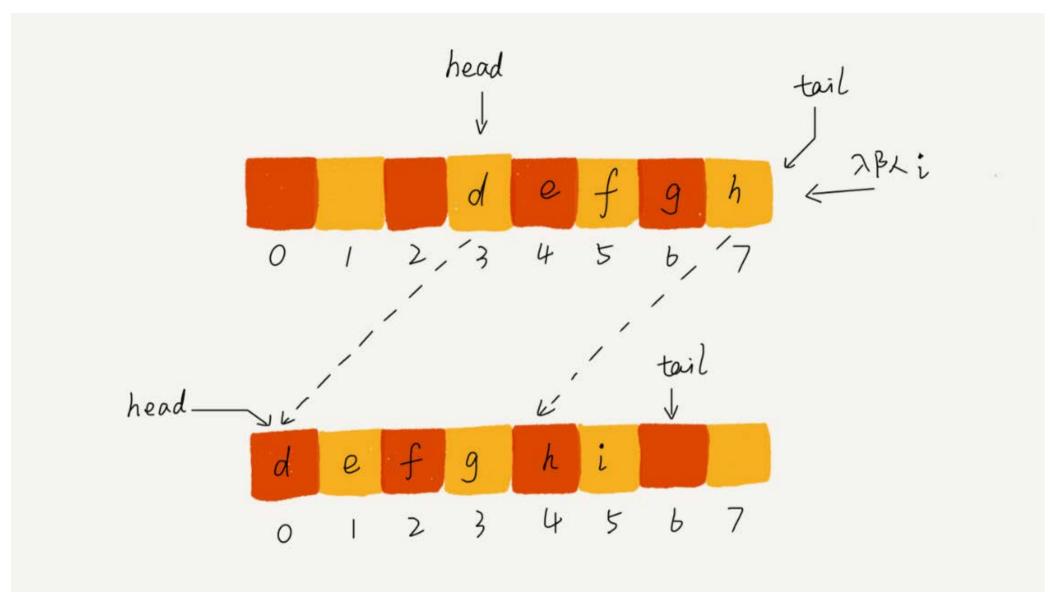
你肯定已经发现了,随着不停地进行入队、出队操作,head和tail都会持续往后移动。当tail移动到最右边,即使数组中还有空闲空间,也无法继续往队列中添加数据了。这个问题该如何解决呢?

你是否还记得,在数组那一节,我们也遇到过类似的问题,就是数组的删除操作会导致数组中的数据不连续。你还记得我们当时是怎么解决的吗?对,用数据搬移!但是,每次进行出队操作都相当于删除数组下标为0的数据,要搬移整个队列中的数据,这样出队操作的时间复杂度就会从原来的O(1)变为O(n)。能不能优化一下呢?

实际上,我们在出队时可以不用搬移数据。如果没有空闲空间了,我们只需要在入队时,再集中触发一次数据的搬移操作。借助这个思想,出队函数**dequeue**()保持不变,我们稍加改造一下入队函数**enqueue**()的实现,就可以轻松解决刚才的问题了。下面是具体的代码:

```
// 入队操作,将item放入队尾
public boolean enqueue(String item) {
    // tail == n表示队列末尾没有空间了
    if (tail == n) {
        // tail == n && head==0,表示整个队列都占满了
    if (head == 0) return false;
        // 数据搬移
    for (int i = head; i < tail; ++i) {
        items[i-head] = items[i];
    }
    // 搬移完之后重新更新head和tail
    tail -= head;
    head = 0;
}
items[tail] = item;
++tail;
return true;
```

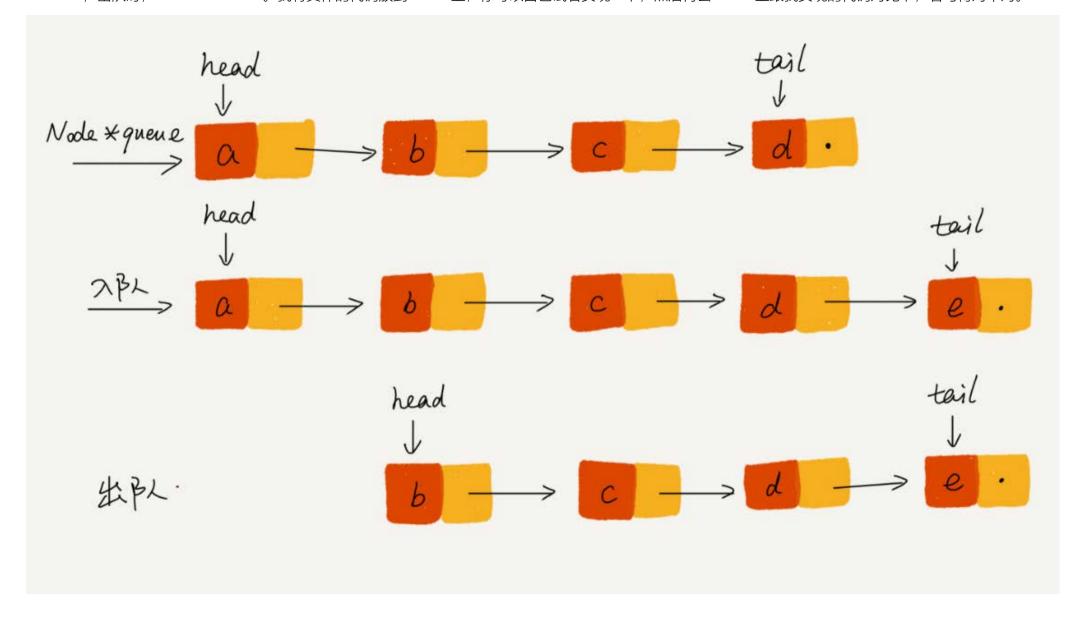
从代码中我们看到,当队列的tail指针移动到数组的最右边后,如果有新的数据入队,我们可以将head到tail之间的数据,整体搬移到数组中0到tail-head的位置。



这种实现思路中,出队操作的时间复杂度仍然是O(1),但入队操作的时间复杂度还是O(1)吗?你可以用我们第3节、第4节讲的算法复杂度分析方法,自己试着分析一下。

接下来,我们再来看下基于链表的队列实现方法。

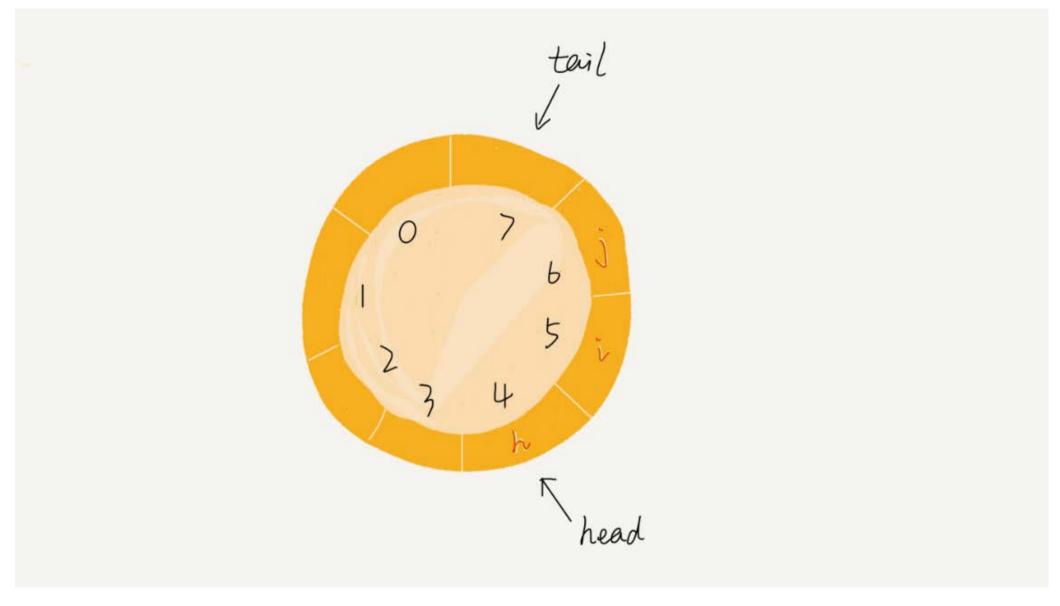
基于链表的实现,我们同样需要两个指针:head指针和tail指针。它们分别指向链表的第一个结点和最后一个结点。如图所示,入队时,tail->next= new_node, tail = tail->next;出队时,head = head->next。我将具体的代码放到GitHub上,你可以自己试着实现一下,然后再去GitHub上跟我实现的代码对比下,看写得对不对。



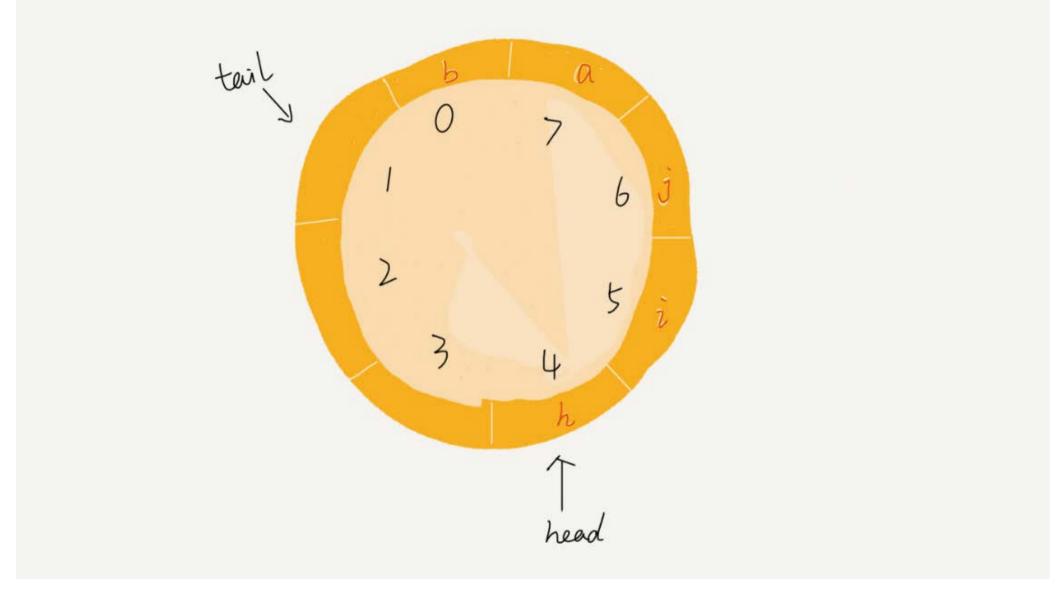
循环队列

我们刚才用数组来实现队列的时候,在tail==n时,会有数据搬移操作,这样入队操作性能就会受到影响。那有没有办法能够避免数据搬移呢?我们来看看循环队列的解决思路。

循环队列,顾名思义,它长得像一个环。原本数组是有头有尾的,是一条直线。现在我们把首尾相连,扳成了一个环。我画了一张图,你可以直观地感受一下。

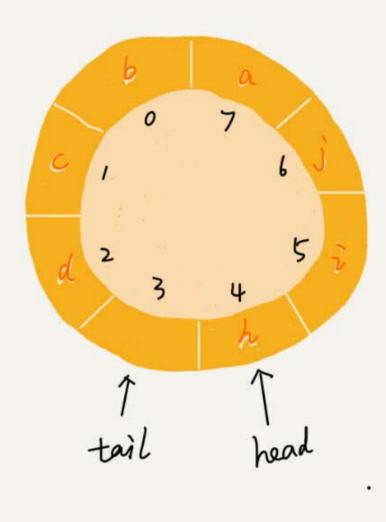


我们可以看到,图中这个队列的大小为 8 ,当前 $^{\text{head}=4}$, $^{\text{tail}=7}$ 。当有一个新的元素 a 入队时,我们放入下标为 7 的位置。但这个时候,我们并不把 $^{\text{tail}}$ 更新为 8 ,而是将其在环中后移一位,到下标为 0 的位置。当再有一个元素 b 入队时,我们将 b 放入下标为 0 的位置,然后 $^{\text{tail}}$ 加 1 更新为 1 。所以,在 a , b 依次入队之后,循环队列中的元素就变成了下面的样子:



通过这样的方法,我们成功避免了数据搬移操作。看起来不难理解,但是循环队列的代码实现难度要比前面讲的非循环队列难多了。要想写出没有bug的循环队列的实现代码,我个人觉得,最关键的是,确定好队空和队满的判定条件。

在用数组实现的非循环队列中,队满的判断条件是tail == n,队空的判断条件是head == tail。那针对循环队列,如何判断队空和队满呢? 队列为空的判断条件仍然是head == tail。但队列满的判断条件就稍微有点复杂了。我画了一张队列满的图,你可以看一下,试着总结一下规律。



就像我图中画的队满的情况,tail=3,head=4,n=8,所以总结一下规律就是:(3+1)%8=4。多画几张队满的图,你就会发现,当队满时,(tail+1)%n=head。你有没有发现,当队列满时,图中的tail指向的位置实际上是没有存储数据的。所以,循环队列会浪费一个数组的存储空间。

Talk is cheap, 如果还是没怎么理解, 那就show you code吧。

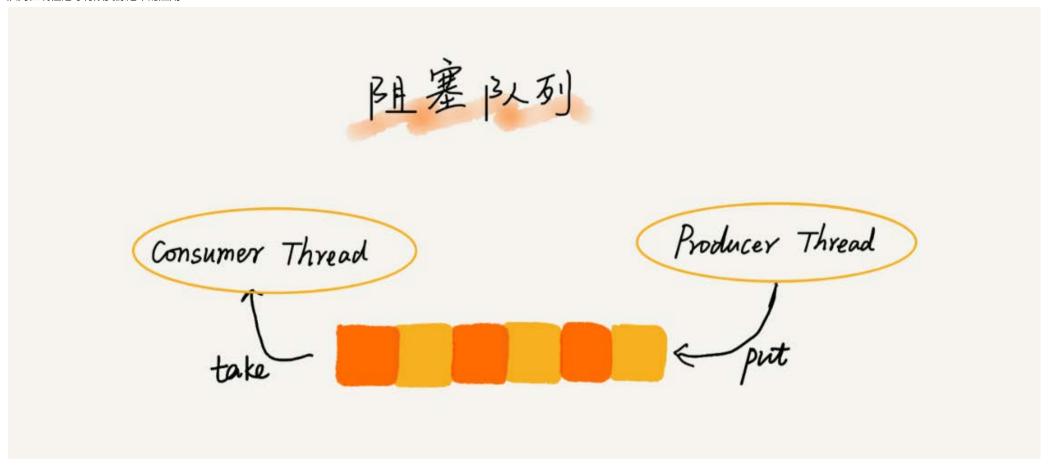
public class CircularQueue {
// 数组:items,数组大小:n
private String[] items;
private int n = 0;

```
09|队列:队列在线程池等有限资源池中的应用
           // head表示队头下标, tail表示队尾下标
           private int head = 0;
private int tail = 0;
           // 申请一个大小为capacity的数组
           public CircularQueue(int capacity) {
            items = new String[capacity]:
            n = capacity;
           // 入队
           public boolean enqueue(String item) {
            // 队列满了
            if ((tail + 1) % n == head) return false; items[tail] = item;
            tail = (tail + 1) \% n;
            return true;
           // 出队
           public String dequeue() {
            // 如果head == tail 表示队列为空
            if (head == tail) return null:
            String ret = items[head];
head = (head + 1) % n;
            return ret;
```

阻塞队列和并发队列

前面讲的内容理论比较多,看起来很难跟实际的项目开发扯上关系。确实,队列这种数据结构很基础,平时的业务开发不大可能从零实现一个队列,甚至都不会直接用到。而一些具有特殊特性的队列应用却比较广泛,比如阻塞队列和并发队列。

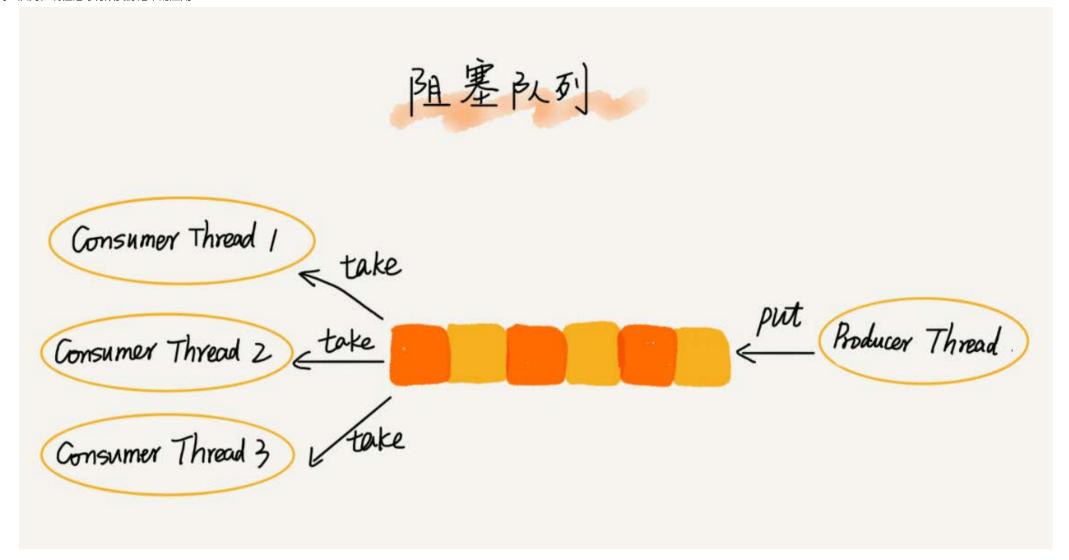
阻塞队列其实就是在队列基础上增加了阻塞操作。简单来说,就是在队列为空的时候,从队头取数据会被阻塞。因为此时还没有数据可取,直到队列中有了数据才能返回;如果队列已经满了,那么插入数据的操作就会被阻塞,直到队列中有空闲位置后再插入数据,然后再返回。



你应该已经发现了,上述的定义就是一个"生产者-消费者模型"!是的,我们可以使用阻塞队列,轻松实现一个"生产者-消费者模型"!

这种基于阻塞队列实现的"生产者-消费者模型",可以有效地协调生产和消费的速度。当"生产者"生产数据的速度过快,"消费者"来不及消费时,存储数据的队列很快就会满了。这个时候,生产者就阻塞等待,直到"消费者"消费了数据,"生产者"才会被唤醒继续"生产"。

而且不仅如此,基于阻塞队列,我们还可以通过协调"生产者"和"消费者"的个数,来提高数据的处理效率。比如前面的例子,我们可以多配置几个"消费者",来应对一个"生产者"。



前面我们讲了阻塞队列,在多线程情况下,会有多个线程同时操作队列,这个时候就会存在线程安全问题,那如何实现一个线程安全的队列呢?

线程安全的队列我们叫作并发队列。最简单直接的实现方式是直接在enqueue()、dequeue()方法上加锁,但是锁粒度大并发度会比较低,同一时刻仅允许一个存或者取操作。实际上,基于数组的循环队列,利用CAS原子操作,可以实现非常高效的并发队列。这也是循环队列比链式队列应用更加广泛的原因。在实战篇讲Disruptor的时候,我会再详细讲并发队列的应用。

解答开篇

队列的知识就讲完了,我们现在回过来看下开篇的问题。线程池没有空闲线程时,新的任务请求线程资源时,线程池该如何处理?各种处理策略又是如何实现的呢?

我们一般有两种处理策略。第一种是非阻塞的处理方式,直接拒绝任务请求;另一种是阻塞的处理方式,将请求排队,等到有空闲线程时,取出排队的请求继续处理。那如何存储排队的请求呢?

我们希望公平地处理每个排队的请求,先进者先服务,所以队列这种数据结构很适合来存储排队请求。我们前面说过,队列有基于链表和基于数组这两种实现方式。这两种实现方式对于排队请求又有什么区别呢?

基于链表的实现方式,可以实现一个支持无限排队的无界队列(unbounded queue),但是可能会导致过多的请求排队等待,请求处理的响应时间过长。所以,针对响应时间比较敏感的系统,基于链表实现的无限排队的线程池是不合适的。

而基于数组实现的有界队列(bounded queue),队列的大小有限,所以线程池中排队的请求超过队列大小时,接下来的请求就会被拒绝,这种方式对响应时间敏感的系统来说,就相对更加合理。不过,设置一个合理的队列大小,也是非常有讲究的。队列太大导致等待的请求太多,队列太小会导致无法充分利用系统资源、发挥最大性能。

除了前面讲到队列应用在线程池请求排队的场景之外,队列可以应用在任何有限资源池中,用于排队请求,比如数据库连接池等。实际上,对于大部分资源有限的场景,当没有空闲资源时,基本上都可以通过"队列"这种数据结构来实现请求排队。

内容小结

今天我们讲了一种跟栈很相似的数据结构,队列。关于队列,你能掌握下面的内容,这节就没问题了。

队列最大的特点就是先进先出,主要的两个操作是入队和出队。跟栈一样,它既可以用数组来实现,也可以用链表来实现。用数组实现的叫顺序队列,用链表实现的叫链式队列。特别是长得像一个环的循环队列。在数组实现队列的时候,会有数据搬移操作,要想解决数据搬移的问题,我们就需要像环一样的循环队列。

循环队列是我们这节的重点。要想写出没有bug的循环队列实现代码,关键要确定好队空和队满的判定条件,具体的代码你要能写出来。

除此之外,我们还讲了几种高级的队列结构,阻塞队列、并发队列,底层都还是队列这种数据结构,只不过在之上附加了很多其他功能。阻塞队列就是入队、出 队操作可以阻塞,并发队列就是队列的操作多线程安全。

课后思考

- 1. 除了线程池这种池结构会用到队列排队请求,你还知道有哪些类似的池结构或者场景中会用到队列的排队请求呢?
- 2. 今天讲到并发队列,关于如何实现无锁并发队列,网上有非常多的讨论。对这个问题,你怎么看呢?

欢迎留言和我分享,我会第一时间给你反馈。

我已将本节内容相关的详细代码更新到GitHub,戳此即可查看。



数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争

前 Google 工程师



新版升级:点击「²。请朋友读」,10位好友免费读,邀请订阅更有<mark>现金</mark>奖励。

精选留言:

只会安卓De小鹿 2018-10-11 21:35:38
 王争老师,为了更好的区分队列和栈,小鹿给大家一个更好的口诀。
 "吃多了拉就是队列,吃多了吐就是栈"。哈哈! [168赞]

09|队列: 队列在线程池等有限资源池中的应用 作者回复2018-10-12 10:18:38

• 计科一班 2018-10-10 14:19:53

老师,循环队列的数组实现,在您的代码中,入队时会空留出一个位置,而且我感觉不太好理解。我定义一个记录队列大小的值size,当这个值与数组大小相等时,表示队列已满,当tail达到最底时,size不等于数组大小时,tail就指向数组第一个位置。当出队时,size—,入队时size++ [69赞]

作者回复2018-10-11 09:52:16

你这个思路挺巧妙的 我暂时还没有想到破绽

- 城 2018-10-10 08:46:32
 - 1.分布式应用中的消息队列,也是一种队列结构
 - 2.考虑使用CAS实现无锁队列,则在入队前,获取tail位置,入队时比较tail是否发生变化,如果否,则允许入队,反之,本次入队失败。出队则是获取head位置,进行cas。

个人浅见,请批评指正[67赞]

作者回复2018-10-10 09:34:47

• Peter、桥 2018-10-10 12:36:48 老师要是有时间对课后问题集中式做下解答就好了 [22赞]

作者回复2018-10-11 09:52:33 行的

• 姜威 2018-10-12 08:51:09

队列实现

一、数组实现

public class ArrayQueue {

//存储数据的数组

private String[] items;

//记录数组容量

private int n;

private int size;

//head记录队头索引, tail记录队尾索引

private int head = 0;

private int tail = 0;

```
09队列:队列在线程池等有限资源池中的应用
           //申请一个指定容量的队列
           public ArrayQueue(int capacity){
           items = new String[capacity];
           n = capacity;
           /*
           * 入队:
           *1. 堆满的时,入队失败
           *1.1频繁出入队,造成数组使用不连续
           *1.2在入队的时候,集中触发进行数据搬移
           * 2.在末尾插入数据,注意tail指向队尾元素的索引+1
           */
           public boolean enqueue(String item){
           //表示队满
           if(head == 0 \&\& tail == n)
           return false:
           //表示需要数据搬移
           else if(head != 0 \&\& tail == n){
           for (int i = head; i < tail; i++) {
           items[i-head] = items[i];
           head = 0;
           tail = tail - head;
           //将数据加入队列
           items[tail++] = item;
           size++;
           return true;
           //出队: 1.队空时, 出队失败;2.出队, head索引+1
           public String dequeue(){
           String res = null;
           if(head == tail) return res;
```

```
09|队列:队列在线程池等有限资源池中的应用
            res = items[head++];
            size--;
            return res;
            二、循环队列
            public class LoopArrayQueue {
            //存储数据的数组
            private String[] items;
            //记录数组容量
            private int n;
            private int size = 0;
            //head记录队头索引, tail记录队尾索引
            private int head = 0;
            private int tail = 0;
            //申请一个指定容量的队列
            public LoopArrayQueue(int capacity){
            items = new String[capacity];
            n = capacity;
            //入队:关键在于队满的条件
            public boolean enqueue(String item){
            if ((tail + 1) \% n == head) return false;
            items[tail] = item;
            tail = (tail + 1) \% n;
            size++;
            return true;
            //出队:关键在于队空的条件
            public String dequeue(){
            String res = null;
            if(head == tail) return res;
            res = items[head];
```

```
09|队列:队列在线程池等有限资源池中的应用
            head = (head + 1) \% n;
            size--;
            return res;
            三、链表实现
            public class LinkedQueue {
            //定义一个节点类
            private class Node{
            String value;
            Node next;
            //记录队列元素个数
            private int size = 0;
            //head指向队头结点, tail指向队尾节点
            private Node head;
            private Node tail;
            //申请一个队列
            public LinkedQueue(){ }
            //入队
            public boolean enqueue(String item){
            Node newNode = new Node();
            newNode.value = item;
            if (size == 0) head = newNode;
            else tail.next = newNode;
            tail = newNode;
            size++;
            return true;
            //出队
            public String dequeue(){
            String res = null;
            if(size == 0) return res;
```

```
09队列:队列在线程池等有限资源池中的应用
        if(size == 1) tail = null;
        res = head.value;
        head = head.next:
        size--;
        return res;
        } [18舞]
        作者回复2018-10-12 10:09:43
       • 姜威 2018-10-12 08:49:35
        总结
        一、什么是队列?
        1.先进者先出,这就是典型的"队列"结构。
        2.支持两个操作: 入队enqueue(), 放一个数据到队尾; 出队dequeue(), 从队头取一个元素。
        3.所以,和栈一样,队列也是一种操作受限的线性表。
        二、如何实现队列?
        1.队列|API
        public interface Queue<T> {
        public void enqueue(T item); // 入队
        public T dequeue(); //出队
        public int size(); //统计元素数量
        public boolean isNull(); //是否为空
        2.数组实现(顺序队列): 见下一条留言
        3.链表实现(链式队列): 见下一条留言
        4.循环队列(基于数组):见下一条留言
        三、队列有哪些常见的应用?
        1.阻塞队列
        1) 在队列的基础上增加阻塞操作,就成了阻塞队列。
        2) 阻塞队列就是在队列为空的时候,从队头取数据会被阻塞,因为此时还没有数据可取,直到队列中有了数据才能返回;如果队列已经满了,那么插入数
        据的操作就会被阻塞,直到队列中有空闲位置后再插入数据,然后在返回。
        3
```

09队列:队列在线程池等有限资源池中的应用

-)从上面的定义可以看出这就是一个生产者消费者模型。这种基于阻塞队列实现的生产者消费者模型可以有效地协调生产和消费的速度。当生产者生产数据的速度过快,"消费者"来不及消费时,存储数据的队列很快就会满了,这时生产者就阻塞等待,直到"消费者"消费了数据,"生产者"才会被唤醒继续生产。不仅如此,基于阻塞队列,我们还可以通过协调"生产者"和"消费者"的个数,来提高数据处理效率,比如配置几个消费者,来应对一个生产者。 2.并发队列
- 1) 在多线程的情况下,会有多个线程同时操作队列,这时就会存在线程安全问题。能够有效解决线程安全问题的队列就称为并发队列。
- 2) 并发队列简单的实现就是在enqueue()、dequeue()方法上加锁,但是锁粒度大并发度会比较低,同一时刻仅允许一个存或取操作。
- 3)实际上,基于数组的循环队列利用CAS原子操作,可以实现非常高效的并发队列。这也是循环队列比链式队列应用更加广泛的原因。
- 3.线程池资源枯竭是的处理

在资源有限的场景,当没有空闲资源时,基本上都可以通过"队列"这种数据结构来实现请求排队。

四、思考

- 1.除了线程池这种池结构会用到队列排队请求,还有哪些类似线程池结构或者场景中会用到队列的排队请求呢?
- 2.今天讲到并发队列,关于如何实现无锁的并发队列,网上有很多讨论。对这个问题,你怎么看? [16赞]

作者回复2018-10-12 10:09:23

• 蝴蝶 2018-10-10 01:40:48

这种实现思路中,出队操作的时间复杂度仍然是 O(1),但入队操作的时间复杂度还是 O(1) 吗想了一下,考虑到head可能等于1,2,n-1,经过计算,觉得均摊和平均时间复杂度还是O(1),对么? [15赞]

• wean 2018-10-10 19:58:30

队列也是一种"操作受限"的线性表,只支持两种基本操作:入队和出队。

队列的应用非常广泛,特别是一些具有某些额外特性的队列,比如循环队列、阻塞队列、并发队列。它们在很多偏底层的系统、框架、中间件的开发中,起着关键性的作用。比如高性能队列 Disruptor、Linux 环形缓存,都用到了循环并发队列; Java concurrent 并发包利用 ArrayBlocking Queue 来实现公平锁等。

关于如何实现无锁并发队列 可以使用 cas + 数组的方式实现。

队列的其他应用

分布式消息队列,如 kafka 也是一种队列。 [13赞]

作者回复2018-10-11 23:02:39

09队列:队列在线程池等有限资源池中的应用

老司机 2018-10-10 09:03:58

循环队列真的是比较牛逼的思路,尤其是linux内核源码的kfifo的实现,无论是取模运算转换成取与运算,还是考虑head,tail的溢出,牛逼[13赞]

• 樱小路依然 2018-11-12 22:22:30

循环队列:队列满的表达式

这里讲一下,这个表达式是怎么来的。在一般情况下,我们可以看出来,当队列满时,tail+1=head。但是,有个特殊情况,就是tail=n-1,而head=0时,这时候,tail+1=n,而head=0,所以用(tail+1)%n==n%n==0。而且,tail+1最大的情况就是 n ,不会大于 n ,这样,tail+1 除了最大情况,不然怎么余 n 都是 tail+1 本身,也就是 head。这样,表达式就出现了。 [11赞]

作者回复2018-11-13 09:58:45

• 花见笑 2018-10-10 09:05:54

循环队列的长度设定需要对并发数据有一定的预测,否则会丢失太多请求。[8赞]

作者回复2018-10-10 10:04:31

• bro. 2018-10-10 19:07:49

老师,课后习题有空讲解一下理解呀!每次看评论,有的还是不太明白的地方[8赞]

作者回复2018-10-11 09:46:58

行的呢 我抽空集中答疑一下

• asule 2018-10-18 08:32:15

很多同学都提到循环队列增加flag来避免浪费最后一个存储空间,那是不是flag本身也需要一个存储空间?[7赞]

作者回复2018-10-18 17:56:13

是的

• 最初的印象 2018-10-10 11:24:04

能不能写下阻塞队列和并发队列的代码[7赞]

作者回复2018-10-11 09:53:47

等我有空了吧 最近有点忙

• oldman 2018-10-12 15:34:21

使用列表实现队列和循环队列,我用python实现了一遍,各位看官一起交流。

https://github.com/lipeng1991/testdemo/blob/master/38_array_implementation_queue.py

09队列:队列在线程池等有限资源池中的应用

https://github.com/lipeng1991/testdemo/blob/master/39_array_implementation_loop_queue.py [5告]

● 苏志辉 2018-10-10 09:28:23 感觉入队时head为1, 2...n-1的概率都是1/n-1,而每种情况对应的复杂度为n-1...,1, 所以复杂度为O(n),不知道对不 [5赞]

• Lost In The Echo。 2018-10-10 08:47:05 为什么数组可以用CAS而链表不能? [5赞]

• allean 2018-11-02 09:31:06

Q: 「Talk is cheap. Show me the code」怎么翻译比较好?

A: 屁话少说, 放码过来。[4赞]

作者回复2018-11-02 09:55:16

• 阿阳 2018-10-29 10:37:27

这里我真心给老师点赞。每节课都是由易到难,由基础到实战场景。比如这一节,先讲解队列的基本性质和实现方式,并做了对比;更重要的是,后面讲到了阻塞队列和并发队列,这个和平时开发遇到的场景类似,理论联系实际,又有代码的实现。 作为老程序员,这次学习数据结构与算法,不再迷惘,反而激发了学习兴趣。真心感谢老师! [4赞]

火火火 2018-10-19 20:35:46
 您尽管更新,我按顺序看。本来就是队列啊 [4赞]