

# 16|二分查找（下）：如何快速定位IP对应的省份地址？

通过IP地址来查找IP归属地的功能，不知道你有没有用过？没用过也没关系，你现在可以打开百度，在搜索框里随便输一个IP地址，就会看到它的归属地。





百度一下

网页

资讯

知道

图片

视频

贴吧

文库

地图

音乐

更多»

百度为您找到相关结果约5个

搜索工具

[IP地址查询](#)



IP地址: 202.102.133.13 山东省东营市 联通

查询

[本机IP查看方法](#)

[IP地址设置方法](#)

www.ip138.com/



这个功能并不复杂，它是通过维护一个很大的IP地址库来实现的。地址库中包括IP地址范围和归属地的对应关系。

当我们想要查询202.102.133.13这个IP地址的归属地时，我们就在地址库中搜索，发现这个IP地址落在[202.102.133.0, 202.102.133.255]这个地址范围内，那我们就可以将这个IP地址范围对应的归属地“山东东营市”显示给用户了。

[202.102.133.0, 202.102.133.255] 山东东营市  
[202.102.135.0, 202.102.136.255] 山东烟台  
[202.102.156.34, 202.102.157.255] 山东青岛  
[202.102.48.0, 202.102.48.255] 江苏宿迁  
[202.102.49.15, 202.102.51.251] 江苏泰州  
[202.102.56.0, 202.102.56.255] 江苏连云港

现在我的问题是，在庞大的地址库中逐一比对IP地址所在的区间，是非常耗时的。假设我们有12万条这样的IP区间与归属地的对应关系，如何快速定位出一个IP地址的归属地呢？

是不是觉得比较难？不要紧，等学完今天的内容，你就会发现这个问题其实很简单。

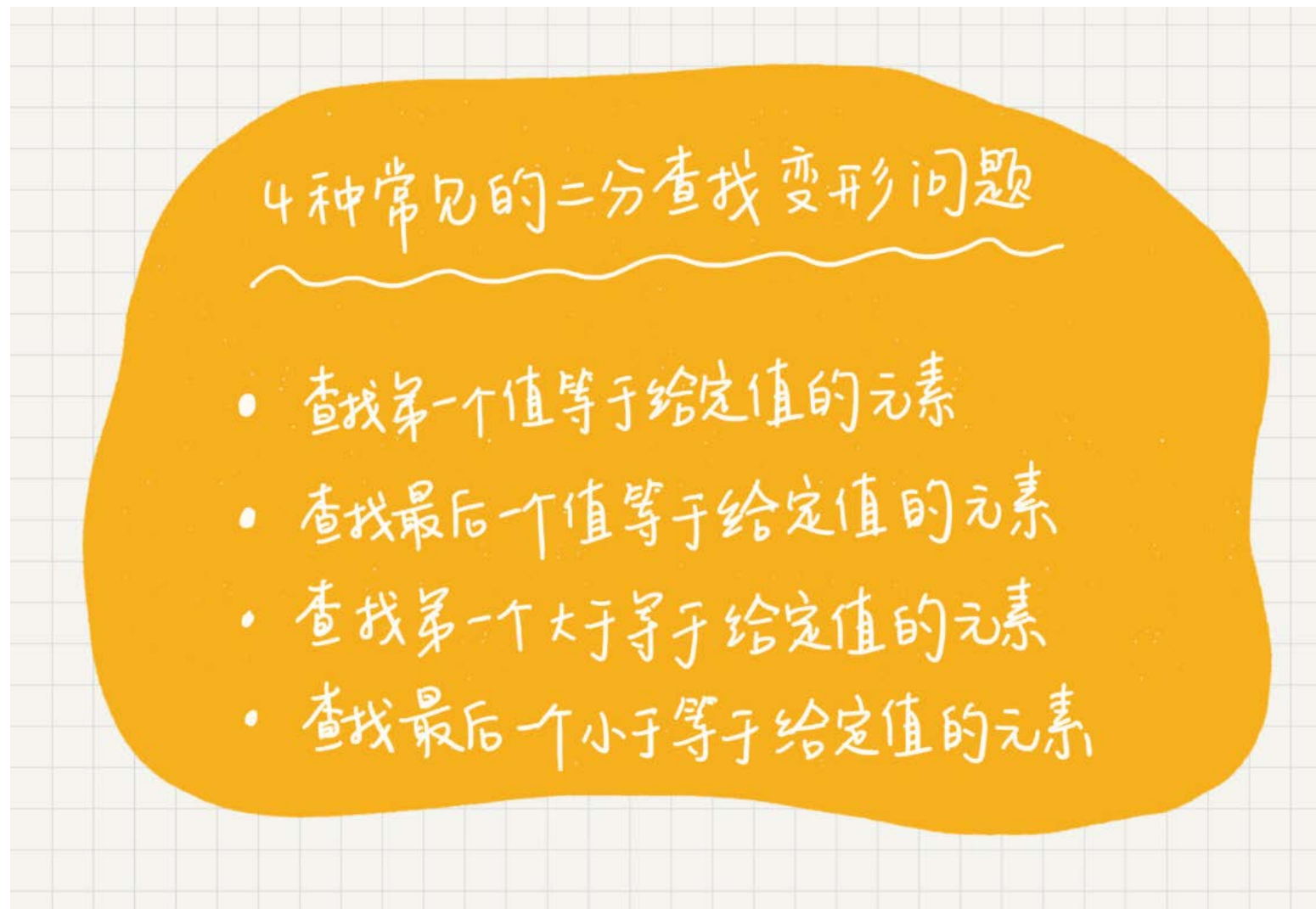
上一节我讲了二分查找的原理，并且介绍了最简单的一种二分查找的代码实现。今天我们来讲几种二分查找的变形问题。

不知道你有没有听过这样一个说法：“十个二分九个错”。二分查找虽然原理极其简单，但是想要写出没有Bug的二分查找并不容易。

唐纳德·克努特（Donald E.Knuth）在《计算机程序设计艺术》的第3卷《排序和查找》中说到：“尽管第一个二分查找算法于1946年出现，然而第一个完全正确的二分查找算法实现直到1962年才出现。”

你可能会说，我们上一节学的二分查找的代码实现并不难写啊。那是因为上一节讲的只是二分查找中最简单的一种情况，在不存在重复元素的有序数组中，查找值等于给定值的元素。最简单的二分查找写起来确实不难，但是，二分查找的变形问题就没那么好写了。

二分查找的变形问题很多，我只选择几个典型的来讲解，其他的你可以借助我今天讲的思路自己来分析。

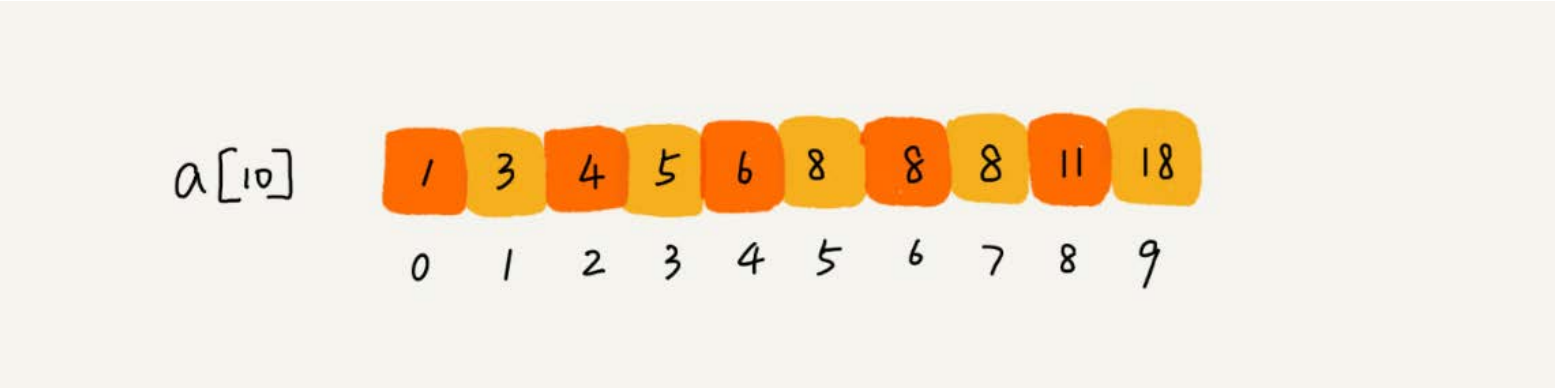


需要特别说明一点，为了简化讲解，今天的内容，我都以数据是从小到大排列为前提，如果你要处理的数据是从大到小排列的，解决思路也是一样的。同时，我希望你最好先自己动手试着写一下这4个变形问题，然后再看我的讲述，这样你就会对我说的“二分查找比较难写”有更加深的体会了。

变体一：查找第一个值等于给定值的元素

上一节中的二分查找是最简单的一种，即有序数据集中不存在重复的数据，我们在其中查找值等于某个给定值的数据。如果我们将这个问题稍微修改下，有序数据集中存在重复的数据，我们希望找到第一个值等于给定值的数据，这样之前的二分查找代码还能继续工作吗？

比如下面这样一个有序数组，其中，a[5]，a[6]，a[7]的值都等于8，是重复的数据。我们希望查找第一个等于8的数据，也就是下标是5的元素。



如果我们用上一节课讲的二分查找的代码实现，首先拿8与区间的中间值a[4]比较，8比6大，于是在下标5到9之间继续查找。下标5和9的中间位置是下标7，a[7]正好等于8，所以代码就返回了。

尽管a[7]也等于8，但它并不是我们想要找的第一个等于8的元素，因为第一个值等于8的元素是数组下标为5的元素。我们上一节讲的二分查找代码就无法处理这种情况了。所以，针对这个变形问题，我们可以稍微改造一下上一节的代码。

100个人写二分查找就会有100种写法。网上有很多关于变形二分查找的实现方法，有很多写得非常简洁，比如下面这个写法。但是，尽管简洁，理解起来却非常烧脑，也很容易写错。

```
public int bsearch(int[] a, int n, int value) {
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = low + ((high - low) >> 1);
        if (a[mid] >= value) {
            high = mid - 1;
        } else {
            low = mid + 1;
        }
    }

    if (low < n && a[low]==value) return low;
    else return -1;
}
```

看完这个实现之后，你是不是觉得很不好理解？如果你只是死记硬背这个写法，我敢保证，过不了几天，你就会全都忘光，再让你写，90%的可能会写错。所以，我换了一种实现方法，你看看是不是更容易理解呢？

```
public int bsearch(int[] a, int n, int value) {
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = low + ((high - low) >> 1);
        if (a[mid] > value) {
            high = mid - 1;
        } else if (a[mid] < value) {
            low = mid + 1;
        } else {
            if ((mid == 0) || (a[mid - 1] != value)) return mid;
            else high = mid - 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

我来稍微解释一下这段代码。a[mid]跟要查找的value的大小关系有三种情况：大于、小于、等于。对于a[mid]>value的情况，我们需要更新high= mid-1；对于a[mid]<value的情况，我们需要更新low=mid+1。这两点都很好理解。那当a[mid]=value的时候应该如何处理呢？

如果我们查找的是任意一个值等于给定值的元素，当a[mid]等于要查找的值时，a[mid]就是我们要找的元素。但是，如果我们求解的是第一个值等于给定值的元素，当a[mid]等于要查找的值时，我们就需要确认一下这个a[mid]是不是第一个值等于给定值的元素。

我们重点看第11行代码。如果mid等于0，那这个元素已经是数组的第一个元素，那它肯定是要找的；如果mid不等于0，但a[mid]的前一个元素a[mid-1]不等于value，那也说明a[mid]就是我们要找的第一个值等于给定值的元素。

如果经过检查之后发现`a[mid]`前面的一个元素`a[mid-1]`也等于`value`，那说明此时的`a[mid]`肯定不是我们要查找的第一个值等于给定值的元素。那我们就更新`high=mid-1`，因为要找的元素肯定出现在`[low, mid-1]`之间。

对比上面的两段代码，是不是下面那种更好理解？实际上，很多人都觉得变形的二分查找很难写，主要原因是太追求第一种那样完美、简洁的写法。而对于我们做工程开发的人来说，代码易读懂、没Bug，其实更重要，所以我觉得第二种写法更好。

## 变体二：查找最后一个值等于给定值的元素

前面的问题是查找第一个值等于给定值的元素，我现在把问题稍微改一下，查找最后一个值等于给定值的元素，又该如何做呢？

如果你掌握了前面的写法，那这个问题你应该很轻松就能解决。你可以先试着实现一下，然后跟我写的对比一下。

```
public int bsearch(int[] a, int n, int value) {
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = low + ((high - low) >> 1);
        if (a[mid] > value) {
            high = mid - 1;
        } else if (a[mid] < value) {
            low = mid + 1;
        } else {
            if ((mid == n - 1) || (a[mid + 1] != value)) return mid;
            else low = mid + 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

我们还是重点看第11行代码。如果`a[mid]`这个元素已经是数组中的最后一个元素了，那它肯定是要找的；如果`a[mid]`的后一个元素`a[mid+1]`不等于`value`，那也说明`a[mid]`就是要找的最后一个值等于给定值的元素。

如果我们经过检查之后，发现`a[mid]`后面的一个元素`a[mid+1]`也等于`value`，那说明当前的这个`a[mid]`并不是最后一个值等于给定值的元素。我们就更新`low=mid+1`，因为要找的元素肯定出现在`[mid+1, high]`之间。

## 变体三：查找第一个大于等于给定值的元素

现在我们再来看另外一类变形问题。在有序数组中，查找第一个大于等于给定值的元素。比如，数组中存储的这样一个序列：3，4，6，7，10。如果查找第一个大于等于5的元素，那就是6。

实际上，实现的思路跟前面的那两种变形问题的实现思路类似，代码写起来甚至更简洁。

```
public int bsearch(int[] a, int n, int value) {
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = low + ((high - low) >> 1);
        if (a[mid] >= value) {
            if ((mid == 0) || (a[mid - 1] < value)) return mid;
            else high = mid - 1;
        } else {
            low = mid + 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

如果`a[mid]`小于要查找的值`value`，那要查找的值肯定在`[mid+1, high]`之间，所以，我们更新`low=mid+1`。

对于`a[mid]`大于等于给定值`value`的情况，我们要先看下这个`a[mid]`是不是我们要找的第一个值大于等于给定值的元素。如果`a[mid]`前面已经没有元素，或者前面一个元素小于要查找的值`value`，那`a[mid]`就是要找的元素。这段逻辑对应的代码是第7行。

如果`a[mid-1]`也大于等于要查找的值`value`，那说明要查找的元素在`[low, mid-1]`之间，所以，我们将`high`更新为`mid-1`。

## 变体四：查找最后一个小于等于给定值的元素

现在，我们来看最后一种二分查找的变形问题，查找最后一个小于等于给定值的元素。比如，数组中存储了这样一组数据：3，5，6，8，9，10。最后一个小于等于7的元素就是6。是不是有点类似上面那一种？实际上，实现思路也是一样的。

有了前面的基础，你完全可以自己写出来了，所以我就不详细分析了。我把代码贴出来，你可以写完之后对比一下。

```
public int bsearch7(int[] a, int n, int value) {
    int low = 0;
```

16|二分查找（下）：如何快速定位IP对应的省份地址？

```
int high = n - 1;
while (low <= high) {
    int mid = low + ((high - low) >> 1);
    if (a[mid] > value) {
        high = mid - 1;
    } else {
        if ((mid == n - 1) || (a[mid + 1] > value)) return mid;
        else low = mid + 1;
    }
}
return -1;
}
```

## 解答开篇

好了，现在我们回头来看开篇的问题：如何快速定位出一个IP地址的归属地？

现在这个问题应该很简单了。如果IP区间与归属地的对应关系不经常更新，我们可以先预处理这12万条数据，让其按照起始IP从小到大排序。如何来排序呢？我们知道，IP地址可以转化为32位的整型数。所以，我们可以将起始地址，按照对应的整型值的大小关系，从小到大进行排序。

然后，这个问题就可以转化为我刚讲的第四种变形问题“在有序数组中，查找最后一个小于等于某个给定值的元素”了。

当我们要查询某个IP归属地时，我们可以先通过二分查找，找到最后一个起始IP小于等于这个IP的IP区间，然后，检查这个IP是否在这个IP区间内，如果在，我们就取出对应的归属地显示；如果不在，就返回未查找到。

## 内容小结

上一节我说过，凡是用二分查找能解决的，绝大部分我们更倾向于用散列表或者二叉查找树。即便是二分查找在内存使用上更节省，但是毕竟内存如此紧缺的情况并不多。那二分查找真的没什么用处了吗？

实际上，上一节讲的求“值等于给定值”的二分查找确实不怎么会被用到，二分查找更适合用在“近似”查找问题，在这类问题上，二分查找的优势更加明显。比如今天讲的这几种变体问题，用其他数据结构，比如散列表、二叉树，就比较难实现了。

变体的二分查找算法写起来非常烧脑，很容易因为细节处理不好而产生Bug，这些容易出错的细节有：终止条件、区间上下界更新方法、返回值选择。所以今天的内容你最好能用自己实现一遍，对锻炼编码能力、逻辑思维、写出Bug free代码，会很有帮助。

## 课后思考

我们今天讲的都是非常规的二分查找问题，今天的思考题也是一个非常规的二分查找问题。如果有序数组是一个循环有序数组，比如4, 5, 6, 1, 2, 3。针对这种情况，如何实现一个求“值等于给定值”的二分查找算法呢？

欢迎留言和我分享，我会第一时间给你反馈。



# 数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争  
前 Google 工程师



新版升级：点击「 请朋友读」，10位好友免费读，邀请订阅更有**现金**奖励。

## 精选留言：

- Smallfly 2018-10-27 10:49:06  
有三种方法查找循环有序数组

一、

1. 找到分界下标，分成两个有序数组
2. 判断目标值在哪个有序数据范围内，做二分查找

二、

1. 找到最大值的下标  $x$ ；
2. 所有元素下标  $+x$  偏移，超过数组范围值的取模；
3. 利用偏移后的下标做二分查找；
4. 如果找到目标下标，再作  $-x$  偏移，就是目标值实际下标。

两种情况最高时耗都在查找分界点上，所以时间复杂度是  $O(N)$ 。

复杂度有点高，能否优化呢？

三、

我们发现循环数组存在一个性质：以数组中间点为分区，会将数组分成一个有序数组和一个循环有序数组。

如果首元素小于 mid，说明前半部分是有序的，后半部分是循环有序数组；

如果首元素大于 mid，说明后半部分是有序的，前半部分是循环有序的数组；

如果目标元素在有序数组范围中，使用二分查找；

如果目标元素在循环有序数组中，设定数组边界后，使用以上方法继续查找。

时间复杂度为  $O(\log N)$ 。 [67赞]

• zixuan 2018-10-31 16:50:52

思考题对应leetcode 33题，大家可以去练习 [23赞]

• Victor 2018-10-27 22:38:14

今天的IP地址归属地问题，从工程实现的角度考虑，我更偏向于直接使用关系型数据库实现。

也就是将12w条归属地与IP区间的开始、结束存入数据库中。

数据库表ip\_table有如下字段：area\_name | start\_ip | end\_ip，start\_ip及end\_ip 均建立索引|

SQL语句：

```
select area_name from ip_table where input_ip >= start_ip and input_ip <= end_ip;
```

学习算法的课程常常和自己工程开发的实际结合在一起，感觉两者是相互促进理解的过程。 [6赞]

作者回复2018-10-28 23:27:38

数据库可以 单性能会受限

• charon 2018-10-26 15:32:49

用JavaScript实现的最基本的思考题：

array是传入的数组，value是要查找的值

思路是通过对比low,high的值来判断value所在的区间，不用多循环一遍找偏移量了~

```
function search(array,value){
```

```
  let low = 0;
```

```
  let high = array.length - 1;
```

```
  while(low <= high){
```

```
    let mid = low + ((high - low) >> 1);
```

```
    if(value == array[low]) return low;
```

```
    if(value == array[high]) return high;
```

```
    if(value == array[mid]) return mid;
```

```
    if(value > array[mid] && value > array[high] && array[mid] < array[low]){
```

```
      high = mid - 1;
```

```
    }else if(value < array[mid] && value < array[low] && array[mid] < array[low]){
```

```
      high = mid - 1;
```

```
    }else if(value < array[mid] && value > array[low]){
```

```
      high = mid - 1;
```

```
}else{  
    low = mid + 1;  
}  
}
```

```
return -1  
} [6赞]
```

- 菜鸡程序员 2018-12-07 10:25:08

- 1.如果不知道分界点，找寻分界点没有意义，不如直接遍历。
- 2.如果知道分界点，查看在哪一边，然后二分法，或者偏移量计算.二分法

老师:我今天这种可以吗:

```
/**  
 * 功能描述:查找第一个大于等于给定值的元素  
 *  
 * @param null  
 * @return  
 * @author xiongfam  
 * @date 2018/12/7 9:43:00  
 */  
  
public static int getFirstGreaterValue(int[] array,int value) {  
    int low = 0;  
    int high = array.length - 1;  
  
    while (low <= high) {  
        int mid = low + (high - low) >> 1;  
        if (array[mid] < value) {  
            low = mid + 1;  
        } else if (array[mid] > value) {  
            high = mid - 1;  
        } else {  
  
            if (mid == 0 || array[mid - 1] < array[mid]) {  
                return mid;  
            }  
            high = mid - 1;  
  
        }  
    }  
  
    return low>array.length-1?-1:low;  
}
```



```
/**
 * 功能描述:查找最后一个小于等于给定值的元素
 *
 * @param null
 * @return
 * @author xiongfam
 * @date 2018/12/7 10:03:00
 */
public static int getLastLessValue(int[] array,int value) {
    int low = 0;
    int high = array.length - 1;

    while (low <= high) {
        int mid = low + (high - low) >> 1;
        if (array[mid] > value) {
            high = mid - 1;
        } else if (array[mid] < value) {
            low = mid + 1;
        } else {
            if (mid > array.length-1 || array[mid] < array[mid + 1]) {
                return mid;
            }
            low = mid + 1;
        }
    }

    return high<0?-1:high;
}
```

[4赞]

- 狼的诱惑 2018-10-31 13:15:22  
@老师，请老师或其他高人回复指教

```
/**
 * 例如： 4 5 6 1 2 3
 * 循环数组的二分查找 总体时间复杂度O(n)
 */
public static int forEqualsThan(int[] arr, int num) {
    if (arr[0] == num) {
        return 0;
    }
    int length = arr.length;
    int low = 0;
    int high = length - 1;
```

16|二分查找（下）：如何快速定位IP对应的省份地址？

```
//找到循环节点
for (int i = 0; i < length; i++) {
    if (i == length - 1) {
        if (arr[i] > arr[0]) {
            low = i;
            high = 0;
            break;
        }
    } else {
        if (arr[i] > arr[i + 1]) {
            low = i;
            high = low + 1;
            break;
        }
    }
}

//判断第一个节点的大小位置，确定low和high的值，转变为正常有序的二分查找
if (arr[0] < num) {
    high = low;
    low = 0;
}
if (arr[0] > num) {
    low = high;
    high = length - 1;
}
while (low <= high) {
    int index = low + ((high - low) >> 1);
    if (arr[index] > num) {
        high = index - 1;
    }
    if (arr[index] < num) {
        low = index + 1;
    }
    if (arr[index] == num) {
        return index;
    }
}
return -1;
} [3赞]
```

- komo0104 2018-10-26 02:10:25

给原来的index加上偏移量。  
比如原来的二分查找代码从0开始到n-1结束，现在为x到x - 1 (即n-1+x-n)。  
x为开始循环处的索引，例子里为3（1所在索引）。需要扫描一遍数组找到x，复杂度O(n)。其余和普通二分查找一样，需要多判断index not out of bound。如果索引超过n了要减n。

总的复杂度还是O(n) [3赞]

- QFann 2018-12-18 16:12:10

```
public int search(int[] nums, int target) {
    if(nums.length ==0) return -1;
    if(nums.length ==1){
        if(nums[0] == target) return 0;
        else return -1;
    }
    int low = 0;
    int high = nums.length - 1;
    int index = subIndex(nums,low,high);
    if(index != -1){
        int val = binarySearch(nums,low,index,target);
        if (val != -1) return val;
        return binarySearch(nums,index+1,high,target);
    }
    return binarySearch(nums,low,high,target);
}
```

```
public static int subIndex(int [] nums,int low,int high){
    while (low <= high){
        int mid = low + ((high - low )>> 1);
        if(nums.length < 1) return -1;
        if(nums[mid] > nums[mid+1]) return mid;
        else if( nums[mid] < nums[low] ) high = mid ;
        else if (nums[mid] > nums[high]) low = mid ;
        else return -1;
    }
    return -1;
}
```

```
public static int binarySearch(int[] nums,int low,int high,int target){
    while (low <= high){
        int mid = low + ((high - low)>>1);
        if(nums[mid] == target) return mid;
        else if (nums[mid] < target) low = mid + 1;
        else high = mid -1;
    }
    return -1;
} [2赞]
```

- 姜威 2018-11-03 10:05:11

总结：二分查找（下）

一、四种常见的二分查找变形问题

- 1.查找第一个值等于给定值的元素
- 2.查找最后一个值等于给定值的元素
- 3.查找第一个大于等于给定值的元素
- 4.查找最后一个小于等于给定值的元素

## 二、适用性分析

- 1.凡事能用二分查找解决的，绝大部分我们更倾向于用散列表或者二叉查找树，即便二分查找在内存上更节省，但是毕竟内存如此紧缺的情况并不多。
- 2.求“值等于给定值”的二分查找确实不怎么用到，二分查找更适合用在”近似“查找问题上。比如上面讲几种变体。

## 三、思考

- 1.如何快速定位出一个IP地址的归属地？

[202.102.133.0, 202.102.133.255] 山东东营市

[202.102.135.0, 202.102.136.255] 山东烟台

[202.102.156.34, 202.102.157.255] 山东青岛

[202.102.48.0, 202.102.48.255] 江苏宿迁

[202.102.49.15, 202.102.51.251] 江苏泰州

[202.102.56.0, 202.102.56.255] 江苏连云港

假设我们有 12 万条这样的 IP 区间与归属地的对应关系，如何快速定位出一个IP地址的归属地呢？

- 2.如果有一个有序循环数组，比如4, 5, 6, 1, 2, 3。针对这种情况，如何实现一个求“值等于给定值”的二分查找算法？ [2赞]

- 勤劳的小胖子-libo 2018-10-27 10:30:56

1. 先二分遍历找到分隔点index，特征是<pre, >=next;
2. 把数组分成二个部分， [0,index-1], [index,length-1];
3. 分别使用二分查找，找到给定的值。

时间复杂度为 $2^{\log(n)}$ . 不确定有什么更好的办法。

[2赞]

- biss 2018-12-23 12:20:22

第一次见到逻辑这么清晰的二分查找代码，已经被老师俘获了，太优雅了 [1赞]

- 疾风狂草 2018-12-10 00:20:22

老师，你说二分查找更适合用在“近似”查找问题，在这类问题上，二分查找的优势更加明显。这种问题链式哈希表不是更擅长吗？ [1赞]

作者回复2018-12-10 09:54:57

哈希表是精准查找

- Jeson 2018-10-28 21:28:09

#查找第一个值等于给定值的元素

```
def bsearchFirst(nums, val):
```

```
    low, high = 0, len(nums) - 1
```

```
    while low <= high:
```

```
        mid = low + ((high - low) >> 1)
```

```
        if nums[mid] >= val:
```

```
            high = mid - 1
```

```
        else:
```

```
            low = mid + 1
```

```
        if nums[low] == val:
```

```
            return low
```

16|二分查找（下）：如何快速定位IP对应的省份地址？

```
else:
    return None
```

#查找最后一个值等于给定值的元素

```
def bsearchLast(nums, val):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = low + ((high - low) >> 1)
        if nums[mid] <= val:
            low = mid + 1
        else:
            high = mid - 1
    if nums[high] == val:
        return high
    else:
        return None
```

#查找第一个大于等于给定值的元素

```
def bsearchFirstLargerEqual(nums, val):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = low + ((high - low) >> 1)
        if nums[mid] >= val:
            high = mid - 1
        else:
            low = mid + 1
    if nums[low] >= val:
        return low
    else:
        return None
```

#查找最后一个小于等于给定值的元素

```
def bSearchLastsmallerEqual(nums, val):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = low + ((high - low) >> 1)
        if nums[mid] <= val:
            low = mid + 1
        else:
            high = mid - 1
    if nums[high] <= val:
        return high
    else:
        return None
```

```
#循环数组的二分查找
def bSearchRecycle(nums, val):
    n, offset = len(nums), 3
    low, high = 0, n - 1
    while low <= high:
        mid = low + ((high - low) >> 1)
        midIdx = (mid + offset) % n
        if nums[midIdx] == val:
            return midIdx
        elif nums[midIdx] < val:
            low = mid + 1
        else:
            high = mid - 1
    return None

if __name__ == '__main__':
    nums = [0, 0, 2, 2, 3, 3]
    val = 1
    print(bSearchLastsmallerEqual(nums, val))

    nums = [4, 5, 6, 1, 2, 3]
    val = 3
    print(bSearchRecycle(nums, val)) [1赞]
```

- 锐雨 2018-10-27 18:28:14  
关于循环有序数组的问题，假设array无重复元素的话，我们可以先二分法将array分成两个递增数组，再分别采用二分法。有不妥之处忘赐教哦, java:

```
public static int search(int x, int[] array) {
    if (null == array || array.length == 0) {
        return -1;
    }
    /** Step1. 先找到循环队列新一轮从小变大的起始位置*/
    int low = 1;
    int high = array.length - 1;
    int mid;
    int firstVal = array[0];
    /*到firstVal之后第一个<firstVal的position */
    int dividePos = -1;
    while(low <= high) {
        mid = low + ((high - low)>>1);
        if (array[mid] > firstVal) {
            low = mid + 1;
        } else {
```

16|二分查找（下）：如何快速定位IP对应的省份地址？

```
if (mid == 1 || array[mid - 1] > firstVal) {
    dividePos = mid;
    break;
} else {
    high = mid - 1;
}
}
}

/** Step2. 对dividePos两边分别进行二分搜索 */
int targetPos = -1;
if (dividePos >= 1) {
    targetPos = bSearch(x, array, 0, dividePos - 1);
    if (-1 != targetPos) {
        return targetPos;
    } else {
        targetPos = bSearch(x, array, dividePos, array.length - 1);
    };
} else {
    targetPos = bSearch(x, array, 0, array.length - 1);
}
return targetPos;
}

/** 普通的二分搜索 */
public static int bSearch(int x, int[] array, int low, int high) {
    if (null == array || array.length == 0 || low < 0 || high >= array.length) {
        return -1;
    }
    int mid;
    while(low <= high) {
        mid = low + ((high - low)>>1);
        if (array[mid] > x) {
            high = mid - 1;
        } else if (array[mid] < x) {
            low = mid + 1;
        } else {
            return mid;
        }
    }
    return -1;
} [1赞]
```

• 舍得 2018-10-27 18:04:57

第一段代码有漏洞，且不说int能不能表示数组的下标问题，毕竟这个数组能越界说明相当庞大了；

16|二分查找（下）：如何快速定位IP对应的省份地址？

主要问题在于，如果我给定的数大于任何一个数组元素，low就会等于n，n是数组越界后的第一个元素，如果它刚好是要查找的值呢？？ [1赞]

作者回复2018-10-29 19:24:13

谢谢指正 我稍后改下

• 小喵喵 2018-10-27 09:34:18

二分查找的变体问题，在java sdk、net framework中有实现吗？ [1赞]

作者回复2018-10-28 09:40:48

c++有的

• 铁皮 2018-10-26 16:05:34

我发现第一段代码(简洁版)好像有bug。

测试数组int[] nums = new int[] {1, 3, 3, 3, 3, 6, 7, 9, 12, 14, 18};

执行bsearch(nums, nums.length, 20);

出现java.lang.ArrayIndexOutOfBoundsException: 11

但是执行bsearch(nums, nums.length - 1, 20);就没有问题。

但是第二段代码就是你提倡的写法，执行bsearch(nums, nums.length, 20);就没有问题。

但是执行bsearch(nums, nums.length - 1, 18); 返回"-1"。就不正确了。

可能还需要大量的测试

[1赞]

• 淤白 2018-10-26 11:23:03

1. 通过二分法算出偏移量；

2. 通过偏移量使 [0, n-1] 和现在有序数组的下标关联起来；

3. 通过二分法算出结果；

4. 对结果进行偏移处理拿到最终位置。 [1赞]

• 蒋礼锐 2018-10-26 09:34:51

留言有个地方写错了，不应该在n/i二分，应该是A(j-i)到A(j)。还请老师指点这样的思路是否正确 [1赞]

• tszzsk 2018-10-26 09:32:46

第二段代码：if ((mid == 0) || (a[mid - 1] != value)) 可否改为 if ((mid == low) || (a[mid - 1] != value))？以及下面变体？ [1赞]