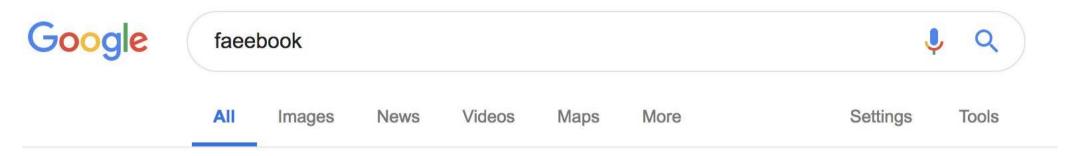
42 动态规划实战:如何实现搜索引擎中的拼写纠错功能?

在Trie树那节我们讲过,利用Trie树,可以实现搜索引擎的关键词提示功能,这样可以节省用户输入搜索关键词的时间。实际上,搜索引擎在用户体验方面的优化还有很多,比如你可能经常会用的拼写纠错功能。 当你在搜索框中,一不小心输错单词时,搜索引擎会非常智能地检测出你的拼写错误,并且用对应的正确单词来进行搜索。作为一名软件开发工程师,你是否想过,这个功能是怎么实现的呢?



About 23,340,000,000 results (0.38 seconds)

Showing results for *facebook*Search instead for faeebook

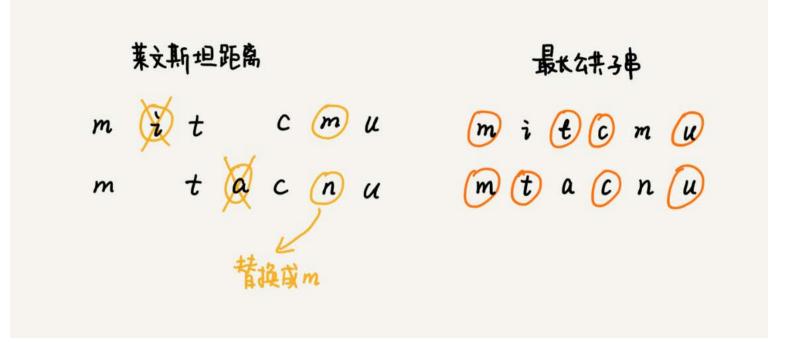
如何量化两个字符串的相似度?

计算机只认识数字,所以要解答开篇的问题,我们就要先来看,如何量化两个字符串之间的相似程度呢?有一个非常著名的量化方法,那就是编辑距离(Edit Distance)。

顾名思义,编辑距离指的就是,将一个字符串转化成另一个字符串,需要的最少编辑操作次数(比如增加一个字符、删除一个字符、替换一个字符)。编辑距离越大,说明两个字符串的相似程度越小;相反,编辑距离就越小,说明两个字符串的相似程度越大。对于两个完全相同的字符串来说,编辑距离就是0。

根据所包含的编辑操作种类的不同,编辑距离有多种不同的计算方式,比较著名的有莱文斯坦距离(Levenshtein distance)和最长公共子串长度(Longest common substring length)。其中,莱文斯坦距离允许增加、删除、替换字符这三个编辑操作,最长公共子串长度只允许增加、删除字符这两个编辑操作。

而且,莱文斯坦距离和最长公共子串长度,从两个截然相反的角度,分析字符串的相似程度。莱文斯坦距离的大小,表示两个字符串差异的大小;而最长公共子串的大小,表示两个字符串相似程度的大小。 关于这两个计算方法,我举个例子给你说明一下。这里面,两个字符串mitcmu和mtacnu的莱文斯坦距离是3,最长公共子串长度是4。



了解了编辑距离的概念之后,我们来看,如何快速计算两个字符串之间的编辑距离?

如何编程计算莱文斯坦距离?

之前我反复强调过,思考过程比结论更重要,所以,我现在就给你展示一下,解决这个问题,我的完整的思考过程。

这个问题是求把一个字符串变成另一个字符串,需要的最少编辑次数。整个求解过程,涉及多个决策阶段,我们需要依次考察一个字符串中的每个字符,跟另一个字符串中的字符是否匹配,匹配的话如何处理,不匹配的话又如何处理。所以,这个问题符合多阶段决策最优解模型。

我们前面讲了,贪心、回溯、动态规划可以解决的问题,都可以抽象成这样一个模型。要解决这个问题,我们可以先看一看,用最简单的回溯算法,该如何来解决。

回溯是一个递归处理的过程。如果a[i]与b[j]匹配,我们递归考察a[i+1]和b[j+1]。如果a[i]与b[j]不匹配,那我们有多种处理方式可选:

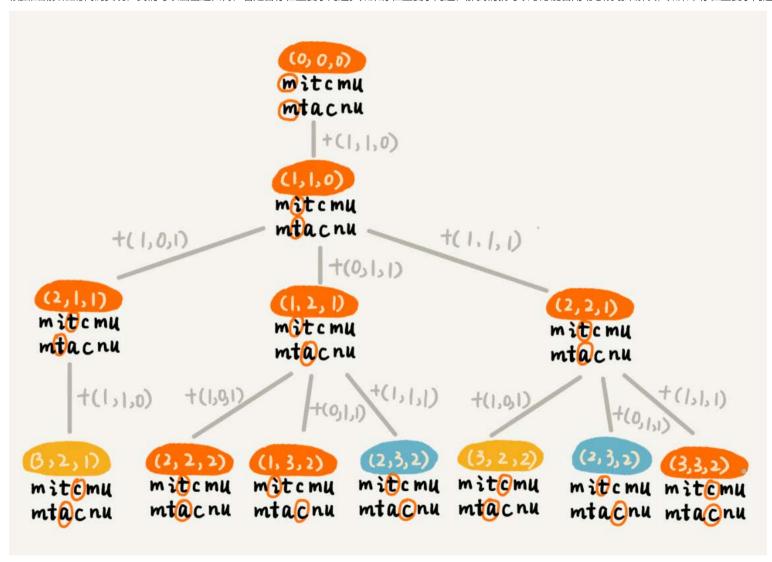
- 可以删除a[i], 然后递归考察a[i+1]和b[j];
- 可以删除b[j], 然后递归考察a[i]和b[j+1];
- 可以在a[i]前面添加一个跟b[j]相同的字符, 然后递归考察a[i]和b[j+1];
- 可以在b[j]前面添加一个跟a[i]相同的字符, 然后递归考察a[i+1]和b[j];
- 可以将a[i]替换成b[i], 或者将b[j]替换成a[i], 然后递归考察a[i+1]和b[j+1]。

我们将上面的回溯算法的处理思路,翻译成代码,就是下面这个样子:

private char[] a = "mitcmu".toCharArray();
private char[] b = "mtacnu".toCharArray();
private int n = 6;
private int m = 6;
private int minDist = Integer.MAX_VALUE; // 存储结果
// 调用方式 lwstBT(0, 0, 0);
public lwstBT(int i, int j, int edist) {
 if (i = n || j = m) {
 if (i < n) edist + = (n-i);
 if (j < m) edist + = (m-j);
 if (i (s) m) edist + = (m-j)

```
return;
}
if (a[i] == b[j]) { // 两个字符匹配
lwstBT(i+1, j+1, edist);
} else { // 两个字符不匹配
lwstBT(i+1, j, edist + 1); // 删除a[i]或者b[j]前添加一个字符
lwstBT(i, j + 1, edist + 1); // 删除b[j]或者a[i]前添加一个字符
lwstBT(i, j + 1, edist + 1); // 删除b[j]或者a[i]前添加一个字符
lwstBT(i + 1, j + 1, edist + 1); // 将a[i]和b[j]替换为相同字符
}
```

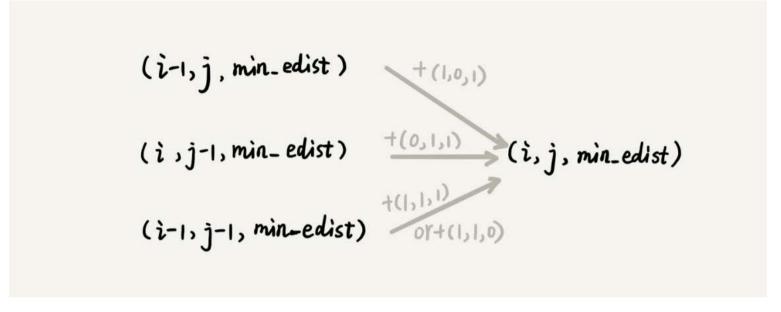
根据回溯算法的代码实现,我们可以画出递归树,看是否存在重复子问题。如果存在重复子问题,那我们就可以考虑能否用动态规划来解决;如果不存在重复子问题,那回溯就是最好的解决方法。



在递归树中,每个节点代表一个状态,状态包含三个变量(i, j, edist),其中,edist表示处理到a[i]和b[j]时,已经执行的编辑操作的次数。

在递归树中,(i,j)两个变量重复的节点很多,比如(3, 2)和(2, 3)。对于(i,j)相同的节点,我们只需要保留edist最小的,继续递归处理就可以了,剩下的节点都可以舍弃。所以,状态就从(i,j, edist)变成了(i,j, min_edist),其中min_edist表示处理到a[i]和b[j],已经执行的最少编辑次数。

看到这里,你有没有觉得,这个问题跟上两节讲的动态规划例子非常相似?不过,这个问题的状态转移方式,要比之前两节课中讲到的例子都要复杂很多。上一节我们讲的矩阵最短路径问题中,到达状态(i,j)只能通过(i-1,j)或(i,j-1)两个状态转移过来,而今天这个问题,状态(i,j)可能从(i-1,j),(i,j-1),(i-1,j-1)三个状态中的任意一个转移过来。



基于刚刚的分析,我们可以尝试着将把状态转移的过程,用公式写出来。这就是我们前面讲的状态转移方程。

如果: a[i]!=b[j], 那么: min_edist(i, j)就等于:

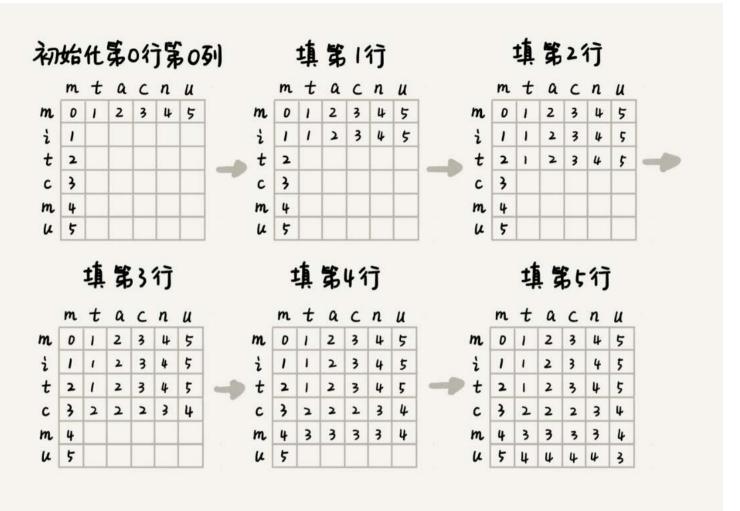
 $min(min_edist(i-1,j)+1, min_edist(i,j-1)+1, min_edist(i-1,j-1)+1)$

如果: a[i]==b[j], 那么: min_edist(i, j)就等于:

 $min(min_edist(i-1,j)+1, min_edist(i,j-1)+1, min_edist(i-1,j-1))$

其中, min表示求三数中的最小值。

了解了状态与状态之间的递推关系,我们画出一个二维的状态表,按行依次来填充状态表中的每个值。



我们现在既有状态转移方程,又理清了完整的填表过程,代码实现就非常简单了。我将代码贴在下面,你可以对比着文字解释,一起看下。

42|动态规划实战:如何实现搜索引擎中的拼写纠错功能?

else maxlcs[i][0] = 0; } for (int i = 1; i < n; ++i) { // 填表

```
private int min(int x, int y, int z) {
  int minv = Integer.MAX_VALUE;
  if (x < minv) minv = x;
  if (y < minv) minv = y;
  if (z < minv) minv = z;
  return minv;
}
```

你可能会说,我虽然能看懂你讲的思路,但是遇到新的问题的时候,我还是会感觉到无从下手。这种感觉是非常正常的。关于复杂算法问题的解决思路,我还有一些经验、小技巧,可以分享给你。

当我们拿到一个问题的时候,我们可以先不思考,计算机会如何实现这个问题,而是单纯考虑"人脑"会如何去解决这个问题。人脑比较倾向于思考具象化的、摸得着看得见的东西,不适合思考过于抽象的问题。所以,我们 需要把抽象问题具象化。那如何具象化呢?我们可以实例化几个测试数据,通过人脑去分析具体实例的解,然后总结规律,再尝试套用学过的算法,看是否能够解决。

除此之外,我还有一个非常有效、但也算不上技巧的东西,我也反复强调过,那就是多练。实际上,等你做多了题目之后,自然就会有感觉,看到问题,立马就能想到能否用动态规划解决,然后直接就可以寻找最优子结构,写出动态规划方程,然后将状态转移方程翻译成代码。

如何编程计算最长公共子串长度?

前面我们讲到,最长公共子串作为编辑距离中的一种,只允许增加、删除字符两种编辑操作。从名字上,你可能觉得它看起来跟编辑距离没什么关系。实际上,从本质上来说,它表征的也是两个字符串之间的相似程度。这个问题的解决思路,跟莱文斯坦距离的解决思路非常相似,也可以用动态规划解决。我刚刚已经详细讲解了莱文斯坦距离的动态规划解决思路,所以,针对这个问题,我直接定义状态,然后写状态转移方程。每个状态还是包括三个变量(i, j, max_lcs),max_lcs表示a[0...i]和b[0...j]的最长公共子串长度。那(i, j)这个状态都是由哪些状态转移过来的呢?

我们先来看回溯的处理思路。我们从a[0]和b[0]开始,依次考察两个字符串中的字符是否匹配。

- 如果a[i]与b[j]互相匹配, 我们将最大公共子串长度加一, 并且继续考察a[i+1]和b[j+1]。
- 如果a[i]与b[i]不匹配,最长公共子串长度不变,这个时候,有两个不同的决策路线
- 删除a[i], 或者在b[j]前面加上一个字符a[i], 然后继续考察a[i+1]和b[j];
- 删除b[i], 或者在a[i]前面加上一个字符b[i], 然后继续考察a[i]和b[i+1]。

反过来也就是说。如果我们要求a[0...i]和b[0...i]的最长公共长度 $max_lcs(i,j)$,我们只有可能通过下面三个状态转移过来:

- (i-1, j-1, max lcs), 其中max lcs表示a[0...i-1]和b[0...j-1]的最长公共子串长度;
- (i-1, j, max_lcs), 其中max_lcs表示a[0...i-1]和b[0...j]的最长公共子串长度;
- (i, j-1, max_lcs), 其中max_lcs表示a[0...i]和b[0...j-1]的最长公共子串长度。

如果我们把这个转移过程,用状态转移方程写出来,就是下面这个样子:

```
如果:a[i]==b[j],那么:max\_lcs(i,j)就等于:max(max\_lcs(i-1,j-1)+1,max\_lcs(i-1,j),max\_lcs(i,j-1));
如果:a[i]!=b[j],那么:max\_lcs(i,j)就等于:max(max\_lcs(i-1,j-1),max\_lcs(i,j),max\_lcs(i,j-1));
其中max表示求三数中的最大值。
有了状态转移方程,代码实现就简单多了。我把代码贴到了下面,你可以对比着文字一块儿看。public int <math>lcs(char[] a, int n, char[] b, int m) { int[][] maxlcs = new int[n][m]; for (int j = 0, j < m; ++j) {//初始化第0行:a[0..0]与b[0..j]的maxlcs if a[0] == b[j] maxlcs[0][j] = 1; else if (j [: 0) maxlcs[0][j] = maxlcs[0][j-1]; else maxlcs[0][j] = 0; } for (int i = 0, i < n; ++i) {//初始化第0列:a[0..i]与b[0..0]的maxlcs if (a[i] == b[0]) maxlcs[i][0] = 1; else if (i : [: 0) maxlcs[i][0] = maxlcs[i-1][0];
```

```
42|动态规划实战:如何实现搜索引擎中的拼写纠错功能?

}
return maxlcs[n-1][m-1];
}

private int max(int x, int y, int z) {
    int maxv = Integer.MIN_VALUE;
    if (x > maxv) maxv = x;
    if (y > maxv) maxv = z;
    return maxv;
```

解答开篇

今天的内容到此就讲完了。我们来看下开篇的问题。

当用户在搜索框内,输入一个拼写错误的单词时,我们就拿这个单词跟词库中的单词——进行比较,计算编辑距离,将编辑距离最小的单词,作为纠正之后的单词,提示给用户。

这就是拼写纠错最基本的原理。不过,真正用于商用的搜索引擎,拼写纠错功能显然不会就这么简单。一方面,单纯利用编辑距离来纠错,效果并不一定好;另一方面,词库中的数据量可能很大,搜索引擎每天要支持海量的搜索,所以对纠错的性能要求很高。

针对纠错效果不好的问题,我们有很多种优化思路,我这里介绍几种。

- 我们并不仅仅取出编辑距离最小的那个单词,而是取出编辑距离最小的TOP 10,然后根据其他参数,决策选择哪个单词作为拼写纠错单词。比如使用搜索热门程度来决定哪个单词作为拼写纠错单词。
- 我们还可以用多种编辑距离计算方法,比如今天讲到的两种,然后分别编辑距离最小的TOP 10,然后求交集,用交集的结果,再继续优化处理。
- 我们还可以通过统计用户的搜索日志,得到最常被拼错的单词列表,以及对应的拼写正确的单词。搜索引擎在拼写纠错的时候,首先在这个最长被拼错单词列表中查找。如果一旦找到,直接返回对应的正确的单词。 这样纠错的效果非常好。
- 我们还有更加高级一点的做法,引入个性化因素。针对每个用户,维护这个用户特有的搜索喜好,也就是常用的搜索关键词。当用户输入错误的单词的时候,我们首先在这个用户常用的搜索关键词中,计算编辑距离,查找编辑距离最小的单词。

针对纠错性能方面,我们也有相应的优化方式。我讲两种分治的优化思路。

- 如果纠错功能的TPS不高,我们可以部署多台机器,每台机器运行一个独立的纠错功能。当有一个纠错请求的时候,我们通过负载均衡,分配到其中一台机器,来计算编辑距离,得到纠错单词。
- 如果纠错系统的响应时间太长,也就是,每个纠错请求处理时间过长,我们可以将纠错的词库,分割到很多台机器。当有一个纠错请求的时候,我们就将这个拼写错误的单词,同时发送到这多台机器,让多台机器并 行处理,分别得到编辑距离最小的单词,然后再比对合并,最终决定出一个最优的纠错单词。

真正的搜索引擎的拼写纠错优化,肯定不止我讲的这么简单,但是万变不离其宗。掌握了核心原理,就是掌握了解决问题的方法,剩下就靠你自己的灵活运用和实战操练了。

内容小结

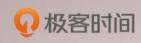
动态规划的三节内容到此就全部讲完了,不知道你掌握得如何呢?

- 动态规划的理论尽管并不复杂,总结起来就是"一个模型三个特征"。但是,要想灵活应用并不简单。要想能真正理解、掌握动态规划,你只有多练习。

这三节中,加上课后思考题,总共有8个动态规划问题。这8个问题都非常经典,是我精心筛选出来的。很多动态规划问题其实都可以抽象成这几个问题模型,所以,你一定要多看几遍,多思考一下,争取真正搞懂它们。 只要弄懂了这几个问题,一般的动态规划问题,你应该都可以应付。对于动态规划这个知识点,你就算是入门了,再学习更加复杂的就会简单很多。

课后思考

我们有一个数字序列包含n个不同的数字,如何求出这个序列中的最长递增子序列长度?比如2,9,3,6,5,1,7这样一组数字序列,它的最长递增子序列就是2,3,5,7,所以最长递增子序列的长度是4。 欢迎留言和我分享,也欢迎点击"请朋友读",把今天的内容分享给你的好友,和他一起讨论、学习。



数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争

前 Google 工程师



新版升级:点击「 💫 请朋友读 」,10位好友免费读,邀请订阅更有现金奖励。

精选留言:

• Sharry 2019-01-03 21:01:59

思考题的解法还是很精妙的

递推公式:

a[0...i] 的最长子序列为: a[i] 之前所有比它小的元素中子序列长度最大的 +1

代码实现:

..

#include<iostream>

using namespace std;

// 动态规划求 a 的最上升长子序列长度

#include<iostream>

using namespace std;

```
42|动态规划实战:如何实现搜索引擎中的拼写纠错功能?
              // 动态规划求 a 的最上升长子序列长度
              int longestSubsequence(int *a, int n) {
              // 创建一个数组, 索引 i 对应考察元素的下标, 存储 arr[0...i] 的最长上升子序列大小
              int *lss_lengths = new int[n];
              // 第一个元素哨兵处理
              lss_lengths[0] = 1;
              // 动态规划求解最长子序列
              int i, j, max;
              for (i = 1; i < n; i++) {
              // 计算 arr[0...i] 的最长上升子序列
              // 递推公式: lss_lengths[i] = max(condition: j < i && a[j] < a[i] value: lss_lengths[j] + 1)
              max = 1;
              for (j = 0; j < i; j++) {
              if (a[i] > a[j] &\& lss\_lengths[j] >= max) {
              max = lss_lengths[j] + 1;
              lss_lengths[i] = max;
              int lss_length = lss_lengths[n - 1];
              delete[]lss_lengths;
              return lss_length;
              void main() {
              const int n = 7:
              int arr[n] = \{ 2, 9, 3, 6, 5, 1, 7 \};;
              cout << longestSubsequence(arr, n) << endl;
              getchar();
              } [5赞]
            • Jack_Cui 2019-01-17 11:22:45
              老师 最长公共子串要求的是连续的 对于编辑距离应该是最长公关子序列吧 [3赞]
            • 王超 2019-01-25 19:31:07
              老师, 能帮忙解释下这个公式吗, 有一点费解, a[i]==b[j] 时, 为什么是:
              min(min_edist(i-1,j)+1, min_edist(i,j-1)+1, min_edist(i-1,j-1)) 而不是
              min(min\_edist(i-1,j), min\_edist(i,j-1), min\_edist(i-1,j-1))
              为什么要 + 1 啊
              [1特]
            • pngyul 2019-01-28 23:58:55
              如果: a[i]==b[j], 那么: min_edist(i, j) 就等于:
              min(min\_edist(i-1,j)+1, min\_edist(i,j-1)+1, min\_edist(i-1,j-1))
              老师, 这里 当 a[i]==b[j], min_edist(i-1,j-1)+1 不是也可以得到吗
```

