문제 1. 특별관광도시

입력 파일: standard input 출력 파일: standard output

시간 제한: 2 seconds 메모리 제한: 512 megabytes

JOI나라에는 N개의 도시가 있다. 이 도시들은 1번부터 N번까지 번호가 붙어있다. 이 도시에는 N-1개의 도로가 있고, 1번부터 N-1번까지의 번호가 붙어있다. i번 $(1 \le i \le N-1)$ 도로는 노선이 두개가 있다. 한 노선은 A_i 번 도시에서 B_i 번 도시로 향하는 노선이고, 다른 노선은 B_i 번 도시에서 A_i 번 도시로 향하는 노선이다. 즉, 모든 도로는 양방향이다. 어떤 두 도시간에도 몇개의 도로를 사용해서 이동하는 것이 가능하다.

처음에 모든 노선들은 정비되어있지 않다. 각 도로의 각 노선에 대해, 우리는 노선을 정비하는 비용을 알고 있다. i번 $(1 \le i \le N-1)$ 도로의 A_i 번 도시에서 B_i 번 도시로 향하는 노선을 정비하는 비용은 C_i 이고, B_i 번 도시에서 A_i 번 도시로 향하는 노선을 정비하는 비용은 D_i 이다.

JOI나라의 장관인 K이사장은 몇몇 도시를 돌라 그 도시를 **특별관광도시**로 만들것이다. x번 $(1 \le x \le N)$ 을 특별관광도시로 만들 때, 각 도로 i(1 < i < N-1)에 대해, 다음 일이 일어날 것이다.

 A_i 번과 B_i 번 도시 중에서 x번 도시에 가까운 도시는 a번 도시이고, 먼 도시는 b번 도시라고 하자. 여기서, 가까운 도시라고 함은 x번 도시에 가기 위해 사용해야 하는 도로의 수가 더 적은 도시를 말한다. 이 때, b번 도시에서 a번 도시로 향하는 노선이 정비되지 않은 상태라면 정비된다.

특별관광도시를 만들기 위해 노선을 정비하는 비용은 세금으로 충당되지만, 특별관광도시가 만들어 진이후에 남은 도로를 정비하는 비용은 K이사장의 개인 자금에서 나간다.

K이사장이 계획한 Q개의 계획이 있다. j 번째 $(1 \leq j \leq Q)$ 계획에서는, 그는 특별관광도시가 없고 모든 노선이 정비되지 않은 상태에서 시작해서 정확히 E_j 개의 도시를 특별관광도시로 만들것이다. 하지만, 어떤 도시들이 특별관광도시가 될지는 계획되지 않았다. 그는 개인 자금에서 나가는 도로 정비 비용을 최소로 하고 싶다.

JOI나라의 도시 수, 도로의 정보와 계획의 정보가 주어졌을 때, 각 계획마다 K이사장의 개인 자금에서 나가는 도로 정비 비용을 최소로 하는 프로그램을 작성하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다. 모든 값은 정수이다.

N

 A_1 B_1 C_1 D_1

:

 $A_{N-1} B_{N-1} C_{N-1} D_{N-1}$

Q

 E_1

:

 $E_{\mathcal{O}}$

출력 형식

표준 출력으로 Q개의 줄을 출력하여라. j 번째 $(1 \le j \le Q)$ 줄은 j 번째 계획에서 이사장의 개인 자금에서 나가는 도로 정비 비용의 최솟값이어야 한다.

제한

• $2 \le N \le 200\ 000$.

- $1 \le A_i \le N \ (1 \le i \le N)$.
- $1 \le B_i \le N \ (1 \le i \le N)$.
- $A_i \neq B_i \ (1 \leq i \leq N)$.
- 어떤 두 도시간에도 몇개의 도로를 사용해서 이동하는 것이 가능하다.
- $0 \le C_i \le 1\ 000\ 000\ 000\ (1 \le i \le N)$.
- $0 \le D_i \le 1\ 000\ 000\ 000\ (1 \le i \le N)$.
- $1 \le A_i \le B_i \le N 1 \ (1 \le i \le N)$.
- $1 \le Q \le N$.
- $1 \le E_j \le N \ (1 \le j \le Q)$.

서브태스크 1 (16 점)

• $N \leq 16$

서브태스크 2 (7 점)

- Q = 1
- $E_1 = 1$

서브태스크 3 (9 점)

- Q = 1
- $E_1 = 2$

서브태스크 4 (17 점)

• $N \le 2000$

서브태스크 5 (17 점)

• Q = 1

서브태스크 6 (44 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

standard input	standard output
4	9
1 2 1 2	1
1 3 3 4	
1 4 5 6	
2	
1	
2	

제 18회 일본 정보올림피아드 (JOI 2018/2019) 여름 캠프 / 선발 고사 Day 3, 2019년 3월 19-25일, (도쿄 코마바, 요요기)

첫 번째 계획은 정확히 하나의 도시를 특별관광도시로 만드는 것이다. 만약 1번 도시를 특별관광도시로 지정한다면, 1번 도로의 2번 도시에서 1번 도시로 향하는 노선, 2번 도로의 3번 도시에서 1번 도시로 향하는 노선, 3번 도로의 1번 도시에서 3번 도시로 향하는 노선이 정비될 것이다. 이 때 정비되지 않고 남는 노선은 1번 도로의 1번 도시에서 2번 도시로 향하는 노선, 2번 도로의 1번 도시에서 3번 도시로 향하는 노선, 3번 도로의 1번 도시에서 4번 도시로 향하는 노선이다. 이 노선들을 정비하는 비용은 1+3+5=9이다. 이보다 더 낮은 비용으로 특별관광도시를 지정하는 방법은 없다. 그래서 답은 9이다.

두번째 계획은 정확히 두 개의 도시를 특별관광도시로 만드는 것이다. 만약 3번 도시와 4번 도시를 특별관광도시로 지정했다면, 도로의 1번 도시에서 2번 도시로 향하는 노선만 정비되지 않았을 것이다. 이 노선을 정비하는데에 드는 비용은 1이다. 이보다 더 낮은 비용으로 두 특별관광도시를 지정하는 방법은 없다. 그래서 답은 1이다.

standard input	standard output
5	36
1 3 13 6	
5 1 17 8	
5 2 6 10	
1 4 16 11	
1	
1	

이 입력은 서브태스크 2의 조건을 만족한다.

standard input	standard output
6	14
1 6 6 12	
6 2 5 16	
1 4 13 4	
5 1 19 3	
3 1 9 13	
1	
2	

이 입력은 서브태스크 3의 조건을 만족한다.

문제 2. 램프

입력 파일: standard input 출력 파일: standard output

시간 제한: 1 second

메모리 제한: 256 megabytes

긴 복도에 N개의 램프가 일렬로 나열되어 있다. 램프는 왼쪽부터 차례로 1번부터 N번까지의 번호가 붙어있다. 각 램프는 off또는 on중 하나의 상태이다.

램프의 상태를 바꾸는 특별한 기작이 있어서, 한 번의 작업으로 다음 셋 중 한 가지 동작을 할 수 있다.

- $1 \le p \le q \le N$ 을 만족하는 정수 p와 q를 골라서 $p, p+1, \dots, q$ 를 off 상태로 만든다.
- $1 \le p \le q \le N$ 을 만족하는 정수 p와 q를 골라서 $p, p+1, \dots, q$ 를 on 상태로 만든다.
- $1 \le p \le q \le N$ 을 만족하는 정수 p와 q를 골라서 $p, p+1, \cdots, q$ 의 상태를 바꾼다. (off를 on으로, on을 off로)

처음에 램프의 상태는 길이 N의 문자열 A로 표현된다. A의 i 번째 $(1 \le i \le N)$ 문자가 0이면 i 번째 램프가 off 상태인 것이고, 1이면 on 상태인 것이다. 우리는 만들고 싶은 상태가 길이 N의 문자열 B로 표현 되어 있고, 작업의 수를 최소한으로 하여 만들고 싶다. B의 i 번째 $(1 \le i \le N)$ 문자가 0이면 i 번째 램프가 off 상태인 것이고, 1이면 on 상태인 것이다.

램프의 수와, 현재 상태와 만들고 싶은 상태가 주어졌을 때, 만들고 싶은 상태로 바꾸는 데에 드는 연산의 수의 최솟값을 출력하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다.

N

A

B

출력 형식

표준 출력으로 한 개의 줄을 출력하여라. 이는 원하는 상태를 만들기 위한 연산의 수의 최솟값이다.

제한

- $1 \le N \le 1\ 000\ 000$.
- *A*와 *B*는 길이 *N*의 문자열이다.
- *A*와 *B*를 이루는 문자들은 0 혹은 1이다.

서브태스크 1 (6 점)

• $N \leq 18$

서브태스크 2 (41 점)

• N < 2000

서브태스크 3 (4 점)

• *A*를 이루는 각 문자는 0이다.

서브태스크 4 (49 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

standard input	standard output
8	4
11011100	
01101001	

- 이 입력에서 우리는 원하는 상태를 다음과 같은 방법으로 네 번의 작업으로 만들 수 있다.
 - 1. 1, 2, 3, 4번 램프의 상태를 바꾼다. 램프의 상태는 00101100이 된다.
 - 2. 2번 램프를 off 상태로 만든다. 램프의 상태는 01101100이 된다.
 - 3. 6, 7, 8번 램프의 상태를 바꾼다. 램프의 상태는 01101011이 된다.
 - 4. 6, 7번 램프를 on 상태로 만든다. 램프의 상태는 01101001이 된다.

네 번보다 더 적은 작업으로 원하는 상태를 만들 수 있는 방법은 없으므로, 4를 출력한다.

standard input	standard output
13	3
1010010010100	
0000111001011	
18	5
001100010010000110	
110110001000100101	

문제 3. 시간을 달리는 비타로

입력 파일: standard input 출력 파일: standard output

시간 제한: 3 seconds 메모리 제한: 512 megabytes

비버랜드에는 N개의 도시가 있다. 이 도시들은 1번부터 N번까지 번호가 붙어있다. i번째 $(1 \le i \le N-1)$ 도로는 i번 도시와 i+1번 도시를 양방향으로 잇는다. 또한, 비버랜드의 하루는 1 000 000 000개의 단위시간으로 분열되어 있고, 이 단위시간을 쵸라고 부른다. 하루가 시작하고 나서 x쵸가 지난 시간을 시각 x라 부른다. 한 도로를 통과하는 데에는 1쵸가 걸리고, i번째 도로는 시각 L_i 와 시각 R_i 사이에만 통과할 수 있다. 구체적으로, i번째 도로를 통과하기 위해서 우리는 도시 i나 i+1을 $L_i \le x \le R_i-1$ 을 만족하는 시각 x에 떠나야 하고, 다른 도시에 시각 x+1에 도착해야 한다.

비타로는 비버랜드에 사는 평범한 비버다. 아니, 비버였다 라고 하는게 옳은 것일까. 지각을 자주한 비타로는 이를 개선하려고 한 결과로 시간을 거슬러 올라가는게 가능해 졌다. 이 능력을 한 번 사용하면 1쵸 뒤로 갈 수 있다. 하지만, 어제로 갈 수는 없다. 만약 그가 능력을 시각 0과 시각 1 사이에 사용했다면, 그는 시각 0으로 돌아갈 것이다. 그는 이 기술을 도시에 있을 때 사용할 수 있다. 비타로의 위치는 능력을 사용해도 변하지 않는다.

비타로는 기술을 사용하면 피곤해 진다. 최소한의 기술을 사용하여 이동하는 방법을 찾기 위한 비타로는 Q개의 사고실험을 진행했다. 사고 실험의 j 번째 단계에서는, 그는 다음 중 한 행동을 한다:

- P_j 번째 도로가 여행될수 있는 시각을 바꾼다. 바뀐 이후에는, 시각 S_j 와 시각 E_j 사이에만 P_j 번째 도로를 통과할 수 있다.
- 그가 A_j 번 도시, 시각 B_j 에 있다고 할 때, C_j 번 도시, 시각 D_j 로 이동하기 위해 사용해야하는 능력의 수의 최솟값을 구하여라.

그는 사고실험의 결과를 궁금해한다.

비버랜드의 도시의 수, 도로의 정보, 사고실험의 방법이 주어졌을 때, 사고 실험의 결과를 계산하는 프로그램을 작성하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다. 모든 값은 정수이다.

N Q

 $L_1 R_1$

:

 L_{N-1} R_{N-1}

(Query 1)

:

(Query Q)

여기서, (Query j)는 공백으로 구분된 4개나 5개의 정수로 이루어져 있다. T_i 가 첫번째 정수라고 하자. 그러면,

- $T_j = 1$ 인 경우, (Query j)는 4개의 정수 T_j , P_j , S_j , E_j 로 이루어져 있다. 이것은, 사고 실험의 j번째 단계에서, P_i 번째 도로를 지날수 있는 시간이 시각 S_i 와 시각 E_i 사이로 바뀐다는 것을 의미한다.
- $T_j = 2$ 인 경우, $(Query\ j)$ 는 5개의 정수 $T_j,\ A_j,\ B_j,\ C_j,\ D_j$ 로 이루어져 있다. 이는, j번째 사고 실험에서, 당신의 프로그램이 비타로가 A_j 번 도시, 시각 B_j 에 있다고 할 때, C_j 번 도시, 시각 D_j 로 이동하기 위해 사용해야하는 능력의 수의 최솟값을 구해야 한다는 것을 의미한다.

출력 형식

 $T_i = 2$ 인 각 단계에 대해서, 사용해야 하는 능력의 수의 최솟값을 한 줄에 하나씩 차례로 출력하여라.

제한

- $1 \le N \le 300~000$.
- $1 \le Q \le 300~000$.
- $0 \le L_i < R_i \le 999 999 999 (q \le i \le N 1)$.
- $1 \le T_j \le 2 \ (1 \le j \le Q)$.
- $1 \le P_i \le N 1 \ (1 \le j \le Q, T_i = 1).$
- $1 \le S_i \le E_i \le 999 999 999 (1 \le j \le Q, T_i = 1).$
- $1 \le A_j \le N \ (1 \le j \le Q, T_j = 2).$
- $1 \le B_j \le 999 999 999 (1 \le j \le Q, T_j = 2).$
- $1 \le C_j \le N \ (1 \le j \le Q, T_j = 2).$
- $1 \le D_j \le 999 999 999 (1 \le j \le Q, T_j = 2)$.

서브태스크 1 (4 점)

- $N \le 1000$
- $Q \le 1000$

서브태스크 2 (30 점)

• $T_j = 2 \ (1 \le j \le Q).$

서브태스크 3 (66 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

standard input	standard output
3 3	2
0 5	4
0 5	
2 1 3 3 3	
1 2 0 1	
2 1 3 3 3	

사고 실험의 첫 번째 단계에서, 비타로는 1번 도시에서 2번 도시로 1초만에 이동하고, 2번 도시에서 3번 도시로 1초만에 이동하여 3번 도시, 시각 5에 위치하여 있다. 능력을 두번 사용하면, 그는 3번 도시, 시각 3에 위치할 수 있다.

사고 실험의 두 번째 단계에서, 2번 도시를 통과할 수 있는 시간이 시각 0부터 시각 1까지로 바뀐다.

제 18회 일본 정보올림피아드 (JOI 2018/2019) 여름 캠프 / 선발 고사 Day 3, 2019년 3월 19-25일, (도쿄 코마바, 요요기)

사고 실험의 세 번째 단계에서, 1번 도시에서 2번 도시로 1쵸 만에 이동하여, 2번 도시, 시각 4에 위치해 있다. 여기서 능력을 네 번 사용하면, 3번 도시로 1쵸만에 이동하여 2쵸를 기다리면 3번 도시, 시각 3에 위치할 수 있다.

	4
3 5	
	3
4 8	2
2 6	3
5 10	
2 5 3 1 10	
2 2 6 5 6	
1 3 4 6	
2 3 3 4 3	
2 4 5 1 5	
7 7	145611455
112103440 659752416	0
86280800 902409187	447180143
104535475 965602300	0
198700180 945132880	207252171
137957976 501365807	0
257419446 565237610	0
2 4 646977260 7 915994878	
2 1 221570340 6 606208433	
2 7 948545948 4 604273995	
2 7 247791098 5 944822313	
2 7 250362511 2 50167280	
2 3 364109400 4 555412865	
2 7 33882587 7 186961394	
7 7	10467449
535825574 705426142	164858601
964175291 996597835	
481817391 649559926	
4519006 410772613	
74521477 274584126	
256535565 899389890	
1 6 511428966 602601933	
1 1 69986642 201421232	
2 3 636443425 4 625975977	
1 6 235225515 405336399	
2 3 866680458 3 701821857	
1 6 180606048 900533151	
1 6 612564160 720179605	