

문제 1. 시험

입력 파일: standard input
출력 파일: standard output
시간 제한: 3 seconds
메모리 제한: 1024 megabytes

N 명에 학생이 수학 부문과 정보 부문이 있는 시험을 쳤다. i 번째 ($1 \leq i \leq N$) 학생은 수학에서는 S_i 점을, 정보에서는 T_i 점을 받았다. T교수와 I교수는 각 학생이 시험을 통과할지 말지를, 점수를 기반으로 정하려고 한다.

- T 교수는 두 과목을 모두 중요하게 본다. 수학에서 A 점, 정보에서 B 점을 받아야만 통과한 것으로 생각한다.
- I 교수는 총점만 중요하게 본다. 수학과 정보를 합쳐서 C 점 받아야 통과한 것으로 생각한다.
- 두 교수의 기준을 모두 통과한 학생만 시험을 통과할 수 있다.

당신은 기준인 A, B, C 를 모른다. 하지만, Q 개의 정수 (X_j, Y_j, Z_j) ($1 \leq j \leq Q$) 가 주어져서 몇 명의 학생들이 $A = X_j, B = Y_j, C = Z_j$ 일 때 시험을 통과하는지 알고 싶다.

학생들의 수, 점수 정보와 점수 기준이 주어졌을 때, 이 조건 하에서 시험을 통과하는 학생의 수를 구하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다. 모든 값은 정수이다.

```
N Q
S1 T1
⋮
SN TN
X1 Y1 Z1
⋮
XQ YQ ZQ
```

출력 형식

표준 출력으로 Q 개의 줄을 출력하여라. j 번째 ($1 \leq j \leq Q$)줄은 몇 명의 학생들이 $A = X_j, B = Y_j, C = Z_j$ 일 때 시험을 통과하는 학생 수이다.

제한

- $1 \leq N \leq 100\,000$.
- $1 \leq Q \leq 100\,000$
- $0 \leq S_i \leq 1\,000\,000\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $0 \leq T_i \leq 1\,000\,000\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $0 \leq X_j \leq 1\,000\,000\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).
- $0 \leq Y_j \leq 1\,000\,000\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).
- $0 \leq Z_j \leq 2\,000\,000\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).

서브태스크 1 (2 점)

- $N \leq 3\,000$
- $Q \leq 3\,000$

서브태스크 2 (20 점)

- $S_i \leq 100\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $T_i \leq 100\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $X_j \leq 100\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).
- $Y_j \leq 100\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).
- $Z_j = 0$ ($1 \leq j \leq Q$).

서브태스크 3 (21 점)

- $S_i \leq 100\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $T_i \leq 100\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $X_j \leq 100\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).
- $Y_j \leq 100\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).
- $Z_j \leq 200\,000$ ($1 \leq j \leq Q$).

서브태스크 4 (57 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

| standard input | standard output |
|--------------------|-----------------|
| 5 4 | 2 |
| 35 100 | 4 |
| 70 70 | 1 |
| 45 15 | 1 |
| 80 40 | |
| 20 95 | |
| 20 50 120 | |
| 10 10 100 | |
| 60 60 80 | |
| 0 100 100 | |
| 10 10 | 1 |
| 41304 98327 | 3 |
| 91921 28251 | 5 |
| 85635 59191 | 8 |
| 30361 72671 | 8 |
| 28949 96958 | 3 |
| 99041 37826 | 3 |
| 10245 2726 | 3 |
| 19387 20282 | 5 |
| 60366 87723 | 6 |
| 95388 49726 | |
| 52302 69501 66009 | |
| 43754 45346 3158 | |
| 25224 58881 18727 | |
| 7298 24412 63782 | |
| 24107 10583 61508 | |
| 65025 29140 7278 | |
| 36104 56758 2775 | |
| 23126 67608 122051 | |
| 56910 17272 62933 | |
| 39675 15874 117117 | |

참고 사항

첫째 예제에서

- $A = 20$, $B = 50$, $C = 120$ 일 때, 첫 번째와 두 번째 학생만 수학 부문에서 최소 20점, 정보 시험에서 최소 50점, 그리고 총점 120점을 넘길 수 있다. 그래서 시험을 통과하는 학생들의 수는 2이다.
- $A = 10$, $B = 10$, $C = 100$ 일 때, 첫 번째, 두 번째, 네 번째 그리고 다섯 번째 학생만 수학 부문에서 최소 10점, 정보 시험에서 최소 10점, 그리고 총점 100점을 넘길 수 있다. 그래서 시험을 통과하는 학생들의 수는 4이다.
- $A = 60$, $B = 60$, $C = 80$ 일 때, 두 번째 학생만 수학 부문에서 최소 60점, 정보 시험에서 최소 60점, 그리고 총점 80점을 넘길 수 있다. 그래서 시험을 통과하는 학생들의 수는 1이다.
- $A = 0$, $B = 100$, $C = 100$ 일 때, 첫 번째 학생만 수학 부문에서 최소 0점, 정보 시험에서 최소 100점, 그리고 총점 100점을 넘길 수 있다. 그래서 시험을 통과하는 학생들의 수는 1이다.

문제 2. 비버의 모임

입력 파일: standard input
출력 파일: standard output
시간 제한: 2 seconds
메모리 제한: 256 megabytes

0부터 $N-1$ 까지의 번호가 붙은 비버가 살고 있는 N 개의 섬이 있다. 각 섬은 $N-1$ 개의 양방향으로 연결되는 다리로 연결되어 있다. 몇 개의 다리를 사용하면 어떠한 두 섬을 오가는것도 가능하다. **각 섬마다, 섬에 직접 연결된 다리는 최대 18개 이다.** 각 섬에는 비버가 살고 있다.

가끔, 몇몇 비버는 특정 섬에서 모임을 한다. 세 비버가 만날 때, 그들은 다음과 같은 조건을 만족하는 섬에서 만난다:

- 모임을 할 때, 3마리의 비버가 자신이 살고 있는 섬부터 이동할 때 사용하는 다리의 수의 합이 최소가 되는 섬 (이런 섬은 유일하게 존재한다.)

이 섬은 3마리의 비버중 하나가 살고 있는 섬일 수 있음에 주의하여라.

당신은 N 개의 섬이 어떤 방식으로 다리로 연결되어 있는지가 궁금해 졌다. 당신은 직접 이 섬을 확인할 수 없다. 그렇기 때문에, 당신은 비버에게 명령을 내리기로 했다. 명령은 다음과 같다.

- 세 개의 섬 u, v, w ($0 \leq u \leq N-1, 0 \leq v \leq N-1, 0 \leq w \leq N-1, u \neq v, u \neq w, v \neq w$)을 지정하고 u, v, w 에 사는 비버끼리 모임을 갖게 한다.
- 비버가 모임을 갖는 섬을 알 수 있다.

당신은 섬이 어떤 방식으로 다리로 연결되어 있는지를 적은 수의 명령으로 알고 싶다. 섬의 수가 주어졌고, 비버와 통신하는 방법이 주어졌을 때, 섬이 연결되어 있는 방식을 알아내어라.

구현 명세

당신은 파일 하나를 제출해야 한다.

이 파일의 이름은 `meetings.cpp`이다. 파일은 다음 함수를 구현해야 한다. 또한, `meetings.h`를 `include`해야 한다.

- `void Solve(int N)`
 - 이 함수는 각 테스트 케이스마다 정확히 한 번 불린다.
 - 인자 N 은 섬의 수 N 을 나타낸다.당신의 프로그램은 다음 함수를 호출 할 수 있다.
 - `int Query(int u, int v, int w)`
 - 이 함수는, 주어진 세 개의 섬에 대해서 세 비버들이 만나는 섬의 번호를 반환한다.
 - * 당신은 섬의 번호 u, v, w 를 인자 u, v, w 를 사용해서 나타내어야 한다. 이 번호는 $0 \leq u \leq N-1, 0 \leq v \leq N-1, 0 \leq w \leq N-1, u \neq v, u \neq w, v \neq w$ 을 모두 만족해야 한다. 아닌 경우에는, **오답 [1]**이 된다.
 - * 당신은 이 함수를 100 000번 이상 호출해서는 안된다. 호출 한 경우에는 **오답 [2]**이 된다.
 - `void Bridge(int u, int v)`
 - 이 함수는, 섬이 다리로 연결되어 있는지에 대한 정보를 줄 수 있다.
 - * 인자 u 와 v 는 섬 u 와 섬 v 가 다리로 서로 직접 연결되어있다는 것을 나타낸다.
 - * $0 \leq u < v \leq N-1$ 이 아닌 경우, **오답 [3]**이 된다.
 - * 섬 u 와 v 가 직접 다리로 연결되어있지 않은 경우 **오답 [4]**이 된다.

- * 함수가 같은 인자 u, v 를 여러번 호출 한 경우 **오답 [5]**이 된다.
- * $N-1$ 개의 다리가 있으므로, 함수는 정확히 $N-1$ 번 호출 되어야 한다. 만약 함수 `Solve`가 끝날 때 이 함수의 호출 횟수가 $N-1$ 이 아니면, **오답 [6]**이 된다.

참고 사항

- 당신의 프로그램은 내부에서 사용할 목적으로 함수나 전역변수를 사용할 수 있다.
- 당신의 프로그램은 표준 입출력을 사용해서는 안된다. 당신의 프로그램은 어떠한 방법으로든 다른 파일에 접근해서는 안된다. 단, 당신의 프로그램은 디버그 목적으로 표준 에러출력에 출력할 수 있다.

당신은 대회 홈페이지의 아카이브에서 프로그램을 테스트 하기 위한 목적의 샘플 그레이더를 받을 수 있다. 아카이브는 당신의 프로그램의 예제 소스 또한 첨부되어 있다. 샘플 그레이더는 파일 `grader.cpp`이다. 당신의 프로그램을 테스트 하기 위해서, `grader.cpp`, `meetings.cpp`, `meetings.h`를 같은 디렉토리 안에 놓고, 컴파일 하기 위해 다음 커맨드를 실행하여라.

- `g++ -std=gnu++14 -O2 -o grader grader.cpp meetings.cpp`

컴파일이 성공적이면, 파일 `grader`가 생성된다.

실제 그레이더와 샘플 그레이더는 다름에 주의하여라. 샘플 그레이더는 하나의 프로세스에서 실행 되며, 입력을 표준 입력으로 부터 받고, 출력을 표준 출력에 출력한다.

입력 형식

샘플 그레이더는 표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 입력받는다.

N
 $A_0 B_0$
 \vdots
 $A_{N-2} B_{N-2}$

A_i 와 B_i ($0 \leq i \leq N-2$)는 섬 A_i 와 B_i 가 다리로 직접 연결되어있다는 것을 의미한다.

출력 형식

프로그램이 정상적으로 종료되었다면, 샘플 그레이더는 다음과 같은 정보를 표준 출력에 출력한다. (따옴표는 출력하지 않는다.)

- 정답으로 판단 된 경우, Query함수의 호출 횟수를 “Accepted: 100”과 같은 형식으로 출력한다.
- 오답으로 판단 된 경우, 오답의 종류를 “Wrong Answer [1]”과 같은 형식으로 출력한다.

프로그램이 다양한 오답의 종류에 속해 있을 경우, 샘플 그레이더는 그 중 하나만 출력 할 것이다.

제한

샘플 그레이더의 A_i 와 B_i 의 정의에 따라서

- $3 \leq M \leq 2\,000$.
- $0 \leq A_i < B_i \leq N-1$. ($0 \leq i \leq N-2$)
- 몇 개의 다리를 사용하면 어떠한 두 섬을 오가는것도 가능하다.
- 각 섬 마다, 섬에 직접 연결된 다리는 최대 18개 이다.

서브태스크 1 (7 점)

- $N \leq 7$

서브태스크 2 (10 점)

- $N \leq 50$

서브태스크 3 (12 점)

- $N \leq 300$

서브태스크 4 (71 점)

추가 제한조건이 없다.

- 서브태스크 1, 2, 3에 대해서, 서브태스크 안에 있는 모든 테스트 케이스를 맞춘 경우 점수를 준다.
- 서브태스크 4에 대해서, X 를 Query함수의 최대 호출횟수라고 하자.
 - $40\,000 < X \leq 100\,000$ 이면 49점을 받는다.
 - $X \leq 40\,000$ 이면 71점을 받는다.

예제

이 함수는 그레이더의 예제 입력과 해당하는 함수 호출을 보여준다.

| 예제 입력 | 예제 함수 호출 | | |
|-------------------------------|----------|----------------|------|
| | 호출 | 호출 | 반환값 |
| 5 0 1 0 2 1 3 1 4 | Solve(5) | | |
| | | Query(0, 1, 2) | 0 |
| | | Query(0, 3, 4) | 1 |
| | | Bridge(1, 3) | (없음) |
| | | Bridge(0, 2) | (없음) |
| | | Bridge(1, 4) | (없음) |
| | | Bridge(0, 1) | (없음) |

문제 3. 난

| | |
|---------|-----------------|
| 입력 파일: | standard input |
| 출력 파일: | standard output |
| 시간 제한: | 4 seconds |
| 메모리 제한: | 256 megabytes |

JOI 카레 매점은 매우 긴 난(인도의 납작한 빵)을 판매하는 것으로 유명하다. 난에는 L 개의 맛이 있으며, 1번부터 L 번까지 번호가 붙어 있다. 난 중에서 “JOI 스페셜 난”이 제일 인기가 있다. 길이가 $L\text{cm}$ 이고, 왼쪽에서 $j - 1\text{cm}$ 부터 $j\text{cm}$ 까지 부분에는 j 번 ($1 \leq j \leq L$ 맛으로 되어 있다).

N 명의 사람이 JOI 카레 매점에 왔다. 그들의 취향은 다른 사람과 다르다. 구체적으로, i 번째 ($1 \leq i \leq N$) 사람이 j 번 ($1 \leq j \leq L$) 맛의 난을 먹었을 경우에는, 1cm 당 $V_{i,j}$ 의 행복도를 얻을 것이다. 그들은 하나의 JOI 스페셜 난을 주문했다. 그들은 난을 다음과 같은 방법으로 나누어 가질 것이다.

1. $0 < X_1 < X_2 < \dots < X_{N-1} < L$ 을 만족하는 $N - 1$ 개의 분수 X_1, \dots, X_{N-1} 를 고른다.
2. N 개의 정수 P_1, \dots, P_N 을 고른다. 이는 $1, \dots, N$ 의 순열이어야 한다.
3. 각 k ($1 \leq k \leq N - 1$)에 대해서, 난을 X_k 지점에서 자른다. 난은 N 개의 조각으로 나누어질 것이다.
4. 각 k ($1 \leq k \leq N$)에 대해서, P_k 번째 사람에게 X_{k-1} 과 X_k 사이의 조각을 준다. 우리는 X_0 을 0 , X_N 을 L 이라고 생각할 것이다.

우리는 난을 공평하게 나누고 싶다. 우리는 각 사람이 혼자 JOI 스페셜 난을 모두 먹었을 때 얻는 행복도의 $1/N$ 이상을 얻었을 경우, 분배 방식이 **공평하다**고 할 것이다.

N 명의 사람의 선호가 주어졌을 때, 난을 공평하게 나누는 방법이 있는가를 출력하여라. 있는 경우, 난을 공평하게 나누는 방법에 대해 출력하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다. 모든 수는 정수이다.

$N\ L$

$V_{1,1}\ V_{1,2}\ \dots\ V_{1,L}$

\vdots

$V_{N,1}\ V_{N,2}\ \dots\ V_{N,L}$

출력 형식

난을 공평하게 나누는 방법이 없다면, -1 을 첫째 줄에 출력하여라. 공평하게 나눌 수 있다면, 나누는 방법을 나타내는 $N - 1$ 개의 분수 X_1, \dots, X_{N-1} 과 N 개의 정수 P_1, \dots, P_N 을 다음 형식으로 출력하여라.

$A_1\ B_1$

$A_2\ B_2$

\vdots

$A_{N-1}\ B_{N-1}$

$P_1\ P_2\ \dots\ P_N$

A_i, B_i 는 $X_i = \frac{A_i}{B_i}$ ($1 \leq i \leq N$)를 만족하는 정수 쌍이다. 이 정수는 출력 제한을 따라야 한다.

제한

입력 제한

- $1 \leq N \leq 2000$.
- $0 \leq L \leq 2000$.
- $1 \leq V_{i,j} \leq 100\,000$. ($1 \leq i \leq N$, $1 \leq j \leq L$)

출력 제한

난을 공평한 방식으로 나누는 방법이 존재한다면, 출력은 다음 제한을 따라야 한다.

- $1 \leq B_i \leq 1\,000\,000\,000$. ($1 \leq i \leq N$)
- $0 \leq \frac{A_1}{B_1} < \frac{A_2}{B_2} < \dots < \frac{A_{N-1}}{B_{N-1}} < L$.
- P_1, \dots, P_N 은 $1, \dots, N$ 의 순열이다.
- 분배에서, i 번째 사람이 가지는 행복도의 양은 $\frac{V_{i,1} + V_{i,2} + \dots + V_{i,L}}{N}$ 이상 이어야 한다.

A_i 와 B_i 는 서로소일 필요는 없다. 아래 제한 하에서, 공평한 분배가 존재 할 경우 $1 \leq B_i \leq 1\,000\,000\,000$ 을 만족하는 출력이 존재함을 증명할 수 있다.

서브태스크 1 (5 점)

- $N = 2$

서브태스크 2 (24 점)

- $N \leq 6$
- $V_{i,j} \leq 10$ ($1 \leq i \leq N$, $1 \leq j \leq L$)

서브태스크 3 (71 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

| standard input | standard output |
|-------------------------------|-----------------|
| 2 5 2 7 1 8 2 3 1 4 1 5 | 14 5 2 1 |

이 예제에서, 모든 난을 먹었을 때, 첫째 사람은 $2 + 7 + 1 + 8 + 2 = 20$ 의 행복도를 가지고 둘째 사람은 $3 + 1 + 4 + 1 + 5 = 14$ 의 행복도를 가진다. 즉, 첫째 사람이 $\frac{20}{2} = 10$ 이상의 행복도를 가지고 둘째 사람이 $\frac{14}{2} = 7$ 이상의 행복도를 가지면, 분배는 공평하다.

난을 $\frac{14}{5}$ 에서 나누면, 첫째 사람은 $1 \times \frac{1}{5} + 8 + 2 = \frac{51}{5}$ 의 행복도를 얻고, 둘째 사람은 $3 + 1 + 4 \times \frac{4}{5} = \frac{36}{5}$ 의 행복도를 얻는다. 그러므로, 이것은 공평한 분배이다.

| standard input | standard output |
|--|---|
| 7 1 1 2 3 4 5 6 7 | 1 7 2 7 3 7 4 7 5 7 6 7 3 1 4 2 7 6 5 |

이 예제에서는 맛이 하나 뿐이다. 난을 크기가 같은 7개의 부분으로 자르면, P_1, \dots, P_N 과 관계 없이 분배가 공정하다.

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 5 3 | 15 28 |
| 2 3 1 | 35 28 |
| 1 1 1 | 50 28 |
| 2 2 1 | 70 28 |
| 1 2 2 | 3 1 5 2 4 |
| 1 2 1 | |

A_i 와 B_i 가 서로소 일 필요는 없다. ($1 \leq i \leq N$)

문제 4. 두 안테나

입력 파일: standard input
출력 파일: standard output
시간 제한: 3 seconds
메모리 제한: 512 megabytes

1번부터 N 번까지의 번호가 붙어있는 N 개의 안테나가 일렬로 놓여 있다. 각 안테나는 다른 연속된 안테나와 1km 떨어져 있다. i 번 ($1 \leq i \leq N$) 안테나의 높이는 H_i 이다. i 번 안테나는 자신으로부터 A_i km 이상 B_i km 이하 떨어져 있는 안테나에게만 정보를 보낼 수 있다. 만약 x 번 안테나와 y 번 안테나가 ($1 \leq x < y \leq N$) 서로 정보를 주고 받을 수 있다면, 이 둘은 통신할 수 있고, 통신 비용은 $|H_x - H_y|$ 이다.

JOI 공화국의 수상 K씨는 시민들로부터 연결상태에 관한 불만 Q 개를 들었다. 조사 결과 j 번째 ($1 \leq j \leq Q$) 불만은, $L_j, L_j + 1, \dots, R_j$ 번 안테나 중 무언가가 이상이 있는것으로 밝혀졌다. 당신은, 이 안테나들중 서로 통신할 수 있는 안테나 쌍이 있는지, 만약 있다면 그 중 가장 통신 비용이 높은 쌍의 통신 비용은 얼마인지 알아보는 일을 맡았다.

안테나의 정보와 불만의 정보가 주어졌을 때, $L_j, L_j + 1, \dots, R_j$ 번 안테나 중 서로 통신할 수 있는 쌍이 있는지, 있다면 통신 비용의 최댓값은 얼마인지를 알려주는 프로그램을 작성하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다. 모든 값은 정수이다.

N
 $H_1 A_1 B_1$
 \vdots
 $H_N A_N B_N$
 Q
 $L_1 R_1$
 \vdots
 $L_Q R_Q$

출력 형식

표준 출력으로 Q 개의 줄을 출력하여라. j 번째 ($1 \leq j \leq Q$)줄은 $L_j, L_j + 1, \dots, R_j$ 번 안테나 중 서로 통신할 수 있는 쌍이 없으면 -1, 있다면 통신 비용의 최댓값이어야 한다.

제한

- $2 \leq N \leq 200\,000$.
- $0 \leq H_i \leq 1\,000\,000\,000$ ($1 \leq i \leq N$).
- $1 \leq A_i \leq B_i \leq N - 1$ ($1 \leq i \leq N$).
- $1 \leq Q \leq 200\,000$.
- $1 \leq L_j < R_j \leq N$. ($1 \leq j \leq Q$)

서브태스크 1 (2 점)

- $N \leq 300$
- $Q \leq 300$

서브태스크 2 (11 점)

- $N \leq 2\,000$

서브태스크 3 (22 점)

- $Q = 1$
- $L_1 = 1$
- $R_1 = N$

서브태스크 4 (65 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 5 | -1 |
| 10 2 4 | 1 |
| 1 1 1 | 8 |
| 2 1 3 | 8 |
| 1 1 1 | 99 |
| 100 1 1 | |
| 5 | |
| 1 2 | |
| 2 3 | |
| 1 3 | |
| 1 4 | |
| 1 5 | |

1번 안테나와 2번 안테나는 서로 통신할 수 없으므로, 첫 번째 불만에 대한 답은 -1이다.

두 번째, 세 번째, 네 번째, 다섯 번째 불만에 대한 최대 통신 비용을 가진 안테나 쌍은 각각 (2, 3), (1, 3), (1, 3), (4, 5) 이다.

| standard input | standard output |
|---|-----------------|
| 20 260055884 2 15 737689751 5 5 575359903 1 15 341907415 14 14 162026576 9 19 55126745 10 19 95712405 11 14 416027186 8 13 370819848 11 14 629309664 4 13 822713895 5 15 390716905 13 17 577166133 8 19 195931195 10 17 377030463 14 17 968486685 11 19 963040581 4 10 566835557 1 12 586336111 6 16 385865831 8 9 1 1 20 | 806460109 |

이 입력은 서브태스크 3의 조건을 만족한다.

문제 5. 두 요리

입력 파일: standard input
출력 파일: standard output
시간 제한: 5 seconds
메모리 제한: 1024 megabytes

요리사 비타로는 요리 대회에 참여했다. 이 대회에서 참가자는 IOI 돈부리와 JOI 카레를 요리해야 한다.

IOI 돈부리를 요리하는 방법은 N 단계로 이루어져 있다. i 번째 ($1 \leq i \leq N$) 단계는 정확히 A_i 분이 걸린다. 처음에, 그는 첫 번째 단계만 실행할 수 있다. i 번째 ($2 \leq i \leq N$) 단계를 실행하려면, $(i - 1)$ 번째 단계를 끝마쳐야 한다.

JOI 카레를 요리하는 방법은 M 단계로 이루어져 있다. j 번째 ($1 \leq j \leq M$) 단계는 정확히 B_j 분이 걸린다. 처음에, 그는 첫 번째 단계만 실행할 수 있다. j 번째 ($2 \leq j \leq M$) 단계를 실행하려면, $(j - 1)$ 번째 단계를 끝마쳐야 한다.

각 단계를 집중해야 하기 때문에, 한 단계를 시작하면, 그 단계를 끝날 때 까지 다른 단계를 실행할 수 없다. 한 단계가 끝난 이후에는 다른 요리의 단계를 시작해도 상관 없다. 대회가 시작하면 두 요리가 끝나기까지의 쉬는 시간은 없다.

이 대회에서는, 각 참가자는 **예술 점수**를 다음 기준에 따라 받는다.

- IOI 돈부리를 만드는 i 번째 ($1 \leq i \leq N$) 단계를 처음부터 S_i 시간 안에 끝냈을 경우 P_i 점을 얻는다. P_i 는 음수일 수도 있다.
- JOI 카레를 만드는 j 번째 ($1 \leq j \leq M$) 단계를 처음부터 T_j 시간 안에 끝냈을 경우 Q_j 점을 얻는다. Q_j 는 음수일 수도 있다.

비타로는 예술 점수를 최대화 하고 싶다.

요리 단계의 수와, 각 단계에 걸리는 시간과, 예술 점수의 정보가 주어졌을 때, 비타로가 얻을 수 있는 예술 점수의 최댓값을 구하여라.

입력 형식

표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 주어진다. 모든 값은 정수이다.

N M

A_1 S_1 P_1

\vdots

A_N S_N P_N

B_1 T_1 Q_1

\vdots

B_M T_M Q_M

출력 형식

표준 출력으로 한 개의 줄을 출력하여라. 이는 비타로가 얻을 수 있는 예술 점수의 최댓값이다.

제한

- $1 \leq N \leq 1\,000\,000$.
- $1 \leq M \leq 1\,000\,000$.
- $1 \leq A_i \leq 1\,000\,000\,000$. ($1 \leq i \leq N$)

- $1 \leq B_j \leq 1\,000\,000\,000$. ($1 \leq j \leq M$)
- $1 \leq S_i \leq 2\,000\,000\,000\,000\,000 = 2 \times 10^{15}$ ($1 \leq i \leq N$)
- $1 \leq T_j \leq 2\,000\,000\,000\,000\,000 = 2 \times 10^{15}$ ($1 \leq j \leq M$)
- $-1\,000\,000\,000 \leq P_i \leq 1\,000\,000\,000$. ($1 \leq i \leq N$)
- $-1\,000\,000\,000 \leq Q_j \leq 1\,000\,000\,000$. ($1 \leq j \leq M$)

서브태스크 1 (5 점)

- $N \leq 200\,000$
- $M \leq 200\,000$
- $S_1 = \dots = S_N$
- $T_1 = \dots = T_N$

서브태스크 2 (3 점)

- $N \leq 12$
- $M \leq 12$
- $P_i = 1$ ($1 \leq i \leq N$)
- $Q_j = 1$ ($1 \leq j \leq M$)

서브태스크 3 (7 점)

- $N \leq 2\,000$
- $M \leq 2\,000$
- $P_i = 1$ ($1 \leq i \leq N$)
- $Q_j = 1$ ($1 \leq j \leq M$)

서브태스크 4 (39 점)

- $N \leq 200\,000$
- $M \leq 200\,000$
- $P_i = 1$ ($1 \leq i \leq N$)
- $Q_j = 1$ ($1 \leq j \leq M$)

서브태스크 5 (11 점)

- $N \leq 200\,000$
- $M \leq 200\,000$

- $1 \leq P_i$ ($1 \leq i \leq N$)
- $1 \leq Q_j$ ($1 \leq j \leq M$)

서브태스크 6 (9 점)

- $1 \leq P_i$ ($1 \leq i \leq N$)
- $1 \leq Q_j$ ($1 \leq j \leq M$)

서브태스크 7 (17 점)

- $N \leq 200\,000$
- $M \leq 200\,000$

서브태스크 8 (9 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 5 | -1 |
| 10 2 4 | 1 |
| 1 1 1 | 8 |
| 2 1 3 | 8 |
| 1 1 1 | 99 |
| 100 1 1 | |
| 5 | |
| 1 2 | |
| 2 3 | |
| 1 3 | |
| 1 4 | |
| 1 5 | |

이 입력은 서브태스크 2의 조건을 만족한다.

이 입력에서 비타로는 다음과 같은 방식으로 요리 할 수 있다.

1. JOI 돈부리의 첫 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 3분 후에 단계를 끝낸다. 6분 안이므로, 1점을 얻는다.
2. IOI 카레의 첫 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 5분 후에 단계를 끝낸다. 1분 밖이므로, 아무 점수도 얻지 못한다.
3. IOI 돈부리의 두 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 8분 후에 단계를 끝낸다. 8분 안이므로, 1점을 얻는다.
4. JOI 카레의 두 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 10분 후에 단계를 끝낸다. 11분 안이므로, 1점을 얻는다.
5. IOI 돈부리의 세 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 12분 후에 단계를 끝낸다. 13분 안이므로, 1점을 얻는다.
6. IOI 돈부리의 네 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 13분 후에 단계를 끝낸다. 13분 안이므로, 1점을 얻는다.

7. JOI 커리의 세 번째 단계를 요리한다. 그는 대회가 시작한 후 15분 후에 단계를 끝낸다. 15분 안이므로, 1점을 얻는다.

총 예술점수는 6점이다. 6점 보다 더 많은 점수를 얻을 수는 없으므로 6을 출력해야 한다.

| standard input | standard output |
|---|-----------------|
| 5 7 16 73 16 17 73 10 20 73 1 14 73 16 18 73 10 3 73 2 10 73 7 16 73 19 12 73 4 15 73 15 20 73 14 15 73 8 | 63 |

이 입력은 서브태스크 1의 조건을 만족한다.

| standard input | standard output |
|--|-----------------|
| 9 11 86 565 58 41 469 -95 73 679 28 91 585 -78 17 513 -63 48 878 -66 66 901 59 72 983 -70 68 1432 11 42 386 -87 36 895 57 100 164 10 96 812 -6 23 961 -66 54 193 51 37 709 82 62 148 -36 28 853 22 15 44 53 77 660 -19 | 99 |

문제 6. 두 운송수단

입력 파일: standard input
출력 파일: standard output
시간 제한: 1.5 seconds
메모리 제한: 256 megabytes

JOI 나라에는 0부터 $N - 1$ 까지의 번호가 붙은 도시 N 개가 있다. JOI 나라에는 A 개의 전철노선이 있고, 0번 부터 $A - 1$ 번 까지의 번호가 붙어 있다. i 번 ($0 \leq i \leq A - 1$) 전철 노선은 U_i 번 도시와 V_i 번 도시를 양방향으로 잇는다. 이 노선의 운임은 C_i 이다. 서로 다른 전철 노선은 서로 다른 쌍의 도시를 잇는다. 또한, B 개의 버스노선이 있고, 0번 부터 $B - 1$ 번 까지의 번호가 붙어 있다. j 번 ($0 \leq j \leq B - 1$) 버스 노선은 S_j 번 도시와 T_j 번 도시를 양방향으로 잇는다. 이 노선의 운임은 D_j 이다. 서로 다른 버스 노선은 서로 다른 쌍의 버스를 잇는다. 하지만, 전철 노선과 버스 노선은 같은 쌍의 도시를 이을수도 있다. 전철 혹은 버스를 사용하면 어떠한 쌍의 도시도 오갈 수 있다.

Azer는 0번 도시로 부터 각 도시까지 가기 위한 최소 운임을 알고 싶다. Azer는 전철 노선만 알고 있기 때문에, 그는 버스 노선만 아는 Baijan과 협력해야 한다.

그들은 서로 문자 0 혹은 1을 주고 받으면서 통신한다. 보내는 총 문자의 갯수는 58 000개 이하여야 한다.

전철노선의 정보가 주어진 Azer과, 버스노선의 정보가 주어진 Baijan 사이에서 서로 통신하고 Azer가 0번 도시부터 각 도시까지 가기 위한 최소 운임을 출력하여야 한다.

구현 명세

당신은 파일 두 개를 제출해야 한다.

첫째 파일의 이름은 Azer.cpp이다. 이 파일은 Azer의 일을 나타내고, 다음 함수를 구현해야 한다. 또한, Azer.h를 include해야 한다.

- `void InitA(int N, int A, std::vector<int> U, std::vector<int> V, std::vector<int> C)`
이 함수는 프로그램 시작시에 정확히 한 번 불린다.
 - 인자 N 은 도시의 수 N 을 나타낸다.
 - 인자 A 는 전철노선의 수 A 를 나타낸다.
 - 인자 U, V 는 길이 A 의 배열이다. $U[i]$ 와 $V[i]$ 는 전철노선이 연결하는 두 도시 U_i 번과 V_i 번을 나타낸다. ($0 \leq i \leq A - 1$)
 - 인자 C 는 길이 A 의 배열이다. $C[i]$ 는 i 번 전철노선의 운임 C_i 를 나타낸다. ($0 \leq i \leq A - 1$)
- `void ReceiveA(bool x)` 이 함수는 Baijan으로부터 문자를 받았을 때 마다 호출 된다.
 - 인자 x 는 Baijan으로부터 받은 문자를 나타낸다. `true`이면 1, `false`이면 0을 받은 것이다.
- `std::vector<int> Answer()` 이 함수는 보내진 모든 문자를 받았을 때 실행된다. 이 함수는 0번 도시로부터 각 도시간의 최단거리를 담은 배열 Z 를 반환해야 한다.
 - 배열 Z 는 길이가 N 이어야 한다. 길이가 N 이 아닌 경우에, 프로그램은 **오답 [1]**이 된다. $Z[k]$ ($0 \leq k \leq N - 1$)은 0번 도시 부터 k 번 도시까지 가는데 필요한 운임의 최솟값이어야 한다. 특히, $Z[0] = 0$ 이어야 함에 유의하여야.

이 프로그램은 다음 함수를 호출 할 수 있다.

- `void sendA(bool y)`
Baijan에게 문자를 보내려면 이 함수를 사용해야 한다.
 - 인자 y 는 Baijan에게 보내는 문자를 나타낸다. `true`이면 1, `false`이면 0을 보낸 것이다.

둘째 파일의 이름은 `Baijan.cpp`이다. 이 파일은 `Baijan`의 일을 나타내고, 다음 함수를 구현해야 한다. 또한, `Baijan.h`를 `include`해야 한다.

- `void InitB(int N, int B, std::vector<int> S, std::vector<int> T, std::vector<int> D)`
이 함수는 프로그램 시작시에 정확히 한 번 불린다.
 - 인자 `N`은 도시의 수 N 을 나타낸다.
 - 인자 `B`는 버스노선의 수 A 를 나타낸다.
 - 인자 `S`, `T`는 길이 B 의 배열이다. `S[j]`와 `T[j]`는 전철노선이 연결하는 두 도시 S_j 번과 T_j 번을 나타낸다. ($0 \leq j \leq B - 1$)
 - 인자 `D`는 길이 A 의 배열이다. `D[j]`는 i 번 버스노선의 운임 D_j 를 나타낸다. ($0 \leq j \leq B - 1$)
- `void ReceiveB(bool y)` 이 함수는 `Azer`로 부터 문자를 받았을 때 마다 호출 된다.
 - 인자 `y`는 `Azer`로부터 받은 문자를 나타낸다. `true`이면 1, `false`이면 0을 받은 것이다.

이 프로그램은 다음 함수를 호출 할 수 있다.

- `void sendB(bool x)`
`Azer`에게 문자를 보내려면 이 함수를 사용해야 한다.
 - 인자 `x`는 `Azer`에게 보내는 문자를 나타낸다. `true`이면 1, `false`이면 0을 보낸 것이다.

당신은 프로그램이 다음과 같은 방법으로 실행된다는 것을 가정해도 좋다. 각 테스트 케이스 마다 `Azer`가 보낸 문자들을 담는 큐 Q_Y 와 `Baijan`이 보낸 문자들을 담는 큐 Q_X , 두 개의 큐가 준비된다. 처음에, `InitA`와 `InitB`가 실행되고, 보낸 문자들은 각각 큐에 push된다.

- Q_X 나 Q_Y 가 비어있지 않으면, 문자 하나가 비어있지 않은 큐로 부터 pop되고, 해당하는 `ReceiveA` 혹은 `ReceiveB`가 호출된다. 단, Q_X 와 Q_Y 가 모두 비어있지 않을 경우에, `ReceiveA`와 `ReceiveB`중 어느쪽이 호출되는지는 결정되어있지 않다.
- `ReceiveA`의 호출 도중에 `SendA`가 실행 된 경우, 보내진 문자는 Q_Y 에 push된다.
- `ReceiveB`의 호출 도중에 `SendB`가 실행 된 경우, 보내진 문자는 Q_X 에 push된다.
- 두 큐가 모두 빈 경우에는, `Answer`이 호출되고 프로그램이 종료된다.

`Azer`와 `Baijan`이 보낸 문자의 총 갯수는 58 000보다 작거나 같아야 한다. 만약 더 큰 경우에는, **오답 [2]**가 된다.

참고 사항

- 당신의 프로그램은 내부에서 사용할 목적으로 함수나 전역변수를 사용할 수 있다. 제출된 파일들은 같이 컴파일 되어 하나의 실행 파일이 된다. 모든 글로벌 변수나 함수는 충돌을 피하기 위하여 이름이 없는 namespace에 구현되어야 한다. 채점 될 때는, `Azer`과 `Baijan`에 해당하는 두 프로세스로 나누어서 실행 될 것이다. `Azer`의 프로세스와 `Baijan`의 프로세스는 전역변수를 공유할 수 없다.
- 당신의 프로그램은 표준 입출력을 사용해서는 안된다. 당신의 프로그램은 어떠한 방법으로도 다른 파일에 접근해서는 안된다. 단, 당신의 프로그램은 디버그 목적으로 표준 에러출력에 출력할 수 있다.

당신은 대회 홈페이지의 아카이브에서 프로그램을 테스트 하기 위한 목적의 샘플 그레이더를 받을 수 있다. 아카이브는 당신의 프로그램의 예제 소스 또한 첨부되어 있다. 샘플 그레이더는 파일 `grader.cpp`이다. 당신의 프로그램을 테스트 하기 위해서, `grader.cpp`, `Azer.cpp`, `Baijan.cpp`, `Azer.h`, `Baijan.h`를 같은 디렉토리 안에 놓고, 컴파일 하기 위해 다음 커맨드를 실행하여라.

- `g++ -std=gnu++14 -O2 -o grader grader.cpp Azer.cpp Baijan.cpp`

컴파일이 성공적이면, 파일 `grader`가 생성된다.

실제 그레이더와 샘플 그레이더는 다름에 주의하여라. 샘플 그레이더는 하나의 프로세스에서 실행되며, 입력을 표준 입력으로 부터 받고, 출력을 표준 출력에 출력한다.

입력 형식

샘플 그레이더는 표준 입력에서 다음과 같은 형식으로 입력받는다.

$N \ A \ B$

$U_0 \ V_0 \ C_0$

\vdots

$U_{A-1} \ V_{A-1} \ C_{A-1}$

$S_0 \ T_0 \ D_0$

\vdots

$S_{A-1} \ T_{A-1} \ D_{A-1}$

출력 형식

프로그램이 정상적으로 종료되었다면, 샘플 그레이더는 다음과 같은 정보를 표준 출력 및 표준 에러에 출력한다. (따옴표는 출력하지 않는다.)

- 오답[1] 혹은 오답 [2]로 판단 된 경우, 오답의 종류를 “Wrong Answer [1]”과 같은 형식으로 표준 에러에 출력한다. 표준 출력에는 아무것도 출력되지 않는다.
- 아닌 경우, 보낸 문자의 총 갯수 L 을 “Accepted: L”과 같은 형식으로 표준 에러에 출력한다. 또한, 표준 출력에 답 Z 를 다음과 같은 형식으로 출력한다:

$Z[0]$

\vdots

$Z[N - 1]$

샘플 그레이더는 Z 가 올바른지 검사하지 않는다.

프로그램이 다양한 오답의 종류에 속해 있을 경우, 샘플 그레이더는 그 중 하나만 출력 할 것이다.

제한

- $3 \leq N \leq 2\,000$.
- $0 \leq A \leq 500\,000$.
- $0 \leq B \leq 500\,000$.
- $0 \leq U_i \leq N - 1$. ($0 \leq i \leq A - 1$)
- $0 \leq V_i \leq N - 1$. ($0 \leq i \leq A - 1$)
- $U_i \neq V_i$. ($0 \leq i \leq A - 1$)
- $(U_{i_1}, V_{i_1}) \neq (U_{i_2}, V_{i_2})$ 이고, $(U_{i_1}, V_{i_1}) \neq (V_{i_2}, U_{i_2})$ 이다. ($0 \leq i_1 < i_2 \leq A - 1$)
- $0 \leq S_j \leq N - 1$. ($0 \leq j \leq B - 1$)

- $0 \leq T_j \leq N - 1$. ($0 \leq j \leq B - 1$)
- $S_j \neq T_j$. ($0 \leq j \leq B - 1$)
- $(S_{j_1}, T_{j_1}) \neq (S_{j_2}, T_{j_2})$ 이고, $(S_{j_1}, T_{j_1}) \neq (T_{j_2}, S_{j_2})$ 이다. ($0 \leq j_1 < j_2 \leq B - 1$)
- 전철 혹은 버스를 사용하면 어떠한 쌍의 도시도 오갈 수 있다.
- $1 \leq C_i \leq 500$. ($0 \leq i \leq A - 1$)
- $1 \leq D_j \leq 500$. ($0 \leq j \leq B - 1$)

서브태스크 1 (6 점)

- $A = 0$

서브태스크 2 (8 점)

- $B \leq 1\,000$

서브태스크 3 (8 점)

- $A + B = N - 1$

서브태스크 4 (38 점)

- $N \leq 900$

서브태스크 5 (14 점)

- $N \leq 1\,100$

서브태스크 6 (10 점)

- $N \leq 1\,400$

서브태스크 7 (16 점)

추가 제한조건이 없다.

예제

이 함수는 그레이더의 예제 입력과 해당하는 함수 호출을 보여준다.

| 예제 입력 | 예제 함수 호출 | | |
|-------------------------|--|--------------|-----------|
| | 호출 | 호출 | 반환값 |
| 4 3 4 0 1 6 2 1 4 | InitA(4, 3, {0,2,2}, {1,1,0}, {6,4,10}) | | |
| | | SendA(true) | |
| | | SendA(false) | |
| 2 0 10 | InitB(4, 4, {1,3,3,3}, {2,1,2,0}, {3,1,3,7}) | | |
| 1 2 3 | ReceiveB(true) | | |
| 3 1 1 | | SendB(true) | |
| 3 2 3 | ReceiveA(true) | | |
| 3 0 7 | ReceiveB(false) | | |
| | Answer() | | {0,6,9,7} |