BÀI TẬP TOÁN KINH TẾ

Chương 1. Bài toán quy hoạch tuyến tính

Giải các bài toán quy hoạch tuyến tính sau bằng phương pháp đơn hình:

1.
$$f(x) = 2x_1 + x_2 + x_3 + 3x_4 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_2 + x_3 + x_4 & = 6 \\ 4x_2 & + 2x_5 \le 8 \\ x_1 + x_2 & + 2x_4 + x_5 = 4 \end{cases} \begin{cases} 2x_1 + x_2 - 4x_3 = 4 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 \ge 5 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1,5} \end{cases}$$

2.
$$f(x) = 3x_1 + 4x_2 - x_3 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 = 6 \\ 4x_1 + 3x_2 - x_3 \ge 2 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1,3} \end{cases}$$

3.
$$f(x) = 4x_1 + x_2 - 2x_3 \longrightarrow \max$$

$$\begin{cases}
-x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 6 \\
2x_1 - x_2 - 4x_3 \le -5 \\
x_j \ge 0, j = \overline{1,3}
\end{cases}$$

4.
$$f(x) = 2x_1 - 3x_2 - x_3 + x_4 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases}
-x_2 + 3x_3 - 2x_4 = -5 \\
x_1 + 4x_3 + 3x_4 = 2 \\
x_1 + x_2 - x_3 - x_4 = 2 \\
x_j \ge 0, j = \overline{1,4}
\end{cases}$$

5.
$$f(x) = -x_1 + 2x_2 + 2x_3 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 = -3 \\ -x_1 + 2x_2 + 3x_3 \ge 5 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1,4} \end{cases}$$

6.
$$f(x) = x_1 - x_3 + 3x_4 \longrightarrow \max$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + x_3 & = 9 \\ x_1 - 3x_2 & + x_4 = 3 \\ x_1 - x_2 & + x_4 = 6 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1,4} \end{cases}$$

7.
$$f(x) = -2x_1 + 4x_2 + x_4 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 6 \\
2x_1 - x_2 + x_3 = 8 \\
x_1 - x_2 + 2x_3 \leq 8 \\
x_j \geq 0, j = \overline{1, 4}
\end{cases}$$

8.
$$f(x) = x_1 + 2x_2 - 2x_3 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - 4x_3 = 4 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 \ge 5 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1,3} \end{cases}$$

9.
$$f(x) = -6x_1 + 3x_2 + 4x_4 \longrightarrow \max$$

$$\begin{cases}
-x_1 & + x_3 + 2x_4 = 3 \\
2x_1 - x_2 - 2x_3 - 2x_4 \ge -8 \\
x_j \ge 0, j = \overline{1,4}
\end{cases}$$

10.
$$f(x) = 2x_1 + 4x_2 + x_3 - 2x_4 \longrightarrow \max$$

$$\begin{cases} x_2 + 2x_3 - 2x_4 = 6 \\ -x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 = -4 \\ - 2x_2 + 4x_3 + 2x_4 \le 8 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1,4} \end{cases}$$

11.
$$f(x) = -x_1 + 2x_2 + 2x_3 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 & \leq -1 \\ -x_1 + 2x_2 - 3x_3 + x_4 = -5 \\ x_j \geq 0, j = \overline{1,4} \end{cases}$$

12.
$$f(x) = -2x_1 - x_2 + 2x_3 \longrightarrow \max$$

$$\begin{cases} x_1 & + 5x_3 + x_4 = 6 \\ x_1 - x_2 - 2x_3 - x_4 = -3 \\ x_1 & + 2x_3 - 2x_4 = 4 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1, 4} \end{cases}$$

13.
$$f(x) = x_1 - 2x_2 + 2x_3 - x_4 \longrightarrow \max$$

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_3 + x_4 = 4 \\ x_2 + x_3 - 3x_4 \ge 6 \\ 2x_2 - 2x_3 + 4x_4 \le 6 \\ x_j \ge 0, j = \overline{1, 4} \end{cases}$$

14.
$$f(x) = -2x_1 - 4x_2 + 2x_3 + 3x_4 \longrightarrow \min$$

$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 2x_3 + x_4 = 3\\ 4x_1 + x_2 + x_3 - x_4 \ge 6\\ -x_1 - 2x_2 + 3x_3 \ge -5\\ x_j \ge 0, j = \overline{1,4} \end{cases}$$

Chương 2. Bài toán vận tải

Giải các bài toán vận tải cước phí sau bằng phương pháp thế vị:

1.

B_j	30	60	50
A_i			
40	3	4	6
40	5	6	6
60	3	2	5

2.

B_j	100	160	240	50
A_i				
150	14	32	11	17
180	18	16	15	12
220	25	24	28	24

3.

A_i	100	140	140
110	12	9	8
80	8	14	7
70	7	8	6
140	6	5	14

4.

B_j	50	135	170
A_i			
50	10	11	12
180	14	14	16
55	15	18	20

5.

B_j	65	65	10	20
A_i				
35	6	5	7	7
55	7	11	15	5
40	14	7	20	22

6.

B_{j}	50	100	50
A_i			
50	25	24	26
100	23	20	27
20	27	26	23
30	28	25	30

7.

B_{j}	100	200	300	400
A_i				
100	2	2	5	4
200	2	3	4	7
300	4	4	9	4
400	3	4	5	3

8.

B_j	200	350	380
A_i			
250	22	25	24
180	20	16	21
400	18	25	23

9.

B_j	60	120	100
A_i			
60	10	16	5
140	9	12	8
90	11	9	10

10.

B_j	60	50	80
A_i			
50	10	11	9
40	12	8	10
70	11	14	14
60	11	12	15

11.

B_j	75	50	70	90
A_i				
60	24	20	21	16
70	17	19	25	24
110	14	15	23	25

12.

B_{i}	200	150	300
A_i			
120	12	14	16
250	18	15	10
380	16	22	24

13.

B_j	100	120	120
A_i			
100	8	10	9
50	9	12	14
120	10	14	15
80	11	12	16

14.

A_i	70	60	80
80	8	9	8
100	7	5	6
60	9	6	8

Chương 3. Phương pháp sơ đồ mạng lưới

1. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_5 , x_7 của quy trình sau:

	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
Ī	x_1	8	Làm ngay	x_5	5	Sau x ₁	<i>x</i> ₉	10	Sau x_3, x_4, x_5, x_6
	x_2	6	Làm ngay	x_6	7	Sau x ₂	x_{10}	11	Sau x_3, x_4, x_5, x_6
	x_3	10	Sau x_1	x_7	8	Sau x_3, x_5			
	x_4	7	Sau x_1, x_2	x_8	5	Sau x_3, x_5			

2. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính thời gian dự trữ chung của các công việc không găng của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	9	Làm ngay	x_5	7	Sau x_1, x_2	<i>x</i> ₉	12	Sau x_4, x_5
x_2	10	Làm ngay	x_6	9	Sau x_2, x_3	x_{10}	10	Sau x_8, x_9
x_3	8	Làm ngay	x_7	6	Sau x_6	x_{11}	6	Sau x_7, x_8, x_9
x_4	11	Sau x_1	x_8	5	Sau x ₆			

3. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s, T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_5, x_8 của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	8	Làm ngay	<i>x</i> ₅	11	Sau x ₁	<i>x</i> ₉	8	Sau x_6, x_7
x_2	8	Sau x_1	x_6	14	Sau x ₂	x_{10}	10	Sau x_6, x_7
x_3	9	Sau x_1	x_7	12	Sau x ₃	x_{11}	14	Sau x ₉
x_4	10	Làm ngay	x_8	9	Sau x_4, x_5, x_6	x_{12}	10	Sau x_8, x_9

4. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_3 , x_7 của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	6	Làm ngay	x_5	11	Sau x ₁	<i>x</i> ₉	12	Sau x_4, x_7, x_8
x_2	10	Làm ngay	x_6	14	Sau x ₃	x_{10}	11	Sau x_4
x_3	8	Sau x_1, x_2	x_7	8	Sau x_5, x_6	x_{11}	16	Sau x ₅
x_4	11	Sau x_2	x_8	9	Sau x ₃	x_{12}	10	Sau x_9, x_{11}

5. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_4 , x_6 của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	8	Làm ngay	<i>x</i> ₅	10	Sau x_2, x_3	<i>x</i> ₉	6	Sau x ₄
x_2	6	Làm ngay	x_6	9	Sau x_4, x_5	x_{10}	10	Sau x_4, x_6, x_7
<i>x</i> ₃	8	Làm ngay	x_7	12	Sau x ₃	x_{11}	12	Sau x_4, x_6, x_7
x_4	5	Sau x_1, x_2	x_8	7	Sau x ₃	x_{12}	10	Sau x ₈

6. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính thời gian dự trữ chung của các công việc không găng của quy trình sau:

C	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
2	x_1	5	Làm ngay	x_5	8	Sau x ₂	<i>x</i> ₉	6	Sau x_4, x_5
2	x_2	6	Làm ngay	x_6	7	Sau x ₄	x_{10}	8	Sau x ₇
2	x_3	6	Sau x_1	x_7	5	Sau x_3, x_4	x_{11}	8	Sau x_6, x_8
)	χ_4	8	Sau x_1	x_8	6	Sau x_4, x_5			

7. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_6 , x_8 của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	10	Làm ngay	x_5	10	Sau x ₂	<i>x</i> ₉	12	Sau x_7, x_8
x_2	12	Làm ngay	x_6	11	Sau x ₃	x_{10}	14	Sau x_7, x_8
x_3	8	Làm ngay	x_7	14	Sau x ₃			
x_4	6	Sau x_1, x_2	x_8	6	Sau x_4, x_5			

8. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_4 , x_6 của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	6	Làm ngay	x_5	11	Sau x_1	<i>x</i> ₉	7	Sau x_4, x_7, x_8
x_2	10	Làm ngay	x_6	10	Sau x ₃	x_{10}	11	Sau x_4, x_6
x_3	9	Làm ngay	<i>x</i> ₇	8	Sau x_1	x_{11}	12	Sau x ₅
x_4	8	Sau x_2, x_3	x_8	12	Sau x ₂	x_{12}	12	Sau <i>x</i> ₉ , <i>x</i> ₁₁

9. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính thời gian dự trữ chung của các công việc không găng của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	8	Làm ngay	x_5	7	Sau x_1, x_2, x_3	<i>x</i> ₉	6	Sau x_7, x_8
x_2	6	Làm ngay	x_6	10	Sau x_3, x_4	x_{10}	10	Sau x_6, x_8
x_3	6	Làm ngay	x_7	11	Sau x_1, x_2, x_3	x_{11}	9	Sau x_5, x_7
x_4	9	Làm ngay	x_8	6	Sau x ₃	x_{12}	9	Sau x_9, x_{10}

10. Lập sơ đồ mạng, tìm đường găng, tính T_j^s , T_j^m và tính hệ số găng của các công việc x_7 , x_8 của quy trình sau:

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	5	Làm ngay	x_6	7	Sau x_1, x_2, x_3	<i>x</i> ₁₁	5	Sau x ₇
x_2	6	Làm ngay	x_7	5	Sau x ₃	x_{12}	10	Sau x_9, x_{10}
x_3	6	Làm ngay	x_8	9	Sau x_4, x_5, x_6	x_{13}	11	Sau x_{11}
x_4	8	Sau x_1, x_2	<i>x</i> ₉	8	Sau x_4, x_5, x_6			
x_5	10	Sau x_1	x_{10}	11	Sau x_6, x_7			

11. Lập sơ đồ mạng, tính T_j^s , T_j^m , tìm đường găng và tính hệ số găng của các công việc x_4, x_7 của quy trình sau :

CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
x_1	6	Làm ngay	x_5	8	Sau x ₁	<i>x</i> ₉	15	Sau x_4, x_6, x_7, x_8
x_2	12	Làm ngay	x_6	11	Sau x_3	x_{10}	13	Sau x_4, x_6
x_3	10	Làm ngay	x_7	11	Sau x_1	x_{11}	13	Sau x_5, x_9
x_4	10	Sau x_2, x_3	x_8	10	Sau x ₃	x_{12}	14	Sau x_4, x_6

12. Lập sơ đồ mạng, tính T_j^s , T_j^m , tìm đường găng và tính hệ số găng của các công việc x_6 , x_8 của quy trình sau:

	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự	CV	TG	Trình tự
ſ	x_1	5	Làm ngay	x_5	5	Sau x ₂	<i>x</i> ₉	8	Sau x_2, x_4
	x_2	6	Làm ngay	x_6	7	Sau x_2, x_3	x_{10}	10	Sau x_2, x_4
	x_3	8	Làm ngay	x_7	9	Sau x_6	x_{11}	6	Sau x_5, x_7, x_9
	x_4	5	Sau x_1	x_8	6	Sau x_6	<i>x</i> ₁₂	6	Sau x_7, x_8