

COPYRIGHT NOTICE

THÔNG BÁO BẢN QUYỀN

© 2023 Duc A. Hoang (Hoàng Anh Đức)

COPYRIGHT (English):

This document is licensed under Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International (CC-BY-SA 4.0). You are free to share and adapt this material with appropriate attribution and under the same license.

This document is not up to date and may contain several errors or outdated information.

Last revision date: 2023-04-25

BẢN QUYỀN (Tiếng Việt):

Tài liệu này được cấp phép theo Giấy phép Quốc tế Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 (CC-BY-SA 4.0). Bạn được tự do chia sẻ và chỉnh sửa tài liệu này với điều kiện ghi nguồn phù hợp và sử dụng cùng loại giấy phép.

Tài liệu này không được cập nhật và có thể chứa nhiều lỗi hoặc thông tin cũ.

Ngày sửa đổi cuối cùng: 2023-04-25



Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International

VNU-HUS MAT3500: Toán rời rạc

Bài tập Lý thuyết đồ thị I

Hoàng Anh Đức

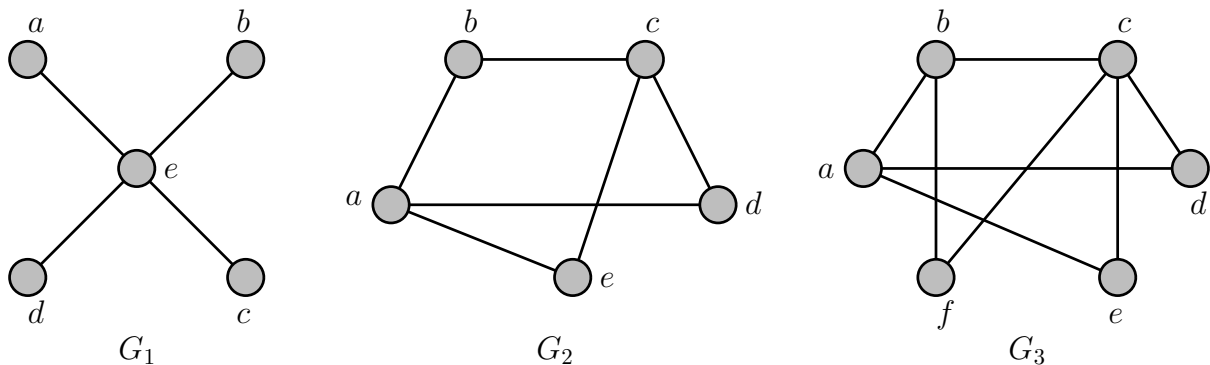
Bộ môn Tin học, Đại học KHTN, ĐHQG Hà Nội
hoanganhduc@hus.edu.vn

Bài tập 1. Vẽ các đồ thị sau

- (a) K_7
- (b) C_7
- (c) $K_{1,8}$
- (d) W_7
- (e) $K_{4,4}$
- (f) Q_4

Bài tập 2. Chứng minh rằng một đơn đồ thị $G = (V, E)$ là một đồ thị hai phần khi và chỉ khi tồn tại một hàm $f : V \rightarrow \{0, 1\}$ thỏa mãn $f(u) \neq f(v)$ nếu $u \in N_G(v)$. Nói cách khác, G là đồ thị hai phần khi và chỉ khi ta có thể “tô màu” các đỉnh của đồ thị bằng hai “màu” 0 và 1 sao cho hai đỉnh kề nhau luôn có “màu” khác nhau.

Sử dụng phát biểu trên, hãy kiểm tra xem các đồ thị sau có phải đồ thị hai phần hay không



Bài tập 3. Các đồ thị sau có bao nhiêu đỉnh và bao nhiêu cạnh?

- (a) K_n
- (b) C_n
- (c) W_n
- (d) $K_{m,n}$
- (e) Q_n

Bài tập 4. Cho G là một đồ thị với n đỉnh và m cạnh. Gọi $\Delta(G)$ và $\delta(G)$ lần lượt là bậc lớn nhất và nhỏ nhất của một đỉnh của G . Chứng minh rằng $\delta(G) \leq 2m/n \leq \Delta(G)$.

Bài tập 5. Một đồ thị được gọi là *đồ thị chính quy* (regular graph) nếu các đỉnh của đồ thị có cùng bậc. Ta gọi một đồ thị là n -chính quy nếu nó là đồ thị chính quy trong đó các đỉnh có cùng bậc n . Với các giá trị nào của n thì các đồ thị sau là đồ thị chính quy

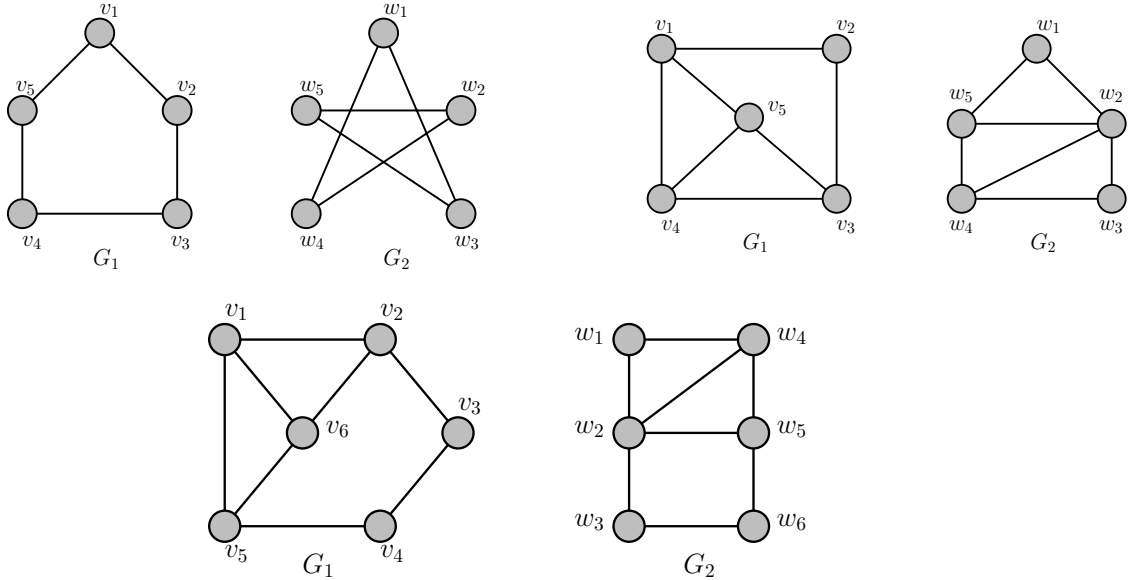
- (a) K_n
- (b) C_n
- (c) W_n
- (d) Q_n

Bài tập 6. Chứng minh rằng nếu một đồ thị hai phần $G = (V_1 \cup V_2, E)$ là đồ thị chính quy thì $|V_1| = |V_2|$.

Bài tập 7. Đồ thị bù (complement graph) của một đồ thị G , ký hiệu \overline{G} , là một đồ thị có cùng tập đỉnh với G . Hai đỉnh trong \overline{G} là liền kề khi và chỉ khi chúng không liền kề trong G . Hãy mô tả các đồ thị sau

- (a) $\overline{K_n}$
- (b) $\overline{K_{m,n}}$
- (c) $\overline{C_n}$

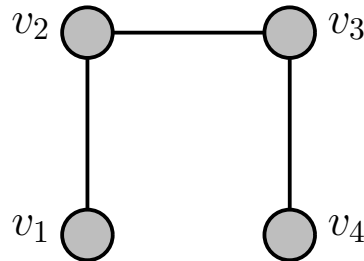
Bài tập 8. Các cặp đồ thị sau có đẳng cấu hay không? Vì sao?



Bài tập 9. Giả sử G và H là các đơn đồ thị thỏa mãn $G \simeq H$. Chứng minh rằng $\overline{G} \simeq \overline{H}$.

Bài tập 10. Một đơn đồ thị G được gọi là *tự bù* (self-complementary) nếu $G \simeq \overline{G}$.

- (a) Chứng minh rằng đồ thị sau là một đồ thị tự bù



- (b) Tìm một đồ thị tự bù có 5 đỉnh.