

# **COPYRIGHT NOTICE**

## **THÔNG BÁO BẢN QUYỀN**

© 2023 Duc A. Hoang (Hoàng Anh Đức)

### **COPYRIGHT (English):**

This document is licensed under Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International (CC-BY-SA 4.0). You are free to share and adapt this material with appropriate attribution and under the same license.

This document is not up to date and may contain several errors or outdated information.

Last revision date: 2023-05-21

### **BẢN QUYỀN (Tiếng Việt):**

Tài liệu này được cấp phép theo Giấy phép Quốc tế Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 (CC-BY-SA 4.0). Bạn được tự do chia sẻ và chỉnh sửa tài liệu này với điều kiện ghi nguồn phù hợp và sử dụng cùng loại giấy phép.

Tài liệu này không được cập nhật và có thể chứa nhiều lỗi hoặc thông tin cũ.

Ngày sửa đổi cuối cùng: 2023-05-21



Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International

# VNU-HUS MAT3500: Toán rời rạc

## Bài tập Đại số Boole

Hoàng Anh Đức

Bộ môn Tin học, Đại học KHTN, ĐHQG Hà Nội  
hoanganhduc@hus.edu.vn

**Bài tập 1.** Lập bảng giá trị của các hàm Boole sau:

(a)  $F(x, y, z) = x\bar{y}z + \bar{x}y\bar{z}$

(b)  $F(x, y, z) = x(yz + \bar{y}\bar{z})$

**Bài tập 2.** Biểu diễn mỗi hàm ở Bài tập 1 trên một khối lập phương  $Q_3$  bằng cách đánh dấu các đỉnh tại đó hàm đạt giá trị 1.

**Bài tập 3.** Tìm một biểu diễn của hàm Boole  $F(x, y, z)$  biết rằng  $F$  nhận giá trị 1 khi và chỉ khi:

(a) có đúng 2 trong 3 biến  $x, y, z$  nhận giá trị 1.

(b) có một số chẵn biến nhận giá trị 1.

**Bài tập 4.** Tìm biểu diễn dưới dạng tổng của các tiểu hạng (minterm) của các hàm sau:

1.  $F(x, y, z) = (x + \bar{z})y$

2.  $F(x, y, z) = x\bar{y} + y\bar{z}$

**Bài tập 5.** Sử dụng luật De Morgan, ta có thể biểu diễn phép toán  $+$  theo hai phép toán  $\cdot$  và  $\bar{\phantom{x}}$ , từ đó có thể biểu diễn mọi hàm Boole bằng một biểu thức chỉ chứa hai phép toán đó. Hãy tìm một biểu diễn như vậy của các hàm sau:

1.  $F(x, y) = x + y$

2.  $F(x, y, z) = \bar{x}(x + \bar{y}) + z$

**Bài tập 6.** Tương tự bài trước, ta cũng có thể biểu diễn mọi hàm Boole bằng một biểu thức chỉ chứa hai phép toán  $+$  và  $\bar{\phantom{x}}$ . Tìm một biểu diễn như vậy của các hàm sau:

1.  $F(x, y) = \bar{x}\bar{y}$

2.  $F(x, y, z) = x + \bar{y}(\bar{x} + z)$

**Bài tập 7.** Rút gọn các biểu thức sau bằng cách sử dụng sơ đồ Karnaugh:

1.  $xy\bar{z} + x\bar{y}\bar{z} + \bar{x}y\bar{z} + \bar{x}\bar{y}\bar{z}$

2.  $xy\bar{z} + x\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} + \bar{x}yz + \bar{x}\bar{y}z$

3.  $wxyz + w\bar{x}\bar{y}z + w\bar{x}y\bar{z} + w\bar{x}y\bar{z} + w\bar{x}\bar{y}z$

**Bài tập 8.** Rút gọn các biểu thức trong bài tập trước bằng phương pháp Quine-McCluskey.