ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN HÀ NỘI KHOA TOÁN-CƠ-TIN

 $(D\hat{e} \ g\hat{o}m \ 4 \ c\hat{a}u/4 \ trang)$

ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KỲ Môn: Toán rời rạc (2018-2019) Thời gian: 50 phút

- Trình bày lời giải vào các khoảng trống sau đề bài. Sử dụng mặt sau nếu thiếu khoảng trống.
- Không trao đổi, bàn bạc khi làm bài. Các bài làm giống nhau, dù chỉ một phần, sẽ bị chia đều điểm số, bất kể có phát hiện việc gian lận hay không.
- Điểm bài kiểm tra này chiếm 20% tổng số điểm của môn học.

Họ và Tên:		
Mã Sinh Viên:	I án:	

Câu:	1	2	3	4	Tổng
Điểm tối đa:	2	4	2	2	10
Điểm:					

- 1. Một $x\hat{a}u$ nhi phân độ dài n là một chuỗi $x_1x_2\dots x_n$ với $x_i\in\{0,1\}$ và $i\in\{1,2,\dots,n\}$.
 - (a) $(\frac{1}{2}$ điểm) Có bao nhiêu xâu nhị phân độ dài 10 bắt đầu va kết thúc bởi 0?
 - (b) (1 điểm) Có bao nhiêu xâu nhị phân độ dài 10 bắt đầu hoặc kết thúc bằng 000?
 - (c) ($\frac{1}{2}$ điểm) Có bao nhiêu xâu nhị phân độ dài 10 có chứa sáu số 0 liên tiếp hoặc năm số 1 liên tiếp?

- 2. Bài tập sau mô tả một cách đếm số toàn ánh từ một tập $A = \{a_1, a_2, \dots, a_m\}$ tới một tập $B = \{b_1, b_2, \dots, b_n\}$ $(m \ge n)$ sử dụng nguyên lý bù trừ.
 - (a) (1 điểm) Gọi P là tập tất cả các hàm từ A đến B. Tìm |P| theo m và n.
 - (b) (1 điểm) Gọi P_i ($i \in \{1, 2, ..., n\}$) là tập các hàm từ A đến B có tập giá trị không chứa $b_i \in B$. Gọi I là một tập con gồm k phần tử của tập $\{1, 2, ..., n\}$ ($2 \le k \le n$). Tìm $|\bigcap_{i \in I} P_i|$ theo m, n, và k.
 - (c) (2 điểm) Từ (a) và (b), sử dụng nguyên lý bù trừ, tính số toàn ánh từ A sang B.

- 3. Giải các quan hệ truy hồi sau.
 - (a) (1 điểm) $a_n = 4a_{n-1} 4a_{n-2}$ với $n \ge 2, \, a_0 = 6, \, a_1 = 8.$
 - (b) (1 điểm) $a_n = 5a_{n-1} 6a_{n-2} + 3n$.

4. (2 điểm) Có bao nhiêu nghiệm nguyên của phương trình

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 10$$

thỏa mãn điều kiện $0 \leq x_1 \leq 3, \; x_2 \geq 0, \; x_3 \geq 5, \; x_4 \geq 0, \; \text{và} \; x_5 \geq 0?$