



Học viện Công nghệ Bưu chính Viễn thông
Email: trangnguyen.hust117@gmail.com

Nhập môn trí tuệ nhân tạo

TÌM KIẾM CÓ THÔNG TIN



Tìm kiếm mù & tìm kiếm có thông tin

□ Tìm kiếm mù

- Mở rộng các nút tìm kiếm theo một quy luật có trước, không dựa vào thông tin hỗ trợ của bài toán
- Di chuyển trong không gian trạng thái không có định hướng, phải xem xét nhiều trạng thái
- Không phù hợp trong các bài toán có không gian trạng thái lớn.

Tìm kiếm mù & tìm kiếm có thông tin

- Tìm kiếm có thông tin : sử dụng *các tri thức cụ thể của bài toán* → Quá trình tìm kiếm hiệu quả hơn
 - Các giải thuật tìm kiếm best-first (Greedy best-first, A*)
 - Các giải thuật tìm kiếm cục bộ (Hill-climbing, Simulated annealing, Local beam, Genetic algorithms)
 - Các giải thuật tìm kiếm đối kháng (MiniMax, Alpha-beta pruning)

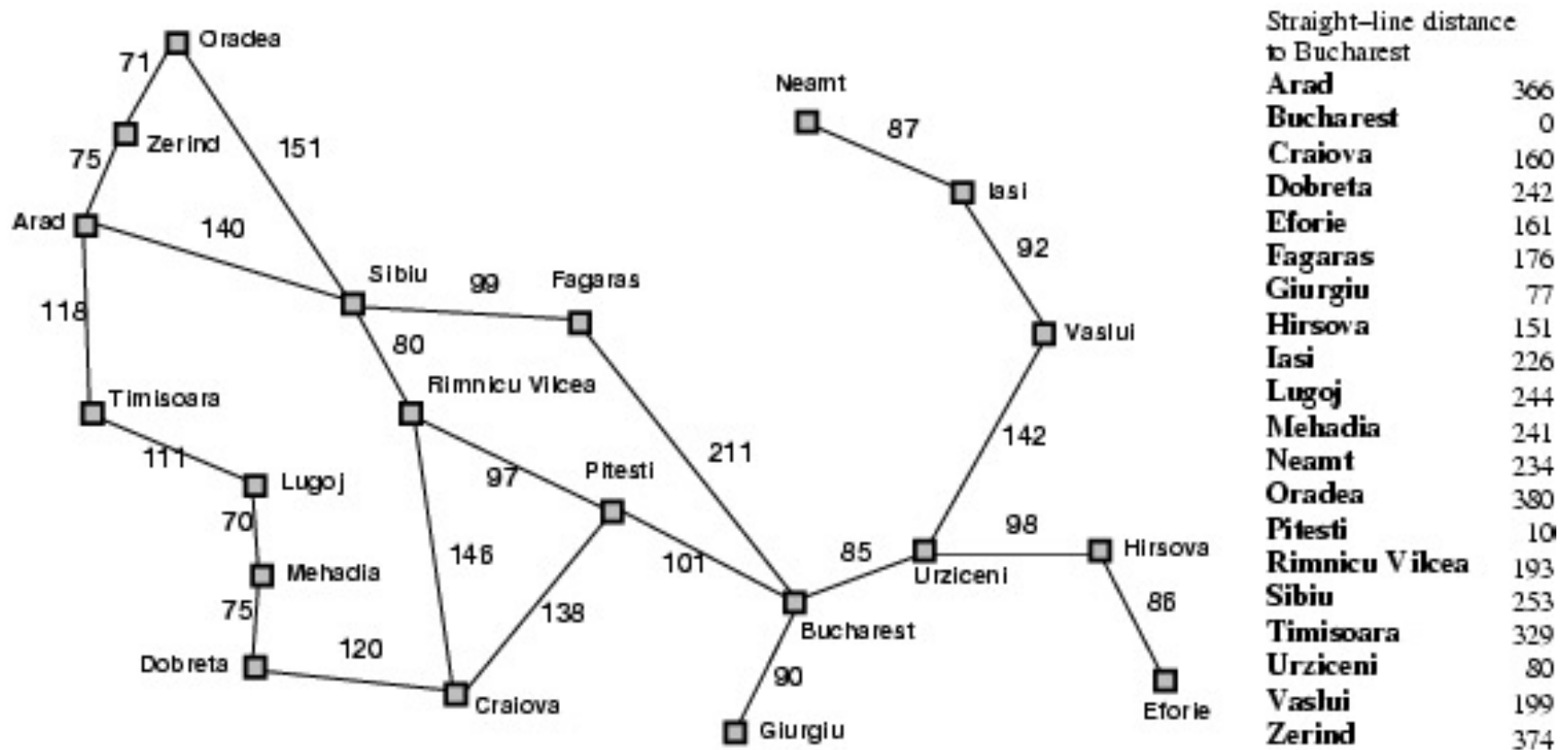
Best-first search

- **Ý tưởng:** Sử dụng một *hàm đánh giá* $f(n)$ cho mỗi nút của cây tìm kiếm
 - Để đánh giá mức độ “phù hợp” của nút đó
 - Trong quá trình tìm kiếm, ưu tiên xét các nút có mức độ phù hợp cao nhất
- **Cài đặt giải thuật**
 - Sắp thứ tự các nút trong cấu trúc fringe theo trật tự giảm dần về mức độ phù hợp
- **Các trường hợp đặc biệt của giải thuật Best-first search**
 - Greedy best-first search
 - A* search

Nội dung

- ❑ Tìm kiếm tham lam (greedy search)
- ❑ Thuật toán A^*
- ❑ Các hàm Heuristic
- ❑ Thuật toán A^* sâu dần (IDA^*)

Greedy best-first search – Ví dụ (1)



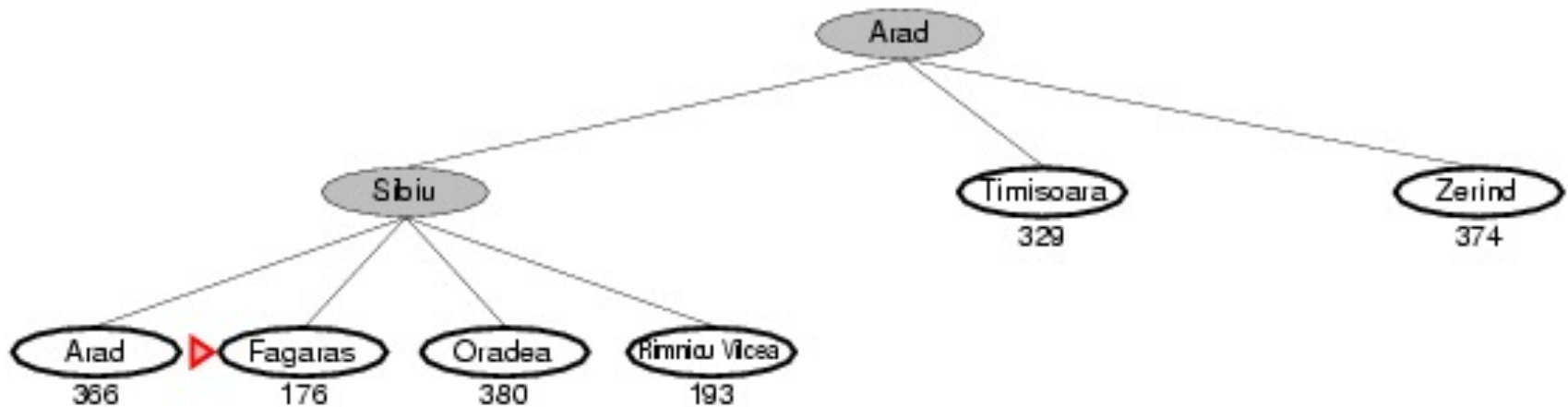
Greedy best-first search – Ví dụ (2)



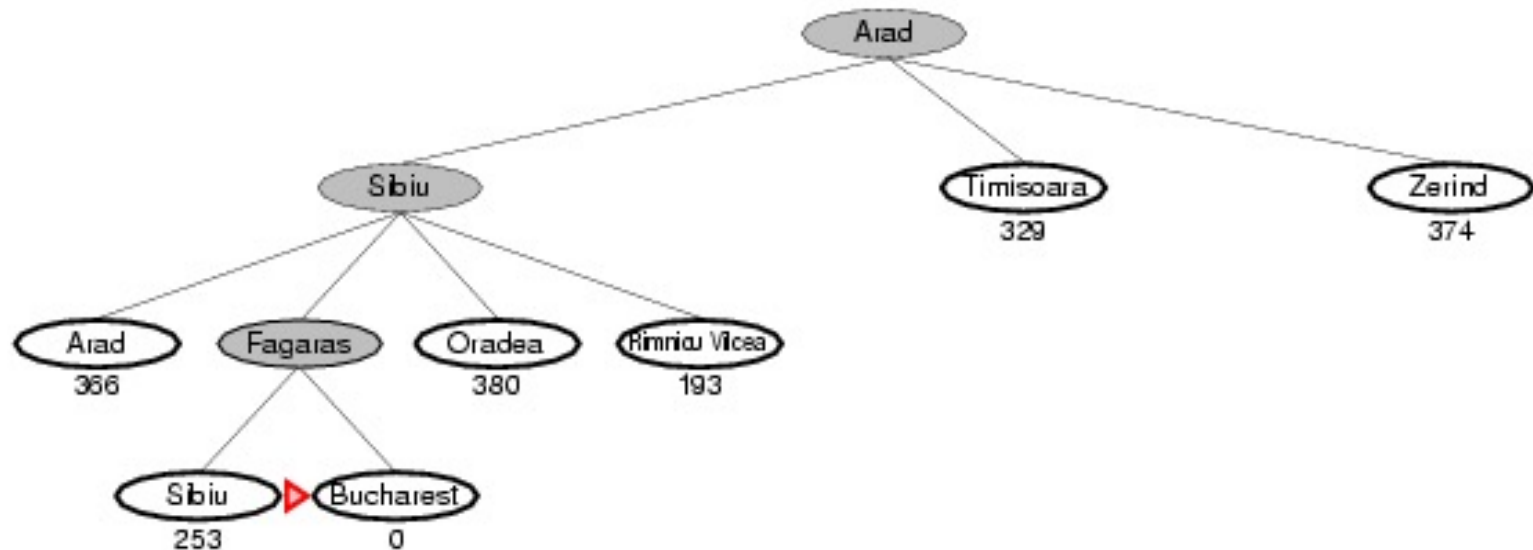
Greedy best-first search – Ví dụ (3)



Greedy best-first search – Ví dụ (4)



Greedy best-first search – Ví dụ (5)

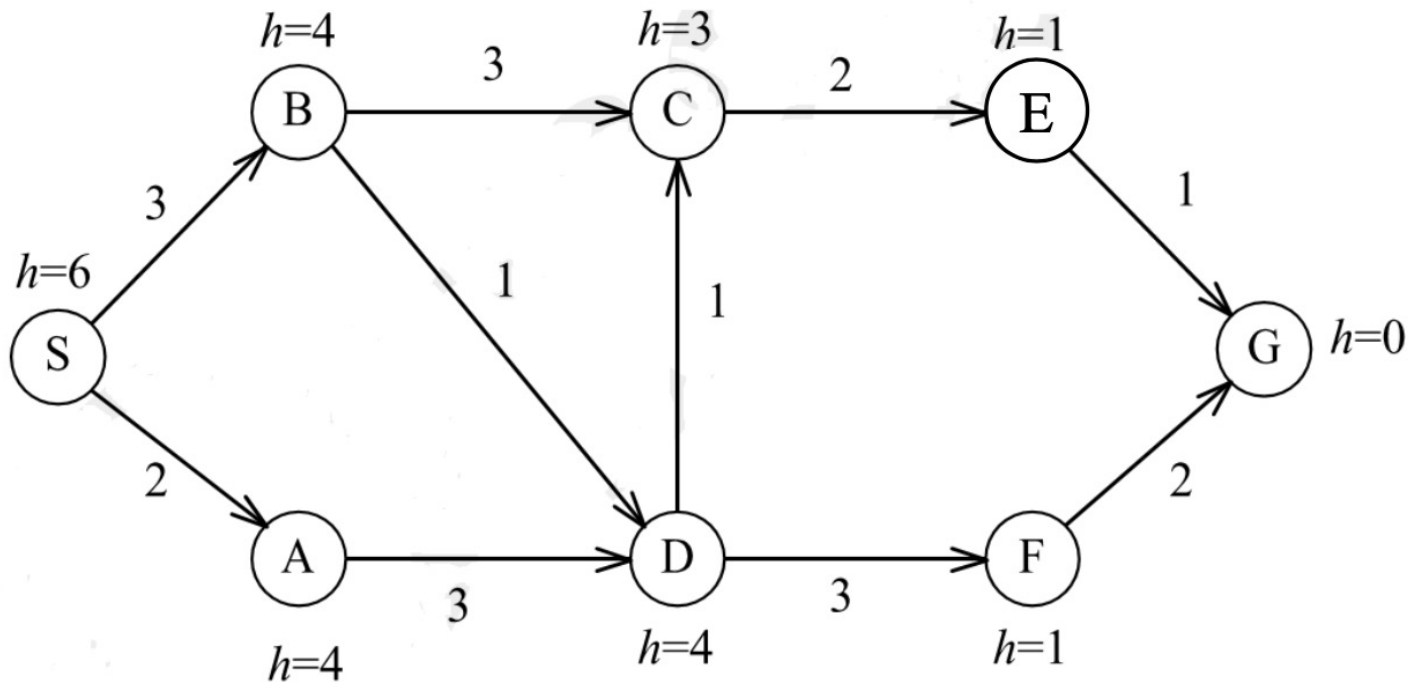


Greedy best-first search – Các đặc điểm

- ❑ Tính hoàn chỉnh?
 - Không – Vì có thể vướng (chết tắc) trong các vòng lặp kiểu như: lasi → Neamt → lasi → Neamt → ...
- ❑ Độ phức tạp về thời gian?
 - $O(b^m)$
 - Một hàm heuristic tốt có thể mang lại cải thiện lớn
- ❑ Độ phức tạp về bộ nhớ?
 - $O(b^m)$ – Lưu giữ tất cả các nút trong bộ nhớ
- ❑ Tính tối ưu?
 - Không

Bài tập 1

- Sử dụng thuật toán **tìm kiếm tham lam** tìm đường đi từ S tới G ?



(Phuong TM, 2016)

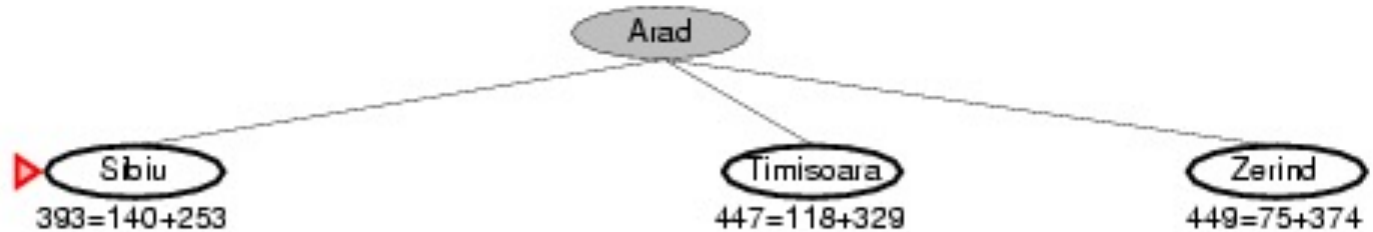
A* search

- Ý tưởng: Tránh việc xét (phát triển) các nhánh tìm kiếm đã xác định (cho đến thời điểm hiện tại) là có chi phí cao
- Sử dụng hàm đánh giá $f(n) = g(n) + h(n)$
 - $g(n)$ = chi phí từ nút gốc cho đến nút hiện tại n
 - $h(n)$ = chi phí ước lượng từ nút hiện tại n tới đích
 - $f(n)$ = chi phí tổng thể ước lượng của đường đi qua nút hiện tại n đến đích

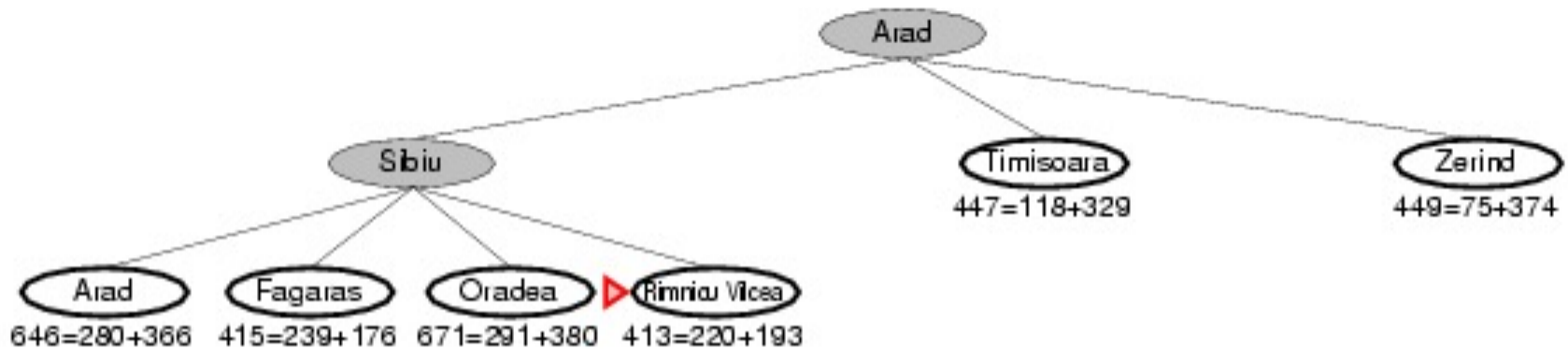
A* search – Ví dụ (1)

▶ Arad
366=0+366

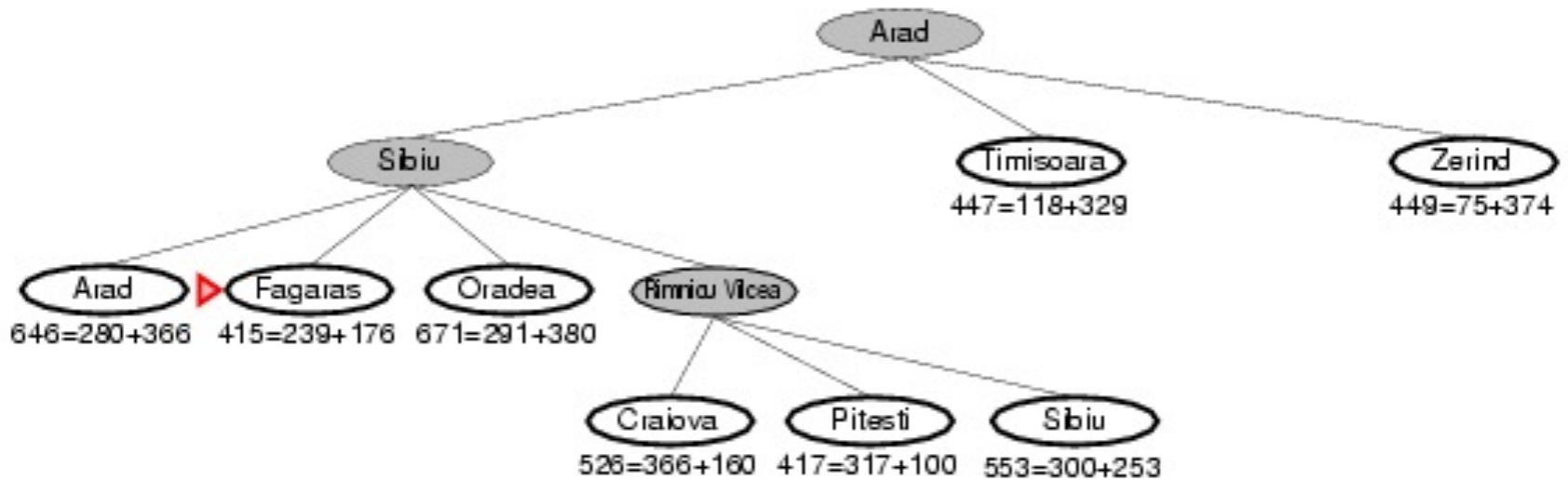
A* search – Ví dụ (2)



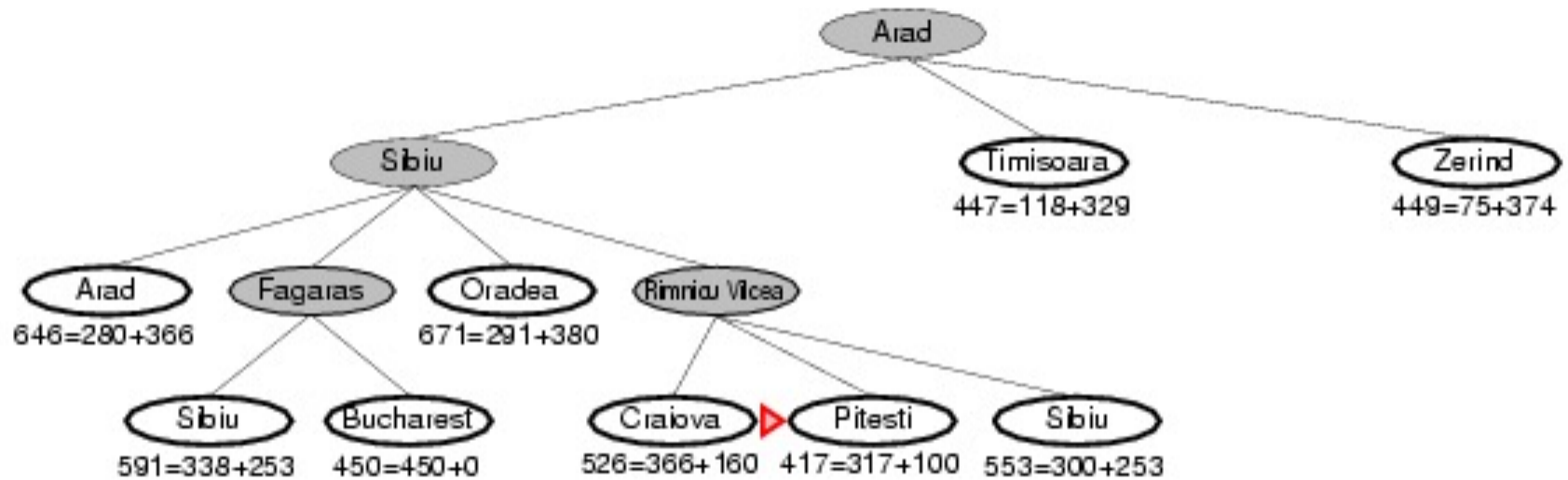
A* search – Ví dụ (3)



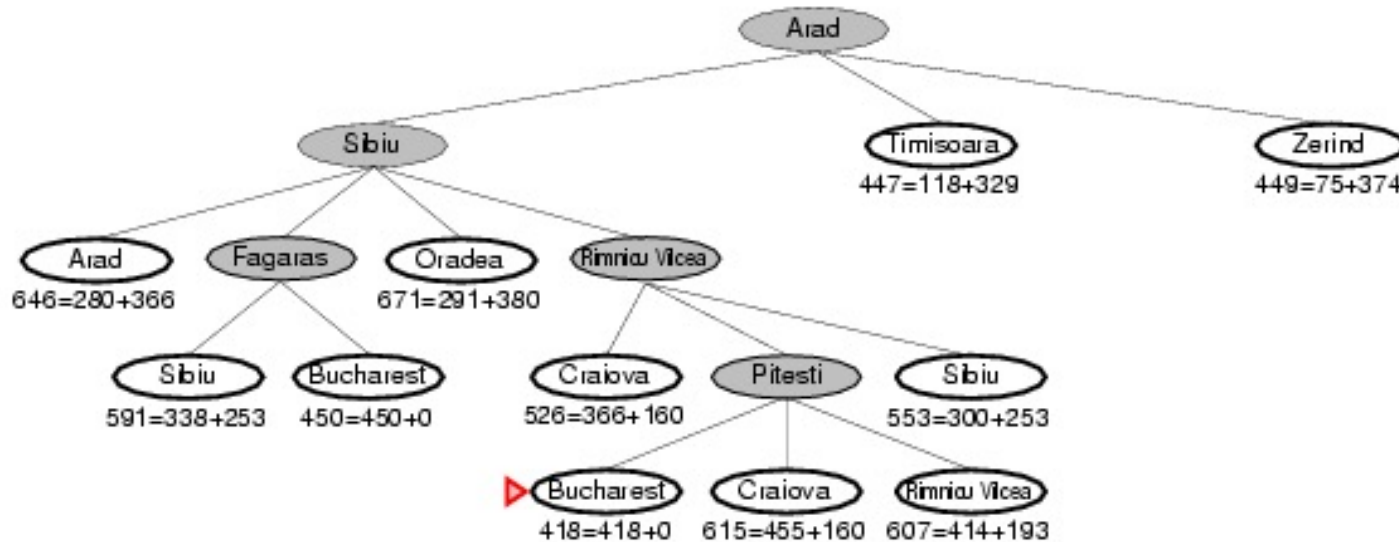
A* search – Ví dụ (4)



A* search – Ví dụ (5)



A* search – Ví dụ (6)



Thuật toán A^*

$A^* (Q, S, G, P, c, h)$

(Q : không gian trạng thái, S : trạng thái bắt đầu, G : đích, P : hành động, c : giá, h : heuristic)

Đầu vào: bài toán tìm kiếm, hàm heuristic h

Đầu ra: đường tới nút đích

Khởi tạo: tập các nút biên (nút mở) $O = S$

while ($O \neq \emptyset$) **do**

1. lấy nút n có $f(n)$ là nhỏ nhất khỏi O

2. **if** $n \in G$, **return** (đường đi tới n)

3. với mọi $m \in P(n)$

a) $g(m) = g(n) + c(n, m)$

b) $f(m) = g(m) + h(m)$

c) thêm m vào O cùng với giá trị $f(m)$

return không tìm được đường đi

A* search: các đặc điểm

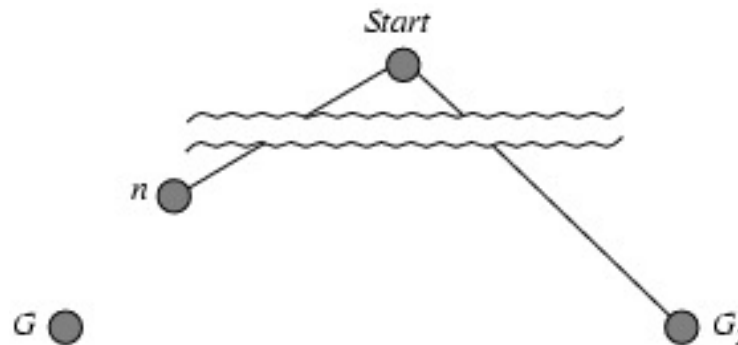
- ❑ Nếu *không gian các trạng thái là hữu hạn và có giải pháp để tránh việc xét (lặp) lại các trạng thái*, thì giải thuật A* là hoàn chỉnh (tìm được lời giải) – nhưng không đảm bảo là tối ưu
- ❑ Nếu *không gian các trạng thái là hữu hạn và không có giải pháp để tránh việc xét (lặp) lại các trạng thái*, thì giải thuật A* là không hoàn chỉnh
- ❑ Nếu *không gian các trạng thái là vô hạn*, thì giải thuật A* là không hoàn chỉnh

Các ước lượng chấp nhận được

- ❑ Một ước lượng $h(n)$ được xem là chấp nhận được nếu đối với mọi nút n : $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$, trong đó $h^*(n)$ là chi phí thật (thực tế) để đi từ nút n đến đích
- ❑ Một ước lượng chấp nhận được không bao giờ đánh giá quá cao (overestimate) đối với chi phí để đi tới đích
 - Thực chất, ước lượng chấp nhận được có xu hướng đánh giá “lạc quan”
- ❑ Ví dụ: Ước lượng $h_{SLD}(n)$ đánh giá thấp hơn khoảng cách đường đi thực tế
- ❑ **Định lý:** Nếu $h(n)$ là đánh giá chấp nhận được, thì phương pháp tìm kiếm A^* sử dụng giải thuật TREE-SEARCH là tối ưu

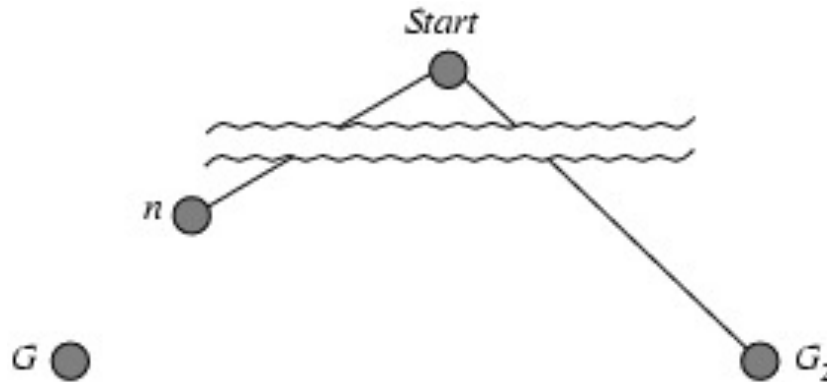
Tính tối ưu của A^* - Chứng minh (1)

- Giả sử có một đích không tối ưu (suboptimal goal) G_2 được sinh ra và lưu trong cấu trúc *fringe*. Gọi n là một nút chưa xét trong cấu trúc *fringe* sao cho n nằm trên một đường đi ngắn nhất đến một đích tối ưu (optimal goal) G



- Ta có: 1) $f(G_2) = g(G_2)$ vì $h(G_2) = 0$
- Ta có: 2) $g(G_2) > g(G)$ vì G_2 là đích không tối ưu
- Ta có: 3) $f(G) = g(G)$ vì $h(G) = 0$
- Từ 1)+2)+3) suy ra: 4) $f(G_2) > f(G)$

Tính tối ưu của A^* - Chứng minh (2)



Ta có: 5) $h(n) \leq h^*(n)$ vì h là ước lượng chấp nhận được

Từ 5) suy ra: 6) $g(n) + h(n) \leq g(n) + h^*(n)$

Ta có: 7) $g(n) + h^*(n) = f(G)$ vì n nằm trên đường đi tới G

Từ 6)+7) suy ra: 8) $f(n) \leq f(G)$

Từ 4)+8) suy ra: $f(G_2) > f(n)$. Tức là, giải thuật A^* không bao giờ xét G_2

Các ước lượng chấp nhận được (1)

Ví dụ đối với trò chơi ô chữ 8 số:

- $h_1(n)$ = số các ô chữ nằm ở sai vị trí (so với vị trí của ô chữ đầy ở trạng thái đích)
- $h_2(n)$ = khoảng cách dịch chuyển ($\leftarrow, \rightarrow, \uparrow, \downarrow$) ngắn nhất để dịch chuyển các ô chữ nằm sai vị trí về vị trí đúng

□ $h_1(S) = ?$

□ $h_2(S) = ?$

7	2	4
5		6
8	3	1

Start State

	1	2
3	4	5
6	7	8

Goal State

Các ước lượng chấp nhận được (2)

Ví dụ đối với trò chơi ô chữ 8 số:

- $h_1(n)$ = số các ô chữ nằm ở sai vị trí (so với vị trí của ô chữ đầy ở trạng thái đích)
- $h_2(n)$ = khoảng cách dịch chuyển ($\leftarrow, \rightarrow, \uparrow, \downarrow$) ngắn nhất để dịch chuyển các ô chữ nằm sai vị trí về vị trí đúng
- $h_1(S) = 8$

$$h_2(S) = 3+1+ 2+2+ 2+3+ 3+2 = 18$$

7	2	4
5		6
8	3	1

Start State

	1	2
3	4	5
6	7	8

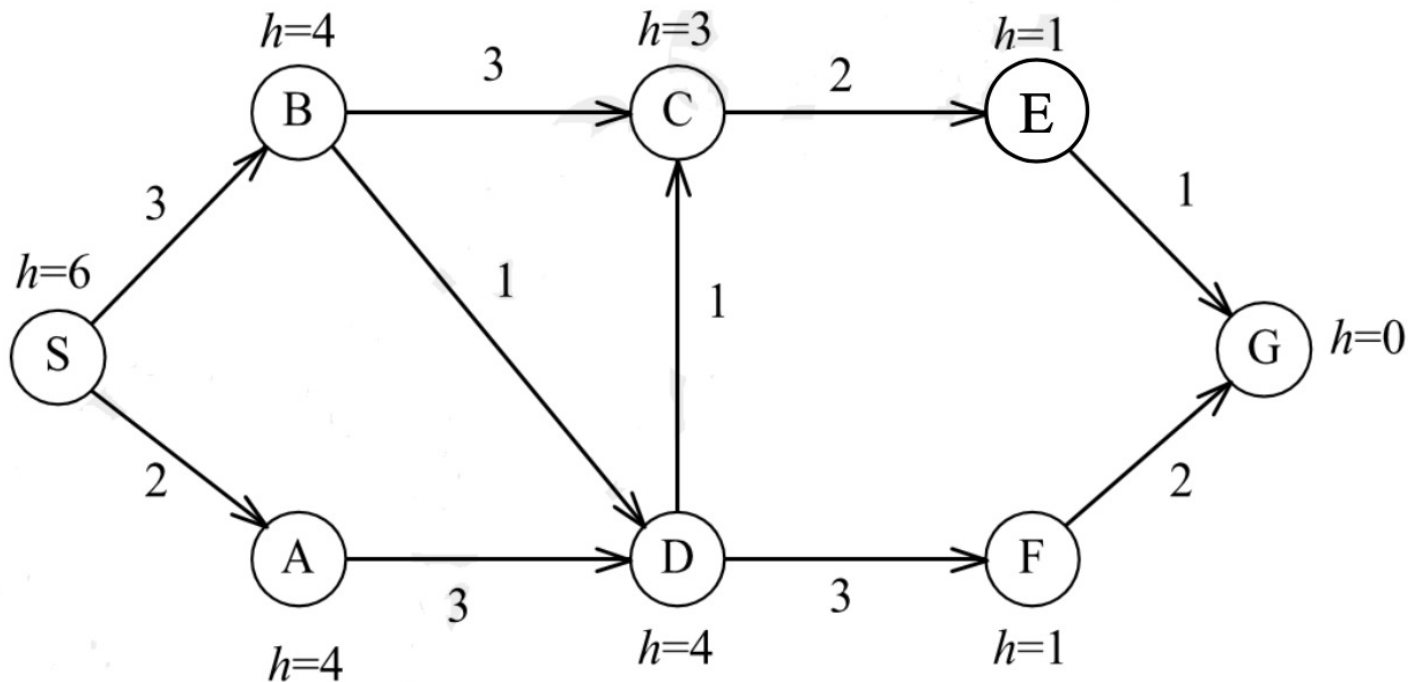
Goal State

Ước lượng ưu thế

- Ước lượng h_2 được gọi là **ưu thế hơn / trội hơn** (dominate) ước lượng h_1 nếu:
 - $h^*(n) \geq h_2(n) \geq h_1(n)$ đối với tất cả các nút n
- Nếu ước lượng h_2 ưu thế hơn ước lượng h_1 , thì h_2 tốt hơn (nên được sử dụng hơn) cho quá trình tìm kiếm
- Trong ví dụ (ô chữ 8 số) ở trên: Chi phí tìm kiếm = Số lượng trung bình của các nút phải xét:
 - Với độ sâu $d=12$
 - IDS (Tìm kiếm sâu dần): 3.644.035 nút phải xét
 - A^* (sử dụng ước lượng h_1): 227 nút phải xét
 - A^* (sử dụng ước lượng h_2): 73 nút phải xét
 - Với độ sâu $d=24$
 - IDS (Tìm kiếm sâu dần): Quá nhiều nút phải xét
 - A^* (sử dụng ước lượng h_1): 39.135 nút phải xét
 - A^* (sử dụng ước lượng h_2): 1.641 nút phải xét

Bài tập 2

- Sử dụng thuật toán **tìm kiếm A*** tìm đường đi từ S tới G ?



(Phuong TM, 2016)

Tìm kiếm A^* sâu dần – IDA *

- ❑ **Mục tiêu:** Giải quyết vấn đề bộ nhớ của thuật toán A^*
- ❑ **Phương pháp:** Lặp lại việc tìm kiếm theo chiều sâu trên các cây tìm kiếm con có giá trị hàm $f(n)$ không lớn hơn một ngưỡng.
 - Giá trị ngưỡng được tăng dần sau mỗi vòng lặp, để mỗi vòng lặp có thể xét thêm các nút mới

Thuật toán IDA*

$IDA^*(Q, S, G, P, c, h)$

Đầu vào: bài toán tìm kiếm, hàm heuristic h

Đầu ra: đường đi ngắn nhất từ nút xuất phát đến nút đích

Khởi tạo: danh sách các nút biên (nút mở) $O \leftarrow S$

giá trị $i \leftarrow 0$ là ngưỡng cho hàm f

while (1) **do**

1. **while** ($O \neq \emptyset$) **do**

a) lấy nút n từ đầu O

b) **if** n thuộc G , **return** (đường đi tới n)

c) với mọi $m \in P(n)$

i) $g(m) = g(n) + c(m, n)$

ii) $f(m) = g(m) + h(m)$

iii) **if** $f(m) \leq i$ **then** thêm m vào đầu O

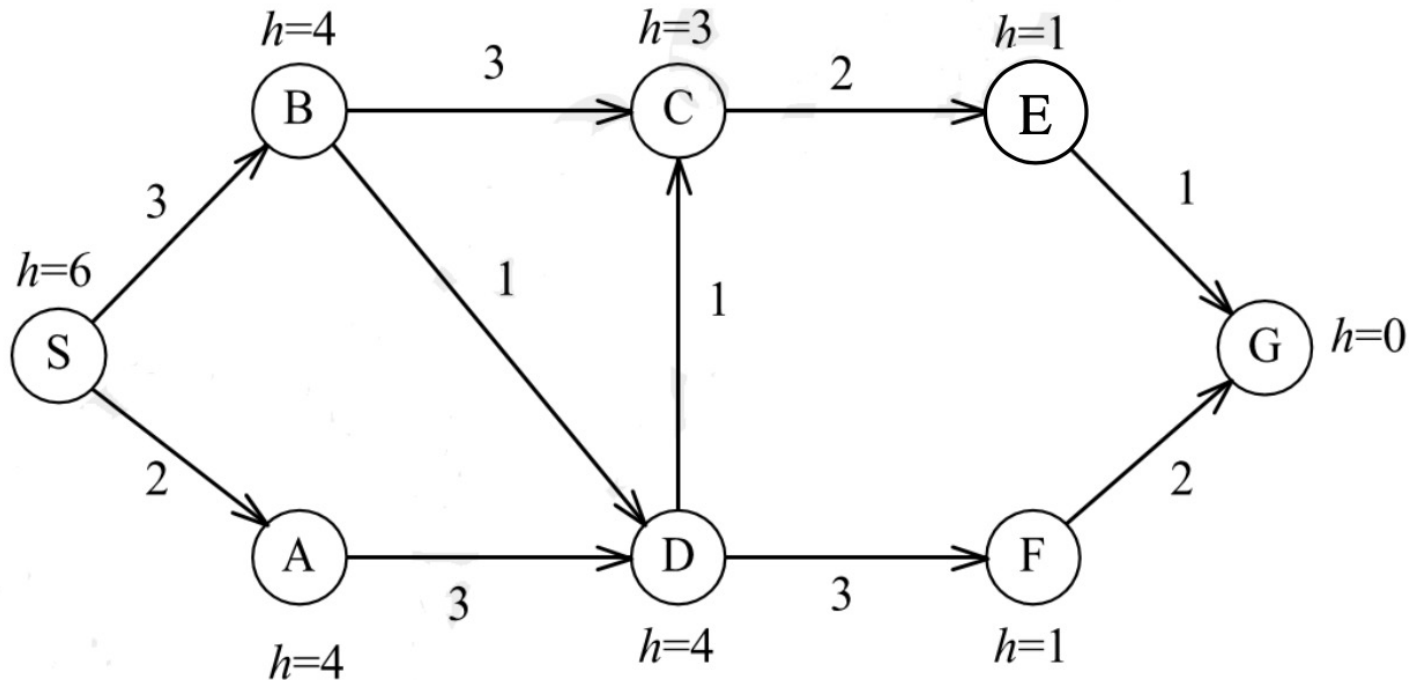
2. $i \leftarrow i + \beta, O \leftarrow S$

Tính chất IDA*

- ❑ Đầy đủ ? Có
- ❑ Tối ưu?
 - β – tối ưu (giá thành của lời giải tìm được không vượt quá β so với giá thành của lời giải tối ưu)
- ❑ Thời gian?
 - Độ phức tạp tính toán lớn hơn của thuật toán A^*
- ❑ Bộ nhớ
 - Yêu cầu bộ nhớ tuyến tính

Bài tập 3

- Sử dụng thuật toán **tìm kiếm A* sâu dần** tìm đường đi từ S tới G , cho biết bước nhảy $\beta = 2$?



(Phuong TM, 2016)