VẬT LÝ 1 VÀ THÍ NGHIỆM



Ngày 30 tháng 3 năm 2020

HOC VIÊN CÔNG NGHÊ BƯU CHÍNH VIỄN THÔNG

Chương I.1 Động học chất điểm

1



Đánh giá kết quả:

- \bullet Tham gia học tập trên lớp (đi học đầy đủ, tích cực thảo luận): 10 %
 - Nghỉ học: -1 điểm
 - Đến muộn: -1/2 điểm
 - Xin phép: -1/2 điểm
- Thí nghiệm thực hành: 20 %
- Kiểm tra giữa kỳ: 10 % (đề mở, bài tập)
- Kiểm tra cuối kỳ: 60 %
 - 1 câu lý thuyết: 2 điểm
 - 1 câu bài tập khó: 2 điểm
 - 4 câu bt tb: 1.5 điểm



Học liệu

Học liệu bắt buộc

- Lê Minh Thanh, Hoàng Lan Hương, Vũ Hồng Nga : Bài giảng Vật lý 1 và thí nghiệm, 2010, Thư viện HVCNBCVT.
- 2 Các bài thí nghiệm Vật lý của HVCNBCVT, 2011, Thư viện HV.

Học liệu tham khảo

- Lương duyên Bình, Vật lý đại cương và Bài tập Vật lý đại cương tập I, II. NXB Giáo dục, 1995, Thư viện HVCNBCVT.
- 2 Các bài thí nghiệm Vật lý của ĐH Bách khoa Hà Nội, Bộ môn Vật lý.
- Nguyễn Xuân Chi, Đặng Quang Khang. Vật lý đại cương tập I, II. NXB DHBK HN, 2001.
- Halliday, Resnick, Walker, Cơ sở Vật lý tập I,II,III,IV,V, NXB Giáo dục, 1998, Thư viện.
- Paul M. Fishbane, S. G. Gasiorowicz and S. T. Thornton, Physics for Scientist và Engineers with Mordern Physics. Pearson-Prentice Hall 2005. Chương L1 Dông học chất điểm



- Phần I: CƠ HỌC
 - Chương 1. Động lực học chất điểm
 - Chương 2. Động lực học hệ chất điểm vật rắn
 - Chương 3. Năng lượng
 - Chương 4. Trường hấp dẫn



- Phần I: CƠ HỌC
 - Chương 1. Động lực học chất điểm
 - Chương 2. Động lực học hệ chất điểm vật rắn
 - · Chương 3. Năng lượng
 - Chương 4. Trường hấp dẫn
- Phần II: NHIỆT HOC
 - Chương 5. Nguyên lý I của nhiệt động học (tự học)
 - Chương 6. Nguyên lý II của nhiệt động học (tự học)



- Phần I: CƠ HỌC
 - Chương 1. Động lực học chất điểm
 - Chương 2. Động lực học hệ chất điểm vật rắn
 - Chương 3. Năng lượng
 - Chương 4. Trường hấp dẫn
- Phần II: NHIỆT HOC
 - Chương 5. Nguyên lý I của nhiệt động học (tự học)
 - Chương 6. Nguyên lý II của nhiệt động học (tự học)
- Phần III: ĐIÊN -Từ
 - Chương 7. Trường tĩnh điện
 - Chương 8. Vật dẫn
 - Chương 9. Điện môi
 - Chương 10. Từ trường của dòng điện không đổi
 - Chương 11. Hiện tượng cảm ứng điện từ
 - Chương 12. Vật liệu từ (tự học)
 - Chương 13. Trường điện từ



- Phần I: CƠ HỌC
 - Chương 1. Động lực học chất điểm
 - Chương 2. Động lực học hệ chất điểm vật rắn
 - Chương 3. Năng lượng
 - Chương 4. Trường hấp dẫn
- Phần II: NHIỆT HỌC
 - Chương 5. Nguyên lý I của nhiệt động học (tự học)
 - Chương 6. Nguyên lý II của nhiệt động học (tự học)
- Phần III: ĐIÊN -Từ
 - Chương 7. Trường tĩnh điện
 - Chương 8. Vật dẫn
 - Chương 9. Điện môi
 - Chương 10. Từ trường của dòng điện không đổi
 - Chương 11. Hiện tượng cảm ứng điện từ
 - Chương 12. Vật liệu từ (tự học)
 - Chương 12. Vật họu ta (tạ
 Chương 13. Trường điện từ
- Phần IV: CÁC BÀI THÍ NGHIÊM VÂT LÝ 1
 - Bài 1. Khảo sát điện trường biến thiên theo thời gian
 - Bài 2. Khảo sát từ trường trong ống dây thẳng.
 - Bài 3. Khảo sát chuyển động của electron trong điện-từ trường.
 - Bài 4. Khảo sát mạch dao đông điện từ.



Đối tượng nghiên cứu: Thế giới vật chất

Các dạng vận động tổng quát nhất



Đối tượng nghiên cứu: Thế giới vật chất

- Các dạng vận động tổng quát nhất
- Những tính chất, bản chất, cấu tạo vật chất, các trường



Đối tượng nghiên cứu: Thế giới vật chất

- Các dạng vận động tổng quát nhất
- Những tính chất, bản chất, cấu tạo vật chất, các trường
- KL tổng quát về cấu tạo và bản chất của các đối tượng vật chất.



Đối tượng nghiên cứu: Thế giới vật chất

- Các dạng vận động tống quát nhất
- Những tính chất, bản chất, cấu tạo vật chất, các trường
- KL tổng quát về cấu tạo và bản chất của các đối tượng vật chất.
- Những đặc trưng tổng quát về vận động và cấu tạo của vật chất.



Đối tượng nghiên cứu: Thế giới vật chất

- Các dạng vận động tổng quát nhất
- Những tính chất, bản chất, cấu tạo vật chất, các trường
- KL tổng quát về cấu tạo và bản chất của các đối tượng vật chất.
- Những đặc trưng tổng quát về vận động và cấu tạo của vật chất.



Như vậy:

Do mục đích là nghiên cứu các tính chất tổng quát nhất của thế giới vật chất, Vật lý học đứng về một khía cạnh nào đó có thể coi là cơ sở của nhiều môn khoa học tự nhiên khác.



Những thành tựu của ngành Vật lý giúp cuộc cách mạng khoa học kỹ thuật phát triển trong các lĩnh vực sau:

 Khai thác và sử dụng những nguồn năng lượng mới đặc biệt là năng lượng hạt nhân, năng lượng thủy triều, gió, mặt trời...



- Khai thác và sử dụng những nguồn năng lượng mới đặc biệt là năng lượng hạt nhân, năng lượng thủy triều, gió, mặt trời...
- Chế tạo và nghiên cứu tính chất các vật liệu mới (siêu dẫn nhiệt độ cao, vật liệu vô định hình, các vật liệu có kích thước nang ...).



- Khai thác và sử dụng những nguồn năng lượng mới đặc biệt là năng lượng hạt nhân, năng lượng thủy triều, gió, mặt trời...
- Chế tạo và nghiên cứu tính chất các vật liệu mới (siêu dẫn nhiệt độ cao, vật liệu vô định hình, các vật liệu có kích thước nang ...).
- Tìm ra những quá trình công nghệ mới (công nghệ mạch tổ hợp ...).



- Khai thác và sử dụng những nguồn năng lượng mới đặc biệt là năng lượng hạt nhân, năng lượng thủy triều, gió, mặt trời...
- Chế tạo và nghiên cứu tính chất các vật liệu mới (siêu dẫn nhiệt độ cao, vật liệu vô định hình, các vật liệu có kích thước nang ...).
- Tìm ra những quá trình công nghệ mới (công nghệ mạch tổ hợp ...).
- Cuộc cách mạng về tin học và sự xâm nhập của tin học vào các ngành khoa học kỹ thuật.



- Khai thác và sử dụng những nguồn năng lượng mới đặc biệt là năng lượng hạt nhân, năng lượng thủy triều, gió, mặt trời...
- Chế tạo và nghiên cứu tính chất các vật liệu mới (siêu dẫn nhiệt độ cao, vật liệu vô định hình, các vật liệu có kích thước nang ...).
- Tìm ra những quá trình công nghệ mới (công nghệ mạch tổ hợp ...).
- Cuộc cách mạng về tin học và sự xâm nhập của tin học vào các ngành khoa học kỹ thuật.



Mục đích việc học môn Vật lý trong các trường đại học:

- Cho sinh viên những kiến thức cơ bản về Vật lý ở trình độ đại học.
- Cho sinh viên những cơ sở để học và nghiên cứu các ngành kỹ thuật.
- Góp phần rèn luyện phương pháp suy luận khoa học, tư duy logic, phương pháp nghiên cứu thực nghiệm, tác phong đối với người cử nhân tương lai.
- Góp phần xây dựng thế giới quan khoa học duy vật biện chứng.



Đơn vị Vật lý:

- Đo một đại lượng Vật lý:
 - chọn một đại lượng cùng loại làm chuẩn gọi là đơn vị



Đơn vị Vật lý:

- Đo một đại lượng Vật lý:
 - chọn một đại lượng cùng loại làm chuẩn gọi là đơn vị
 - so sánh đại lượng phải đo với đơn vị đó



Đơn vị Vật lý:

- Do một đại lượng Vật lý:
 - chọn một đại lượng cùng loại làm chuẩn gọi là đơn vị
 - so sánh đại lượng phải đo với đơn vị đó
 - giá trị đo bằng tỷ số đại lượng phải đo/đại lượng đơn vị.



Đơn vị Vật lý:

- Đo một đại lượng Vật lý:
 - chọn một đại lượng cùng loại làm chuẩn gọi là đơn vị
 - so sánh đại lượng phải đo với đơn vị đó
 - giá trị đo bằng tỷ số đại lượng phải đo/đại lượng đơn vị.
- Một số đại lượng vật lý được chọn làm các đại lượng cơ bản có đơn vị đo gọi là các đơn vị cơ bản, được quy định trong Bảng đơn vị đo lường hợp pháp của nước Việt nam dựa trên cơ sở của hệ đơn vị quốc tế SI (Système International d'Unités) gồm:

Đơn vị cơ bản	Ký hiệu	Đơn vị
Độ dài	L	m
Khối lượng	M	kg
Thời gian	t	S
Cường độ dòng điện	I	Α
Độ sáng	Z	candela <i>Cd</i>
Nhiệt độ tuyệt đối	Т	K
Lương chất	mol	mol

Đơn vị phụ: Góc phẳng α rad; góc khối steradian (sr).



Các đại lượng vật lý khác có đơn vị đo xác định theo quan hệ hàm số phụ thuộc vào các đại lượng cơ bản được gọi là các đại lượng dẫn xuất, có đơn vị đo gọi là các đơn vị đẫn xuất.

Đơn vị cơ bản	Tên gọi	Đơn v
Diện tích	Mét vuông	m^2
Tần số	Héc	Hz
Vận tốc	mét trên giây	m/s
Lực	Newton	N
Năng lượng	Jun	J
Công suất	Oát	W
Lượng chất	mol	mol

Thứ nguyên: Quy luật nêu lên sự phụ thuộc đơn vị đo đại lượng đó vào các đơn bị cơ bản.

• Lực:
$$\vec{F} = m\vec{a}$$
 $N = kg \frac{m}{s^2}$

Quy tắc viết các biểu thức, công thức Vật lý:

- Các số hạng của một tổng (đại số) phải có cùng thứ nguyên.
- Hai vế của cùng một công thức, một phương trình Vật lý phải có cùng thứ nguyên.



Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.
 - Tĩnh học là một phần của Động lực học nghiên cứu trạng thái cân bằng của các vật.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.

Tĩnh học là một phần của Động lực học nghiên cứu trạng thái cân bằng của các vật.

NỘI DUNG: cơ học cổ điển của Newton

Các định luật cơ bản của động lực học.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.
 Tĩnh học là một phần của Đông lực học nghiên cứu trang thái cân

Tĩnh học là một phần của Động lực học nghiên cứu trạng thái cân bằng của các vật.

- Các định luật cơ bản của động lực học.
- Các định luật Newton.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.
 Tĩnh học là một phần của Đông lực học nghiên cứu trang thái cân

Tĩnh học là một phần của Động lực học nghiên cứu trạng thái cân bằng của các vật.

- Các định luật cơ bản của động lực học.
- Các định luật Newton.
- Nguyên lý tương đối Galile.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.
 Tĩnh học là một phần của Động lực học nghiên cứu trạng thái cân

bằng của các vật.

- Các định luật cơ bản của động lực học.
- Các định luật Newton.
- Nguyên lý tương đối Galile.
- Định luật bảo toàn của cơ học: định luật bảo toàn động lượng, định luật bảo toàn mô men động lượng và định luật bảo toàn năng lượng.



- Động học nghiên cứu những đặc trưng của chuyển động và những dạng chuyển động khác nhau.
- Động lực học nghiên cứu mối liên hệ của chuyển động với sự tương tác giữa các vật.
 Tĩnh học là một phần của Động lực học nghiên cứu trạng thái cân

bằng của các vật.

- Các định luật cơ bản của động lực học.
- Các định luật Newton.
- Nguyên lý tương đối Galile.
- Định luật bảo toàn của cơ học: định luật bảo toàn động lượng, định luật bảo toàn mô men động lượng và định luật bảo toàn năng lượng.
- Hai dạng chuyển động cơ bản của vật rắn: chuyển động tịnh tiến và chuyển động quay.

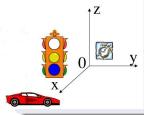


Nội dung

- Dộng học chất điểm
 - 1.1. Những khái niệm mở đầu
 - 1. Chuyển động
 - 2. Chất điểm, hệ chất điểm, vật rắn
 - 3. Phương trình chuyển động của chất điểm
 - 4. Quỹ đạo
 - 5. Hoành độ cong
 - 1.2. Vân tốc
 - 1. Vận tốc trung bình và vận tốc tức thời
 - 2. Vecto vận tốc
 - 1.3. Gia tốc
 - 1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc
 - 2. Gia tốc tiếp tuyến và gia tốc pháp tuyến
 - 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản
 - 1. Chuyển động thẳng biến đối đều
 - 2. Chuyến động tròn
 - 3. Chuyển động với gia tốc không đổi

- 1.1. Những khái niệm mở đầu

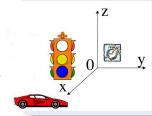
1. Chuyển động



• Thay đổi vị trí so với vật khác.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu

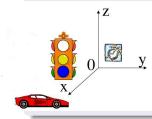
1. Chuyển động



- Thay đổi vị trí so với vật khác.
- Vật coi là đứng yên làm mốc gọi là hệ quy chiếu.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu

1. Chuyển động



- Thay đổi vị trí so với vật khác.
- Vật coi là đứng yên làm mốc gọi là hệ quy chiếu.
- Do đó, chuyển động của một vật có tính chất tương đối !!!

Động học chất điểm

- 1.1. Những khái niệm mở đầu
 - 1.2. Vạn tọc
 - 1.3. Gia tốc
 - 4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

2. Chất điểm, hệ chất điểm, vật rắn

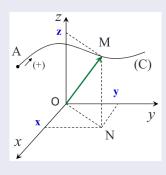
• Chất điểm: Vật nhỏ hơn khoảng cách nghiên cứu \rightarrow khối lượng vật tập trung ở khối tâm.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu
 - 1.2. Vạn toc
 - 1.3. Gia tốc
 - 4. Một số dạng chuyên động cơ học đơn giản

2. Chất điểm, hệ chất điểm, vật rắn

- Chất điểm: Vật nhỏ hơn khoảng cách nghiên cứu \to khối lượng vật tập trung ở khối tâm.
- Hệ chất điểm: Tập hợp nhiều chất = Hệ chất điểm

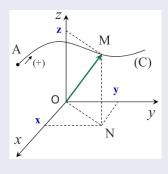
3. Phương trình chuyển động của chất điểm



• Vị trí của vật M trong hệ tọa độ Decartes có tọa độ

$$\vec{r} = x(t)\vec{i} + y(t)\vec{j} + z(t)\vec{k}$$

3. Phương trình chuyển động của chất điểm



• Vị trí của vật M trong hệ tọa độ Decartes có tọa độ $\vec{r} = x(t)\vec{i} + y(t)\vec{j} + z(t)\vec{k}$

 Theo thời gian, tọa độ x,y,z của M:

$$M \begin{cases} x(t) \\ y(t) \\ z(t) \end{cases} \tag{1}$$

$$\implies \vec{r} = \vec{r}(t)$$
 (2)

• (1) và (2): phương trình chuyển động của chất điểm.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu

• Đường tạo bởi tập hợp các vị trí của các điểm trong không gian.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu

- Đường tạo bởi tập hợp các vị trí của các điểm trong không gian.
- Phương trình quỹ đạo: mô tả dạng quỹ đạo của chất điểm ⇒ khử tham số thời gian t trong các phương trình (1) và (2).

- 1.1. Những khái niệm mở đầu
- 1.3. Gia tốc

- Đường tạo bởi tập hợp các vị trí của các điểm trong không gian.
- Phương trình quỹ đạo: mô tả dạng quỹ đạo của chất điểm ⇒ khử tham số thời gian t trong các phương trình (1) và (2).

Ví dụ:

$$\begin{cases} x = a\cos(\omega t) \\ y = a\sin(\omega t) \end{cases}$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu

- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

- Đường tạo bởi tập hợp các vị trí của các điểm trong không gian.
- Phương trình quỹ đạo: mô tả dang quỹ đạo của chất điểm ⇒ khử tham số thời gian t trong các phương trình (1) và (2).

Ví dụ:

$$\begin{cases} x = a\cos(\omega t) \\ y = a\sin(\omega t) \end{cases} \Rightarrow x^2 + y^2 = a^2$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

- Đường tạo bởi tập hợp các vị trí của các điểm trong không gian.
- Phương trình quỹ đạo: mô tả dang quỹ đạo của chất điểm ⇒ khử tham số thời gian t trong các phương trình (1) và (2).

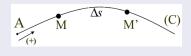
Ví du:

$$\begin{cases} x = a\cos(\omega t) \\ y = a\sin(\omega t) \end{cases} \Rightarrow x^2 + y^2 = a^2$$

Quỹ đạo là đường tròn.

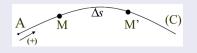
- 1.1. Những khái niệm mở đầu

5. Hoành độ cong



- 1.1. Những khái niệm mở đầu

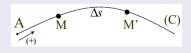
5. Hoành độ cong



• Vị trí chất điểm xác định bởi cung $\widehat{MM'} = s$

- 1.1. Những khái niệm mở đầu

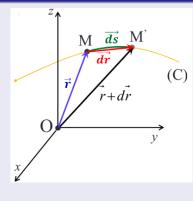
5. Hoành độ cong



- Vi trí chất điểm xác đinh bởi cung $\widehat{MM'} = s$
- Quãng đường s là hàm của thời gian s = s(t)

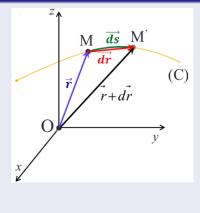
- - 1.2. Vận tốc

1. Vận tốc trung bình và vận tốc tức thời



- 1.2. Vân tốc

1. Vận tốc trung bình và vận tốc tức thời

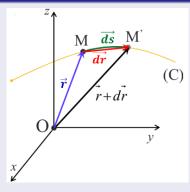


 Tại thời điểm t và thời điểm $t'=t+\Delta t$.

- 1.2. Vân tốc

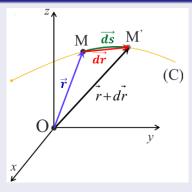
1.1. Những khái niêm mở đầu

1. Vận tốc trung bình và vận tốc tức thời



- Tại thời điểm t và thời điểm $t'=t+\Delta t$. Quãng đường đi được là: $MM' = s' - s = \Delta s$
- Vận tốc trung bình: $v_{tb} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$

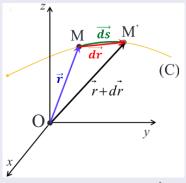
1. Vận tốc trung bình và vận tốc tức thời



- Tại thời điểm t và thời điểm $t'=t+\Delta t$. Quãng đường đi được là: $MM' = s' - s = \Delta s$
- Vận tốc trung bình: $v_{tb} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$
- Vân tốc tức thời:

$$v = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt}$$
 (3)

1. Vân tốc trung bình và vân tốc tức thời



- Tại thời điểm t và thời điểm $t'=t+\Delta t$. Quãng đường đi được là: $MM' = s' - s = \Delta s$
- Vận tốc trung bình: $v_{tb} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$
- Vân tốc tức thời:

$$v = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt}$$
 (3)

• ⇒ Vân tốc của chất điểm chuyển động bằng đạo hàm quãng đường đi được của chất điểm theo thời gian.

- 1.2. Vân tốc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

1.1. Những khái niêm mở đầu



2. Vecto vân tốc

Vận tốc là đại lượng đặc trưng cho phương chiều và độ nhanh chậm của chuyển động ⇒ đặc trưng cho trạng thái chuyển động của chất điểm.





1.1. Những khái niêm mở đầu

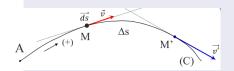


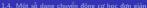


2. Vecto vân tốc

Vận tốc là đại lượng đặc trưng cho phương chiều và độ nhanh chậm của chuyển động ⇒ đặc trưng cho trạng thái chuyển động của chất điểm.

2. Vectơ vận tốc



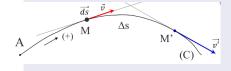




2. Vectơ vân tốc

Vân tốc là đại lượng đặc trưng cho phương chiều và độ nhanh châm của chuyển động ⇒ đặc trưng cho trạng thái chuyển động của chất điểm.

2. Vecto vân tốc



 Vecto vân tốc tại vi trí M là vecto có phương nằm trên tiếp tuyến với quỹ đạo tại M, có chiều theo chiều chuyển động và có độ lớn xác định bởi công thức (3).

1.1. Những khái niêm mở đầu

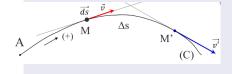




2. Vectơ vân tốc

Vân tốc là đại lượng đặc trưng cho phương chiều và độ nhanh châm của chuyến động ⇒ đặc trung cho trạng thái chuyến động của chất điểm.

2. Vecto vân tốc

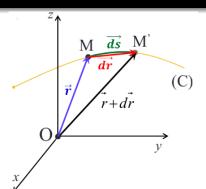


- Vecto vân tốc tại vi trí M là vecto có phương nằm trên tiếp tuyến với quỹ đạo tại M, có chiều theo chiều chuyển động và có độ lớn xác định bởi công thức (3).
- Định nghĩa: Vectơ vi phân cung ds là vectơ nằm trên tiếp tuyến với quỹ đạo tại M.
- Công thức (3) được viết lại

$$\vec{v} = \frac{d\vec{s}}{dt} \tag{4}$$

Động học chất điểm

- 1.2. Vân tốc

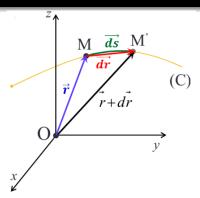


• Tại thời điểm t, vị trí chuyển động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{r}$

Động học chất điểm

- 1.2. Vân tốc

1.1. Những khái niêm mở đầu



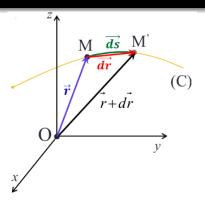
• Tại thời điểm t, vị trí chuyển động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \vec{r}$

• Tại
$$t' = t + dt$$
, $\overrightarrow{OM'} = \vec{r} + \Delta \vec{r}$

Động học chất điểm

- 1.2. Vân tốc

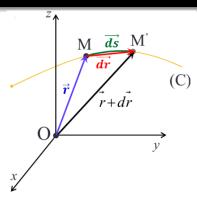
1.1. Những khái niêm mở đầu



- Tại thời điểm t, vị trí chuyển động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \vec{r}$
- Tại t' = t + dt, $\overrightarrow{OM'} = \vec{r} + \Delta \vec{r}$
- Khi $dt \rightarrow 0, M' \rightarrow M, \Delta r \rightarrow dr$ $\Rightarrow \widehat{MM'} = \overline{MM'}$. $d\vec{s} = d\vec{r}$

Đông học chất điểm

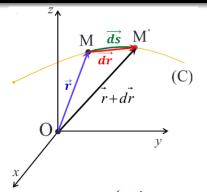
- 1.1. Những khái niêm mở đầu
 - 1.2. Vân tốc



- Tại thời điểm t, vị trí chuyển động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \vec{r}$
- Tại t' = t + dt, $\overrightarrow{OM'} = \vec{r} + \Delta \vec{r}$
- Khi $dt \rightarrow 0, M' \rightarrow M, \Delta r \rightarrow dr$ $\Rightarrow \widehat{MM'} = \overline{MM'}$. $d\vec{s} = d\vec{r}$
- ⇒ biểu thức (4) trở thành:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \tag{5}$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.2. Vân tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

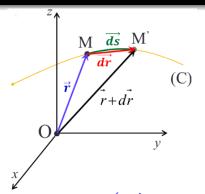


- Tại thời điểm t, vị trí chuyển động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \vec{r}$
- Tại t' = t + dt, $\overrightarrow{OM'} = \vec{r} + \Delta \vec{r}$
- Khi $dt \rightarrow 0, M' \rightarrow M, \Delta r \rightarrow dr$ $\Rightarrow \widehat{MM'} = \overline{MM'}$. $d\vec{s} = d\vec{r}$
- → biểu thức (4) trở thành:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \tag{5}$$

 Vecto vận tốc bằng đạo hàm bán kính vecto vị trí chuyến động của chất điểm theo thời gian.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu 1.2. Vân tốc
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



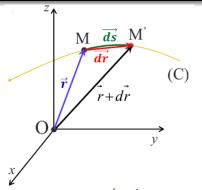
- Tại thời điểm t, vị trí chuyển động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{r}$
- Tại t'=t+dt, $\overrightarrow{OM'}=\vec{r}+\Delta\vec{r}$
- Khi $dt \to 0, M' \to M, \Delta r \to dr$ $\Rightarrow \widehat{MM'} = \overline{MM'}, d\vec{s} = d\vec{r}$
- → biểu thức (4) trở thành:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \tag{5}$$

- Vectơ vận tốc bằng đạo hàm bán kính vectơ vị trí chuyển động của chất điểm theo thời gian.
- Goi:

$$v_x = \frac{dx}{dt}, v_y = \frac{dy}{dt}, v_z = \frac{dz}{dt}$$
 (6)

- 1.1. Những khái niệm mở đầu 1.2. Vân tốc
- 1.3. Gia tốc
 - Gia töc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



- Tại thời điểm t, vị trí chuyến động xác định bằng bán kính véctor $\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{r}$
- Tại t' = t + dt, $\overrightarrow{OM'} = \vec{r} + \Delta \vec{r}$
- Khi $dt \to 0, M' \to M, \Delta r \to dr$ $\Rightarrow \widehat{MM'} = \overline{MM'}, d\vec{s} = d\vec{r}$
- → biểu thức (4) trở thành:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \tag{5}$$

- Vectơ vận tốc bằng đạo hàm bán kính vectơ vị trí chuyển động của chất điểm theo thời gian.
- Gọi:

$$v_x = \frac{dx}{dt}, v_y = \frac{dy}{dt}, v_z = \frac{dz}{dt}$$
 (6)

$$\Rightarrow v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2} = \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dz}{dt}\right)^2}$$
 (7)

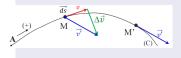
Đông học chất điểm

- 1.3. Gia tốc

Gia tốc là đại lượng đặc trưng cho sự biến thiên của véctor vận tốc (phương chiều và độ lớn) ⇒ đặc trưng cho sự biến đổi trạng thái chuyển động của chất điểm.

- 1.1. Những khái niệm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
 - . Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



• Tại M: t, \vec{v} ; tại M': $t' = t + \Delta t$, v' $\Delta \vec{v} = \vec{v}' - \vec{v}$.

1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



• Tại M: t, \vec{v} ; tại M': $t' = t + \Delta t$, v' $\Delta \vec{v} = \vec{v}' - \vec{v}$.

$$\vec{a}_{tb} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \tag{8}$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



• Tai M: t. \vec{v} : tai M': $t' = t + \Delta t$. v' $\Delta \vec{v} = \vec{v}' - \vec{v} \Rightarrow$

$$\vec{a}_{tb} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \tag{8}$$

• Khi $\Delta t \rightarrow 0$, gia tốc tức thời (gia tốc):

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} \tag{9}$$

1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



• Tai M: t. \vec{v} : tai M': $t' = t + \Delta t$. v' $\Lambda \vec{v} = \vec{v}' - \vec{v} \Rightarrow$

$$\vec{a}_{tb} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \tag{8}$$

• Khi $\Delta t \rightarrow 0$, gia tốc tức thời (gia tốc):

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} \tag{9}$$

 Vectơ gia tốc của chất điểm chuyển đông bằng đao hàm vectơ vân tốc theo thời gian.

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

1. Đinh nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



• Tai M: t. \vec{v} : tai M': $t' = t + \Delta t$. v' $\Delta \vec{v} = \vec{v}' - \vec{v} \Rightarrow$

$$\vec{a}_{tb} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \tag{8}$$

• Khi $\Delta t \rightarrow 0$, gia tốc tức thời (gia tốc):

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} \tag{9}$$

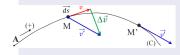
- Vectơ gia tốc của chất điểm chuyển đông bằng đao hàm vectơ vân tốc theo thời gian.
- Khi đó, $a_x = \frac{dv_x}{dt}$, $a_y = \frac{dv_y}{dt}$, $a_z = \frac{dv_z}{dt}$

1.3. Gia tốc

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Gia tốc là đại lượng đặc trưng cho sự biến thiên của véctor vận tốc (phương chiều và độ lớn) \Rightarrow đặc trưng cho sự biến đổi trạng thái chuyển động của chất điểm.

1. Định nghĩa và biểu thức vectơ gia tốc



• Tại M: t, \vec{v} ; tại M': $t' = t + \Delta t$, v' $\Delta \vec{v} = \vec{v}' - \vec{v}$. \Rightarrow

$$\vec{a}_{tb} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \tag{8}$$

• Khi $\Delta t \rightarrow 0$, gia tốc tức thời (gia tốc):

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} \tag{9}$$

- Vectơ gia tốc của chất điểm chuyển động bằng đạo hàm vectơ vận tốc theo thời gian.
- Khi đó, $a_x = \frac{dv_x}{dt}, a_y = \frac{dv_y}{dt}, a_z = \frac{dv_z}{dt}$
- Độ lớn: $a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2} = \sqrt{\left(\frac{dv_x}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dv_y}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dv_z}{dt}\right)^2}$





Gia tốc tiếp tuyến và gia tốc pháp tuyến

Xét chuyển động của chất điểm trên quỹ đạo tròn tâm O. $\mathbf{M}:t,\overrightarrow{\mathbf{MA}}=\overrightarrow{v};\ \mathbf{M}':t'$, $\overrightarrow{M'A'} = \overrightarrow{v'} = \overrightarrow{v} + \Lambda \overrightarrow{v}$

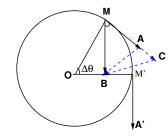
$$\rightarrow \vec{a} = \lim_{t' \to t} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$



Gia tốc tiếp tuyến và gia tốc pháp tuyến

Xét chuyển động của chất điểm trên quỹ đạo tròn tâm O. $\mathbf{M}:t,\overrightarrow{\mathbf{MA}}=\overrightarrow{v};\ \mathbf{M}':t'$, $\overrightarrow{M'A'} = \overrightarrow{v'} = \overrightarrow{v} + \Delta \overrightarrow{v}$

$$\rightarrow \vec{a} = \lim_{t' \to t} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$





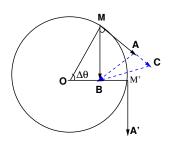
Gia tốc tiếp tuyến và gia tốc pháp tuyến

Xét chuyển động của chất điểm trên quỹ đạo tròn tâm O. M : $t, \overrightarrow{\mathrm{MA}} = \vec{v}; \ \mathrm{M}' : t',$ $\overrightarrow{M'A'} = \overrightarrow{v'} = \overrightarrow{v} + \Delta \overrightarrow{v}$

$$\rightarrow \vec{a} = \lim_{t' \to t} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

• Do $\overrightarrow{MB} = \overrightarrow{M'A'} \rightarrow \Delta \vec{v} = \overrightarrow{AB}$

$$\Rightarrow \vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{AC}}{\Delta t} + \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t}$$
 (10)



- 1.3. Gia tốc

• Có phương tiếp tuyến với quỹ đạo.

- 1.3. Gia tốc

- Có phương tiếp tuyến với quỹ đạo.
- Cho thấy sự thay đổi giá trị của vận tốc.

- 1.3. Gia tốc

- Có phương tiếp tuyến với quỹ đạo.
- Cho thấy sự thay đổi giá trị của vận tốc.

$$\vec{a}_t = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{AC}}{\Delta t} \tag{11}$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

- Có phương tiếp tuyến với quỹ đạo.
- Cho thấy sư thay đổi giá trị của vận tốc.

$$\vec{a}_t = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{AC}}{\Delta t} \tag{11}$$

• Có chiều trùng với chiều chuyển động khi vân tốc tăng và ngược chiều chuyển động khi vân tốc giảm.

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

- Có phương tiếp tuyến với quỹ đạo.
- Cho thấy sư thay đổi giá trị của vận tốc.

$$\vec{a}_t = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{AC}}{\Delta t} \tag{11}$$

- Có chiều trùng với chiều chuyển đông khi vân tốc tăng và ngược chiều chuyển động khi vận tốc giảm.
- Đô lớn:

$$a_{t} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{|\overrightarrow{AC}|}{\Delta t} \approx \lim_{\Delta t \to 0} \frac{v' - v}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} \equiv \frac{dv}{dt}$$
(12)

- 1.3. Gia tốc

$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$

- 1.3. Gia tốc

• Theo (10):

$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$

• Trong ΔMCB : $\widehat{MCB} = \frac{\pi - \widehat{CMB}}{2} = \frac{\pi - \Delta \theta}{2}$

1.3. Gia tốc

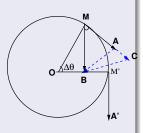
Gia tốc pháp tuyến

$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$

- Trong $\triangle MCB$: $\widehat{MCB} = \frac{\pi \widehat{CMB}}{2} = \frac{\pi \Delta \theta}{2}$
- $\Delta t \to 0, M' \to M, \Delta \theta \to 0, \widehat{MCB} \to \pi/2$ $\Rightarrow \widehat{CB} \perp \widehat{AC} \Rightarrow \widehat{a_n} \perp \widehat{AC}$

$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$

- Trong $\triangle MCB$: $\widehat{MCB} = \frac{\pi \widehat{CMB}}{2} = \frac{\pi \Delta \theta}{2}$
- $\begin{array}{c} \bullet \; \Delta t \to 0, \mbox{M}' \to \mbox{M}, \Delta \theta \to 0, \widehat{\mbox{MCB}} \to \pi/2 \\ \Rightarrow \overline{\mbox{CB}} \bot \overline{\mbox{AC}} \Rightarrow \vec{a_n} \bot \overline{\mbox{AC}} \end{array}$

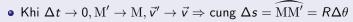


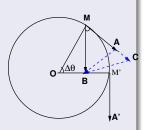
$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$



•
$$\Delta t \to 0, M' \to M, \Delta \theta \to 0, \widehat{MCB} \to \pi/2$$

 $\Rightarrow \widehat{CB} \perp \widehat{AC} \Rightarrow \widehat{a_n} \perp \widehat{AC}$





1.3. Gia tốc

1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

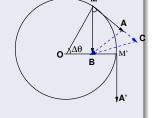
Gia tốc pháp tuyến

$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$



•
$$\Delta t \to 0, M' \to M, \Delta \theta \to 0, \widehat{MCB} \to \pi/2$$

 $\Rightarrow \overrightarrow{CB} \perp \overrightarrow{AC} \Rightarrow \overrightarrow{a_n} \perp \overrightarrow{AC}$



• Khi
$$\Delta t \to 0, M' \to M, \vec{v}' \to \vec{v} \Rightarrow \text{cung } \Delta s = \widehat{MM'} = R\Delta \theta$$

$$\overline{\mathrm{CB}} = 2MC\sin\frac{\widehat{\mathrm{CMB}}}{2} = 2v'.\sin\frac{\Delta\theta}{2} \approx v'\Delta\theta = v'\frac{\Delta s}{R}$$

1.3. Gia tốc

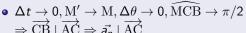
1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

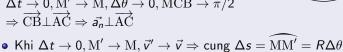
Gia tốc pháp tuyến

• Theo (10):

$$\vec{a_n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overrightarrow{CB}}{\Delta t} \tag{13}$$







$$\overline{\mathrm{CB}} = 2MC \sin \frac{\widehat{\mathrm{CMB}}}{2} = 2v'. \sin \frac{\Delta \theta}{2} \approx v'\Delta \theta = v'\frac{\Delta s}{R}$$

$$a_{n} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\overline{CB}}{\Delta t} = \frac{1}{R} \lim_{\Delta t \to 0} \frac{v' \Delta s}{\Delta t} = \frac{1}{R} \lim_{\Delta t \to 0} v' \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t}$$
(14)

Chương I.1 Động học chất điểm

$$ullet$$
 Do $\lim_{\Delta t o 0} v' = v$ và

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} = v$$

1.3. Gia tốc

Gia tốc pháp tuyến

ullet Do $\lim_{\Delta t o 0} v' = v$ và

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} = v$$

$$_{n}=rac{v^{2}}{R}$$

24

(15)

- 1.3. Gia tốc

ullet Do $\lim_{\Delta t o 0} v' = v$ và

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} = v$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} \tag{15}$$

Gia tốc pháp tuyến

Mức độ thay đổi phương của vận tốc.

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc

• Do $\lim_{\Delta t \to 0} v' = v$ và

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} = v$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} \tag{15}$$

- Mức độ thay đổi phương của vận tốc.
- Phương: trùng với phương pháp tuyến của quỹ đạo.

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Gia tốc pháp tuyến

ullet Do $\lim_{\Delta t o 0} v' = v$ và

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} = v$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} \tag{15}$$

- Mức độ thay đổi phương của vận tốc.
- Phương: trùng với phương pháp tuyến của quỹ đạo.
- Chiều; luôn hướng về phía lõm của quỹ đạo.

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dang chuyển động cơ học đơn giản

• Do lim v' = v và

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt} = v$$

$$a_n = \frac{v^2}{r^2} \tag{15}$$

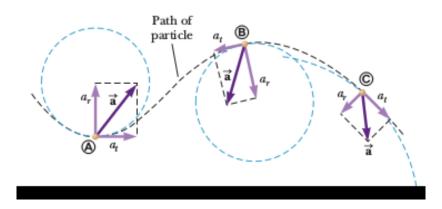
- Mức độ thay đổi phương của vận tốc.
- Phương: trùng với phương pháp tuyến của quỹ đạo.
- Chiều; luôn hướng về phía lõm của quỹ đạo.
- Có độ lớn theo công thức (15)







Gia tốc pháp tuyến và gia tốc tiếp tuyến

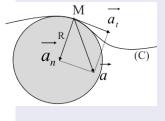


- 1.3. Gia tốc



Kết luận

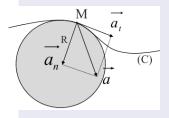
Vecto gia tốc





Kết luận

Vecto gia tốc



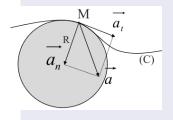
$$\vec{a} = \vec{a_t} + \vec{a_n}$$

 Gia tốc tiếp tuyến đặc trưng cho sự biến đổi về độ lớn của vectơ vận tốc.



Kết luận

Vecto gia tốc

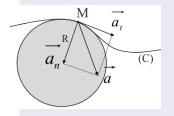


- $\bullet \ \vec{a} = \vec{a_t} + \vec{a_n}$
- Gia tốc tiếp tuyến đặc trưng cho sự biến đổi về độ lớn của vectơ vận tốc.
- Gia tốc pháp tuyến đặc trưng cho sự biến đổi về phương của vectơ vận tốc.



Kết luân

<u>Vec</u>to gia tốc



•
$$\vec{a} = \vec{a_t} + \vec{a_n}$$

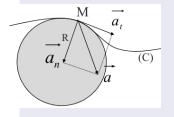
- Gia tốc tiếp tuyến đặc trưng cho sư biến đổi về đô lớn của vectơ vân tốc.
- Gia tốc pháp tuyến đặc trưng cho sư biến đổi về phương của vectơ vân tốc.

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \left(\frac{v^2}{R}\right)^2}$$
(16)



Kết luân

Vecto gia tốc



- $\vec{a} = \vec{a_t} + \vec{a_n}$
- Gia tốc tiếp tuyến đặc trưng cho sự biến đổi về đô lớn của vectơ vân tốc.
- Gia tốc pháp tuyến đặc trưng cho sư biến đổi về phương của vecto vận tốc.

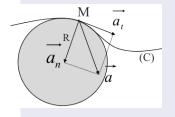
$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \left(\frac{v^2}{R}\right)^2}$$
(16)

• $a_n = 0 \rightarrow \text{chuyển động thẳng.}$



Kết luận

Vecto gia tốc



$$\bullet \ \vec{a} = \vec{a_t} + \vec{a_n}$$

- Gia tốc tiếp tuyến đặc trưng cho sự biến đổi về độ lớn của vectơ vận tốc.
- Gia tốc pháp tuyến đặc trưng cho sự biến đổi về phương của vectơ vận tốc.

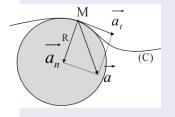
$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \left(\frac{v^2}{R}\right)^2}$$
(16)

- $a_n = 0 \rightarrow \text{chuyển động thẳng.}$
- $a_t = 0 \rightarrow \text{chuyển động cong đều}$.



Kết luân

Vecto gia tốc



$$\bullet \ \vec{a} = \vec{a_t} + \vec{a_n}$$

- Gia tốc tiếp tuyến đặc trưng cho sư biến đổi về đô lớn của vectơ vân tốc.
- Gia tốc pháp tuyến đặc trưng cho sư biến đổi về phương của vecto vận tốc.

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \left(\frac{v^2}{R}\right)^2}$$
(16)

- $a_n = 0 \rightarrow \text{chuyển động thẳng.}$
- $a_t = 0 \rightarrow \text{chuyển động cong đều}$.
- $a = 0 \rightarrow \text{chuyển động thẳng đều}$.

- . What has men mo u
- 1.2. Vạii tot
 - .3. Gia tốc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



1. Chuyển động thẳng biến đổi đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$





1. Chuyến động thẳng biến đổi đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

- 1.3. Gia tốc





1. Chuyển động thẳng biến đổi đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



1. Chuyển động thẳng biến đối đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

$$ullet$$
 Dường đi $\int_0^s ds = \int_{v_0}^v v dt = \int_{v_0}^v (v_0 + at) dt$









1. Chuyển động thẳng biến đối đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

• Dường đi
$$\int_0^s ds = \int_{v_0}^v v dt = \int_{v_0}^v (v_0 + at) dt$$

$$\Rightarrow s = v_0 t + \frac{at^2}{2} \tag{18}$$







1. Chuyển động thắng biến đối đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

• Dường đi
$$\int_0^s ds = \int_{v_0}^v v dt = \int_{v_0}^v (v_0 + at) dt$$

$$\Rightarrow s = v_0 t + \frac{at^2}{2} \tag{18}$$

Từ (17) và (18)

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



1. Chuyển động thắng biến đối đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

• Dường đi
$$\int_0^s ds = \int_{v_0}^v v dt = \int_{v_0}^v (v_0 + at) dt$$

$$\Rightarrow s = v_0 t + \frac{at^2}{2} \tag{18}$$

$$2as = v^2 - v_0^2 (19)$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

1. Chuyển động thẳng biến đổi đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

• Dường đi
$$\int_0^s ds = \int_{v_0}^v v dt = \int_{v_0}^v (v_0 + at) dt$$

$$\Rightarrow s = v_0 t + \frac{at^2}{2} \tag{18}$$

• Từ (17) và (18)
$$2as = v^2 - v_0^2 \tag{19}$$

• Nếu $a=0 \Rightarrow v=const, s=vt$: chuyển động thẳng đều.



1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản 1. Chuyển động thẳng biến đổi đều

•
$$a_n = 0, a_t = const \Rightarrow a = a_t = \frac{dv}{dt} = const$$

•
$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow \int_{v_0}^{v} dv = \int_{0}^{t} adt$$

$$\Rightarrow v = v_0 + at \tag{17}$$

ullet Dường đi $\int_0^s ds = \int_{v_0}^v v dt = \int_{v_0}^v (v_0 + at) dt$

$$\Rightarrow s = v_0 t + \frac{at^2}{2} \tag{18}$$

• Từ (17) và (18)
$$2as = v^2 - v_0^2 \tag{19}$$

- Nếu $a=0 \Rightarrow v=const, s=vt$: chuyển động thẳng đều.
- Nếu $v_0 = 0, a = g$: chuyển động của vật rơi tự do.





2. Chuyển động tròn

Vận tốc góc (Bán kính góc R=const=OM)

• Tại M : *t*





2. Chuyển động tròn

- Tai M : t
- ullet Tại $\mathrm{M}':t'=t+\Delta t \Longleftrightarrow \Delta s=\mathrm{\widehat{M}}\mathrm{M}'$ và $\Delta \theta = MOM'$





2. Chuyển động tròn

- Tai M : t
- ullet Tại $\mathrm{M}':t'=t+\Delta t\Longleftrightarrow \Delta s=\mathrm{MM}'$ và $\Delta \theta = MOM'$
- khi đó,

$$\omega_{tb} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \tag{20}$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



2. Chuyển động tròn

- Tai M : t
- ullet Tại $\mathrm{M}':t'=t+\Delta t\Longleftrightarrow \Delta s=\mathrm{MM}'$ và $\Delta \theta = MOM'$
- khi đó,

$$\omega_{tb} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \tag{20}$$

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$
 (21)





2. Chuyển động tròn

Vận tốc góc (Bán kính góc R=const=OM)

- Tai M : t
- ullet Tại $\mathrm{M}':t'=t+\Delta t\Longleftrightarrow \Delta s=\mathrm{MM}'$ và $\Delta \theta = MOM'$
- khi đó,

$$\omega_{tb} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \tag{20}$$

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$
 (21)

 Vận tốc góc bằng đạo hàm góc quay theo thời gian.





2. Chuyển động tròn

- Tai M : t
- ullet Tại $\mathrm{M}':t'=t+\Delta t\Longleftrightarrow \Delta s=\mathrm{MM}'$ và $\Delta \theta = MOM'$
- khi đó,

$$\omega_{tb} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \tag{20}$$

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$
 (21)

- Vận tốc góc bằng đạo hàm góc quay theo thời gian.
- Don vi: rad/s





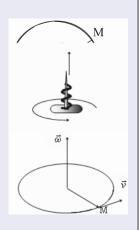
2. Chuyển động tròn

- Tai M : t
- ullet Tại $\mathrm{M}':t'=t+\Delta t \Longleftrightarrow \Delta s=\mathrm{\widehat{M}}\mathrm{M}'$ và $\Delta \theta = MOM'$
- khi đó,

$$\omega_{tb} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \tag{20}$$

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$
 (21)

- Vận tốc góc bằng đạo hàm góc quay theo thời gian.
- Don vi: rad/s



- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Chu kì

ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$

Chu kì

- ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$
- Trong một chu kỳ $\Delta t = T, \omega = \frac{2\pi}{T}$.

Chuyển động tròn đều ($R = const, \omega = const, v = const$)

Chu kì

- ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$
- ullet Trong một chu kỳ $\Delta t=T, \omega=rac{2\pi}{T}. \Rightarrow T=rac{\Delta heta}{\omega}=rac{2\pi}{\omega}$
- Do đó $T=\frac{2\pi}{}$

Chu kì

- ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$
- Trong một chu kỳ $\Delta t = T, \omega = \frac{2\pi}{T}. \Rightarrow T = \frac{\Delta \theta}{\omega} = \frac{2\pi}{\omega}$
- Do đó $T=\frac{2\pi}{}$

Tần số

Số vòng quay được của chất điểm trong một đơn vi thời gian.

Chu kì

- ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$
- Trong một chu kỳ $\Delta t = T, \omega = \frac{2\pi}{T}. \Rightarrow T = \frac{\Delta \theta}{\omega} = \frac{2\pi}{\omega}$
- Do đó $T = \frac{2\pi}{\omega}$

Tần số

• Số vòng quay được của chất điểm trong một đơn vị thời gian.

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{T}$$

Chu kì

- ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$
- Trong một chu kỳ $\Delta t = T, \omega = \frac{2\pi}{T}. \Rightarrow T = \frac{\Delta \theta}{\omega} = \frac{2\pi}{\omega}$
- Do đó $T = \frac{2\pi}{\omega}$

Tần số

• Số vòng quay được của chất điểm trong một đơn vị thời gian.

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{T}$$

• Đơn vị của chu kì là giây (s), của tần số là 1/s hay Hertz (Hz).

Chu kì

- ullet Thời gian cần thiết để chất điểm đi được một vòng tròn: $\Delta heta = \omega \Delta t$
- Trong một chu kỳ $\Delta t=T, \omega=rac{2\pi}{T}. \Rightarrow T=rac{\Delta heta}{\omega}=rac{2\pi}{\omega}$
- Do đó $T = \frac{2\pi}{\omega}$

Tần số

• Số vòng quay được của chất điểm trong một đơn vị thời gian.

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{T}$$

- Đơn vị của chu kì là giây (s), của tần số là 1/s hay Hertz (Hz).
- Biểu diễn vận tốc góc bằng véc tơ $\vec{\omega}$, nằm trên trục của vòng tròn quỹ đạo, thuận chiều đối với chiều quay của chuyển động và có giá trị bằng ω .

- 1.2. Vận tốc
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Liên hệ giữa các vectơ \vec{v} và $\vec{\omega}$

• Giữa R, $\widehat{\mathrm{MM}'}$ và $\Delta \theta$: $\widehat{\mathrm{MM}'} = \Delta s = R \Delta \theta \Rightarrow \frac{\Delta s}{\Delta t} = R \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$

- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Liên hệ giữa các vectơ \vec{v} và $\vec{\omega}$

• Giữa
$$R,\widehat{\mathrm{MM}'}$$
 và $\Delta\theta$: $\widehat{\mathrm{MM}'}=\Delta s=R\Delta\theta\Rightarrow \frac{\Delta s}{\Delta t}=R\frac{\Delta\theta}{\Delta t}$

• Khi $\Delta t \rightarrow 0$

$$\Rightarrow v = \omega R \tag{22}$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu

- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Liên hệ giữa các vecto \vec{v} và $\vec{\omega}$

- Giữa R, $\widehat{MM'}$ và $\Delta\theta$: $\widehat{MM'} = \Delta s = R\Delta\theta \Rightarrow \frac{\Delta s}{\Delta t} = R\frac{\Delta\theta}{\Delta t}$
- Khi $\Delta t \rightarrow 0$

$$\Rightarrow v = \omega R \tag{22}$$

• $\widehat{\mathrm{OM}} = R \to \mathsf{cac}$ vector $\vec{\omega}, \vec{R}, \vec{v}$ theo thứ tự đó tạo thành một tam diện thuận ba mặt vuông.

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Liên hệ giữa các vecto \vec{v} và $\vec{\omega}$

- Giữa R, $\widehat{MM'}$ và $\Delta\theta$: $\widehat{MM'} = \Delta s = R\Delta\theta \Rightarrow \frac{\Delta s}{\Delta t} = R\frac{\Delta\theta}{\Delta t}$
- Khi $\Delta t \rightarrow 0$

$$\Rightarrow \mathbf{v} = \omega R \tag{22}$$

• $\widehat{\mathrm{OM}} = R \to \mathsf{các}$ vecto $\vec{\omega}, \vec{R}, \vec{v}$ theo thứ tự đó tạo thành một tam diện thuận ba mặt vuông.

$$\vec{\mathbf{v}} = \vec{\omega} \wedge \vec{R} \tag{23}$$

- 1.1. Những khái niêm mở đầu
- 1.3. Gia tốc
- 1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

Liên hệ giữa các vecto \vec{v} và $\vec{\omega}$

- Giữa R, $\widehat{MM'}$ và $\Delta\theta$: $\widehat{MM'} = \Delta s = R\Delta\theta \Rightarrow \frac{\Delta s}{\Delta t} = R\frac{\Delta\theta}{\Delta t}$
- Khi $\Delta t \rightarrow 0$

$$\Rightarrow \mathbf{v} = \omega R \tag{22}$$

• $\widehat{\mathrm{OM}} = R \to \mathsf{các}$ vector $\vec{\omega}, \vec{R}, \vec{v}$ theo thứ tư đó tạo thành một tạm diện thuận ba mặt vuông.

$$\vec{\mathbf{v}} = \vec{\omega} \wedge \vec{\mathbf{R}} \tag{23}$$

Liên hệ giữa a_n và ω

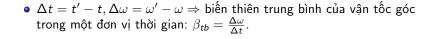
•
$$a_n = \frac{v^2}{R}, v = \omega R$$

$$\Rightarrow a_n = \omega^2 R$$

(24)









Gia tốc góc

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



Gia tốc góc

• $\Delta t = t' - t$, $\Delta \omega = \omega' - \omega \Rightarrow$ biến thiên trung bình của vân tốc góc trong một đơn vị thời gian: $\beta_{tb} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$. Và

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

 Gia tốc góc bằng đao hàm vân tốc góc theo thời gian và bằng đao hàm bậc hai của góc quay theo thời gian.

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



Gia tốc góc

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

- Gia tốc góc bằng đao hàm vân tốc góc theo thời gian và bằng đao hàm bậc hai của góc quay theo thời gian.
- Don vi: Radian trên giây bình phương (rad/s^2) .





$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

- Gia tốc góc bằng đao hàm vân tốc góc theo thời gian và bằng đao hàm bậc hai của góc quay theo thời gian.
- Don vi: Radian trên giây bình phương (rad/s^2) .
 - Khi $\beta > 0, \omega$ tăng, chuyển động tròn nhanh dần.

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



Gia tốc góc

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

- Gia tốc góc bằng đao hàm vân tốc góc theo thời gian và bằng đao hàm bậc hai của góc quay theo thời gian.
- Don vi: Radian trên giây bình phương (rad/s^2) .
 - Khi $\beta > 0, \omega$ tăng, chuyển động tròn nhanh dần.
 - Khi $\beta < 0, \omega$ giảm, chuyển đông tròn châm dần.



Gia tốc góc

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

- Gia tốc góc bằng đao hàm vân tốc góc theo thời gian và bằng đao hàm bậc hai của góc quay theo thời gian.
- Don vi: Radian trên giây bình phương (rad/s^2) .
 - Khi $\beta > 0, \omega$ tăng, chuyển động tròn nhanh dần.
 - Khi $\beta < 0, \omega$ giảm, chuyển động tròn chậm dần.
 - Khi $\beta = 0, \omega$ không đổi, chuyển động tròn đều.









Gia tốc góc

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

- Gia tốc góc bằng đao hàm vân tốc góc theo thời gian và bằng đao hàm bậc hai của góc quay theo thời gian.
- Don vi: Radian trên giây bình phương (rad/s^2) .
 - Khi $\beta > 0, \omega$ tăng, chuyển động tròn nhanh dần.
 - Khi $\beta < 0, \omega$ giảm, chuyển động tròn chậm dần.
 - Khi $\beta = 0, \omega$ không đối, chuyến động tròn đều.
 - Khi $\beta = const$ chuyển động tròn biến đổi đều (nhanh dần đều hoặc châm dần đều).



• Tương tự như trong chuyển động thẳng:

$$\omega = \omega_0 + \beta t \tag{25}$$



• Tương tự như trong chuyển động thẳng:

$$\omega = \omega_0 + \beta t \tag{25}$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2 \tag{26}$$



Tương tự như trong chuyển động thẳng:

$$\omega = \omega_0 + \beta t \tag{25}$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2 \tag{26}$$

$$\omega^2 - \omega_0^2 = 2\beta\theta \tag{27}$$



Gia tốc góc

• Tương tự như trong chuyển động thẳng:

$$\omega = \omega_0 + \beta t \tag{25}$$

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2 \tag{26}$$

$$\omega^2 - \omega_0^2 = 2\beta\theta \tag{27}$$

- Biểu diễn gia tốc góc: véc tơ gia tốc góc:
 - Phương nằm trên trục của quỹ dạo tròn.





Gia tốc góc

Tương tự như trong chuyển động thẳng:

$$\omega = \omega_0 + \beta t \tag{25}$$

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2 \tag{26}$$

$$\omega^2 - \omega_0^2 = 2\beta\theta \tag{27}$$

- Biểu diễn gia tốc góc: véc tơ gia tốc góc:
 - Phương nằm trên trục của quỹ dạo tròn.
 - Cùng chiều với $\vec{\omega}$ khi $\beta > 0$ và ngược chiều với $\vec{\omega}$ khi $\beta < 0$
 - Có giá tri bằng β





Tương tự như trong chuyển động thẳng:

$$\omega = \omega_0 + \beta t \tag{25}$$

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2 \tag{26}$$

$$\omega^2 - \omega_0^2 = 2\beta\theta \tag{27}$$

- Biểu diễn gia tốc góc: véc tơ gia tốc góc:
 - Phương nằm trên trục của quỹ dạo tròn.
 - Cùng chiều với $\vec{\omega}$ khi $\beta > 0$ và ngược chiều với $\vec{\omega}$ khi $\beta < 0$
 - Có giá tri bằng β

$$\vec{\beta} = \frac{d\vec{\omega}}{dt} \tag{28}$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



Liên hệ giữa a_t và β

• Thay
$$v = \omega R \rightarrow a_t = \frac{dv}{dt}$$



Liên hệ giữa a_t và β

• Thay
$$v = \omega R o a_t = rac{dv}{dt}$$

$$a_t = \frac{d(R\omega)}{dt} = R\frac{d\omega}{dt} = R\beta \tag{29}$$





Liên hệ giữa a_t và β

• Thay
$$v = \omega R \rightarrow a_t = \frac{dv}{dt}$$

$$a_t = \frac{d(R\omega)}{dt} = R\frac{d\omega}{dt} = R\beta \tag{29}$$

$$\vec{a_t} = \vec{\beta} \wedge \vec{R} \tag{30}$$

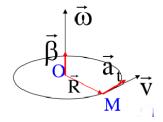


Liên hệ giữa a_t và β

• Thay $v = \omega R \rightarrow a_t = \frac{dv}{dt}$

$$a_t = \frac{d(R\omega)}{dt} = R\frac{d\omega}{dt} = R\beta \tag{29}$$

$$\vec{a_t} = \vec{\beta} \wedge \vec{R} \tag{30}$$









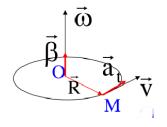


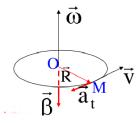
Liên hệ giữa a_t và β

• Thay $v = \omega R \rightarrow a_t = \frac{dv}{dt}$

$$a_t = \frac{d(R\omega)}{dt} = R\frac{d\omega}{dt} = R\beta \tag{29}$$

$$\vec{a_t} = \vec{\beta} \wedge \vec{R} \tag{30}$$



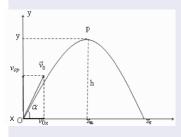






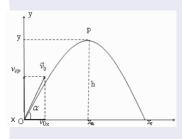


3. Chuyển động với gia tốc không đổi





3. Chuyển động với gia tốc không đổi

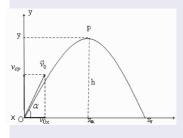


• Tại O:
$$t = 0, (\vec{v_0}, \vec{ox}) = \alpha$$

1.4. Một số dạng chuyển động cơ học đơn giản



3. Chuyển động với gia tốc không đổi



- Tại O: $t = 0, (\vec{v_0}, \vec{ox}) = \alpha$
- Tại M:

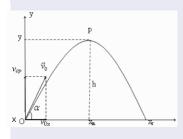
$$\vec{a} \left\{ \begin{array}{l} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{array} \right.$$

1.1. Những khái niêm mở đầu





3. Chuyển động với gia tốc không đối



- Tại O: $t = 0, (\vec{v_0}, \vec{ox}) = \alpha$
- Tai M:

$$\vec{a} \left\{ \begin{array}{l} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{array} \right.$$

$$\vec{v_0} = \begin{cases} v_{ox} = v_0 \cos \alpha \\ v_{oy} = v_0 \sin \alpha \end{cases}$$
 (31)

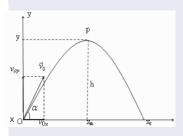


1.3. Gia tốc





Phương trình chuyển đông



• Tại O:
$$t = 0, (\vec{v_0}, \vec{ox}) = \alpha$$

Tai M:

$$\vec{a} \left\{ \begin{array}{l} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{array} \right.$$

$$\vec{v_0} = \begin{cases} v_{ox} = v_0 \cos \alpha \\ v_{oy} = v_0 \sin \alpha \end{cases}$$
 (31)

Do:

$$\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0, \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = -g. \end{cases} \Rightarrow \vec{v} \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

1.1. Những khái niêm mở đầu







3. Chuyển động với gia tốc không đối

Từ:

$$\begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = v_0 \cos \alpha, \\ v_y = \frac{dy}{dt} = -gt + v_0 \sin \alpha. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha.t \\ y = v_0 \sin \alpha.t - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

1.1. Những khái niêm mở đầu



3. Chuyển động với gia tốc không đối

Từ:

$$\begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = v_0 \cos \alpha, \\ v_y = \frac{dy}{dt} = -gt + v_0 \sin \alpha. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha.t \\ y = v_0 \sin \alpha.t - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

Phương trình quỹ đạo

$$y = -\frac{gx^2}{2v_0^2\cos^2\alpha} + x tg\alpha$$



3. Chuyến động với gia tốc không đối

Từ:

$$\begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = v_0 \cos \alpha, \\ v_y = \frac{dy}{dt} = -gt + v_0 \sin \alpha. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha.t \\ y = v_0 \sin \alpha.t - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

Phương trình quỹ đạo

$$y = -\frac{gx^2}{2v_0^2\cos^2\alpha} + x\operatorname{tg}\alpha$$

Thời gian rơi

$$y = 0 \Rightarrow (v_0 \sin \alpha - \frac{gt}{2})t = 0 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 0 : \text{thời điểm ban đầu} \\ t_2 = \Delta t = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g} \end{cases}$$



3. Chuyển động với gia tốc không đối

Đô cao cực đại

$$\begin{cases} v_y = v_{0y} - gt = 0 \\ t(y_{maxy}) = \frac{v_0 \sin \alpha}{g} \Rightarrow y_{max} = (v_0 \sin \alpha) \cdot t - \frac{gt^2}{2} = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} \end{cases}$$



3. Chuyển động với gia tốc không đối

Đô cao cực đại

$$\begin{cases} v_y = v_{0y} - gt = 0 \\ t(y_{maxy}) = \frac{v_0 \sin \alpha}{g} \Rightarrow y_{max} = (v_0 \sin \alpha) \cdot t - \frac{gt^2}{2} = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} \end{cases}$$

Tầm bay xa của chất điểm

$$x_{max} = \frac{2v_0^2 \cos \alpha \sin \alpha}{g} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$