



[Nguyen Van Hoang](#) @hoangnguyen293

Follow

★ 197 · +6 · 17

Published Apr 20th, 2019 4:17 PM - 7 min read

🕒 9.4K · 💬 0 · 📁 1

# Giới thiệu về Numpy (một thư viện chủ yếu phục vụ cho khoa học máy tính của Python)

[NumPy](#) [Python](#) [Python3](#)

• • •

**!** **Có thể bạn chưa biết:** Trong tháng 5 này 300 thành viên đầu tiên hoàn thành 4 bài viết hợp lệ sẽ nhận được bộ phần quà bao gồm: 1 Áo phông, 1 Túi, Stickers. [Đăng ký ngay tại đây.](#)

## Numpy

Numpy là một thư viện lõi phục vụ cho khoa học máy tính của Python, hỗ trợ cho việc tính toán các mảng nhiều chiều, có kích thước lớn với các hàm đã được tối ưu áp dụng lên các mảng nhiều chiều đó. Numpy đặc biệt hữu ích khi thực hiện các hàm liên quan tới Đại Số Tuyến Tính.

Để cài đặt numpy nếu bạn có Anaconda chỉ cần gõ `conda install numpy` hoặc sử dụng tools pip `pip install numpy`.

Sau khi cài đặt xong, trong Python, chúng ta cần khai báo `import numpy` để có thể bắt đầu sử dụng các hàm của numpy. Vì numpy là thư viện được sử dụng thường xuyên nên nó thường được khai báo gọn lại thành `np` `import numpy as np` `np` có thể thay thế bằng các từ khác, tuy nhiên bạn nên đặt là `np` vì các tài liệu hướng dẫn đều ngầm quy ước như thế.

## Arrays

Một mảng numpy là một lưới các giá trị, và tất cả các giá trị có dùng kiểu giá trị, và được lập chỉ mục bởi một số nguyên không âm, số chiều được gọi là **rank** của mảng Numpy, và **shape** là một **tuple** các số nguyên đưa ra kích thước của mảng theo mỗi chiều.

Chúng ta có thể khởi tạo numpy arrays từ nested Python lists, và dùng dấu ngoặc vuông để truy cập từng phần tử



↑ +4 ↓

```
import numpy as np

a = np.array([1, 2, 3]) # Tạo một numpy array với rank = 1

print(type(a))          # Sẽ in ra "<class 'numpy.ndarray'>"
print(a.shape)           # Sẽ in ra "(3,)"
print(a[0], a[1], a[2]) # Sẽ in ra "1 2 3"
a[0] = 5                # Thay đổi giá trị của 1 phần tử trong mảng
print(a)                # Sẽ in ra kết quả là "[5, 2, 3]"

b = np.array([[1,2,3],[4,5,6]]) # Tạo một numpy array với rank =2
print(b.shape)             # In ra "(2, 3)"
print(b[0, 0], b[0, 1], b[1, 0]) # Sẽ in ra "1 2 4"
```

Numpy cũng cung cấp rất nhiều hàm để khởi tạo arrays

```
import numpy as np

a = np.zeros((2,2))    # Tạo một numpy array với tất cả phần tử là 0
print(a)               # "[[ 0.  0.]
                        # [ 0.  0.]]"

b = np.ones((1,2))    # Tạo một numpy array với tất cả phần tử là 1
print(b)               # "[[ 1.  1.]]"

c = np.full((2,2), 7) # Tạo một mảng hằng
print(c)               # "[[ 7.  7.]
                        # [ 7.  7.]]"

d = np.eye(2)          # Tạo một ma trận đơn vị 2 x 2
print(d)               # "[[ 1.  0.]
                        # [ 0.  1.]]"

e = np.random.random((2,2)) # Tạo một mảng với các giá trị ngẫu nhiên
print(e)               # Có thể là "[[ 0.91940167  0.08143941]
                        # [ 0.68744134  0.87236687]]"
f = np.arange(10) # Tạo 1 numpy array với các phần tử từ 0 đến 9
print(f)               # "[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]"
```

Còn rất nhiều hàm để khởi tạo array bạn có thể tham khảo tại đây [documentation](#)

## Array indexing

Numpy cung cấp một số cách để truy xuất phần tử trong mảng

**Slicing:** Tương tự như list trong python, numpy arrays cũng có thể được cắt.

```

import numpy as np

# Khởi tạo numpy array có shape = (3, 4) có giá trị như sau:
# [[ 1  2  3  4]
# [ 5  6  7  8]
# [ 9 10 11 12]]
a = np.array([[1,2,3,4], [5,6,7,8], [9,10,11,12]])

# Sử dụng slicing để tạo numpy array b bằng cách lấy 2 hàng đầu tiên
# và cột 1, 2. Như vậy b sẽ có shape = (2, 2):
# [[2 3]
# [6 7]]
b = a[:2, 1:3]

# Một array tạo ra từ slicing sẽ có cùng địa chỉ với array gốc.
# Nếu thay đổi 1 trong 2 thì array còn lại cũng thay đổi.
print(a[0, 1]) # Prints "2"
b[0, 0] = 77 # b[0, 0] ở đây tương đương với a[0, 1]
print(a[0, 1]) # Prints "77"

```

Bạn cũng có thể kết hợp việc dùng slicing và dùng chỉ số. Tuy nhiên, cách làm đó sẽ cho ra một mảng mới có rank thấp hơn mảng gốc.

```

import numpy as np

# Tạo một numpy array có shape (3, 4) với giá trị như sau:
# [[ 1  2  3  4]
# [ 5  6  7  8]
# [ 9 10 11 12]]
a = np.array([[1,2,3,4], [5,6,7,8], [9,10,11,12]])

# Hai cách truy cập dữ liệu ở hàng giữa của mảng
# Dùng kết hợp chỉ số và slice -> được array mới có rank thấp hơn,
# Nếu chỉ dùng slice ta sẽ có 1 array mới có cùng rank
# với array gốc
row_r1 = a[1, :] # Rank 1, hàng thứ 2 của a
row_r2 = a[1:2, :] # Rank 2, vẫn là hàng thứ 2 của a
print(row_r1, row_r1.shape) # Prints "[5 6 7 8] (4,)"
print(row_r2, row_r2.shape) # Prints "[[5 6 7 8]] (1, 4)"

# Chúng ta có thể làm tương tự với cột của numpy array:
col_r1 = a[:, 1]
col_r2 = a[:, 1:2]
print(col_r1, col_r1.shape) # Prints "[ 2  6 10] (3,)"
print(col_r2, col_r2.shape) # Prints "[[[ 2
                           #          [ 6]
                           #          [10]] (3, 1)]"

```

**Integer array indexing:** Khi bạn truy xuất mảng dùng slicing, kết quả trả về sẽ là mảng con của mảng ban đầu, tuy nhiên sử dụng chỉ số mảng cho phép bạn xây dựng mảng tùy ý từ một mảng khác



↑ +4 ↓



```

import numpy as np

a = np.array([[1,2], [3, 4], [5, 6]])

# Truy xuất mảng dùng chỉ số.
# Kết quả thu được là 1 mảng có shape (3,)
print(a[[0, 1, 2], [0, 1, 0]]) # Prints "[1 4 5]"

# Sẽ thu được kết quả tương đương như trên với cách này:
print(np.array([a[0, 0], a[1, 1], a[2, 0]])) # Prints "[1 4 5]"

# Bạn được phép sử dụng chỉ số mảng để
# truy xuất tới 1 phần tử
# của mảng gốc nhiều hơn 1 lần
print(a[[0, 0], [1, 1]]) # Prints "[2 2]"

# Một cách làm khác tương đương:
print(np.array([a[0, 1], a[0, 1]])) # Prints "[2 2]"

```

Một mẹo hữu ích dùng chỉ số mảng để chọn và thay đổi phần tử từ mỗi hàng của ma trận

```

import numpy as np

# Tạo một mảng mới từ đó ta sẽ chọn các phần tử
a = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])

print(a) # prints "array([[ 1,  2,  3],
#                      [ 4,  5,  6],
#                      [ 7,  8,  9],
#                      [10, 11, 12]])"

# Tạo một mảng các chỉ số
b = np.array([0, 2, 0, 1])

# Lấy 1 phần tử từ mỗi hàng của a dùng với chỉ số ở mảng b
print(a[np.arange(4), b]) # Prints "[ 1  6  7 11]"

# Thay đổi một phần tử từ mỗi hàng của a dùng với chỉ số ở mảng b
a[np.arange(4), b] += 10

print(a) # prints "array([[11,  2,  3],
#                      [ 4,  5, 16],
#                      [17,  8,  9],
#                      [10, 21, 12]])"

```

**Boolean array indexing:** Cho phép bạn chọn ra các phần tử tùy ý của một mảng, thường được sử dụng để chọn ra các phần tử thỏa mãn điều kiện nào đó



↑ +4 ↓



```

import numpy as np

a = np.array([[1,2], [3, 4], [5, 6]])

bool_idx = (a > 2) # Tìm các phần tử lớn hơn 2;
# Trả về 1 numpy array of Booleans có shape như mảng a
# và giá trị tại mỗi phần tử là
# True nếu phần tử của a tại đó > 2,
# False cho trường hợp ngược lại.

print(bool_idx)      # Prints "[[False False]
#                      [ True  True]
#                      [ True  True]]"

# Sử dụng một boolean array indexing để lấy
# các phần tử thỏa mãn điều kiện nhất định trong a
# Ví dụ ở đây in ra các giá trị của a > 2
# sử dụng array bool_idx đã tạo
print(a[bool_idx])  # Prints "[3 4 5 6]"

# Một cách ngắn gọn hơn:
print(a[a > 2])    # Prints "[3 4 5 6]"

```

Nếu bạn muốn tìm hiểu nhiều hơn về numpy array indexing bạn có thể tham khảo tại đây [documentation](#)

## Datatypes

Mỗi numpy array là một lưới các phần tử cùng kiểu dữ liệu. Numpy cung cấp một tập hợp lớn các kiểu dữ liệu số mà bạn có thể sử dụng để xây dựng các mảng. Numpy cố gắng đoán một kiểu dữ liệu khi bạn tạo một mảng, nhưng các hàm xây dựng các mảng thường cũng bao gồm một đối số tùy chọn để chỉ định rõ ràng kiểu dữ liệu

```

import numpy as np

x = np.array([1, 2])  # Để numpy xác định kiểu dữ liệu
print(x.dtype)        # Prints "int64"

x = np.array([1.0, 2.0])  # Để numpy xác định kiểu dữ liệu
print(x.dtype)          # Prints "float64"

x = np.array([1, 2], dtype=np.int64)  # Chỉ định kiểu dữ liệu cụ thể cho mảng
print(x.dtype)                  # Prints "int64"

```

## Array math

Ghép, cộng, nhân, hoán vị chỉ với một dòng code. Dưới đây là một số ví dụ về các phép toán số học và nhân khác nhau với các mảng Numpy

```

import numpy as np

x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)

# Tổng của 2 mảng, cả 2 cách cho cùng một kết quả
# [[ 6.0  8.0]
#  [10.0 12.0]]
print(x + y)
print(np.add(x, y))

# Hiệu 2 mảng
# [[-4.0 -4.0]
#  [-4.0 -4.0]]
print(x - y)
print(np.subtract(x, y))

# Tính tích từng phần tử của x nhân với từng phần tử của y
# [[ 5.0 12.0]
#  [21.0 32.0]]
print(x * y)
print(np.multiply(x, y))

# Tương tự thương của từng phần x chia với từng phần tử y
# [[ 0.2          0.33333333]
#  [ 0.42857143   0.5        ]]
print(x / y)
print(np.divide(x, y))

# Bình phương từng phần tử trong x
# [[ 1.          1.41421356]
#  [ 1.73205081  2.        ]]
print(np.sqrt(x))

```

Để nhân 2 ma trận hoặc nhân vector với ma trận trong numpy, chúng ta sử dụng hàm **dot**

```

import numpy as np

x = np.array([[1,2],[3,4]])
y = np.array([[5,6],[7,8]])

v = np.array([9,10])
w = np.array([11, 12])

# Tích trong của 2 vector; Cả 2 đều cho kết quả là 219
print(v.dot(w))
print(np.dot(v, w))

# Nhân ma trận với vector; cả 2 đều cho mảng rank 1: [29 67]
print(x.dot(v))
print(np.dot(x, v))

# Ma trận với ma trận; cả 2 đều cho mảng rank 2
# [[19 22]
#  [43 50]]
print(x.dot(y))
print(np.dot(x, y))

```

Numpy cung cấp nhiều hàm hữu ích để thực hiện tính toán trên mảng; một trong những hàm hữu ích nữa là **sum**



↑ +4 ↓



```
import numpy as np

x = np.array([[1,2],[3,4]])

print(np.sum(x)) # Tổng các phần tử của mảng; prints "10"
print(np.sum(x, axis=0)) # Tính tổng theo từng cột; prints "[4 6]"
print(np.sum(x, axis=1)) # Tính tổng theo từng hàng; prints "[3 7]"
```

Bạn có thể tìm thấy danh sách đầy đủ các hàm toán học được cung cấp bởi numpy tại đây [documentation](#)

Ngoài việc tính toán trên mảng, chúng ta thường xuyên phải định hình lại hoặc thao tác dữ liệu theo mảng. Ví dụ đơn giản nhất của loại hoạt động này là chuyển vị ma trận; để chuyển vị một ma trận, chỉ cần sử dụng thuộc tính T của một đối tượng mảng

```
import numpy as np

x = np.array([[1,2], [3,4]])
print(x)    # Prints "[[1 2]
            #           [3 4]]"
print(x.T)  # Prints "[[1 3]
            #           [2 4]]"

# Việc chuyển vị 1 mảng có rank = 1 không thay đổi gì cả:
v = np.array([1,2,3])
print(v)    # Prints "[1 2 3]"
print(v.T)  # Prints "[1 2 3]"
```

Numpy cung cấp nhiều hàm hơn để thao tác các mảng; bạn có thể xem danh sách đầy đủ tại đây [documentation](#).

## Broadcasting

Broadcasting là một cơ chế mạnh mẽ cho phép thực thi các phép toán số học trên các numpy array có kích thước khác nhau. Chúng ta thường có một mảng nhỏ hơn và một mảng lớn hơn và chúng tôi muốn sử dụng mảng nhỏ hơn nhiều lần để thực hiện một số thao tác trên mảng lớn hơn.

Ví dụ: Giả sử rằng chúng ta muốn thêm một vectơ không đổi vào mỗi hàng của ma trận. Chúng ta có thể làm như thế này

```
import numpy as np

# Chúng ta sẽ thêm vector v vào mỗi hàng của ma trận x,
# Lưu trữ kết quả trong ma trận y
x = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])
v = np.array([1, 0, 1])
y = np.empty_like(x) # Tạo một ma trận rỗng có shape như x

# Thêm vector v vào mỗi hàng của ma trận x bằng một vòng lặp
for i in range(4):
    y[i, :] = x[i, :] + v

# Ma trận y sẽ như sau
# [[ 2  2  4]
#  [ 5  5  7]
#  [ 8  8 10]
#  [11 11 13]]
print(y)
```

Cách này hoạt động bình thường, khi ma trận x quá lớn, việc sử dụng vòng lặp này sẽ rất chậm. Nếu bạn để ý thì việc thêm vectơ v vào mỗi hàng của ma trận x tương đương với việc tạo một ma trận vv bằng cách xếp chồng nhiều bản sao của v theo chiều dọc, sau đó thực hiện phép tính tổng của x và vv. Chúng ta có thể thực hiện phương pháp này như thế này

```
import numpy as np

# Chúng ta sẽ thêm vector v vào mỗi hàng của ma trận x,
# Lưu trữ kết quả trong ma trận y
x = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])
v = np.array([1, 0, 1])
vv = np.tile(v, (4, 1)) # Xếp chồng 4 bản sao của v lên nhau
print(vv) # Prints "[[1 0 1]
           #          [1 0 1]
           #          [1 0 1]
           #          [1 0 1]]"

y = x + vv # Thực hiện phép cộng
print(y) # Prints "[[ 2  2  4
           #          [ 5  5  7]
           #          [ 8  8 10]
           #          [11 11 13]]"
```

Numpy broadcasting cho phép chúng ta thực thi tính toán này mà không cần phải tạo ra nhiều bản sao của v. Và đây là code khi sử dụng broadcasting

```
import numpy as np

# Chúng ta sẽ thêm vector v vào mỗi hàng của ma trận x,
# Lưu trữ kết quả trong ma trận y
x = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])
v = np.array([1, 0, 1])
```



## Related

[Machine Learning thật thú vị \(1\): Dự đoán giá nhà đất](#)

[Nguyen Dinh Tung](#)

25 min read

👁 10949 🗣 29 💬 3 ⚠ 34

[Một số hàm thông dụng trong matlab để vẽ đồ thị](#)

[Nguyễn Thùy Dương](#)

13 min read

👁 61027 🗣 7 💬 4 ⚠ 12

[Xử lý Map, Filter, Reduce, Flatmap trong Swift](#)

[Nguyen Viet Dung](#)

2 min read

👁 2422 🗣 5 💬 0 ⚠ 2

[Tổng hợp các cú pháp lệnh for thường gặp trong swift 3 trở đi.](#)

[Lê Văn Tuấn](#)

1 min read

👁 493 🗣 3 💬 0 ⚠ 4

## More from Nguyen Van Hoang

[Xử lý các sự kiện với Vue.js](#)

[Nguyen Van Hoang](#)

6 min read

👁 20 🗣 0 💬 0 ⚠ 1

[Những khái niệm JavaScript mà lập trình viên \(JavaScript\) nên biết.](#)

[Nguyen Van Hoang](#)

15 min read

👁 74 🗣 0 💬 0 ⚠ -1



[Hiểu về #inject / #reduce enumerable methods trong](#)[Nguyen Van Hoang](#)

4 min read

👁 17 · 📁 0 · 💬 0 · ⚖ 0

[Elasticsearch Queries](#)[Nguyen Van Hoang](#)

15 min read

👁 103 · 📁 2 · 💬 0 · ⚖ 1

**Comments**[Login to comment](#)**RESOURCES**

- [Posts](#)
- [Questions](#)
- [Videos](#)
- [Discussions](#)
- [Tools](#)
- [System Status](#)
- [Organizations](#)
- [Tags](#)
- [Authors](#)
- [Recommend System](#)
- [Machine Learning](#)

**SERVICES**

-  [Viblo Code](#)
-  [Viblo CV](#)
-  [Viblo CTF](#)

**MOBILE APP****LINKS**

© 2020 Viblo. All rights reserved.

[Feedback](#)[Help](#)[FAQs](#)[RSS](#)[Terms](#)

↑ +4 ↓

