

Formeln

Lineare Regression	Regularisierung	Convolutional Neuronal Networks	
<p>Linearer Zusammenhang zwischen den Eingabevariablen x und der Ausgabevariable y wird modelliert.</p> <p><b>Hypothesenfunktion:</b></p> $h_{\theta(x)} = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \dots + \theta_n x_n$ <p><b>Kostenfunktion (MSE):</b></p> $J(\theta) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^n \left( h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)} \right)^2$ <p><b>Ziel:</b> Finde Parameter <math>\theta</math> um J zu minimieren <math>\min J(\theta)</math></p> <p><b>Multivariat:</b> Mehrere Features <math>x_1, x_2, \dots, x_n</math></p> <p><b>Polynom-Regression:</b></p> $h_{\theta(x)} = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2 + \theta_3 x^3 + \dots$	<p><b>Kostenfunktion mit L2-Regularisierung:</b></p> $J(\theta) = \frac{1}{2n} \sum \left( h_{\theta(x^{(i)})} - y^{\{(i)\}} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^d \theta_j^2$ <p><b>Effekt von <math>\lambda</math>:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li><math>\lambda = 0 \rightarrow</math> kein Penalty</li><li>großes <math>\lambda \rightarrow</math> starke Bestrafung, Underfitting</li></ul> <p><b>Bias-Term <math>\theta_0</math> wird oft nicht regularisiert</b></p>		
	Support Vector Machines		
Gradient Descent	<p><b>Ziel:</b></p> $m_{\{w,b\}} \in \left( \frac{1}{2} \ w\ ^2 + C \sum x_i \right)$ <p><b>Nebenbedingungen:</b></p> $y^{\{(i)\}} \left( w^T x^{\{(i)\}} + b \right) \geq 1 - x_i \text{ mit } x_i \in [0,1]$ <p><b>C kontrolliert Trade-off:</b> großes <math>C \rightarrow</math> weniger Fehler, kleines <math>C \rightarrow</math> größerer Margin</p> <p><b>Kernel-Trick:</b> z.B. <math>K(x, x') = e^{-\gamma \ x - x'\ ^2}</math> (RBF-Kernel)</p>		
Logistische Regression	Neuronale Netzwerke		
<p><b>Sigmoidfunktion:</b></p> $g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$ <p><b>Hypothese:</b></p> $h_{\theta(x)} = g(\theta^T x)$ <p><b>Klassifikation:</b></p> $h_{\theta(x)} \geq 0.5 \rightarrow \text{Klasse 1}$ $h_{\theta(x)} < 0.5 \rightarrow \text{Klasse 0}$ <p><b>Entscheidungsgrenze:</b></p> $\theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 = 0$ <p><b>Nicht-linearität</b> durch Features wie <math>x_1^2, x_1 x_2, \dots</math></p>	<p><b>Feedforward:</b></p> $z^{\{(l+1)\}} = \theta^{\{(l)\}} a^{\{(l)\}}$ $a^{\{(l+1)\}} = g(z^{\{(l+1)\}})$ <p><b>Backpropagation:</b></p> $\delta^{\{(L)\}} = a^{\{(L)\}} - y$ $\delta^{\{(l)\}} = \left( \theta^{\{(l)\}} \right)^T \delta^{\{(l+1)\}} \cdot g' \left( z^{\{(l)\}} \right)$ <p><b>Gradientenabstieg:</b></p> $\theta^{\{(l)\}} := \theta^{\{(l)\}} - \alpha \delta^{\{(l)\}} a^{\{(l-1)\}}$ <p><b>Aktivierungsfunktionen:</b> Sigmoid, Tanh, ReLU, Leaky ReLU, Softmax</p>		
		Modell Evaluation	
		Entscheidungsbäume	
		Pricipal Component Analysis (PCA)	