

Formeln

Lineare Regression	Regularisierung	Convolutional Neuronal Networks	Entscheidungsbäume	Reinforcement Learning
<p>Linearer Zusammenhang zwischen den Eingabevariablen x und der Ausgabevariable y wird modelliert.</p> <p>Hypothesenfunktion:</p> $h_{\theta(x)} = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \dots + \theta_n x_n$ <p>Kostenfunktion (MSE):</p> $J(\theta) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^n \left(h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)} \right)^2$ <p>Ziel: Finde Parameter θ um J zu minimieren $\min J(\theta)$</p> <p>Multivariat: Mehrere Features x_1, x_2, \dots, x_n</p> <p>Polynom-Regression:</p> $h_{\theta(x)} = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2 + \theta_3 x^3 + \dots$	<p>Kostenfunktion mit L2-Regularisierung:</p> $J(\theta) = \frac{1}{2n} \sum \left(h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^d \theta_j^2$ <p>Effekt von λ:</p> <ul style="list-style-type: none">$\lambda = 0 \rightarrow$ kein Penaltygroßes $\lambda \rightarrow$ starke Bestrafung, Underfitting <p>Bias-Term θ_0 wird oft nicht regularisiert</p>	<p>Hauptidee: Extraktion lokaler Merkmale durch Faltungsoperationen.</p> <p>Faltungsschicht (Convolution Layer): wendet Filter (Kerne) an: $z = W * x + b$</p> <p>Pooling-Schicht: Reduktion der Dimensionalität (z.B. Max-Pooling oder Average-Pooling)</p> <p>Aktivierung: Typisch: ReLU $f(x) = \max(0, x)$</p> <p>Architektur-Beispiel: Input \rightarrow Conv \rightarrow ReLU \rightarrow Pool \rightarrow Dense \rightarrow Output</p> <p>Parameteranzahl: Abhängig von Filtergröße und Anzahl</p> <p>Vorteile:</p> <ul style="list-style-type: none">Translation-InvarianzWeniger Parameter als vollständig verbundene Netze	<p>Grundidee: Baumstruktur zur schrittweisen Entscheidung basierend auf Features.</p> <p>Split-Kriterien:</p> <ul style="list-style-type: none">Entropie: $H(S) = - \sum p_i \log_2(p_i)$InformationsgewinnGini-Index: $\text{Gini}(S) = 1 - \sum p_i^2$ <p>Vorteile:</p> <ul style="list-style-type: none">InterpretierbarKeine Skalierung notwendig <p>Nachteile:</p> <ul style="list-style-type: none">Overfitting bei tiefen BäumenInstabil bei kleinen Datenänderungen <p>Pruning (Beschneiden): Reduziert Komplexität und Overfitting</p> <p>Ensemble-Methoden:</p> <ul style="list-style-type: none">Random Forests: viele Bäume, VotingBoosting (z.B. AdaBoost): sequentielle Optimierung	<p>Grundidee: Ein Agent lernt durch Interaktion mit einer Umgebung, um Belohnungen zu maximieren.</p> <p>Zentrale Begriffe:</p> <ul style="list-style-type: none">Agent, EnvironmentZustand s, Aktion a, Belohnung r, Politik $\pi(a s)$Ziel: Maximiere erwarteten kumulierten Reward <p>Belohnungsformel:</p> $R_t = \sum_{\{k=0\}}^{\{\infty\}} \gamma^k r_{\{t+k+1\}}$ mit Diskontfaktor $\gamma \in [0, 1]$ <p>Q-Learning:</p> $Q(s, a) := Q(s, a) + \alpha \left[r + \gamma \max_{\{a'\}} Q(s', a') - Q(s, a) \right]$ <p>Strategien:</p> <ul style="list-style-type: none">Exploration vs. Exploitationvar ε-greedy Policy <p>Anwendungen:</p> <ul style="list-style-type: none">Spiele (z.B. AlphaGo)RobotikEmpfehlungssysteme
Gradient Descent	Support Vector Machines	Modell Evaluation	Pricipal Component Analysis(PCA)	
<p>Update-Regel:</p> $\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta)$ <p>Für lineare Regression:</p> $\theta_j := \theta_j + \alpha \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(y^{(i)} - h_{\theta}(x^{(i)}) \right) \cdot x_j^{(i)}$ <p>Lernrate α: Zu groß \rightarrow Divergenz, zu klein \rightarrow langsame Konvergenz</p>	<p>Ziel:</p> $m \in_{\{w,b\}} \{1\}\{2\} \mid w ^2 + C \sum x_i x_i$ <p>Nebenbedingungen:</p> $y^{\{(i)\}} (w^T x^{\{(i)\}} + b) g e 1 - x_i \text{ mit } x_i, g e 0$ <p>C kontrolliert Trade-off: großes $C \rightarrow$ weniger Fehler, kleines $C \rightarrow$ größerer Margin</p> <p>Kernel-Trick: z.B. $K(x, x') = e^{\{-\gamma \mid x - x' \mid^2\}}$ (RBF-Kernel)</p>	<p>Konfusionsmatrix:</p> <p>TP = True Positive - Patienten, die krank sind und als krank klassifiziert wurden</p> <p>FP = False Positive - (Patienten, die gesund sind, aber als krank klassifiziert wurden</p> <p>TN = True Negative - (Patienten, die gesund sind und als gesund klassifiziert wurden</p> <p>FN = False Negative - Patienten, die krank sind, aber als gesund klassifiziert wurden</p> <p>Metriken:</p> $\text{Accuracy} = \frac{\text{TP} + \text{TN}}{\text{TP} + \text{TN} + \text{FP} + \text{FN}}$ $\text{Precision (Relevanz)} = \frac{\text{TP}}{\text{TP} + \text{FP}}$ $\text{Recall (Sensitivity)} = \frac{\text{TP}}{\text{TP} + \text{FN}}$ $\text{F1-Score} = 2 \cdot \frac{\text{Precision} \cdot \text{Recall}}{\text{Precision} + \text{Recall}}$ <p>Beispiel: Ein Modell mit hohem Recall identifiziert möglichst viele positive Fälle, auch auf Kosten von mehr False Positives.</p> <p>Wann ist Recall wichtiger?</p> <ul style="list-style-type: none">KrankheitserkennungSicherheitschecksBetrugserkennung	<p>Ziel: Reduktion der Dimensionalität bei maximalem Erhalt der Varianz.</p> <p>Schritte:</p> <ol style="list-style-type: none">Zentrieren der DatenKovarianzmatrix berechnenEigenvektoren & -werte berechnenHauptkomponenten auswählen (größte Eigenwerte)Projektion der Daten auf neue Achsen <p>Mathematisch: Gegeben Datenmatrix X, berechne $C = \frac{1}{n} \{n\} X^T X$ Finde Eigenvektoren v mit $Cv = \lambda v$</p> <p>Eigenschaften:</p> <ul style="list-style-type: none">Unüberwachtes VerfahrenHauptachsen sind orthogonalKeine Label nötig <p>Anwendungen:</p> <ul style="list-style-type: none">VisualisierungVorverarbeitung für MLRauschreduktion	
Logistische Regression	Neuronale Netzwerke			
<p>Sigmoidfunktion:</p> $g(z) = \frac{1}{1+e^{-z}}$ <p>Hypothese:</p> $h_{\theta}(x) = g(\theta^T x) = \frac{1}{1+e^{-\theta^T x}}$ <p>Klassifikation:</p> $h_{\theta}(x) \geq 0.5 \rightarrow \text{Klasse 1}$ $h_{\theta}(x) < 0.5 \rightarrow \text{Klasse 0}$ <p>Entscheidungsgrenze:</p> $\theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 = 0$ <p>Nicht-linearität:</p> $h_{\theta}(x) = g(\theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_1^2 + \theta_4 x_2^2 + \theta_5 x_1 x_2 + \dots)$	<p>Feedforward:</p> $z^{\{(l+1)\}} = \theta^{\{(l)\}} a^{\{(l)\}}$ $a^{\{(l+1)\}} = g(z^{\{(l+1)\}})$ <p>Backpropagation:</p> $\delta^{\{(L)\}} = a^{\{(L)\}} - y$ $\delta^{\{(l)\}} = \left(\theta^{\{(l)\}} \right)^T \delta^{\{(l+1)\}} \cdot * g' \left(z^{\{(l)\}} \right)$ <p>Gradientenabstieg:</p> $\theta^{\{(l)\}} := \theta^{\{(l)\}} - \alpha \delta^{\{(l)\}} a^{\{(l-1)\}}$ <p>Aktivierungsfunktionen: Sigmoid, Tanh, ReLU, Leaky ReLU, Softmax</p>			

Aufgaben

--	--	--	--	--