

2024-07-26-백민호

요약

1. CG-Images

- Image vs Digital Image
: finite, discrete, pixel(picture element)
- Raster Graphic
: bitmap 표현, 2d grid map, array
 - 실제로 들어오는 빛을 추정
 - pixel은 전체를 대표하는 것이 아니라 중앙의 채널 값을 나타낸다
- Vector Graphic
: 점, 선, 도형 등 기초 기하와 수학을 이용해 표현한다
 - output 과정에서 자동으로 rasterized 되어 보여질 수 있음
 - 점, 선, polygon 등으로 구성된 3d vector graphic을 input 했을 때 화면 상에 띄울 수 있는 raster images로 바꿀 수 있어야 함!
- capture image(camera), represent image(bin), display image(monitor)
- Image 2d array는 Main Memory(RAM)의 Frame Buffer 구역에서 관리
- GPU Memory가 copy하여 사용한다

2. CG-Graphic-System

- Image Formation
: 공간 상 점을 2d plane에 projection 할 때 어디에 위치해 있을까?
 - 광학을 시뮬레이션 하면서 이미지를 생성하는 rendering
 - Light sources, Objects, Camera
 - Graphics Systems
 - Global illumination(Ray Tracing) vs Local/direct illumination
 - local은 object 간 빛 반사, 굴절, 그림자 등 표현 X --> 추정하기
 - Raster Pipeline
 - object가 일련의 과정을 통해 처리되는 것, 한번에 여러 units이 동시에 여러 objects 처리
 - Local/direct illumination은 object마다 독립적이기 때문에 동시에 병렬 처리가 가능하다
1. host는 main memory의 vertex data(buffer)를 gpu memory로 복사하여 옮긴다. 만약 vertex 정보가 바뀐다면 gpu-side data update

2. 4x4 matrix transformation을 통해 vertex의 3d point info를 local 좌표에서 global 좌표, 관측자 좌표로 positioning, projection (Vertex Shader)
 3. 이후 vertices --> geometric objects로 collect
 4. 시야각을 벗어난 부분을 처리하는 방법 : clipping volume, view volume
 5. Rasterization : clipped 되지 않은 vector graphic 꼴의 object를 potential pixels(called fragments)로 변환 하는 과정
 6. 이후 Fragment Shader
 7. fragments attributes는 주변 vertices와 fragments에 의해 보간
 8. fragments 각각 color, depth 등 적용 후 frame buffers 생성
- Tessellation Shaders
 - 고 수준의 기하 구조를 단순한 삼각형 같은 primitive로 쪼개는 과정
 - Tessellation Control Shader : tessellation 인자들을 결정
 - Tessellation Primitive Generation : tessellation 수행(primitive 변환)
 - Tessellation Evaluation Shader : tessellation 후 생성된 vertices 처리
 - 새롭게 vertices들이 생성되는 것 처럼, 단순한 형태를 복잡한 polygon으로 새롭게 만들 수 있다.
 - Geometry Shaders(성능이 안좋다)
 - vertex shader(tessellation shader) 이후 processed(if defined)
 - process 당 1개의 primitive 처리
 - primitive 제거하거나 하나의 삼각형을 여러 삼각형으로 확장
 - per-vertex normal을 per-face normal로 변환
 - 빛이 많으면 shading 비싸짐($O(N_{lights} * N_{objects})$),
빛마다 Vertex Shader-Rasterizer-Fragment Shader process : Multi-Pass
 - Deferred Rendering
 - G-buffer : position, normal, diffuse color, specular, depth 등 light 계산에 필요한 attribute를 저장하는 버퍼
 - Geometry Pass에서 GPU가 MRT 기능을 이용해 G-buffer 값을 저장한다. 이후 종합적으로 Light Pass 시행
 - 한 pixel의 G-buffer를 이용해 light 계산을 하기 때문에 빛 처리 연산이 빨라진다.

3. CG-Geometry

- vector space : 합과 (scalar)곱으로 이루어진 8가지 공리로 정의된다~

- group : 임의의 operator 에 대해 a, b 의 연산이 닫혀있고, 결합, 항등원과 역원을 가질 때 a 와 b 는 set A 에 group이다
 - semigroup은 결합 법칙만 만족할 때, semigroup이다~
 - abelian group(commutative group) : group에 추가로 교환 법칙을 만족할 때
 - ring : addition은 abelian group, multiple은 semigroup
 - ring인데 non-zero element가 (scalar)multiple에서도 abelian group일 때 field!!
- geometry : n-dimension의 objects에 대하여~~
- Point : space location(no size, no shape), point간 distance 정의 필요성 --> scalar
- Scalar : field, set of rules, 혼자서 geometric한 무언가를 할 수 없다
- Vector : 방향만 있음!!($v = P + Q, Q = P + v$)
- Euclidean space : vector space + distance measure(최단거리)
- Affine Space : vector space(scalar 포함) + points
 - 기존에는 scalar와 vector 간 연산에서 vector와 point 합을 추가로 정의한다!!!($\text{point} - \text{scalar} \times$)
 - 이러한 임의의 vector + point로 vector space를 span 할 수 있다
- Rays : $P(k) = Q + kd = Q + k(R - Q)$ 에서 $k \geq 0$ 처럼 제한을 둘 때(반직선) 반직선이 아니라 k 가 위아래로 유계가 있을 때는 선분 line segment
- Affine Sum : 아주 제한적인 상황에서 points 간 addition 수행 가능하다?
 $P = Q + k(R - Q)$ 에서 $(1-\alpha)Q + \alpha R$ 꼴로 바꾸는 것~ α 합이 1인 조건으로 n 개의 포인트도 sum 연산을 정의할 수 있게 된다
- α_i 값들이 모두 양수이면서 $\sum(\alpha) = 1$ 일 때 convex hull, 각 α 값들이 $1/n$ 일 때 무게 중심 : barycentric
- modern graphics는 triangles로 이루어진 mesh에 최적화 되어있음!! (point랑 line 도!!)
 - triangle은 언제나 flat하기 때문이다!!
 - N 개의 triangle --> vertex 3개 위치를 저장하거나 위치 저장 보다는 topology를 이용해서 위치는 계속 바뀌는데 연결 관계는 동일하거나 그런 느낌쓰
 - 인덱스 버퍼를 만들어서 topology를 geometry와 분리시키자, 인덱스가 vertex 위치를 가리키기만 하면 된다~

4. Transformation

- linearly independent(선형 독립)과 dimension, basis(기저, not unique) 조합은 unique
- representation(좌표)는 basis의 조합 $\{\alpha_i\}$ 로 나타낸다

- coordiante-free geometry : point의 좌표 없이 표현(예) 유클리드 기하 -> 길이로)
- coordinate system은 vector만을 이용한다, $v = 2v_1 + 3v_2 - 5v_3$
 - 그래서 고정된 위치는 없지만 결과값은 같게 나온다
 - 위치(point)에 대한 concept을 넣어야 하기 때문에 frame 등장
- 우리가 생각하는 좌표계는 frame, point와 vector로 affine space를 만들 수 있다~
 - 기준이 되는 P_0 를 잡자, $P = P_0 + 2v_1 + 3v_2 - 5v_3$
 - $P = [\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, w] * [v_1, v_2, v_3, P_0]$
- 4-d homogeneous coordinate(HC) representation $p = [x', y', z', w]$
 - 3D Cartesian 좌표계의 vector와 points를 표현한다
 - vector($w = 0$), point($w = 1$), else x', y', z' 을 w 로 나누어진 point
 - w 를 1로 바꾸면서 차원을 축소시킬 수 있다(사영시킨다)
- Affine Transformation
 - affine space를 다룬다. points, lines, planes는 보존된다
: 직선이 곡선이나 선분으로 바뀌지 않는다
 - linear transformation은 frames(P_0)을 바꾸는 것과 동일하다
 - 4 by 3 matrix --> translation, rotation, scaling, shear 총 12개 dof
 - 선분을 transform 할 때는 end point만 이동시킨다
- Translation
 - $p' = p + d$, 3 dof, $p' = T_p$ 꼴로 바꾸기
- 동일 방법으로 Scaling, Rotation(어떤 축 v 를 중심으로)
 - 회전의 경우 x, y, z 축 θ 로 decomposed 가능하다 벳!! 회전하다가 두 축이 겹치게 되는 경우, gimbal lock을 유발할 수 있으니 Euler angle을 쓰지 말자
- Inverse Transformation
 - 역행렬은 정확하지도 않고 비싸기 때문에 기하학적으로 역을 구하고 matrix로 표현하자

5. Viewing

- Objects, Viewer(CoP, eyes, camera ...), Projection surface, Projectors
- Parallel Projection
 - COP -> inf, projectors가 서로 평행하게, 이때 COP는 point가 아니라 방향(DOP)
 - projectors가 projection surface에 orthogonal 할 때 --> orthographic projection
- Perspective Viewing
 - diminution : 물체들이 viewer에서 멀어질 수록 작아지는 거~
 - 줄어드는 정도에 따라 depth를 추론할 수 있다, 정확도 보단 natural-looking

- Backward Approach
 - 주로 ray tracing, 빛이 오는 반대 방향으로 ray를 쏘는 것
 - 카메라 sensor에서 object 방향으로 쏘면 backward, image plane에 pixel 만듦
- Forward Approach(pipeline approach)
 - 물체에서 바로 image plane에 projection하는 것, matrix의 multiplication 끝
 - modeling, view(camera), projection, viewport 순서로 transformation
 - frame을 각각 바꾼다(object > world > camera)
- Moving Camera : Building LookAt Matrix
 - Model-view duality
 - camera를 움직일 것인가 model을 움직일 것인가??(결과는 같다)
 - object를 camera 반대 방향으로 움직일 것이다
 - camera는 origin으로
 - LookAt Method
 - 위치와 방향 회전을 다 지정해주는 방법, mat4 lookat(eye, at, up)
 - eye에서 at 쪽으로(view vector) 각도는 up, world space 기준!!
 - up 벡터는 그 카메라 막 옆으로 돌려서 찍고 그런 거
 - camera frame(space) 추론 가능!!
 - $n = \text{norm}(\text{eye} - \text{at})$
 - $u = \text{norm}(\text{up} \times n)$
 - $v = \text{norm}(n \times u)$, basis vector 닮,,
 - 이걸로 change of frame 가능!! world frame -> camera frame
 - 4 X 4 LookAt matrix
 - orthonormal basis의 transpose는 $(R^T)^{-1} == (R^T)^T$
 - 따라서 $Ra = b$ 꼴로 world-coordinate에서 a를 eye-coordinate의 b로 바꿀 수 있다!! camera frame으로

6. Projection

- Coordinate System
 - RHS 이용하기
 - Normalized Device Coordinate(NDC)
 - camera space에서 projection이 끝난 뒤에 쓴다
 - RHS -> LHS z 값이 반대로 이동한다
 - depth test를 위해 직관적으로 이해하기 위해 방향을 맞춘 것이다
- Orthographic projection(Matrix)
 - COP를 무한대로 보내면 된다!! -> parallel projection

- (x, y, z) 를 xy plane에 투영시킬 때 $\rightarrow (x, y, 0)$ 그냥 depth만 0으로 바꾸면 된다
- 3d graphic api에서는 z 를 남겨야 한다, 3d를 유지해야하기 때문!!
- ndc에 있는 view volume normalization 추가(물체들이 있을 수 있는 영역, cube를 설정한다)
- 2d plane projection에서 view volume normalization으로 바뀌게 된다($z \neq 0$)
- projection이 일어난 뒤에도 4d homogeneous coordinate
- depth를 $[0, 1]$ 로 norm 해서 나중에 fragment 들어왔을 때 남길지 말지 결정
- clipping도 쉬워진다!
- translation + scaling
 - view volume의 중심을 0, 0, 0으로 맞춘다
 - $(1, 1, 1)$, $(-1, -1, -1)$ 의 점을 갖도록(한 변의 길이가 2가 되도록) scaling 한다
- Perspective projection
 - simple perspective projection
 - (x, y, z) 를 원점 방향(COP)으로 옮겼을 때 intersection
 - $z' = d$ 일 때 나머지 x' 와 y' 를 비례식으로 구하기
 - 우선 symmetric한 경우
 - simple perspective proj + VVN(요것도 depth가 바뀐다)
 - 이번에는 (left, bottom, -near)와 (right, top, -near)(not -far)을 사용한다
 - near 부분과 far 부분의 사각형 크기가 다르기 때문!! -far 부분은??
 - l, b, r, t 를 near plane에서 체크하기
 - $x = -z, y = -z$ 로 바꾸기 위해 scaling, z 는 -far 부터 -near 까지
 - r/n 기울기를 ± 1 인 형태로 x 와 y 를 바꾼다
 - z , depth를 -near에서 -1, -far에서 +1로 매핑이 되어야 한다(뒤집힌다)
 - l, r, t, b 를 측정하기가 어렵기 때문에 field of view(fovy, fovx, 화각)와 aspect_ratio(width/height of sensor)를 이용해서 측정한다~
 - Non-Symmetric Perspective Projection(View가 1개 이상 또는 기울어질 때 등)
 - 눈이 두 개이니까 VR도 이거임!!
 - non-sym를 shear 해서 sym으로 바꾸는 것이 중요!!

- near plane과 far plane의 중심점 $(l+r)/2$ 와 $(t+b)/2$ 를 0,0으로 맞추어야 한다!