## TAREA 4 DE RG

## Fecha límite de entrega: POR DETERMINAR. Tarea INDIVIDUAL.

- 1. Escribe tu nombre completo.
- 2. Sea un vector temporaloide unitario U y V un vector arbitrario. Encuentre el resultado del producto:  $(\eta^{\alpha}_{\ \beta} + U^{\alpha}U_{\beta})V^{\beta}U_{\alpha}$ .
- 3. Bajo las mismas condiciones del ejercicio anterior, encuentre el resultado del siguiente producto:  $(\eta^{\alpha}_{\phantom{\alpha}\beta} + U^{\alpha}U_{\beta})(\eta^{\beta}_{\phantom{\beta}\gamma} + U^{\beta}U_{\gamma})$ .
- 4. Sea P un vector no-nulo. Determine el valor de la constante a de tal forma que se cumpla que:  $(\eta^{\alpha}_{\ \beta} + a P^{\alpha} P_{\beta}) P^{\beta} P_{\alpha} = 0$ .
- 5. La definición del tensor electromagnético, que es antisimétrico, es:  $F^{0i}=E^i$  y  $F^{xy}=B^z$ ,  $F^{zx}=B^y$  y  $F^{yz}=B^x$ , donde  $E^i$  y  $B^i$  son las componentes cartesianas de los campos eléctrico y magnético. El resultado del producto  $F^{\alpha\beta}F_{\alpha\beta}$  es:
- 6. El resultado de la siguiente operación para el tensor electromagnético  $F^0{}_\lambda F^{\lambda 0} + (1/4) \eta^{00} F_{\alpha\beta} F^{\alpha\beta}$  es:
- 7. El resultado de la siguiente operación para el tensor electromagnético  $F^0{}_\lambda F^{\lambda3} + (1/4) \eta^{03} F_{\alpha\beta} F^{\alpha\beta}$  es:
- 8. Sea el campo eléctrico  $\overrightarrow{E}=E\hat{y}$  y el campo magnético  $\overrightarrow{B}=B\hat{z}$  medidos en un marco de referencia en reposo. La velocidad v del marco de referencia estándar en movimiento a lo largo de la coordenada x para el cual el campo **eléctrico** desaparece es:
- 9. Sea el campo eléctrico  $\overrightarrow{E}=E\hat{y}$  y el campo magnético  $\overrightarrow{B}=B\hat{z}$  medidos en un marco de referencia en reposo. La velocidad v del marco de referencia estándar en movimiento a lo largo de la coordenada x para el cual el campo **magnético** desaparece es:
- 10.El resultado de la siguiente operación para el tensor electromagnético  $F^\mu{}_\lambda F^\lambda{}_\mu + (1/4) \eta^\mu{}_\mu F_{\alpha\beta} F^{\alpha\beta}$  es:
- 11. Realice la transformación de Lorentz sobre el tensor electromagnético a un marco de referencia en movimiento que tenga velocidad v a lo largo del eje x. Escriba los resultados en sus hojas de evidencias.