LU Decomposition, No pivoting

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 4 & 8 & 12 \\ 2 & 8 & 10 \end{pmatrix}$$

$$k=1$$
  $i=2$ 

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \boxed{\begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 4 & 8 & 12 \\ 2 & 8 & 10 \end{pmatrix}}$$

$$R_2 \longleftrightarrow R_2 - \frac{4}{1}R_1$$

$$\begin{pmatrix} 4 & 8 & 12 & ) \\ -\frac{4}{1} & (1 & 5 & 0 & ) \\ (0 & -12 & 12 & ) \end{pmatrix}$$

$$k=1$$
  $i=2$ 

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \boxed{\begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 4 & 8 & 12 \\ 2 & 8 & 10 \end{pmatrix}}$$

$$R_2 \longleftrightarrow R_2 - \frac{4}{1}R_1$$

$$\begin{pmatrix} 4 & 8 & 12 & ) \\ -\frac{4}{1} & (1 & 5 & 0 & ) \\ (0 & -12 & 12 & ) \end{pmatrix}$$

$$k = 1$$

$$i = 2$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \boxed{1} & 5 & 0 \\ \mathbf{0} & -\mathbf{12} & \mathbf{12} \\ 2 & 8 & 10 \end{pmatrix}$$

$$k=1$$
  $i=3$ 

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \boxed{\begin{pmatrix} \mathbf{1} & 5 & 0 \\ 0 & -12 & 12 \\ \mathbf{2} & \mathbf{8} & \mathbf{10} \end{pmatrix}}$$

$$R_3 \leftarrow R_3 - \frac{2}{1}R_1$$

$$k=1$$
  $i=3$ 

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \boxed{ \begin{pmatrix} \mathbf{1} & 5 & 0 \\ 0 & -12 & 12 \\ \mathbf{2} & \mathbf{8} & \mathbf{10} \end{pmatrix} }$$

$$R_3 \leftarrow R_3 - \frac{2}{1}R_1$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \boxed{1} & 5 & 0 \\ 0 & -12 & 12 \\ \mathbf{0} & -\mathbf{2} & \mathbf{10} \end{pmatrix}$$

$$k=2$$
  $i=3$ 

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix} \boxed{\begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 0 & \boxed{-12} & 12 \\ \mathbf{0} & -\mathbf{2} & \mathbf{10} \end{pmatrix}}$$

$$R_3 \leftarrow R_3 - \frac{-2}{-12}R_2$$

$$k=2$$
  $i=3$ 

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix} \boxed{\begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 0 & \boxed{-12} & 12 \\ \mathbf{0} & -\mathbf{2} & \mathbf{10} \end{pmatrix}}$$

$$R_3 \leftarrow R_3 - \frac{-2}{-12}R_2$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & 0.166667 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 0 & \boxed{-12} & 12 \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{8} \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & 0.166667 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 0 & -12 & 12 \\ 0 & 0 & 8 \end{pmatrix}$$