A - Problem 300 in TCO Round 2A(Changed Version)

何柱

2015年6月10日

把 $f(1) + f(2) + \ldots + f(R)$ 记成区间 [1, R],因为 f(0) = 0,不妨把区间变为 [0, R]。 如果没有 mod,区间 [0, R] 的答案为 $\frac{R(R+1)}{2}$ 。每次 mod 可以看成对区间进行切割,比如第一次 mod_1 把区间 [0, R] 切成

$$[0, mod_1 - 1] * \lfloor \frac{R}{mod_1} \rfloor + [0, R \mod mod_1]$$

变成了至多两种类型的区间,其中一种区间只与 mod 的值有关,所以再次切割时又切成了至多三种类型的区间。经过 m 次切割后,原区间变成了至多 m+1 种类型的区间。设第 i 种区间为 $[0,R_i]$,数量为 c_i ,则答案为

$$\sum_{i=1}^{m+1} \frac{R_i(R_i+1)}{2} * c_i$$

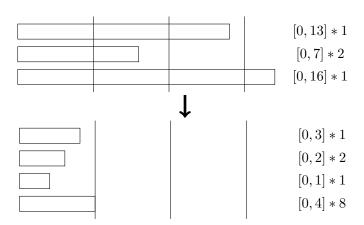


图 1: 将区间 [0,13]*1, [0,7]*2, [0,16]*1 用 $mod_i=5$ 切割的结果