B - 邱老师的心跳约会大作战

何柱

2015年6月10日

在公式
$$\frac{S}{s_i}+\frac{R}{r_i}=T$$
 中,如果令 $A=S,x=\frac{1}{s_i},B=R,y=\frac{1}{r_i},T=C$,可以得到
$$Ax+By=C$$

这是一个直线方程。因为 S>0,R>0,斜率只能是负的。把所有妹子都表示成平面上的点 $(\frac{1}{s_i},\frac{1}{r_i})$,则当某个妹子可能是最低分,存在某个斜率使得穿过该妹子的直线的截距最小,且它的左下角 $(\Delta x \leq 0,\Delta y \leq 0)$ 不能有其它点。换句话说,它是所有点构成的凸包的顶点中左下角部分的一点。所以对所有点计算凸包,取左下角部分,每个点对应的妹子都是可能是最低分的。

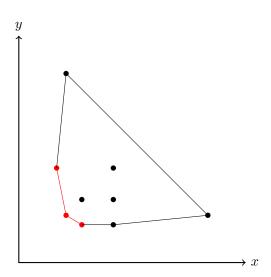


图 1: 每个妹子对应点 $\left(\frac{1}{s_i}, \frac{1}{r_i}\right)$, 红色的点表示对应的妹子可能是最低分