

2021年秋季学期数据与算法第一次作业

2021.10.23

1. 分析下列程序的时间复杂度。

```
(1) int sum(int n)
{
    int s = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        int p = 1;
        for (int j = 1; j <= i; j++)
            p *= j;
        s += p;
    }
    return s;
}
```

```
(2) int fac(int n)
{
    int p = 1, s = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        p *= i;
        s += p;
    }
    return s;
}
```

```
(3) int fun(int n)
{
    int sum = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i = 2 * i)
    {
        int p = 1;
        for (int j = 1; j <= i; j = j++)
        {
            p = p * j;
            sum += p;
        }
    }
    return sum;
}
```

```
(4) void write(int n)
```

```

{
    if (n != 0)
    {
        write(n - 1);
        cout << n << endl;
    }
    return;
}

```

2. 设数据元素的集合为 $D=\{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6\}$ ，请分别画出与以下各关系 R 对应的数据结构 $B=(D, R)$ 的结构示意图，并指出它属于哪类结构。

(1) $R=\{(a_3, a_4), (a_4, a_5), (a_1, a_2), (a_2, a_3), (a_5, a_6)\}$

(2) $R=\{(a_3, a_2), (a_2, a_4), (a_3, a_1), (a_2, a_5), (a_2, a_6)\}$

(3) $R=\{(a_{i+1}, a_i) \mid i=5, 4, 3, 2, 1\}$

(4) $R=\{(a_i, a_j) \mid i>j\}$

(5) $R=\{ \}$

3. 算法填空。下列给出了将两个有序的线性链表合并为一个有序链表，合并后使原链表为空的函数实现，请补全其中缺失的关键步骤。

注：HA 和 HB 为非递减有序线性链表，合并为非递减有序线性链表 HC

结点数据类型为

```

struct SNode{
    int data;
    SNode *next;
    SNode():data(0),next(NULL){}
};

```

HA.head 是第一个结点

(1) 不带表头结点

```

void MergeList(LinkList& HA, LinkList& HB, LinkList& HC)

```

```

{
    //程序以HA链表作为HC的初始链表，通过不断插入HB链表中的元素实现合并
    InitList(HC); //链表HC初始化
    SNode* r, * p = ①, * q = ②;
    HC.head = p;
    if (!q) //链表HB是空表
    {
        HA.head = NULL;
        return;
    }

    if (!p) //链表HA是空表
    {
        HC.head = ③;
    }
}

```

```

        HB.head = NULL;
        return;
    }
    if (p->data <= q->data) //HA链和HB链头节点情况判断
    {
        r = p;
        p = p->next;
    }
    else
    {
        HC.head = q;
        r = ④;
        q = ⑤;
    }
    r->next = ⑥;
    while (p && q)
    {
        if (p->data <= q->data) //HA链未合并的第一个结点的值不大于HB链的第一个未合并结
点的值
        {
            r = p;
            p = p->next;
        }
        else
        {
            r->next = ⑦;
            r = r->next;
            q = ⑧;
            r->next = ⑨;
        }
    }
    if (q) //HB链还有结点
    {
        r->next = ⑩;
    }
    HA.head = NULL;
    HB.head = NULL;
    return;
}

```

(2) 带表头结点

```

void MergeList(LinkList& HA, LinkList& HB, LinkList& HC)
{
    //程序以HA链表作为HC的初始链表，通过不断插入HB链表中的元素实现合并

```

```

InitList(HC); //链表HC初始化
SNode* p = ①, * q = ②;
SNode* r = HC.head;
r->next = ③;
while (p && q)
{
    if (p->data <= q->data) //HA链未合并的第一个结点的值不大于HB链的第一个未合并结点的值
    {
        r = ④;
        p = p->next;
    }
    else
    {
        r->next = ⑤;
        r = r->next;
        q = ⑥;
        r->next = ⑦;
    }
}
if (q) //HB链还有结点
{
    r->next = ⑧;
}
⑨ = NULL;
⑩ = NULL;
return;
}

```

4. 分别实现逆转顺序表和逆转链表的算法，使表中最后一个元素成为第一个元素，倒数第二个元素成为第二个元素，以此类推。(对于链表逆序算法，必须交换结点，而不是结点中的数据)。

(1)

```

class SeqList
{
private:
    int Len;
    int* list;
    SeqList(int n)
    {
        Len = 0;
        list = new int[n]; //分配一个足够大的空间
    }
}

```

```

public:
    void inverList(SeqList& L)
    {
        //请补充对应函数实现
    }
}

```

(2)

```

void invertLinkList(LinkList& HL)
{
    SNode* p, * q, *r=HL.head;
    if (r == NULL)
        return;
    p = r->next;
    r->next = NULL;
    while (p)
    {
        //LinkList和SNode定义同上一题，链表不带表头
        //请补充对应语句

    }
    HL.head = r;
}

```

5. 如果 3 个元素进栈顺序为 X、Y、Z，试写出所有可能的出栈顺序（可能后来者进栈时，先来者已经出栈）。

6. 在线性链表中查找结点值为 x 的第一个结点，并返回其指针的递归算法。

```

struct NODE {
    ElemType data;
    NODE* next;
    NODE():data(0), next(NULL) {}
};

NODE* list_find(NODE* current, ElemType x)
{
    //请补充对应函数实现
}

```