稳恒磁场

10.1 电流 电动势

电流密度

\$\$

\boldsymbol{j} = \frac{\mathrm dI}{\mathrm dS_\perp} \boldsymbol{n_0} \Rightarrow j = \frac{\mathrm dI}{\mathrm dS} \Rightarrow \mathrm dI = \boldsymbol{j}\mathrm d\boldsymbol{S} \Rightarrow I = \int_S \boldsymbol j \mathrm d \boldsymbol S \\ j = nqv \text 或 j = nev

\$\$

电动势

- 电源: 提供 F_k 的装置
- F_k : 非静电力,把正电荷从电势较低点(比如电源负极)送到电势较高点(如电源正极)的作用力。

 $m{E_k} = rac{m{F_k}}{a},$ 电源电动势 $E = \oint_L m{E_k} \mathrm{d}m{l} = \int_-^+ m{E_k} \mathrm{d}m{l}$

10.2 磁场 磁感应强度

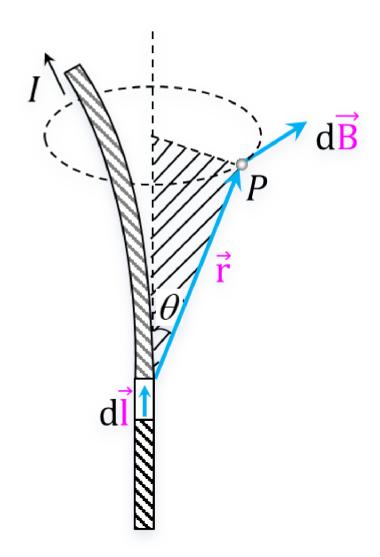
- 磁力是运动电荷之间相互作用的体现
- 磁感应强度 $m{B}$: 大小为 $rac{F_{\max}}{av}$,方向是试验电荷所受磁场力为零时的方向, $m{v} imes m{B}$ 和 $m{F}$ 同向
- 磁通量 Φ_m : 穿过磁场中某一曲面的磁感线数量

磁场中的高斯定理

 $\oint_{S} \boldsymbol{B} d\boldsymbol{S} = 0$,说明了磁场是无源场

毕奥-萨伐尔定律

计算的是任一电流元在空间某点产生的磁感应强度。



\$\$

\$\$

其中 $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \mathrm{T \cdot m/A}$ (或 H/m) 是真空中的磁导率。

用数学式表示: $\mathrm{d}B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I \mathrm{d}l \sin \varphi}{r^2}$ 。

应用

1. 无限长直导线

令
$$\mathrm{d}l=a\sec^2eta\mathrm{d}eta$$
 ($l=a\taneta$) , $B=\int_L \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I\mathrm{d}l\sinlpha}{r^2} = \frac{\mu_0I}{4\pi a}(\sineta_2-\sineta_1)$, 面 $eta_1 o -\frac{\pi}{2},\ eta_2 o \frac{\pi}{2},\ eta B=\frac{\mu_0I}{2\pi a}\circ$

2. 半无限长直导线

$$eta_1=0,\;\;eta_2 orac{\pi}{2},\;\;$$
得 $B=rac{\mu_0I}{4\pi a}$ 。

3. 有限长直导线

$$B=rac{\mu_0 I}{4\pi r_0}(\cos heta_1-\cos heta_2)$$

4. 圆环中心点

$$B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

5. 圆环轴上一点

由 对 称 性 , **
$$B_{\perp}=\int \mathrm{d}B_{\perp}=0**; \ \mathrm{d}B_{p}=\mathrm{d}B\sin\theta$$
 $B=\int \mathrm{d}B_{p}=\int \mathrm{d}B\sin\theta=rac{\mu_{0}}{4\pi}rac{IR}{r^{3}}\int_{0}^{2\pi R}\mathrm{d}l=rac{\mu_{0}}{2\pi}rac{I\pi R^{2}}{x^{3}}$

6. 半圆环中心处

$$B = \frac{\mu_0 I}{4R}$$

7. 螺线管内部(近似成外部的 B为0,内部的 B均匀)

$$B = \frac{\mu_0}{2} n I(\cos eta_2 - \cos eta_1)$$

无限长: $B=\mu_0 nI$ 半无限长: $B=\frac{\mu_0 nI}{2}$

10.3 安培环路定理

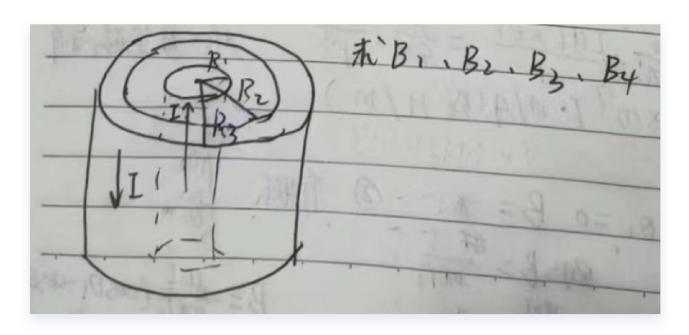
\$\$

\oint \boldsymbol B \mathrm d \boldsymbol l = \mu_0 \sum I_i = \mu_0I \$\$

在恒定电流的磁场中,磁感应强度沿任何闭合路径一周的线积分(即环路积分),等于闭合路径 内所包围并穿过的电流的代数和的 μ_0 倍,而与路径的形状大小无关。

应用

只要选择一条合适的回路, 就可以算出B。



10.4 磁场对载流导体的作用

安培定律

\$\$

\$\$

磁矩m

注意, 这不是磁力矩。

反应载流线圈性质的物理量。

\$\$

\boldsymbol m = IS \boldsymbol e_n

\$\$

I是线圈中的电流,S是载流线圈所围面积, e_n 是线圈平面的法向(右手定则)。

如果线圈有N匝,则有 $m = NISe_{n}$ 。

磁力矩M

\$\$

\boldsymbol M = \boldsymbol m \times \boldsymbol B

\$\$

磁力的功

\$\$

W = I \Delta \Phi

\$\$

10.5 磁场对运动电荷的作用

洛伦兹力

\$\$

\boldsymbol f=q \boldsymbol v \times \boldsymbol B

\$\$

洛伦兹关系式

如果带电粒子在同时存在电场和磁场的空间运动,则有

\$\$

 $\begin{cases} \begin{cases} \begin{cases}$

\$\$

带电粒子在均匀磁场中的运动

- $\mathbf{1}.\mathbf{v} \parallel \mathbf{B}, \sin \theta = 0$,带电粒子受洛伦兹力为0,做匀速直线运动
- 2. $m{v} \perp m{B}, \; m{f} = qvB$ 提供向心力 $F = rac{mv^2}{R}, \;$ 做匀速圆周运动, $R = rac{mv}{qB}$
- 3. v与B斜交成 θ 角,带电粒子做螺旋运动。

霍尔效应

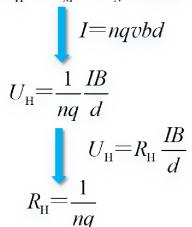
10.5.3 霍耳效应

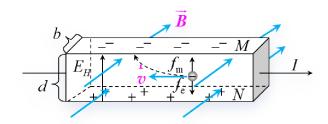
电场力: $f_{e}=qE=q\frac{U_{M}-U_{N}}{h}$

洛仑兹力: $f_{m} = qvB$

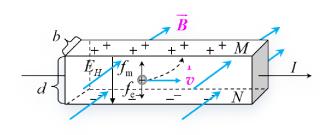
平衡条件: $qvB = q \frac{U_M - U_N}{h}$

电势差: $U_{\text{H}} = U_{\text{M}} - U_{\text{N}} = bvB$





负电荷定向运动



正电荷定向运动

10.6 磁介质

- 有磁介质时,总磁场: $\boldsymbol{B} = \boldsymbol{B}_0 + \boldsymbol{B}' = \mu_0 \mu_r \boldsymbol{H} = \mu \boldsymbol{H}$
- 磁导率μ: μ = μ₀μ_r

• 相对磁导率 μ_r : $\mu_r = \frac{B}{B_0}$

磁化强度 H

磁介质中的安培环路定理

$$\oint_L oldsymbol{H} \mathrm{d} oldsymbol{l} = \sum I$$

$$oldsymbol{\mu}_0 = (1-rac{1}{\mu_r})rac{oldsymbol{B}}{\mu_0}$$