딥러닝 입문 / 중간고사(1반) 10. 27. 2020

1. 이변수 함수

$$f(x,y) = xy$$

에 대하여 learning rate $\eta = 1$ 과 momentum 계수 $\alpha = 1$ 로 NAG를 적용하려 한다. 초기 위치 $\mathbf{x}_0 = (1, 2)$ 에 서 출발하여 세 발자국 걸어갈때, \mathbf{x}_1 , \mathbf{x}_2 , \mathbf{x}_3 를 구하시오.

2. 이변수 함수

$$f(x,y) = xy$$

에 대하여 learning rate $\eta = 1$ 로 AdaGrad를 적용하려 한다. 초기 위치 $\mathbf{x}_0 = (1,2)$ 에서 출발하여 두 발자국 걸어갈때, \mathbf{x}_1 , \mathbf{x}_2 를 구하시오.

- 3. 뉴런의 개수가 각각 784, 400, 300, 200, 100, 10인 5층 신경망을 생각하자. 각 k=1,2,3,4,5에 대하여 k-1층에서 k층으로 가는 Affine 변환의 가중치 행렬을 W_k 라 하자.
 - (i) 활성화 함수(activation function)를 sigmoid함수로 잡고 gradient vanishing이나 표현력 제한이 일어나지 않도록 Xavier 초기값을 따라 초기값을 설정하려 한다. 초기 가중치 행렬 W_1, W_2, W_3, W_4, W_5 를 각각 어떤 분포를 따라 랜덤하게 선택해야 하겠는가?
 - (ii) 활성화 함수(activation function)를 ReLU함수로 잡고 gradient vanishing이나 표현력 제한이 일어나지 않도록 He 초기값을 따라 초기값을 설정하려 한다. 초기 가중치 행렬 W_1,W_2,W_3,W_4,W_5 를 각 어떤 분포를 따라 랜덤하게 선택해야 하겠는가?

4. 5개의 데이터를 묶은 행렬

$$\begin{pmatrix}
-2 & 0 & -2 \\
-1 & 1 & 0 \\
0 & 2 & 1 \\
1 & 3 & 2 \\
2 & 4 & 4
\end{pmatrix}$$

에 대하여 확대는 $\gamma=[\sqrt{2},2\sqrt{2},4],$ 이동은 $\beta=[2,4,6]$ 로써 배치 정규화 (batch normalization)를 적용한 결과를 구하시오.

5. 활성화 함수가 sigmoid인 이층 신경망이 dictionary

$$\{W_1: \begin{bmatrix} -1 & -2 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}, \ b_1: [0,0,0], \ W_2: \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 5 & -5 \\ 9 & 0 \end{bmatrix}, \ b_2: [0,0]\}$$

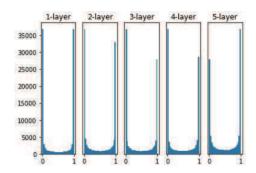
로 주어져 있다. 데이터 $\mathbf{x} = [\log 2, 0]$ 의 라벨이 [0,1]이라 하자. 손실함수는 교차 엔트로피(cross entropy)에 L^2 -규제 (L^2 -regularization)가 가해져 있다. 가중치 감소의 세기가

$$\lambda = \frac{1}{84}$$

일 때, 데이터 x의 손실함수 값을 구하시오.

6. 밑줄 친 부분을 수식으로 바꾸고 이로부터 Adam의 점화식을 이끌어 내시오. class Adam: def __init__(self, lr=0.001, beta1=0.9, beta2=0.999): self.lr = lrself.beta1 = beta1 self.beta2 = beta2 self.iter = 0self.m = None self.v = None def update(self, params, grads): if self.m is None: $self.m, self.v = \{\}, \{\}$ for key, val in params.items(): self.m[key] = np.zeros_like(val) self.v[key] = np.zeros_like(val) self.iter += 1 lr_t = self.lr * np.sqrt(1.0 - self.beta2**self.iter) / (1.0 - self.beta1**self.iter) for key in params.keys(): self.m[key] += (1 - self.beta1) * (grads[key] - self.m[key])

7. 표준편차1로 가중치를 초기화 했을 때 다음과 같은 활성화층의 히스토그램을 얻는다. 빈 칸을 채우시오.



```
input_data = np.random.randn(1000, 100)
  node_num = 100
 hidden_layer_size = 5
  activations = {}
 x = input_data
  for i in range(hidden_layer_size):
      if i ....:
         x = activations[i-1]
      w = np.random.randn(node_num, node_num) * 1
      a = np.dot(x, w)
      z = sigmoid(a)
      activations[i] = z
  for i, a in activations.items():
      plt. (1, len(activations), i+1)
      plt.title( + "-layer")
      if _____: plt.yticks([], [])
      plt. (a.flatten(), 30, range=(0,1))
  plt.show()
```

```
8. 다음은 배치 정규화(batch normalization)의 순전파와 역전파 코드이다. 빈 칸을 채우시오.
    def forward(self, x, train_flg):
        if self.running_mean is None:
            N, D = x.shape
            self.running_mean = np.zeros(D)
            self.running_var = np.zeros(D)
        if train_flg:
            mu = ___
            xc = x - mu
            var = np.mean(xc**2, axis=0)
            std = np.sqrt(var + 10e-7)
            xn = ___
            self.batch_size = x.shape[0]
            self.xc = xc
            self.xn = xn
            self.std = std
            self.running_mean = self.momentum * self.running_mean + (1-self.momentum) * mu
            self.running_var = self.momentum * self.running_var + (1-self.momentum) * var
        else:
            xc = x - self.running_mean
            xn = xc / ((np.sqrt(self.running_var + 10e-7)))
        out = self.gamma * xn + self.beta
        return out
    def backward(self, dout):
        dbeta =
        dgamma =
        dxn = self.gamma * dout
        dxc = dxn / self.std
        dstd = -np.sum((dxn * self.xc) / (self.std * self.std), axis=0)
        dxc += (2.0 / self.batch_size) * self.xc * dvar
        dmu = np.sum(dxc, axis=0)
        dx = dxc - dmu / self.batch_size
        self.dgamma = dgamma
        self.dbeta = dbeta
        return dx
9. 다음은 심층 신경망 코드의 앞부분이다. 빈칸을 채우시오.
    class MultiLayerNet:
        def __init__(self, input_size, hidden_size_list, output_size, activation='relu',
                weight_init_std='relu', weight_decay_lambda=0):
            self.input_size = input_size
            self.output_size = output_size
            self.hidden_size_list = hidden_size_list
            self.hidden_layer_num = len(hidden_size_list)
            self.weight_decay_lambda = weight_decay_lambda
            self.params = {}
            self.__init_weight(weight_init_std)
            activation_layer = {'sigmoid': Sigmoid, 'relu': Relu}
            self.layers = OrderedDict()
            for idx in range(1, self.hidden_layer_num+1):
                self.layers['Affine' + str(idx)] = Affine(self.params['W' + str(idx)],
                                                           self.params['b' + str(idx)])
                self.layers['Activation_function' + str(idx)] = activation_layer[activation]()
```

```
idx = self.hidden_layer_num + 1
              self.layers['Affine' + str(idx)] = Affine(self.params['W' + str(idx)],
                                                              self.params['b' + str(idx)])
              self.last_layer = SoftmaxWithLoss()
          def __init_weight(self, weight_init_std):
              all_size_list = [self.input_size] + self.hidden_size_list + [self.output_size]
              for idx in range(1, len(all_size_list)):
                  scale = weight_init_std
                  if str(weight_init_std).lower() in ('relu', 'he'):
                       scale = 📖
                  elif str(weight_init_std).lower() in ('sigmoid', 'xavier'):
                       scale = ___
                  self.params['W' + str(idx)] =
                  self.params['b' + str(idx)] = np.zeros(all_size_list[idx])
          def predict(self, x):
              for layer in self.layers.values():
                  x = layer.forward(x)
              return x
          def loss(self, x, t):
              y = self.predict(x)
              weight_decay = 0
              for idx in range(1, self.hidden_layer_num + 2):
                  W = self.params['W' + str(idx)]
                  weight_decay += 0.5 * self.weight_decay_lambda * _____
              return self.last_layer.forward(y, t) + _____
10. 다음은 Drop Out 층의 순전파와 역전파를 구현하는 코드이다.
     class Dropout:
          def __init__(self, dropout_ratio=0.5):
              self.dropout_ratio = dropout_ratio
              self.mask = None
          def forward(self, x, train_flg=True):
              if train_flg:
                  self.mask = np.random.rand(*x.shape) > self.dropout_ratio
                  return x * self.mask
              else:
                  return x * (1.0 - self.dropout_ratio)
          def backward(self, dout):
              return dout * self.mask
      입력 데이터와 생성된 random 행렬이 각각
                                \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}, \qquad \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.5 \\ 0.1 & 0.6 & 0.1 \\ 0.9 & 0.8 & 0.2 \end{pmatrix}
   이고 dropout ratio는 0.4라 하자. 훈련할 때와 테스트할 때 출력값이 각각 어떻게 되겠는가?
```

딥러닝 입문 / 중간고사(2반) 10. 28. 2020

1. 이변수 함수

$$f(x,y) = x^2 + xy$$

에 대하여 learning rate $\eta=1$ 과 momentum 계수 $\alpha=1$ 로 Momentum을 적용하려 한다. 초기 위치 $\mathbf{x}_0=(1,1)$ 에서 출발하여 세 발자국 걸어갈때, $\mathbf{x}_1,\mathbf{x}_2,\mathbf{x}_3$ 를 구하시오.

2. 이변수 함수

$$f(x,y) = x^2 + xy$$

에 대하여 learning rate $\eta = 1$ 과 계수 $\beta_1 = \beta_2 = 1/2$ 로 Adam을 적용하려 한다. 초기 위치 $\mathbf{x}_0 = (1,1)$ 에 서 출발하여 두 발자국 걸어갈때, \mathbf{x}_1 , \mathbf{x}_2 를 구하시오.

3. 5개의 데이터를 묶은 행렬

$$\begin{pmatrix}
2 & 1 & 3 \\
1 & 2 & 3 \\
2 & 3 & 2 \\
1 & 4 & 2 \\
4 & 5 & 0
\end{pmatrix}$$

에 대하여 확대는 $\gamma = [\sqrt{30}, 3\sqrt{2}, \sqrt{30}]$, 이동은 $\beta = [5, 6, 10]$ 로써 배치 정규화 (batch normalization)를 적용한 결과를 구하시오.

4. 활성화 함수가 sigmoid인 이층 신경망이 dictionary

$$\{W_1: \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \\ -1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \ b_1: [0,0,0,0,0], \ W_2: \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 \\ 5 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \ b_2: [0,0,0,0,0]\}$$

로 주어져 있다. 데이터 $\mathbf{x} = [\log 2, \log 3, \log 4, \log 5]$ 의 라벨이 [0,0,1,0]이라 하자. 손실함수는 교차 엔트로피(cross entropy)에 L^2 -규제 (L^2 -regularization)가 가해져 있다. 가중치 감소의 세기가 $\lambda = 1/21$ 일 때, 데이터 \mathbf{x} 의 손실함수 값을 구하시오.

5. (4번 문제 계속) 교차 엔트로피(cross entropy)값을 L_c 라 하고 L^2 -규제 (L^2 -regularization)까지 고려한 손실함수 값을 L이라 하자. 첫번째 Affine층에 흘러들어온 교차 엔트로피의 미분이

$$\frac{\partial L_c}{\partial \mathbf{y}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

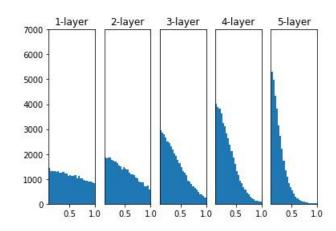
으로 주어져 있다. 여기서, y는 첫번째 Affine층의 출력값이다. L^2 -규제 (L^2 -regularization)까지 고려한 손실함수 L의 첫번째 가중치 W_1 에 대한 미분

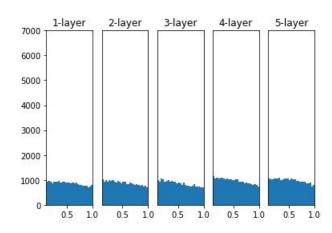
$$\frac{\partial L}{\partial W_1}$$

```
6. 다음은 옵티마이저 RMSProp을 구현하는 코드이다. 빈 칸을 채우시오.
class RMSprop:
    def __init__(self, lr=0.01, decay_rate = 0.99):
        self.lr = lr
        self.decay_rate = decay_rate
        self.h = None
    def update(self, params, grads):
        if self.h is None:
        self.h = {}
        for key, val in params.items():
             self.h[key] = np.zeros_like(val)
        for key in params.keys():
             self.h[key] ______ self.decay_rate
```

7. 다음 코드를 실행하면 좌측의 히스토그램을 얻는다. 오른쪽 히스트그램이 나오도록 코드를 수정하시오.

params[key] -= self.lr * grads[key] / (+ 1e-7)





```
input_data = np.random.randn(1000, 100)
node_num = 100
hidden_layer_size = 5
activations = {}
x = input_data
for i in range(hidden_layer_size):
    if i != 0:
        x = activations[i-1]
    w = np.random.randn(node_num, node_num) * np.sqrt(1.0 / node_num)
    a = np.dot(x, w)
    z = ReLU(a)
    activations[i] = z
for i, a in activations.items():
    plt.subplot(1, len(activations), i+1)
    plt.title(str(i+1) + "-layer")
    if i != 0: plt.yticks([], [])
    plt.hist(a.flatten(), 30, range=(0,1))
plt.show()
```

```
8. 다음은 배치 정규화(batch normalization)의 순전파와 역전파 코드이다. 빈 칸을 채우시오.
    def forward(self, x, train_flg):
        if self.running_mean is None:
            N, D = x.shape
            self.running_mean = np.zeros(D)
            self.running_var = np.zeros(D)
        if train_flg:
            mu = x.mean(axis=0)
            xc = x - mu
            var =
            std = np.sqrt(var + 10e-7)
            xn = xc / std
            self.batch_size = x.shape[0]
            self.xc = xc
            self.xn = xn
            self.std = std
            self.running_mean = self.momentum * self.running_mean + (1-self.momentum) * mu
            self.running_var = self.momentum * self.running_var + (1-self.momentum) * var
        else:
            xc = x - self.running_mean
            xn = xc / ((np.sqrt(self.running_var + 10e-7)))
        out =self.gamma * ____ + self.beta
        return out
    def backward(self, dout):
        dbeta =
        dgamma = np.sum(self.xn * dout, axis=0)
        dxn =   * dout
        dxc = dxn / self.std
        dstd = -np.sum((dxn * self.xc) / (self.std * self.std), axis=0)
        dvar = 0.5 * dstd /
        dxc += (2.0 / self.batch_size) * self.xc * dvar
        dmu = np.sum(dxc, axis=0)
        dx = dxc - dmu / self.batch_size
        self.dgamma = dgamma
        self.dbeta = dbeta
        return dx
9. 다음은 심층 신경망 코드의 앞부분이다. 빈칸을 채우시오.
    class MultiLayerNet:
        def __init__(self, input_size, hidden_size_list, output_size, activation='relu',
                weight_init_std='relu', weight_decay_lambda=0):
            self.input_size = input_size
            self.output_size = output_size
            self.hidden_size_list = hidden_size_list
            self.hidden_layer_num = len(hidden_size_list)
            self.weight_decay_lambda = weight_decay_lambda
            self.params = {}
            self.__init_weight(weight_init_std)
            activation_layer = {'sigmoid': Sigmoid, 'relu': Relu}
```

self.layers = OrderedDict()

```
for idx in range(1, self.hidden_layer_num+1):
                  self.layers['Affine' + str(idx)] = Affine(self.params['W' + str(idx)],
                                                                 self.params['b' + str(idx)])
                  self.layers['Activation_function' + str(idx)] = activation_layer[activation]()
              idx = self.hidden_layer_num + 1
              self.layers['Affine' + str(idx)] = Affine(self.params['W' + str(idx)],
                                                             self.params['b' + str(idx)])
              self.last_layer = SoftmaxWithLoss()
         def __init_weight(self, weight_init_std):
              all_size_list = [self.input_size] + self.hidden_size_list + [self.output_size]
              for idx in range(1, len(all_size_list)):
                  scale = weight_init_std
                  if str(weight_init_std).lower() in ('relu', 'he'):
                      scale =
                  elif str(weight_init_std).lower() in ('sigmoid', 'xavier'):
                      scale = ___
                  self.params['W' + str(idx)] = ____
                  self.params['b' + str(idx)] = np.zeros(all_size_list[idx])
         def predict(self, x):
              for layer in self.layers.values():
                  x = layer.forward(x)
              return x
         def loss(self, x, t):
              y = self.predict(x)
              weight_decay = 0
              for idx in range(1, self.hidden_layer_num + 2):
                  W = self.params['W' + str(idx)]
                  weight_decay += 0.5 * self.weight_decay_lambda * 
              return self.last_layer.forward(y, t) +
10. 다음은 Drop Out 층의 순전파와 역전파를 구현하는 코드이다.
     class Dropout:
         def __init__(self, dropout_ratio=0.5):
              self.dropout_ratio = dropout_ratio
              self.mask = None
         def forward(self, x, train_flg=True):
              if train_flg:
                  self.mask = np.random.rand(*x.shape) > self.dropout_ratio
                  return x * self.mask
              else:
                  return x * (1.0 - self.dropout_ratio)
         def backward(self, dout):
              return dout * self.mask
     입력 데이터와 생성된 random 행렬이 각각
                               \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}, \qquad \begin{pmatrix} 0.4 & 0.8 & 0.7 \\ 0.2 & 0.6 & 0.6 \\ 0.1 & 0.1 & 0.9 \end{pmatrix}
   이고 dropout ratio는 0.3라 하자. 훈련할 때와 테스트할 때 출력값이 각각 어떻게 되겠는가?
```

딥러닝 입문 / 중간고사(3반) 10. 30. 2020

1. 이변수 함수

$$f(x,y) = xy$$

에 대하여 learning rate $\eta=1$ 과 momentum 계수 $\alpha=1$ 로 Momentum을 적용하려 한다. 초기 위치 $\mathbf{x}_0=(1,2)$ 에서 출발하여 세 발자국 걸어갈때, $\mathbf{x}_1,\mathbf{x}_2,\mathbf{x}_3$ 를 구하시오.

2. 이변수 함수

$$f(x,y) = xy$$

에 대하여 learning rate $\eta=1$ 과 forgetting factor $\gamma=3/4$ 으로 RMSProp을 적용하려 한다. 초기 위치 $\mathbf{x}_0=(1,2)$ 에서 출발하여 두 발자국 걸어갈때, $\mathbf{x}_1,\mathbf{x}_2$ 를 구하시오.

3. 5개의 데이터를 묶은 행렬

$$\begin{pmatrix}
2 & -2 & -2 \\
0 & -1 & 1 \\
-1 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 4 \\
4 & 2 & 2
\end{pmatrix}$$

에 대하여 확대는 $\gamma=[4\sqrt{5},2\sqrt{2},4],$ 이동은 $\beta=[10,4,6]$ 로써 배치 정규화 (batch normalization)를 적용한 결과를 구하시오.

4. (3번 문제 계속) batch normalization층으로 흘러 들어온 미분이

$$\begin{pmatrix} 1 & -\sqrt{2} & -2 \\ 1 & -\sqrt{2} & 2 \\ 1 & 2 & -2 \\ 1 & \sqrt{2} & 2 \\ 1 & \sqrt{2} & 2 \end{pmatrix}$$

일 때, 미분 $\frac{\partial L}{\partial \beta}$ 와 $\frac{\partial L}{\partial \gamma}$ 의 값을 구하시오.

5. 활성화 함수가 Relu인 이층 신경망이 dictionary

$$\{W_1: \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}, \ b_1: [0,0,0,0,0], \ W_2: \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 6 & 0 \end{bmatrix}, \ b_2: [0,0,0,0,0]\}$$

로 주어져 있다. 데이터 $\mathbf{x}=[1,2,3,4,5]$ 의 라벨이 [1,0,0,0,0]이라 하자. 손실함수는 교차 엔트로 피(cross entropy)에 L^2 -규제 (L^2 -regularization)가 가해져 있다. 가중치 감소의 세기가 $\lambda=\frac{1}{5}$ 일 때, 데이터 \mathbf{x} 의 손실함수 값을 구하시오.

```
6. 밑줄 친 부분을 수식으로 바꾸고 이로부터 Adam의 점화식을 이끌어 내시오.
    class Adam:
        def __init__(self, lr=0.001, beta1=0.9, beta2=0.999):
            self.lr = lr
            self.beta1 = beta1
            self.beta2 = beta2
            self.iter = 0
            self.m = None
            self.v = None
        def update(self, params, grads):
            if self.m is None:
                self.m, self.v = \{\}, \{\}
                for key, val in params.items():
                    self.m[key] = np.zeros_like(val)
                    self.v[key] = np.zeros_like(val)
            self.iter += 1
            lr_t = self.lr * np.sqrt(1.0 - self.beta2**self.iter)
                    / (1.0 - self.beta1**self.iter)
            for key in params.keys():
                self.m[key] += (1 - self.beta1) * (grads[key] - self.m[key])
                self.v[key] += (1 - self.beta2) * (grads[key]**2 - self.v[key])
                params[key] -= lr_t * self.m[key] / (np.sqrt(self.v[key]) + 1e-7)
7. 다음은 배치 정규화(batch normalization)의 순전파와 역전파 코드이다. 빈 칸을 채우시오.
    def forward(self, x, train_flg):
        if self.running_mean is None:
            N, D = x.shape
            self.running_mean = np.zeros(D)
            self.running_var = np.zeros(D)
        if train_flg:
            mu = x.mean(axis=0)
            xc = x - mu
            var = np.mean(xc**2, axis=0)
            std = np.sqrt(var + 10e-7)
            xn = xc / std
            self.batch_size = x.shape[0]
            self.xc = xc
            self.xn = xn
            self.std = std
            self.running_mean = self.momentum * self.running_mean + (1-self.momentum) * mu
            self.running_var = self.momentum * self.running_var + (1-self.momentum) * var
        else:
            xc =
            xn = xc / ((np.sqrt(\square + 10e-7)))
        out = self.gamma * xn + self.beta
        return out
    def backward(self, dout):
```

```
dbeta =
        dgamma = np.sum(self.xn * dout, axis=0)
        dxn =   * dout
        dxc = dxn / self.std
        dstd = -np.sum((dxn * self.xc) / (self.std * self.std), axis=0)
        dxc += (2.0 / self.batch_size) * self.xc * dvar
        dmu = np.sum(dxc, axis=0)
        dx = dxc - dmu / self.batch_size
        self.dgamma = dgamma
        self.dbeta = dbeta
        return dx
8. 다음은 심층 신경망 코드의 앞부분이다. 빈칸을 채우시오.
    class MultiLayerNet:
        def __init__(self, input_size, hidden_size_list, output_size, activation='relu',
                weight_init_std='relu', weight_decay_lambda=0):
            self.input_size = input_size
            self.output_size = output_size
            self.hidden_size_list = hidden_size_list
            self.hidden_layer_num = len(hidden_size_list)
            self.weight_decay_lambda = weight_decay_lambda
            self.params = {}
            self.__init_weight(weight_init_std)
            activation_layer = {'sigmoid': Sigmoid, 'relu': Relu}
            self.layers = OrderedDict()
            for idx in range(1, self.hidden_layer_num+1):
                self.layers['Affine' + str(idx)] = Affine(self.params['W' + str(idx)],
                                                            self.params['b' + str(idx)])
                self.layers['Activation_function' + str(idx)] = activation_layer[activation]()
            idx = self.hidden_layer_num + 1
            self.layers['Affine' + str(idx)] = Affine(self.params['W' + str(idx)],
                                                        self.params['b' + str(idx)])
            self.last_layer = SoftmaxWithLoss()
        def __init_weight(self, weight_init_std):
            all_size_list = [self.input_size] + self.hidden_size_list + [self.output_size]
            for idx in range(1, len(all_size_list)):
                scale = weight_init_std
                if str(weight_init_std).lower() in ('relu', 'he'):
                    scale = \square
                elif str(weight_init_std).lower() in ('sigmoid', 'xavier'):
                    scale = 📖
                self.params['W' + str(idx)] = _____
                self.params['b' + str(idx)] = np.zeros(all_size_list[idx])
        def predict(self, x):
            for layer in self.layers.values():
                x = layer.forward(x)
```

```
return x
        def loss(self, x, t):
            y = self.predict(x)
            weight_decay = 0
            for idx in range(1, self.hidden_layer_num + 2):
                W = self.params['W' + str(idx)]
                weight_decay += 0.5 * self.weight_decay_lambda * _____
            return self.last_layer.forward(y, t) + _____
9. (8번 계속) 다음은 심층 신경망 코드의 뒷부분이다. 빈칸을 채우시오.
        def accuracy(self, x, t):
            y = self.predict(x)
            y = np. \square (y, axis=1)
            return accuracy
        def gradient(self, x, t):
            self.loss(x, t)
            dout = 1
            dout = self.last_layer.backward(dout)
            layers = list(self.layers.values())
            layers.
            for layer in layers:
                dout = layer.backward(dout)
            grads = {}
            for idx in range(1, self.hidden_layer_num+2):
                grads['W' + str(idx)] = self.layers['Affine' + str(idx)].dW
                                          + ____ * __
                grads['b' + str(idx)] = self.layers['Affine' + str(idx)].db
            return grads
10. 다음은 Drop Out 층의 순전파와 역전파를 구현하는 코드이다. 빈칸을 채우시오.
     class Dropout:
        def __init__(self, dropout_ratio=0.5):
            self.dropout_ratio = dropout_ratio
            self.mask = None
        def forward(self, x, train_flg=True):
            if train_flg:
                self.mask = np.random. ( x.shape) > self.dropout_ratio
                return x
            else:
                return x
        def backward(self, dout):
            return dout
```

1. 데이터 X가 N × C × H × W = 2 × 2 × 3 × 3 텐서

$$X = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로, 필터 W가 FN × C × FH × FW = 2 × 2 × 2 × 2 텐서

$$W = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로 주어져 있다. no padding과 stride=1로 합성곱한 값을 구하시오.

2. (1번 문제 계속) 다음은 합성곱 클래스의 순전파 코드이다. 편향이 $b_1=1,\,b_2=2$ 로 주어져 있다. 밑줄 친 4개의 값을 구하시오.

def forward(self, x):

FN, C, FH, FW = self.W.shape

N, C, H, W = x.shape

out_h = 1 + int((H + 2*self.pad - FH) / self.stride)

out_w = 1 + int((W + 2*self.pad - FW) / self.stride)

col = im2col(x, FH, FW, self.stride, self.pad)

col_W = self.W.reshape(FN, -1).T

out = np.dot(col, col_W) + self.b

 $\underline{\text{out}} = \underline{\text{out.reshape}}(N, \underline{\text{out_h}}, \underline{\text{out_w}}, -1).\underline{\text{transpose}}(0, 3, 1, 2)$

self.x = x

self.col = col

self.col_W = col_W

return out

- 3. (1,2번 문제 계속) 주어진 합성곱층을 Affine층으로 바꾸시오. 즉, 입력 노드, 출력 노드, 에지를 그리고 에지위에 가중치를 표시하고 가중치 행렬과 편향 벡터를 구하고 데이터를 나열하시오.
- 4. (1,2번 문제 계속) 다음은 합성곱 클래스의 역전파 코드이다. 흘러 들어온 미분이

$$\frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

일 때, 밑줄친 6개의 값을 구하시오.

def backward(self, dout):

FN, C, FH, FW = self.W.shape

dout = dout.transpose(0,2,3,1).reshape(-1, FN)
self.db = np.sum(dout, axis=0)
self.dW = np.dot(self.col.T, dout)
self.dW = self.dW.transpose(1, 0).reshape(FN, C, FH, FW)
dcol = np.dot(dout, self.col_W.T)
dx = col2im(dcol, self.x.shape, FH, FW, self.stride, self.pad)
return dx

5. 데이터 X가 $N \times C \times H \times W = 2 \times 2 \times 3 \times 3$ 텐서

$$X = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 7 & 3 & 8 \\ 6 & 5 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 8 & 0 & 1 \\ 2 & 7 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 5 & 1 & 4 \\ 2 & 0 & 3 \\ 8 & 6 & 7 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 5 & 6 & 7 \\ 3 & 8 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로 주어져 있다. PH=2, PW=2, padding=0, stride=1로 Max Pooling한 값을 구하시오.

6. (5번 문제 계속) 다음은 Max Pooling 클래스의 순전파 코드이다. 밑줄친 4개의 값을 구하시오. def forward(self, x):

N, C, H, W = x.shape
out_h = int(1 + (H - self.pool_h) / self.stride)
out_w = int(1 + (W - self.pool_w) / self.stride)
col = im2col(x, self.pool_h, self.pool_w, self.stride, self.pad)
col = col.reshape(-1, self.pool_h*self.pool_w)
arg_max = np.argmax(col, axis=1)
out = np.max(col, axis=1)
out = out.reshape(N, out_h, out_w, C).transpose(0, 3, 1, 2)
self.x = x
self.arg_max = arg_max
return out

7. (5번 문제 계속) Max Pooling층으로 흘러들어온 미분이

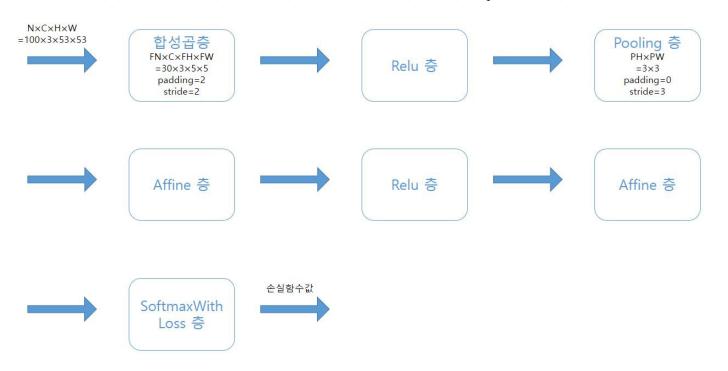
$$\frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

일 때, 데이터에 대한 미분

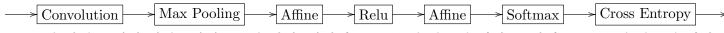
$$\frac{\partial L}{\partial X}$$

을 구하시오.

8. 합성곱 신경망이 다음과 같은 층으로 이루어져 있다. 은닉층의 뉴런수는 50개이고 출력층의 뉴런수는 10개이다. 53×53 해상도와 RGB 채널을 가지는 컬러사진 100장을 넣었을때 흘러가는 데이터의 shape을 화살표마다 순서대로 쓰시오. 첫번째 Affine층의 가중치 행렬의 shape을 구하시오.



9. 합성곱 신경망이



와 같이 주어져 있다. 합성곱층의 필터, 첫번째 Affine층의 가중치 행렬, 두번째 Affine층의 가중치 행렬이 각각

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \qquad \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \qquad \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & \log 2 \\ \log 3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \log 4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \log 5 & 0 \end{pmatrix}$$

으로 주어져 있다. 편향은 모두 없다. 합성곱층에서는 stride=1, padding=0이고 Max Pooling층에서는 PH=PW=2, stride=2, padding=0이다. 데이터

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

의 라벨이 [0,0,0,1]일 때, 손실함수 값을 구하시오.

10. transpose(0,3,1,2)의 역전파를 구하시오.

$$X = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로, 필터 W가 $FN \times C \times FH \times FW = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ 텐서

$$W = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로 주어져 있다. padding=0와 stride=1로 합성곱한 값을 구하시오.

2. (1번 문제 계속) 다음은 합성곱 클래스의 순전파 코드이다. 편향이 $b_1 = -1$, $b_2 = -2$ 로 주어져 있다. 밑 줄친 4개의 값을 구하시오.

def forward(self, x):

FN, C, FH, FW = self.W.shape

N, C, H, W = x.shape

out_h = 1 + int((H + 2*self.pad - FH) / self.stride)

out_w = 1 + int((W + 2*self.pad - FW) / self.stride)

col = im2col(x, FH, FW, self.stride, self.pad)

col_W = self.W.reshape(FN, -1).T

out = np.dot(col, col_W) + self.b

out = out.reshape(N, out_h, out_w, -1).transpose(0, 3, 1, 2)

self.x = x

self.col = col

self.col_W = col_W

return out

3. (1,2번 문제 계속) 다음은 합성곱 클래스의 역전파 코드이다. 흘러 들어온 미분이

$$\frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

일 때, 밑줄친 6개의 값을 구하시오.

def backward(self, dout):

FN, C, FH, FW = self.W.shape

dout = dout.transpose(0,2,3,1).reshape(-1, FN)

self.db = np.sum(dout, axis=0)

self.dW = np.dot(self.col.T, dout)
self.dW = self.dW.transpose(1, 0).reshape(FN, C, FH, FW)
dcol = np.dot(dout, self.col_W.T)
dx = col2im(dcol, self.x.shape, FH, FW, self.stride, self.pad)
return dx

4. 데이터 X가 N × C × H × W = 2 × 2 × 3 × 3 텐서

$$X = \begin{pmatrix} 5 & 6 & 7 \\ 3 & 8 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 4 & 0 & 5 \\ 1 & 2 & 3 \\ 7 & 6 & 8 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 8 & 7 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 0 & 1 & 8 \\ 7 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

로 주어져 있다. PH=2, PW=2, no padding, stride=1로 Max Pooling한 값을 구하시오.

5.~(4번 문제 계속) 다음은 \max Pooling 클래스의 순전파 코드이다. 밑줄친 4개의 값을 구하시오.

def forward(self, x):

N, C, H, W = x.shape

out_h = int(1 + (H - self.pool_h) / self.stride)

out_w = int(1 + (W - self.pool_w) / self.stride)

col = im2col(x, self.pool_h, self.pool_w, self.stride, self.pad)

col = col.reshape(-1, self.pool_h*self.pool_w)

arg_max = np.argmax(col, axis=1)

out = np.max(col, axis=1)

out = out.reshape(N, out_h, out_w, C).transpose(0, 3, 1, 2)

self.x = x

self.arg_max = arg_max

return out

6. (4번 문제 계속) Max Pooling층으로 흘러들어온 미분이

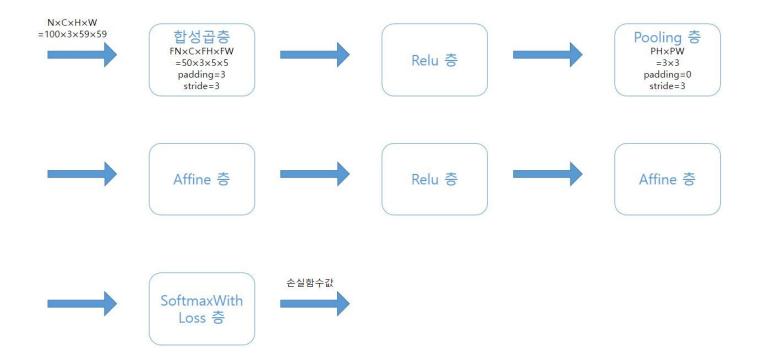
$$\frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

일 때, 데이터에 대한 미분

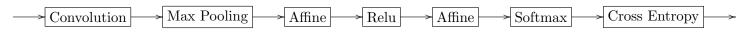
$$\frac{\partial L}{\partial X}$$

을 구하시오.

7. 합성곱 신경망이 다음과 같은 층으로 이루어져 있다. 은닉층의 뉴런수는 100개이고 출력층의 뉴런수는 10개이다. 59×59 해상도와 RGB 채널을 가지는 컬러사진 100장을 넣었을때 흘러가는 데이터의 shape을 화살표마다 순서대로 쓰시오. 첫번째 Affine층의 가중치 행렬의 shape을 구하시오.



- 8. (7번 문제 계속) He 초기값을 따라 필터와 가중치 행렬을 초기화하려 한다. 합성곱층의 필터 W_1 , 첫번째 Affine층의 가중치 행렬 W_2 , 두번째 Affine층의 가중치 행렬 W_3 를 각각 어떤 분포를 따라 랜덤하게 초기 화해야 하는가?
- 9. 합성곱 신경망이



와 같이 주어져 있다. 합성곱층의 필터, 첫번째 Affine층의 가중치 행렬, 두번째 Affine층의 가중치 행렬 이 각각

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \qquad \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}, \qquad \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & \log 5 \\ 0 & 0 & \log 4 & 0 \\ 0 & \log 3 & 0 & 0 \\ \log 2 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

으로 주어져 있다. 편향은 모두 없다. 합성곱층에서는 stride=1, padding=0이고 Max Pooling층에서는 PH=PW=2, stride=2, padding=0이다. 데이터

의 라벨이 [0,1,0,0]일 때, 손실함수 값을 구하시오.

```
10. 다음 코드를 실행했을때 출력되는 3개의 이미지를 순서대로 그리시오.
     img=np.zeros((100,100))
     img[:50,:50]=1.
     plt.imshow(img, cmap=plt.cm.gray)
     plt.show()
     w1=np.array([[[[1,2,1],[0,0,0],[-1,-2,-1]]]])
     conv_layer1 = Convolution(w1, b)
     img = img.reshape(1, 1, *img.shape)
     out = conv_layer1.forward(img)
     out = out.reshape(out.shape[2], out.shape[3])
     plt.imshow(out, cmap=plt.cm.gray)
     plt.show()
     w2=np.array([[[[1,0,-1],[2,0,-2],[1,0,-1]]]])
     conv_layer2 = Convolution(w2, b)
     out = conv_layer2.forward(img)
     out = out.reshape(out.shape[2], out.shape[3])
     plt.imshow(out, cmap=plt.cm.gray)
     plt.show()
```

1. 데이터 X가 N × C × H × W = 2 × 2 × 3 × 3 텐서

$$X = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로, 필터 W가 $FN \times C \times FH \times FW = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 1$ 테서

$$W = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로 주어져 있다. padding=0와 stride=1로 합성곱한 값을 구하시오.

2. (1번 문제 계속) 다음은 합성곱 클래스의 순전파 코드이다. 편향이 $b_1=2,\,b_2=1$ 로 주어져 있다. 밑줄 친 4개의 값을 구하시오.

def forward(self, x):

FN, C, FH, FW = self.W.shape

N, C, H, W = x.shape

out_h = 1 + int((H + 2*self.pad - FH) / self.stride)

out_w = 1 + int((W + 2*self.pad - FW) / self.stride)

col = im2col(x, FH, FW, self.stride, self.pad)

col_W = self.W.reshape(FN, -1).T

out = np.dot(col, col_W) + self.b

out = out.reshape(N, out_h, out_w, -1).transpose(0, 3, 1, 2)

self.x = x

self.col = col

self.col_W = col_W

return out

3. (1,2번 문제 계속) 다음은 합성곱 클래스의 역전파 코드이다. 흘러 들어온 미분이

$$\frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

일 때, 밑줄친 6개의 값을 구하시오.

def backward(self, dout):

FN, C, FH, FW = self.W.shape

dout = dout.transpose(0,2,3,1).reshape(-1, FN)

self.db = np.sum(dout, axis=0)

self.dW = np.dot(self.col.T, dout)
self.dW = self.dW.transpose(1, 0).reshape(FN, C, FH, FW)
dcol = np.dot(dout, self.col_W.T)
dx = col2im(dcol, self.x.shape, FH, FW, self.stride, self.pad)
return dx

4. 데이터 X가 $N \times C \times H \times W = 2 \times 2 \times 3 \times 3$ 텐서

$$X = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 & 0 & 3 \\ 5 & 2 & 1 \\ 6 & 4 & 8 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 7 & 6 & 5 \\ 3 & 8 & 4 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 2 & 0 & 6 \\ 8 & 7 & 5 \\ 4 & 3 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 6 & 3 \\ 1 & 2 & 5 \\ 4 & 8 & 7 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

로 주어져 있다. PH=2, PW=2, no padding, stride=1로 Max Pooling한 값을 구하시오.

5. (4번 문제 계속) 다음은 Max Pooling 클래스의 순전파 코드이다. 밑줄친 4개의 값을 구하시오.

def forward(self, x):

N, C, H, W = x.shape

out_h = int(1 + (H - self.pool_h) / self.stride)

out_w = int(1 + (W - self.pool_w) / self.stride)

col = im2col(x, self.pool_h, self.pool_w, self.stride, self.pad)

col = col.reshape(-1, self.pool_h*self.pool_w)

arg_max = np.argmax(col, axis=1)

out = np.max(col, axis=1)

out = out.reshape(N, out_h, out_w, C).transpose(0, 3, 1, 2)

self.x = x

self.arg_max = arg_max

return out

6. (4번 문제 계속) Max Pooling층으로 흘러들어온 미분이

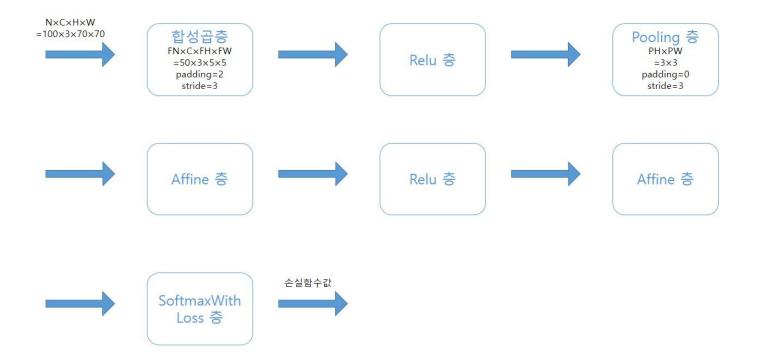
$$\frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

일 때, 데이터에 대한 미분

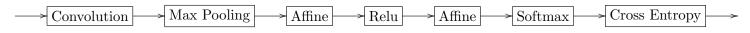
$$\frac{\partial L}{\partial X}$$

을 구하시오.

7. 합성곱 신경망이 다음과 같은 층으로 이루어져 있다. 은닉층의 뉴런수는 80개이고 출력층의 뉴런수는 10개이다. 70×70 해상도와 RGB 채널을 가지는 컬러사진 100장을 넣었을때 흘러가는 데이터의 shape을 화살표마다 순서대로 쓰시오. 첫번째 Affine층의 가중치 행렬의 shape을 구하시오.



- 8. (7번 문제 계속) He 초기값을 따라 필터와 가중치 행렬을 초기화하려 한다. 합성곱층의 필터 W_1 , 첫번째 Affine층의 가중치 행렬 W_2 , 두번째 Affine층의 가중치 행렬 W_3 를 각각 어떤 분포를 따라 랜덤하게 초기 화해야 하는가?
- 9. 합성곱 신경망이



와 같이 주어져 있다. 합성곱층의 필터 W_1 , 첫번째 Affine층의 가중치 행렬 W_2 , 두번째 Affine층의 가중 치 행렬 W_3 가 각각

$$W_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \qquad W_2 = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, \qquad W_3 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

으로 주어져 있다. 편향은 모두 없다. 합성곱층에서는 stride=1, padding=0이고 Max Pooling층에서는 PH=PW=2, stride=1, padding=0이다. 데이터

$$\begin{pmatrix}
2 & 0 & 0 & 2 \\
0 & 1 & 1 & 0 \\
0 & 1 & 1 & 0 \\
2 & 0 & 0 & 2
\end{pmatrix}$$

의 라벨이 [0,0,0,1]일 때, 손실함수 값을 구하시오.

10. (9번 문제 계속) 역전파를 통하여 세 gradient

$$\frac{\partial L}{\partial W_3}, \qquad \frac{\partial L}{\partial W_2}, \qquad \frac{\partial L}{\partial W_1}$$

를 구하시오.