1. Sigmoid 층으로 들어오는 데이터 배치 묶음 X와 위에서 흘러들어오는 미분 $\frac{\partial L}{\partial Y}$ 이 각각

$$X = \begin{pmatrix} \log 2 & \log 3 & \log 4 & \log 5 \\ \log 6 & \log 7 & \log 8 & \log 9 \end{pmatrix}, \qquad \frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} 3^2 & 4^2 & 5^2 & 6^2 \\ 7^2 & 8^2 & 9^2 & 10^2 \end{pmatrix}$$

이라 하자.

(i) 밑으로 흘려보내는 미분 $\frac{\partial L}{\partial X}$ 을 구하시오.

$$\xrightarrow[\frac{\partial L}{\partial X}]{\underbrace{Sigmoid}} \xrightarrow[\frac{\partial L}{\partial Y}]{\underbrace{Y}}$$

- (ii) Sigmoid 클래스로 검산하시오.
- 2. 다음과 같이 Sigmoid층 클래스를 작성했더니 순전파는 정상적으로 작동했으나 역전파는 에러가 났다. 그 이유를 설명하고 코드를 수정하시오.

class Sigmoid:

pass

return out

def backward(self, dout):

$$dx = dout * (1.0 - out) * out$$

return dx

3. ReLU층으로 들어오는 데이터 배치 묶음 X와 위에서 흘러들어오는 미분 $\frac{\partial L}{\partial Y}$ 이 각각

$$X = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 & -4 \\ -5 & 6 & -7 & 8 \end{pmatrix}, \qquad \frac{\partial L}{\partial Y} = \begin{pmatrix} 1 & -2 & -3 & 4 \\ -1 & 2 & 3 & -4 \end{pmatrix}$$

이라 하자.

(i) 밑으로 흘려보내는 미분 $\frac{\partial L}{\partial X}$ 을 구하시오.

$$\xrightarrow{\frac{\partial L}{\partial X}} \underbrace{\begin{array}{c} X \\ \text{ReLU} \end{array}}_{} \underbrace{\begin{array}{c} Y \\ \frac{\partial L}{\partial Y} \end{array}}_{}$$

- (ii) Relu 클래스로 검산하시오.
- 4. 다음과 같이 Affine층과 Sigmoid층이 번갈아 가며 나타나는 10층 신경망을 생각하자.

각 층의 뉴런의 개수는 모두 100개이다. 각 Affine층의 가중치 행렬은 평균 0, 표준편차 0.1인 정규분포를 따라 랜덤하게 생성되었고 편향벡터는 영벡터이다.

- (i) 입력층에 들어오는 데이터와 마지막 층으로 들어오는 미분은 [0,1]위의 균등분포를 따라 랜덤하게 생성되었다. 각 Affine 층의 가중치 행렬에 대한 미분의 원소들의 제곱의 합을 출력하시오.
- (ii) 활성화 함수를 Relu로 바꾼후 동일한 작업을 하시오.