- 1. 가중치 w_1, w_2 가 1인 퍼셉트론을 생각하자. 어떤 범위의 임계값 θ 에 대하여 이 퍼셉트론은 OR케이트를 표현하는가? 그리고, 어떤 범위의 임계값 θ 에 대하여 AND 케이트를 표현하는 가?
- 2. (i) 다음은 NOR 게이트의 진리표이다. 적절한 가중치 w_1, w_2 와 임계값 θ 를 잡아 단층 퍼셉트론을 이용하여 NOR 게이트를 구현하시오.

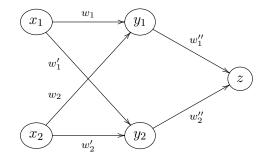
$$\begin{array}{c|cccc} p & q & p \downarrow q \\ \hline T & T & F \\ T & F & F \\ F & T & F \\ F & F & T \end{array}$$

- (ii) OR_gate.py를 수정하여 (i)을 구현하시오.
- 3. (i) 적절한 가중치 w_1,w_2 와 임계값 θ 를 잡아 퍼셉트론을 이용하여 조건명제 $p \to q$ 를 구현하 시오.
 - (ii) AND_gate.py를 수정하여 (i)을 구현하시오.
- 4. (i) 단층 퍼셉트론으로는 동치를 나타내는 조건 명제

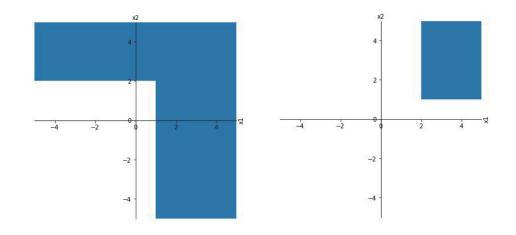
$$(p \to q)$$
 and $(q \to p)$

를 표현할 수 없음을 기하학적으로 설명하시오.

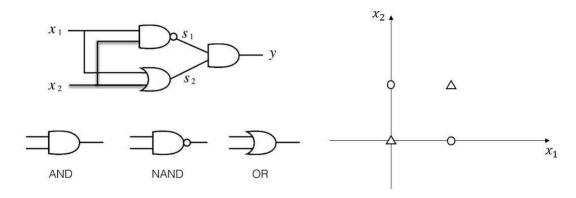
- (ii) 다층 퍼셉트론으로 위 동치를 나타내는 조건명제를 표현하시오.
- (iii) XOR_gate.py를 수정하여 (ii)를 구현하시오.
- 5. (i) 참을 거짓으로 거짓을 참으로 바꾸는 NOT 게이트를 생각하자. 적절한 가중치 w와 임계값 θ 를 잡아 퍼셉트론을 이용하여 NOT 게이트를 표현하시오. (입력이 하나이므로 가중치도 한개이다.)
 - (ii) 퍼셉트론을 이용한 NOT 게이트를 코드로 구현하시오.
 - § 다음 이층 퍼셉트론을 생각하자.



- 6. (i) 적절한 가중치와 임계값 (w_1, w_2, θ) , (w_1', w_2', θ') , (w_1'', w_2'', θ'') 을 선택하여 퍼셉트론이 XOR 게이트를 표현하도록 하시오.
 - (ii) 다른 게이트의 코드를 사용하지 않고 XOR 게이트를 직접 구현하시오.
- 7. (i) 가중치와 임계값 $(w_1, w_2, \theta), (w_1', w_2', \theta'), (w_1'', w_2'', \theta'')$ 을 적절히 선택하여 참이 되는 (x_1, x_2) 가 왼쪽 영역이 되도록 하시오.
 - (ii) 코드로 구현하시오.
 - (iii) 오른쪽 영역에 대하여 같은 작업을 하시오.



8. 다음은 2층 퍼셉트론으로 XOR 게이트를 구현하는 방법이다. 이를 기하학적으로 설명하려 한다.



- (i) 적절한 가중치 w_1, w_2 와 임계값 θ 를 잡아 NAND 게이트를 구현하고 오른쪽 좌표평면에 영역을 그리시오.
- (ii) 적절한 가중치 w_1, w_2 와 임계값 θ 를 잡아 OR 게이트를 구현하고 오른쪽 좌표평면에 영역을 그리시오.
- (iii) 두 영역에 AND 게이트를 적용한 후 오른쪽 좌표평면에 그리시오. 위 2층 퍼셉트론이 XOR 게이트를 구현함을 기하학적으로 설명하시오.