

## 백준 문제풀이 12865 배낭 문제

### 문제 설명:

이 문제는 아주 평범한 배낭에 관한 문제이다.

한 달 후면 국가의 부름을 받게 되는 준서는 여행을 가려고 한다. 세상과의 단절을 슬퍼하며 최대한 즐기기 위한 여행이기 때문에, 가지고 다닐 배낭 또한 최대한 가치 있게 싸려고 한다.

준서가 여행에 필요하다고 생각하는  $N$ 개의 물건이 있다. 각 물건은 무게  $W$ 와 가치  $V$ 를 가지는데, 해당 물건을 배낭에 넣어서 가면 준서가  $V$ 만큼 즐길 수 있다. 아직 행군을 해본 적이 없는 준서는 최대  $K$ 만큼의 무게만을 넣을 수 있는 배낭만 들고 다닐 수 있다. 준서가 최대한 즐거운 여행을 하기 위해 배낭에 넣을 수 있는 물건들의 가치의 최댓값을 알려주자.

### 문제 입력:

첫 줄에 물품의 수  $N$  ( $1 \leq N \leq 100$ )과 준서가 버틸 수 있는 무게  $K$  ( $1 \leq K \leq 100,000$ )가 주어진다. 두 번째 줄부터  $N$ 개의 줄에 걸쳐 각 물건의 무게  $W$  ( $1 \leq W \leq 100,000$ )와 해당 물건의 가치  $V$  ( $0 \leq V \leq 1,000$ )가 주어진다.

입력으로 주어지는 모든 수는 정수이다.

### 문제 출력:

예제 입력 1 복사

```
4 7
6 13
4 8
3 6
5 12
```

예제 출력 1 복사

```
14
```

## 문제 개인 설명:

이 문제는 배낭 문제로 DP문제로 유명하다. 아이템 개수와 배낭 무게가 주어졌을 때 가장 가치가 높게 가방에 담는 최대값을 구하는 문제이다.

즉 4 7을 입력했을 때 무게 7로 가장 max로 담을 수 있는 값은 4 8, 3 6으로 14가 최대값이다.

## 문제 풀이 방법:

DP 점화식이 떠오르지 않아 대학교 알고리즘 강의 자료를 보아 다음과 같은 수도 코드를 얻었다.

### Pseudocode

```
for w = 0 for W {  
    F[0, w] = 0  
}  
  
for i = 1 to n {  
    F[i, 0] = 0  
}  
  
for i = 1 to n {  
    for w = 0 to W {  
        if w[i] <= w {  
            if v[i] + F[i-1, w-w[i]] > F[i-1, w] {  
                F[i, w] = v[i] + F[i-1, w-w[i]]  
            } else {  
                F[i, w] = F[i-1, w]  
            }  
        } else {  
            F[i, w] = F[i - 1, w]  
        }  
    }  
}
```

(1)

(2)

(3)

Q) Time Complexity ?

$O(n \times W)$

먼저, 배낭의 무게  $w$ 가 0이거나 아이템을 선택할 수 없는 경우에는 최대 가치가 0이 되므로, 이를 초기화한 구문이 (1)이다.

그 후, 배낭 용량  $w$ 가  $i$ 번째 아이템의 무게  $w[i]$ 보다 클 경우, 해당 아이템을 배낭에 담을 수 있는 경우이다. 이때, 아이템을 넣었을 때의 값은  $i-1$ 번째까지 고려한 최적 값에 현재 아이템의 가치를 더한 값과, 아이템을 넣지 않았을 때의 최적 값 중 더 큰 값을 선택하여 배열에 갱신한다. 이를 (2)에서 처리한다.

배낭에 남은 용량이  $i$ 번째 아이템의 무게  $w[i]$ 보다 작을 경우, 해당 아이템은 담을 수 없

으므로 이전 값을 그대로 사용한다. 이 과정은 (3)에서 처리된다.

최종적으로,  $dp[N][V]$ 는  $N$ 개의 아이템을 고려하고 배낭 용량  $V$ 에 담을 수 있는 최대 가치를 저장하므로 이를 출력하여 문제를 해결한다.

**실제 구현코드 DP:**

```
for(int i=1; i<=N; i++){
    for(int j=1; j<=V; j++){
        if(w[i]<=j){
            //선택한 경우
            if(v[i]+dp[i-1][j-w[i]]>dp[i-1][j]){
                dp[i][j]=dp[i-1][j-w[i]]+v[i];
            }
            //선택하지 않은 경우
            else{
                dp[i][j]=dp[i-1][j];
            }
        }
        else{
            dp[i][j]=dp[i-1][j];
        }
    }
}
System.out.println(dp[N][V]);
/*
```

**느낀점:**

알고리즘 시간에 배운 알고리즘이라 영감은 알았지만 DP식을 구하기 힘들었다. 사실 DP식을 봐도 진행하지 못하여 수도코드를 참조해서 구현하였다.

하지만 이 경험을 얻어 추후에 이런 문제가 다시 나온다면 까먹지 않고 구현할 수 있을 것이라고 생각했다.