1 绪论

董洪伟

http://hwdong.com

主要内容

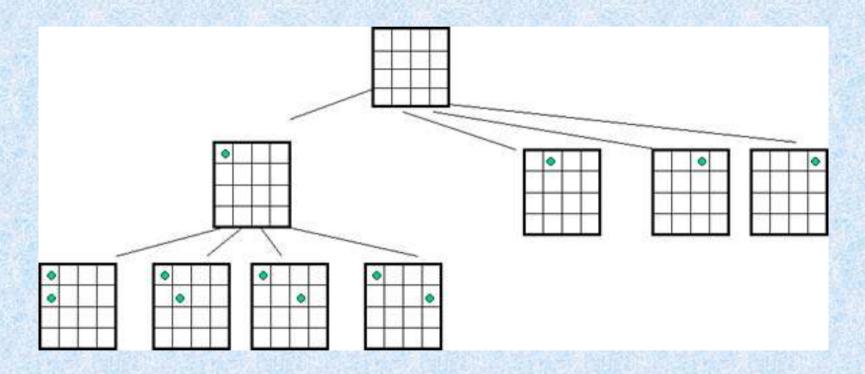
- 什么是数据结构
 - 定义、内容
- 基本术语
 - 数据: 数据对象、数据元素、数据项
 - 数据结构:逻辑结构、物理结构
- 抽象数据类型
 - 定义、表示
- 算法和算法分析
 - 算法的概念、算法复杂度

- •程序 = 数据结构 + 算法
 - Pascal之父, Niklaus Wirth
 - 数据结构:问题的数学模型 数据表示
 - 算法: 处理问题的策略 数据处理
 - -程序:一组指令 数据结构和算法的实现
- 计算机解决问题的步骤:
 - (抽象出)数学模型
 - (设计)求解算法
 - (编制)程序

• 例: 学生名单

学号	姓名	性别	籍贯	年龄
98131	张三	男	北京	20
98164	李斯	女	上海	21
98165	王武	男	广州	19
98182	赵柳	女	香港	22
98224				

• 例: 四皇后问题



• 例: 城市交通咨询图



最 路

基本术语

数据对象 数据元素 数据元素 数据项 数据项 物理结构

基本术语:数据

- •数据
 - 所有需输入计算机并被程序所处理的对象的总称
- 例如: 图书借阅管理系统
 - -图书信息:

登录号	书名	借阅者编号
001	理论力学	9002
002	高等数学	9001
	• • • •	

基本术语:数据元素

• 数据元素

- 数据的基本单位,在程序中常作为一个 整体考虑和处理

登录号	书名	借阅者编号
001	理论力学	9002
002	高等数学	9001
•••		

一个数据元素

(一条记录)

基本术语:数据项

- 数据项
 - -数据的不可分割的最小单位
 - -一个数据元素可由一或多个数据项构成

3个数据项

登录号	书名	借阅者编号
001	理论力学	9002
002	高等数学	9001

基本术语:数据项

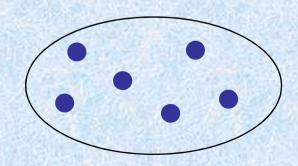
- 数据对象
 - 性质相同的数据元素的集合
 - -是数据(全集)的子集

	登录号	书名	借阅者编号
教科书	001	理论力学	9002
教科 D	002	高等数学	9001

基本术语:逻辑结构

- 逻辑结构
 - -数据元素间的逻辑关系

- 分类
 - -集合:同在一个集合中
 - •比如同班同学之间



基本术语:逻辑结构

-线性结构:一个接一个

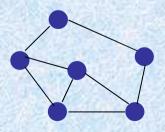
•比如学生花名册中的记录之间

- 树形结构: 一对多

•比如家谱

-图形结构:多对多

•比如地图



- 物理结构: 也称存储结构
 - 数据元素及其关系在计算机中存储时的关系
- 顺序映象 (顺序存储结构)
 - 以存储地址的相邻性表示数据元素间的逻辑关系
- 非顺序映象 (链式存储结构)
 - 通过指示信息表示数据元素间的逻辑关系

• 例: 学生花名册

学号	姓名	性别	籍贯	年龄
98131	张三	男	北京	20
98164	李斯	女	上海	21
98165	王武	男	广州	19
98182	赵柳	女	香港	22
98224				

- 数据元素之间的逻辑关系: 线性关系

-顺序存储:各个数据元素在计算机中的存储地址也是线性关系,即连续存放

98131 张三 男 98164 李斯 女

一个数据元素

```
typedef struct{
    string _id,_name;
    bool boy;
}student;
student students[60];
```

优点: 随机存取

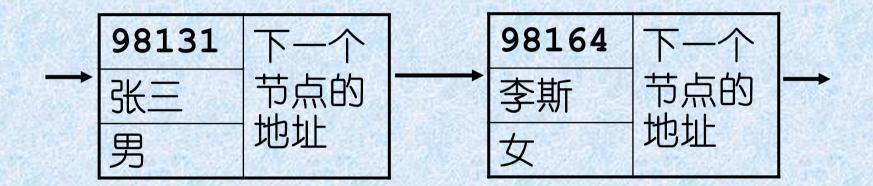
缺点:

1、数组满时,无法继续插入学生成绩,设置较大的数组空间,又可能会浪费存储空间。

解决办法: 动态数组 (malloc, realoc, free) 或 (new, delete)

2、插入、删除元素要大量移动记录

-链式存储:各个数据元素在计算机中的存储位置任意,通过指针相互连接起来



```
typedef struct{
    string _id,_name;
    bool boy;
}student;
```

```
struct LNode{
   student stu;
  LNode *next;
};
```

优点:

插入、删除方便,且只要内存空间够大,就不会满。

缺点:不能随机存取

抽象数据类型

不考虑数据元素的具体内容以及数据结构的具体实现, 仅仅从抽象的角度描述数据结构的逻辑结构及基本操作 的逻辑含义。如:

- ▶ 整数: 3
 不涉及具体是3个苹果还是3个人.
 能进行的运算:加、减、乘、除、取模
- ▶ 手机:接打电话、上网、视频功能,但不考虑具体哪种或哪个手机...

抽象数据类型:格式

ADT Queue {

说明数据元素的关系及基本操作

```
//数据元素关系为线形结构
操作:
bool EnQueue(Queue &Q,T e); //进队
bool DeQueue(Queue &Q,T &e); //出队
bool IsEmpty(Queue Q); //是空队列吗?
int size(Queue Q); //队列中元素个数
};
```

抽象数据类型

```
void main(){
   Queue q;
   T e, e1, e2;
   EnQueue (q,e1);
   EnQueue (q, e2);
   while (!IsEmpty(q)) {
      DeQueue (q,e);
      print(e);
```

算法和算法分析: 概念

- 算法 (Algorithm)
 - 算法是对问题求解步骤的描述
 - -是指令的有限序列,其中每条指令表示 一或多个操作

算法和算法分析: 概念

- 算法的特性
 - -一个正确的算法必须满足
 - 有穷性: 算法在执行有穷步后结束, 且每步可在有穷时间内完成
 - 确定性:每个步骤都有确切的含义,相同的输入具有相同的执行路径和结果
 - 可行性: 算法中各操作可通过已实现的基本运算执行有限次完成
 - 输入: 零或多个输入
 - •输出:一或多个输出

算法和算法分析: 概念

- 算法设计的要求
 - -一个好的算法应当满足:
 - •正确性: 算法应能满足具体问题的需求
 - •可读性: 算法应易于阅读和理解
 - •健壮性:输入数据非法时,算法也能适当作出反应或进行处理
 - •高效性:算法执行时间短,占用存储空间少

- 算法时间效率的量度
 - -事后统计法
 - •测量一个算法执行所需要的时间
 - •缺点:
 - -需要编写测试程序
 - -测量结果依赖于具体的软、硬件
 - -事前分析估算法

- 事前分析估算法
 - -一个程序的执行时间取决于如下因素:
 - 算法
 - •问题的规模
 - •编程语言
 - •编译程序
 - 硬件性能

- 同一个算法在不同的语言、编译程序和硬件的条件下,执行时间是不同的.
- 所以评价算法的优劣应当排除这三者的影响
- 比如:算法A在硬件A上执行时间为1秒,算法B在硬件B上执行时间为2秒,并不能因此就认为算法A的效率更高
- 因此只需要考虑算法本身和问题的规模

• 渐进时间复杂度

```
for(i=1; i<=n; ++i)
  for(j=1; j<=n; ++j) {
     c[i][j]=0;
     for(k=1; k<=n; ++k)
        c[i][j]+=a[i][k]*b[k][j];
}</pre>
```

- 该程序最基本的操作是a[i][k]*b[k][j]
- 其执行次数 $\mathbf{F} = \mathbf{n}^3$
- 整个程序的执行时间和 F 成正比

- 渐进时间复杂度
 - 在算法中选择一种基本操作
 - 用该基本操作的重复次数表示算法的执行时间, 一般为问题规模 n 的函数 f(n)
 - 此时可记算法的时间量度为: T(n)=O(f(n))

· 例1

```
for(i=2; i<=n; ++i)
  for(j=2; j<=i-1; ++j) {
      ++x;
      a[i][j] = x;
}</pre>
```

- 基本操作++x的执行次数

$$=\frac{(n-1)(n-2)}{2}=\frac{n^2-3n+2}{2}$$

- 因此渐进复杂度=O(n²)

• 例2

```
执行次数=n,
for(i = 1; i <= n; i ++)
                               T(n) = O(n)
     for(j = i; j <= n; j ++)</pre>
                                    执行次数都是
           if (data[j] < data[m])</pre>
                                    n(n+1)/2,
                m = j;
                                    T(n) = O(n^2)
           if (m != i)
                temp = data[m];
                data[m] = data[i];
                data[i] = temp;
```

- 对于整个算法, T(n)=O(n²+n)=O(n²)

矩阵运算的复杂度

- a=(a₁,a₂,...a_n)^T,b=(b₁,b₂,...b_n)^T是n维向量,则点积a^Tb=a₁b₁+a₂b₂+...+a_nb_n.
 需要2n-1(flops)=n(次乘法)+(n-1)(次加法)
- 设A是mxn矩阵,x是n维向量,则Ax是一个m维向量,每个元素由A的一行向量和x点乘得到需要m(2n-1) (flops)
- 设A是mxn矩阵, B是nxp矩阵,则AB是mxp矩阵, 每个元素由A的一行和B的一列两个n维向量点乘 得到。

需要mp(2n-1) (flops)

例3 (AB) x ? A (BX)

• 那种方式更快?

A是mxn矩阵, B是nxp矩阵, 则AB是mxp矩阵, x 是px1矩阵.

```
AB: mp(2n-1)

(AB) x: mp(2n-1) + m(2p-1)

Bx: n(2p-1)

A(BX): n(2p-1) + m(2n-1)
```

例3 (AB) x ? A(BX)

• 那种方式更快?

```
A = randn(n,n); B = randn(n,n); x = randn(n,1);

t1 = cputime; y = (A*B)*x; t1 = cputime - t1;

t2 = cputime; y = A*(B*x); t2 = cputime - t2;
```

The table shows the results on a 2.8GHz machine for eight values of n.

例4 Forward substitution

solve Ax = b when A is lower triangular with nonzero diagonal elements

$$\begin{bmatrix} a_{11} & 0 & \cdots & 0 \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{bmatrix}$$

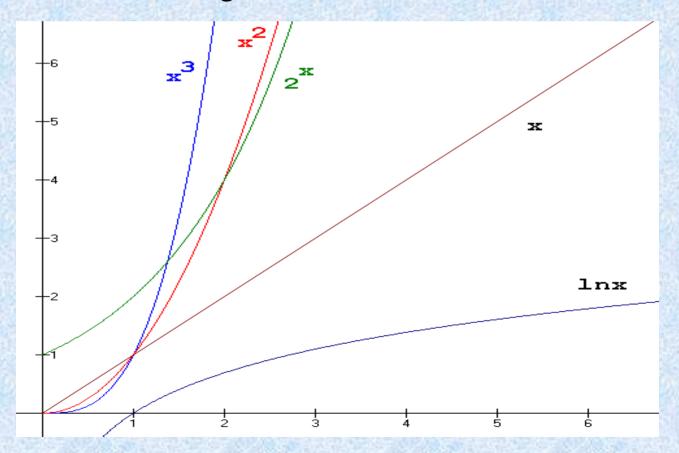
algorithm:

$$x_1 := b_1/a_{11}$$

 $x_2 := (b_2 - a_{21}x_1)/a_{22}$
 $x_3 := (b_3 - a_{31}x_1 - a_{32}x_2)/a_{33}$
 \vdots
 $x_n := (b_n - a_{n1}x_1 - a_{n2}x_2 - \dots - a_{n,n-1}x_{n-1})/a_{nn}$

cost:
$$1 + 3 + 5 + \cdots + (2n - 1) = n^2$$
 flops

- 各种常见的渐进复杂度
 - aⁿ>n^b>log_cn



• 空间复杂度

- -空间复杂度是算法执行时所需存储空间的量度,记作s(n),其中 n 为问题的规模
- -一般不考虑存放数据本身占用的空间, 只考虑执行算法所需辅助空间,除非数 据所占空间与算法本身有关

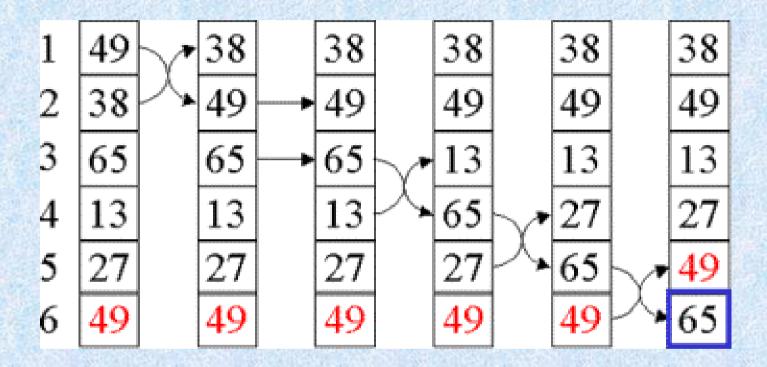
算法和算法分析

- 有些算法的复杂度与输入数据有关
 - -比如气泡排序,当输入数据基本有序时, 其时间复杂度为O(n),基本无序时,为 $O(n^2)$,平均为 $O(n^2)$
 - 此时就应该分最好情况、最差情况、平均情况来讨论

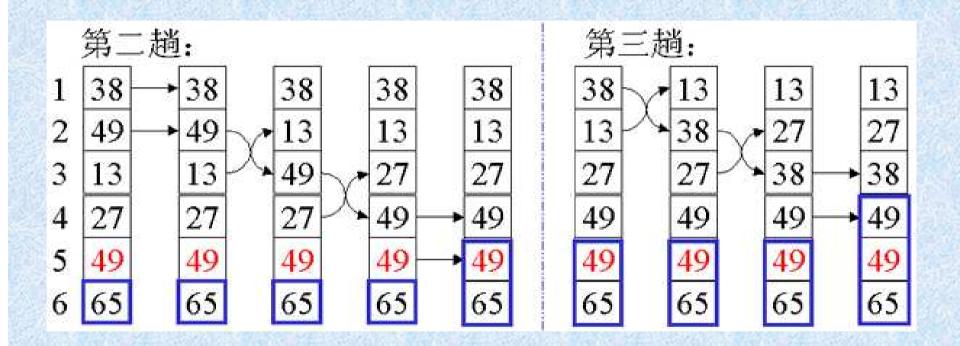
本章/小结

- 基本概念
 - 了解
- 算法复杂度的量度
 - -掌握量度和表示的方法

附录:冒泡排序示意图



附录:冒泡排序示意图



附录:一些约定

数据元素类型一律用Type或ElemType.

```
typedef int Status;
#define OK 0
#define Error 1
#define NoMemory 2
#define OVERFLOW 3
```

1/E1/1/

1. 设n是偶数, 试计算运行下列程序段后m的值并给出该程 序段的时间复杂度。(答案: 频度为n^2/4)

```
m=0;
for( i=1 ; i<= n ; i++ )
  for( j=2*i ;j<= n ;j++ )
     m=m+1;
```

- 2. 从逻辑上可以把数据结构分为 () 两大类。

 - A. 动态结构、静态结构 B. 顺序结构、链式结构
 - C. 线性结构、非线性结构 D. 初等结构、构造型结构
- 3. 什么叫顺序映像?链式映像能用数组表示吗?