数据结构

1 绪论

http://hwdong.com 董洪伟

主要内容

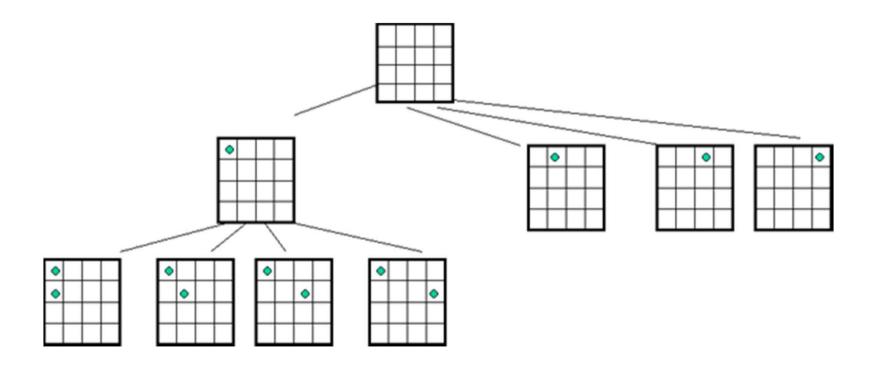
- 什么是数据结构
 - 定义、内容
- 基本术语
 - 数据: 数据对象、数据元素、数据项
 - 数据结构:逻辑结构、物理结构
- 抽象数据类型
 - 定义、表示
- 算法和算法分析
 - 算法的概念、算法复杂度

- •程序 = 数据结构 + 算法
 - Pascal之父. Niklaus Wirth
 - 数据结构:问题的数学模型 数据表示
 - 算法: 处理问题的策略 数据处理
 - 程序: 一组指令 数据结构和算法的实现
- 计算机解决问题的步骤:
 - (抽象出)数学模型
 - (设计)求解算法
 - (编制)程序

• 例: 学生名单

学号	姓名	性别	籍贯	年龄
98131	张三	男	北京	20
98164	李斯	女	上海	21
98165	王武	男	广州	19
98182	赵柳	女	香港	22
98224	• • •			

• 例: 四皇后问题

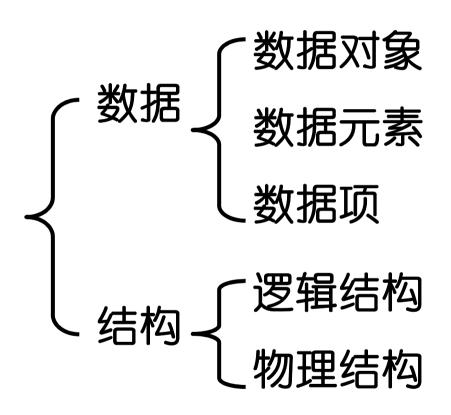


• 例:城市交通咨询图



地 的 最 短 路

基本术语



基本术语:数据

- •数据
 - 所有需输入计算机并被程序所处理的对象的总称
- 例如: 图书借阅管理系统
 - -图书信息:

登录号	书名	借阅者编号
001	理论力学	9002
002	高等数学	9001
• • •	• • •	• • •

基本术语:数据元素

- 数据元素
 - 数据的基本单位,在程序中常作为一个 整体考虑和处理

登录号	书名	借阅者编号
001	理论力学	9002
002	高等数学	9001
• • •	• • •	• • •

一个数据元素 (一条记录)

基本术语:数据项

- •数据项
 - -数据的不可分割的最小单位
 - 一个数据元素可由一或多个数据项构成

3			
登录号	书名	借阅者编号	
001	理论力学	9002	
002	高等数学	9001	
• • •	• • •	• • •	

っ个米は日下

基本术语:数据项

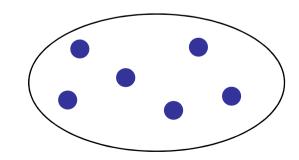
- 数据对象
 - 性质相同的数据元素的集合
 - -是数据(全集)的子集

	登录号	书名	借阅者编号
教科书 —	001	理论力学	9002
3X174 IJ	002	高等数学	9001

基本术语:逻辑结构

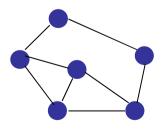
- 逻辑结构
 - 数据元素间的逻辑关系

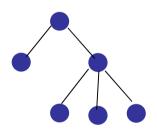
- 分类
 - -集合:同在一个集合中
 - •比如同班同学之间



基本术语:逻辑结构

- 线性结构: 一个接一个
 - •比如学生花名册中的记录之间
- 树形结构: 一对多
 - •比如家谱
- 图形结构: 多对多
 - •比如地图





- 物理结构: 也称存储结构
 - 数据元素及其关系在计算机中存储时的关系
- 顺序映象(顺序存储结构)
 - 以存储地址的相邻性表示数据元素间的逻辑关系
- 非顺序映象(链式存储结构)
 - 通过指示信息表示数据元素间的逻辑关系

• 例: 学生花名册

学号	姓名	性别	籍贯	年龄
98131	张三	男	北京	20
98164	李斯	女	上海	21
98165	王武	男	广州	19
98182	赵柳	女	香港	22
98224	• • •			

- 数据元素之间的逻辑关系: 线性关系

- 顺序存储:各个数据元素在计算机中的 存储地址也是线性关系,即连续存放

```
| Second Second
```

优点: 随机存取

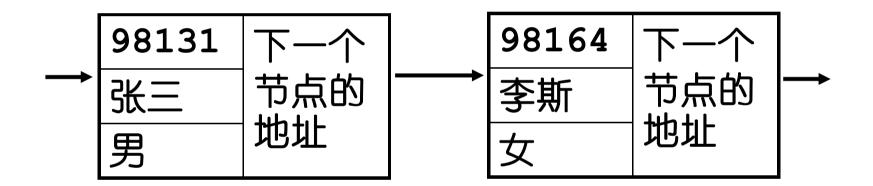
缺点:

1、数组满时,无法继续插入学生成绩,设置较大的数组空间,又可能会浪费存储空间。

解决办法:动态数组 (malloc,realoc,free) 或(new,delete)

2、插入、删除元素要大量移动记录

- 链式存储: 各个数据元素在计算机中的 存储位置任意,通过指针相互连接起来



```
typedef struct{
    string _id,_name;
    bool boy;
}student;
```

```
struct LNode{
   student stu;
  LNode *next;
};
```

优点:

插入、删除方便,且只要内存空间够大,就不会满。

缺点:不能随机存取

抽象数据类型

- 抽象数据类型
 - -Abstract Data Type
 - 一个数学模型及定义在该模型上的一组操作,用三元组(D,S,P)表示:

•D:数据对象

•S: D上关系的集合

• P: D上基本操作的集合

抽象数据类型

• 书上格式

```
ADT 抽象数据类型名{
```

数据对象: <数据对象的定义>

数据关系:<数据关系的定义>

基本操作:基本操作名(参数表)

初始条件: <初始条件描述>

操作结果: <操作结果描述>

}ADT 抽象数据类型名

• 例子: 课本P9

抽象数据类型

• 我们的格式(用类或类模板) //class Name{ struct Name{ //数据元素逻辑关系说明 //操作接□ RetType opName(paraList);

抽象数据类型(例)

```
class Queue{
 //数据元素关系为线形结构
public:
  bool EnQueue(T e); //讲队
  bool DeQueue(T &e); //出队
  bool IsEmpty(); //是空队列吗?
  int size(); //队列中元素个数
};
```

抽象数据类型(例)

```
void main() {
   Queue q;
   T e,e1,e2;
   q.EnQueue (e1);
   q.EnQueue (e2);
   while(!q.IsEmpty()){
      q.DeQueue(e);
      out<<e<\" ";
```

算法和算法分析: 概念

- 算法 (Algorithm)
 - 算法是对问题求解步骤的描述
 - 是指令的有限序列,其中每条指令表示 一或多个操作

算法和算法分析: 概念

- 算法的特性
 - 一个正确的算法必须满足
 - •有穷性:算法在执行有穷步后结束,且每步可在有穷时间内完成
 - · 确定性:每个步骤都有确切的含义,相同的输入具有相同的执行路径和结果
 - 可行性: 算法中各操作可通过已实现的基本运算执行有限次完成
 - 输入: 零或多个输入
 - •输出:一或多个输出

算法和算法分析: 概念

- 算法设计的要求
 - -一个好的算法应当满足:
 - •正确性: 算法应能满足具体问题的需求
 - •可读性:算法应易于阅读和理解
 - •健壮性:输入数据非法时,算法也能适当作出反应或进行处理
 - •高效性:算法执行时间短,占用存储空间少

- 算法时间效率的量度
 - -事后统计法
 - •测量一个算法执行所需要的时间
 - 缺点:
 - -需要编写测试程序
 - -测量结果依赖于具体的软、硬件
 - -事前分析估算法

- 事前分析估算法
 - 一个程序的执行时间取决于如下因素:
 - •算法
 - •问题的规模
 - •编程语言
 - •编译程序
 - •硬件性能

• 其中:

- 同一个算法在不同的语言、编译程序和 硬件的条件下,执行时间是不同的
- 所以评价算法的优劣应当排除这三者的 影响
- 比如:算法A在硬件A上执行时间为1秒, 算法B在硬件B上执行时间为2秒,并不能 因此就认为算法A的效率更高
- 因此只需要考虑算法本身和问题的规模

• 渐进时间复杂度

```
for(i=1; i<=n; ++i)
  for(j=1; j<=n; ++j) {
     c[i][j]=0;
     for(k=1; k<=n; ++k)
        c[i][j]+=a[i][k]*b[k][j];
}</pre>
```

- 该程序最基本的操作是a[i][k]*b[k][j]
- 其执行次数 $F = n^3$
- 整个程序的执行时间和 F 成正比

- 渐进时间复杂度
 - 在算法中选择一种基本操作
 - -用该基本操作的重复次数表示算法的执行时间, 一般为问题规模 n 的函数 f(n)
 - 此时可记算法的时间量度为: T(n)=O(f(n))

• 例1

```
for(i=2; i<=n; ++i)
  for(j=2; j<=i-1; ++j) {
      ++x;
      a[i][j] = x;
}</pre>
```

- 基本操作++x的执行次数

$$=\frac{(n-1)(n-2)}{2}=\frac{n^2-3n+2}{2}$$

- 因此渐进复杂度=0 (n²)

• 例2

```
执行次数=n,
for(i = 1; i <= n; i ++)</pre>
                                T(n) = O(n)
    m = i;
     for(j = i; j <= n; j ++)</pre>
                                     执行次数都是
           if (data[j] < data[m])</pre>
                                     n(n+1)/2,
                m = j;
                                     T(n) = O(n^2)
           if(m != i)
                 temp = data[m];
                data[m] = data[i];
                data[i] = temp;
```

- 对于整个算法, T(n)=O(n²+n)=O(n²)

矩阵运算的复杂度

- a=(a₁,a₂,...a_n)^T,b=(b₁,b₂,...b_n)^T是n维向量,则点积a^Tb=a₁b₁+a₂b₂+...+a_nb_n.
 需要2n-1(flops)=n(次乘法)+(n-1)(次加法)
- 设A是mxn矩阵,x是n维向量,则Ax是一个m维向量,每个元素由A的一行向量和x点乘得到需要m(2n-1) (flops)
- 设A是mxn矩阵, B是nxp矩阵,则AB是mxp矩阵, 每个元素由A的一行和B的一列两个n维向量点乘 得到。

需要mp(2n-1) (flops)

例3 (AB) x ? A (BX)

• 那种方式更快?

```
A = randn(n,n); B = randn(n,n); x = randn(n,1);

t1 = cputime; y = (A*B)*x; t1 = cputime - t1;

t2 = cputime; y = A*(B*x); t2 = cputime - t2;
```

The table shows the results on a 2.8GHz machine for eight values of n.

n	time (sec.)	time (sec.)
	method 1	method 2
500	0.10	0.004
1000	0.63	0.02
1500	1.99	0.06
2000	4.56	0.11
2500	8.72	0.17
3000	14.7	0.25
4000	34.2	0.46
5000	65.3	0.68

例4 Forward substitution

solve Ax = b when A is lower triangular with nonzero diagonal elements

$$\begin{bmatrix} a_{11} & 0 & \cdots & 0 \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{bmatrix}$$

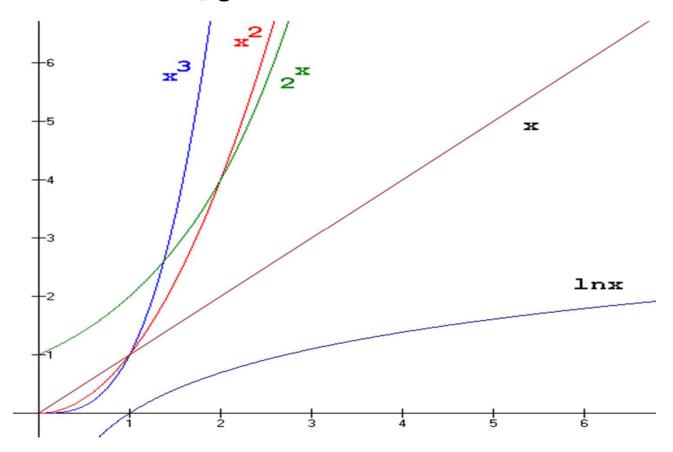
algorithm:

$$x_1 := b_1/a_{11}$$

 $x_2 := (b_2 - a_{21}x_1)/a_{22}$
 $x_3 := (b_3 - a_{31}x_1 - a_{32}x_2)/a_{33}$
 \vdots
 $x_n := (b_n - a_{n1}x_1 - a_{n2}x_2 - \dots - a_{n,n-1}x_{n-1})/a_{nn}$

cost:
$$1 + 3 + 5 + \cdots + (2n - 1) = n^2$$
 flops

- 各种常见的渐进复杂度
 - $-a^n>n^b>\log_c n$



算法和算法分析:空间复杂度

• 空间复杂度

- -空间复杂度是算法执行时所需存储空间的量度,记作S(n),其中 n 为问题的规模
- 一般不考虑存放数据本身占用的空间, 只考虑执行算法所需辅助空间,除非数 据所占空间与算法本身有关

算法和算法分析

- 有些算法的复杂度与输入数据有关
 - 比如气泡排序,当输入数据基本有序时, 其时间复杂度为O(n),基本无序时,为 $O(n^2)$,平均为 $O(n^2)$
 - 此时就应该分最好情况、最差情况、平均情况来讨论

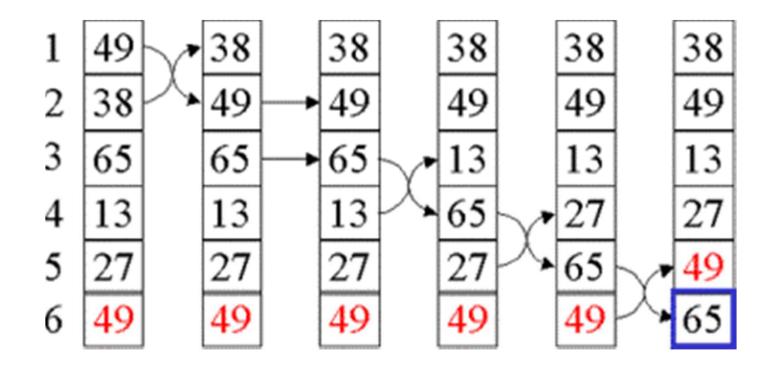
本章小结

- 基本概念
 - 了解
- 算法复杂度的量度
 - -掌握量度和表示的方法

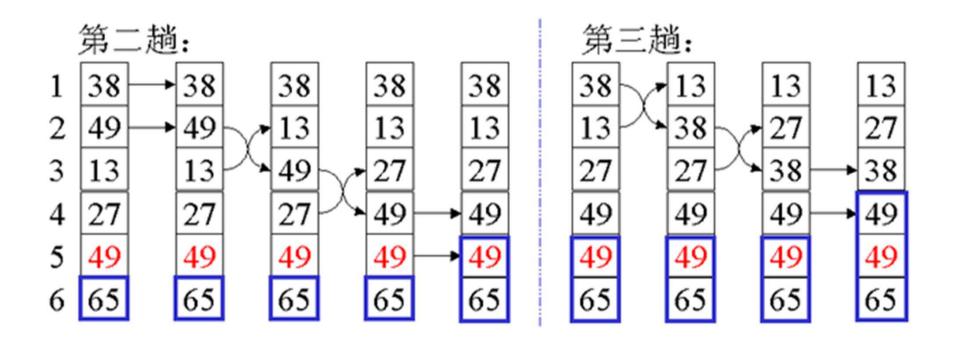
1/EIII

- 习题集4,5
- 分析冒泡排序算法的时间复杂度

附录:冒泡排序示意图



附录:冒泡排序示意图



附录:一些语言约定

```
除非特别说明,数据元素类型一律用Type而不是书上的ElemType.

typedef int Status;
#define OK 0
#define OVERFLOW 2
#define Error 1
```

附录:主讲教材

- · 江南大学校级精品课程(2004-2006,董洪伟,陈聪,罗海驰)教学材料:
 - 1)《数据结构》课件
 - 2) 《数据结构习题集》
 - 3) 实验: http://hwdong.com/ds

注意:请以课件为主,尽量不要看其他课本!

附录:参考资料

• 《数据结构》 (C语言版) 严蔚敏等编著。

• 《数据结构题集》(C语言版) 严蔚敏等编 著。清华大学出版社