1	Hallar	los	autoval	ores	v	autovectores	de	las	signientes	matrices:
т.	Hanar	108	autovai	IOI CS	.у	autovectores	uc	ias	signicines	maurices.

a)
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$
 b) $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ -2 & 4 & -2 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$
 c) $\begin{pmatrix} -1 & -3 & -9 \\ 0 & 5 & 18 \\ 0 & -2 & -7 \end{pmatrix}$

$$A - \lambda I$$
 es singular (no inversible).

$$det(A-\lambda I) = (1-\lambda) \cdot det \begin{bmatrix} 1-\lambda & 1 \\ 1 & 1-\lambda \end{bmatrix} - 1 \cdot det \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1-\lambda \end{bmatrix} + 1 \cdot det \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1-\lambda & 1 \end{bmatrix}$$

$$= (1-\lambda) \cdot \left[(1-\lambda)^2 - 1 \right] - (1-\lambda-1) + \left[1 - (1-\lambda) \right]$$
$$= (1-\lambda) \cdot (\lambda^2 - 2\lambda) + 2\lambda$$

$$= \lambda^2 - 2\lambda - \lambda^3 + 2\lambda^2 + 2\lambda$$

$$= 3\lambda^2 - \lambda^3$$

$$P(\lambda) = 3\lambda^2 - \lambda^3 \qquad P(\lambda) = 0 \iff \lambda = 0 \quad \forall \quad \lambda = 3$$

$$\lambda = 0$$
 Av = 0v <=> Av = 0 <=> ve Nu(A)

$$Av = 0 \iff V_1 + V_2 + V_3 = 0 \iff V_1 = -V_2 - V_3$$

$$: V = (-2, 1, 1)$$
 asociado al autovalor $\lambda = 0$ con multiplicidad z.

$ \lambda = 3 \qquad Av = 3v \iff (A - 31)v = 0 $ $ \lambda = 31 = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 4 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \end{bmatrix} $ $ -2 & 1 & 1 & 0 \\ 4 & -2 & 1 & 0 \\ 2F_2 + F_4 & 0 & -3 & 3 & 0 \\ 1 & 1 & -2 & 0 & 2F_3 + F_4 & 0 & 3 & -3 & 0 \\ 1 & 1 & -2 & 0 & 2F_3 + F_4 & 0 & 3 & -3 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 & 0 & 0 & 0 $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 &$																					
$\begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 2F_2 + F_4 & 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & -3 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$	λ	\ =	3		٨٧	= 3	Y	<= >	A)	-37	\ (<i>Z</i>	=	0								
$\begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 2F_2 + F_4 & 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & -3 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$				7	1	4															
$ \begin{bmatrix} 1 & 1 & -2 \\ -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 1 & 0 \end{bmatrix} $ $ 2F_2 + F_4 = 0 $ $ 0 & 3 & -3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 2F_2 + F_4 & 0 & 3 & -3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 2F_3 + F_4 & 0 & 3 & -3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 3 & -3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \Rightarrow \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $ $ \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \end{bmatrix} $	A	-31	11																		
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$				1		-2															
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$									r				,			r					
$ \begin{vmatrix} 1 & 1 & -2 & 0 & & zF_3 + F_4 & & 0 & 3 & -3 & 0 & & F_2 + F_2 & & 0 & 0 & 0 & & 0 \\ $					0						1	0									
$\Rightarrow \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\dashv															1					
$\begin{vmatrix} 0 & -3 & 3 & V_2 \\ 0 & 0 & 0 & V_3 \end{vmatrix}$ $\Rightarrow -3V_2 + 3V_3 = 0 \Rightarrow V_2 = V_3$ $\Rightarrow -2V_1 + V_2 + V_3 = 0 \Rightarrow V_4 = V_2$	L	1	1	-Z	0	ZF	3 + F	4	[0	3	-3	, 0] [3+F	2	Γo	0	0	. 0		
$\begin{vmatrix} 0 & -3 & 3 & V_2 \\ 0 & 0 & 0 & V_3 \end{vmatrix}$ $\Rightarrow -3V_2 + 3V_3 = 0 \Rightarrow V_2 = V_3$ $\Rightarrow -2V_1 + V_2 + V_3 = 0 \Rightarrow V_4 = V_2$	=	≥ >		-7	1	1		V.	=	0											
$\begin{vmatrix} o & o & o \\ & & & & \\ & \Rightarrow & -3V_2 + 3V_3 = o \\ \Rightarrow & -2V_4 + V_2 + V_3 = o \\ \Rightarrow & & & \\ & \Rightarrow & & \\ & &$		-/							_												
$\Rightarrow -2V_1 + V_2 + V_3 = O \Rightarrow V_1 = V_2$																					
$\Rightarrow -2V_1 + V_2 + V_3 = O \Rightarrow V_1 = V_2$																					
$\therefore V = (1,1,1) \text{ asociado al autovalor } \lambda = 3.$	-	=>	-Z\	√ ₁ +	V _Z	+ V ₃	=	0	\Rightarrow	V ₁	= V _Z										
V = (1,1,1) asociado al autovalor $X = S$.		_		()	1 4	`		. 1		,	.1	\		\	2						
	-		V =	- (1	,1,1) (7200	ciad	0	al (avte	ya.	or	入二	5.						

P)																			
A -	IΚ	=	1-入	-1	0														
	,		-2	4 <i>-</i> λ	-2														
					1-X														
			-																
det	(A-	ίτι	=	(1_)	۱ . ۲	(4-	x)(1	(ډ-	-2	+ :	7 [_(1- \lambda	ΓC						
001		712)									_	+ 2)							
					λ)·(
												λ - 2							
					+6				1 -	41	т 4.	A - C							
					- \ ^z														
			_	\ \ \		T 0.	^-)											
DU	<i>\)</i> = (/	\ (رح	Т (\	c)		DO	\ -	_			_	o ,	,			_	
1 ()	7) –	1	- /	7 6	, , _	<i>3 7</i>			() -	U	\=,		∧ -		,	1 = 1	V	^-	
1-	0		٨٠	- \		/- >		۸.,											
Λ-			~ V	- 1	V	\ _\		/ √\	- 0										
1	-1	0	0				1	-1	O	0				1	-1	D	0		
-7	-1 4 -1	-7	0		125		0	2	-7	0				1	2	-2	0		
0	-1	1	0	Γ2	TLT	4	0	-1	1	0	71	TE		0	0	0	0		
	•		ا				L				41	3 7 7	2	L					
=>		1	-1	0]_	0											
->			2	-7		VI	-	U											
		0	0	0		\/ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \													
		-	-			[V}													
		a : •					_ \	10	\ 4										
⇒		2V ₂	-2	٧3 :	= 0		⇒	Yz	= V ₃										
=>		V ₁ -	· V _Z	= (>		=>	V ₁	= \(\frac{1}{2} \)	2									
	V =	, .				1						,	١						

λ=.	1	Αv	ſ =	λ_{\lor}	<= >	(A	(I·I	V =	0	<=	>	(A -	v(I	= 0	7			
I-A	11	0	-1	0															
		-Z 0																	
F			_								1			•				3	
0	-1 2	0	0	25	map		-Z	3 -1	-Z	0				-2 0		-2 0			
		0					0	- 1	0	0		F ₃ -F	2	0			1		
⇒		-2	3	-z			=	0											
•		0	-1	0		V _z													
		0	0	0.		V ₃													
⇒																			
=>	-ZV	1 -	2V3	= (0	>	V ₃	= -	٧4										
<i>:</i> .	V =	(1,	0,-1) au	itor	ect	or	020	cia	do	al a	auto	ovalo	or.	λ=				

λ=	5		Αv :	= λν	′ ((=>	A)	- S <u>I</u>) v	= C)								
A - 5	Iċ	=	-4	-1	0														
				-1															
			0	-1	-4_														
-4	-1	0	0				-4	-1	0	0	1			-4	-1	O	0	1	
-Z	-1	-2	0	2F ₂	-F1		0	-1	-4	0				0	-1	-4	0		
0	-1	-4	0				0	-1	-4	0	F	3-F:	2	0	0	0	0		
		-4	-1	0	•	· · ·													
\Rightarrow		0	-1			V ₂	=	0											
		0	0	0		V ₃													
				= 0															
				= 0 /3			√ ₂												
_/	7	' 4 -	1	3		-/	44	_ y.	3										
	√ =	(1,	-4,	1)	aut	ore	cto	ار	asc	cia	do	al	aut	ονα	lor	λ	= 5		
																			-
																			Ī