

$$\Sigma = \{0, 1\}$$

$$L_1 = \{ \alpha \in \Sigma^* : 01 \text{ es subcadena de } \alpha \}$$

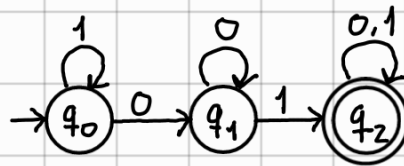
$$L_2 = \{ \alpha \in \Sigma^* : \alpha \text{ tiene una cantidad par de } 0 \}$$

Construir AFD mínimo $L_3 = L_1 \cap L_2$

$$M_1 = (Q_1, \Sigma, \delta_1, q_0, F_1)$$

$$Q_1 = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$F_1 = \{q_2\}$$



$$\delta_1 \quad 0 \quad 1$$

$$q_0 \quad q_1 \quad q_2$$

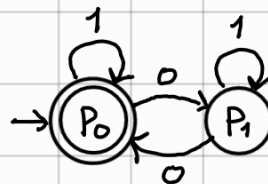
$$q_1 \quad q_1 \quad q_2$$

$$q_2 \quad q_2 \quad q_2$$

$$M_2 = (Q_2, \Sigma, \delta_2, P_0, F_2)$$

$$Q_2 = \{P_0, P_1\}$$

$$F_2 = \{P_0\}$$



$$\delta_2 \quad 0 \quad 1$$

$$P_0 \quad P_1 \quad P_0$$

$$P_1 \quad P_0 \quad P_1$$

$$M_3 = (Q_3, \Sigma, \delta_3, r_0, F_3) \quad \text{AFD}$$

$$Q_3 = Q_1 \times Q_2$$

$$r_0 = (q_0, p_0)$$

Porque buscamos $M_1 \cap M_2$

$$F_3 = \{ (q, p) \in Q_3 : q \in F_1 \wedge p \in F_2 \} = \{ (q_2, p_0) \}$$

$$\delta_3((q, p), a) = (\delta_1(q, a), \delta_2(p, a))$$

δ_3	0	1
(q_0, p_0)	(q_1, p_1)	(q_0, p_0)
(q_0, p_1)	(q_1, p_0)	(q_0, p_1)
(q_1, p_0)	(q_1, p_1)	(q_2, p_0)
(q_1, p_1)	(q_1, p_0)	(q_2, p_1)
(q_2, p_0)	(q_2, p_1)	(q_2, p_0)
(q_2, p_1)	(q_2, p_0)	(q_2, p_1)

Alcanzable

✓

✗

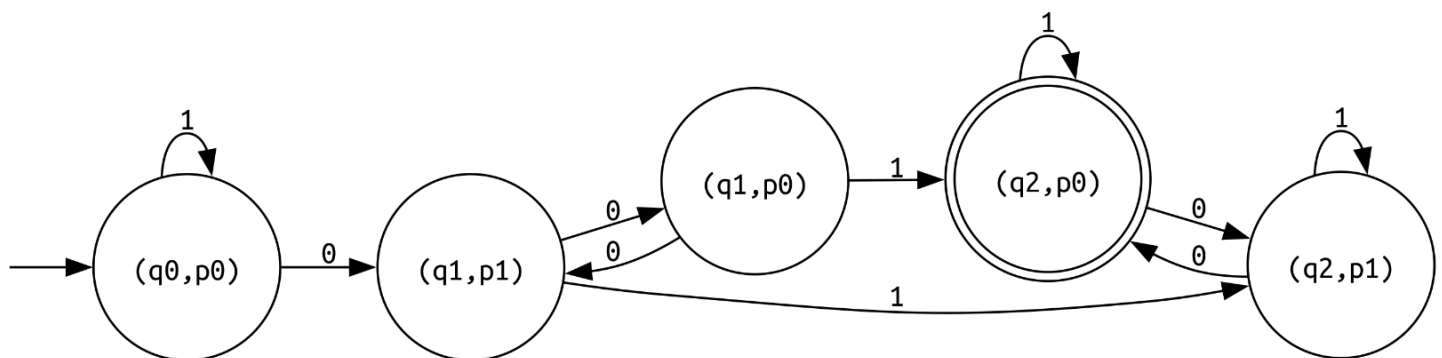
No hay camino desde (q_0, p_0)

✓

✓

✓

✓



Construimos M_4 AFD mínimo tq $L(M_4) = L(M_3)$

$$M_4 = (Q_4, \Sigma, \delta_4, s_0, F_4)$$

Estados	\equiv_0	0	1	\equiv_1	0	1	\equiv_2	0	1	\equiv_3
(q_0, p_0)	NF	NF	NF	A	A	A	1			
(q_1, p_0)	NF	NF	F	B	A	C	2			
(q_1, p_1)	NF	NF	NF	A	B	D	3			
(q_2, p_0)	F	NF	F	C	D	C	4			
(q_2, p_1)	NF	F	NF	D	C	D	5			



Ya tenemos 5 clases de equivalencia.
Como son 5 estados, podemos terminar
acá ya que no puede disminuir la
cantidad de clases ni ser más que la
cantidad de estados.

$\therefore M_3$ ya es un AFD mínimo.