

Ejercicio 6. Dar una gramática libre de contexto que genere el lenguaje de las fórmulas bien formadas de la lógica de predicados de primer orden, utilizando:

- las variables x, y .
- las constantes c, d .
- los símbolos de predicado p, q, r, s (con cualquier aridad no nula).
- los conectivos lógicos $\neg, \wedge, \vee, \Rightarrow$.
- los cuantificadores \forall, \exists .

Por ejemplo: $\forall x (\exists y (p(x, y))) \Rightarrow \exists x ((q(x, c) \wedge r(d, x)) \vee \neg s(x))$.

$$G = \langle N, T, P, F \rangle$$

$$N = \{F, \text{Var}, \text{Const}, \text{Arg}, \text{Args}, P\}$$

$$T = \{x, y, c, d, p, q, r, s, \neg, \wedge, \vee, \Rightarrow, \forall, \exists, (,), , \}$$

literal de la coma
↑

$$P: \quad F \rightarrow P(\text{Args})$$

$$| \neg F$$

$$| F \wedge F$$

$$| F \vee F$$

$$| F \Rightarrow F$$

$$| \forall \text{Var}(F)$$

$$| \exists \text{Var}(F)$$

$$| (F)$$

$$\text{Var} \rightarrow x | y$$

$$\text{Const} \rightarrow c | d$$

$$\text{Arg} \rightarrow \text{Var} | \text{Const}$$

$$\text{Args} \rightarrow \text{Arg} | \text{Arg}, \text{Args}$$

$$P \rightarrow p | q | r | s$$

La producción $F \rightarrow (F)$ permite colocar paréntesis redundantes pero considero que la fórmula sigue estando bien formada.