

TECHNICKÉ PROSTŘEDKY ŘÍZENÍ

Oddělení řízení procesů Lukáš Hubka, Petr Školník, Jaroslav Hlava





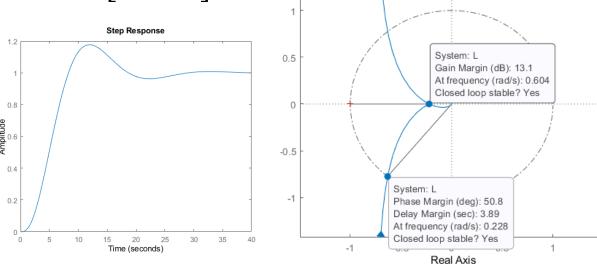
7. CVIČENÍ

Amplitudová a fázová bezpečnost. Smith prediktor.

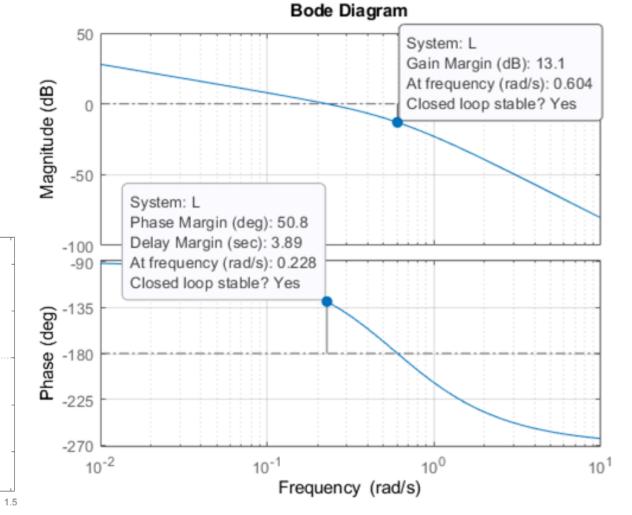


- Nezajímá nás pouze samotná absolutní stabilita systému, ale i jak moc je systém stabilní.
- □ Relativní stabilita = jak blízko/daleko je Nyquistova trajektorie od kritického

bodu [-1; 0i]



Amplitudová a fázová bezpečnost



Udává, kolikrát je možno zvětšit zesílení, aby se uzavřený obvod dostal na mez stability.

- Nechť ω_1 je frekvence průsečíku frekvenční charakteristiky s reálnou osou $(\text{Im}\{L(i\omega_1)\}=0)$.
- □ Amplituda je

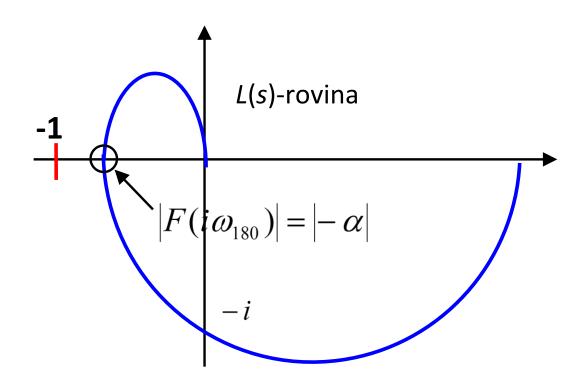
$$GM = \frac{1}{|L(i\omega_1)|} = \frac{1}{\alpha}$$

□ Velikost amplitudové bezpečnosti je

$$GM\Big|_{dB} = 20 \cdot \log \frac{1}{|L(i\omega_1)|} =$$

= $-20 \cdot \log |L(i\omega_1)|$

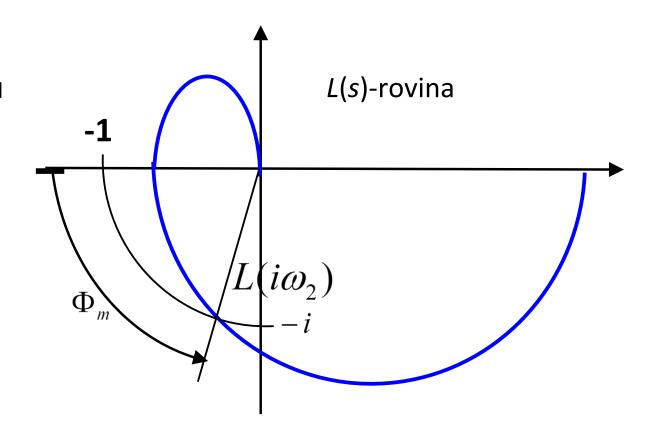
Amplitudová bezpečnost





Fázová bezpečnost

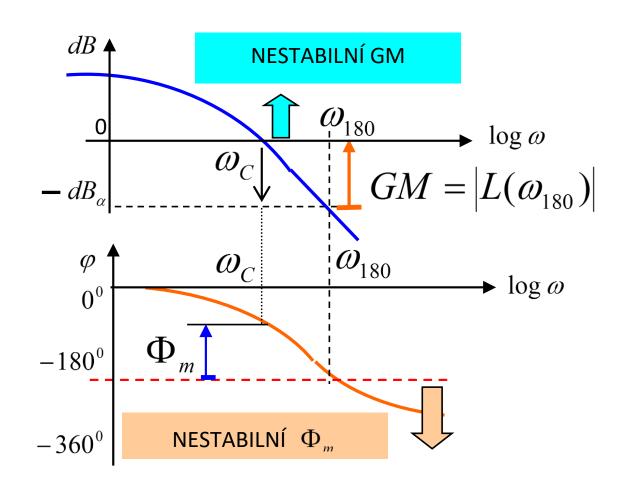
- Nechť ω_2 je frekvence průsečíku frekvenční charakteristiky s jednotkovou kružnicí (středv počátku). Fázová bezpečnost je úhel, který se měří od záporné části reálné osy v kladném smyslu k průvodiči průsečíku.
- \Box Fázová bezpečnost je $\Phi_m = \arg\{L(i\omega_2\} 180^\circ$





Amplitudová a fázová bezpečnost v Bodeho grafu

- Uzavřený regulační obvod je stabilní právě tehdy, když bude **amplitudová bezpečnost GM** v decibelech **záporná** (měří se od nulové osy) a **fázová bezpečnost kladná** (nad osou -180°) a $\omega_1 > \omega_2$, $(\omega_{180^{\circ}} > \omega_c)$.
- ☐ Význam fázové bezpečnosti není jen v kontrole stability, ale využívá se i při návrhu regulátorů.





Problém #1 – Amp./fáz. bezpečnost

 \square Mějme systém popsaný přenosem G(s). Tento systém je ve zpětné vazbě řízen regulátorem R(s).

$$G(s) = \frac{0,75}{(0,5s+1)(3s+1)^3(10s+1)}, R(s) = r_0 \left(1 + \frac{1}{3,3s}\right)$$

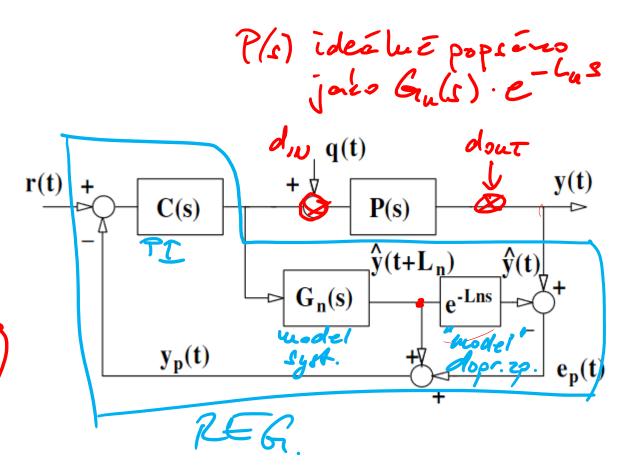
- 1. Nalezněte jaká je amplitudová a fázová bezpečnost pro $r_0=0$,2. Nakreslete odezvu obvodu na jednotkový skok r=1(t).
- Zkoumejte, jak se změní amplitudová a fázová bezpečnost, když bude mít systém dopravní zpoždění $T_d \in \{5; 10\}$, proporcionální zesílení regulátoru je $r_0 = 0,2$. Nalezněte odezvy na jednotkový skok r = 1(t) a porovnejte mezi sebou.
- Zkoumejte, jak se změní amplitudová a fázová bezpečnost pro $r_0 \in \{0,5; 1,2\}$, systém bez dopravního zpoždění. Nalezněte odezvy na jednotkový skok r=1(t) a porovnejte mezi sebou.
- Pozn.: Sestavte skript, kde pro simulaci využijte přenos

$$F_{yw}(s) = T(s) = \frac{L(s)}{1 + L(s)}, L(s) = R(s)G(s)$$



- ☐ Smithova predikční struktura (Smithův regulátor) má pro nominální případ (model zcela odpovídá realitě) tři základní vlastnosti:
 - 1. Kompenzace dopravního zpoždění
 - 2. Predikce
 - 3. Dynamická kompenzace
- Regulátor je vždy laděn pro proces bez dopravního zpoždění $G_n(s)$!

Smith prediktor

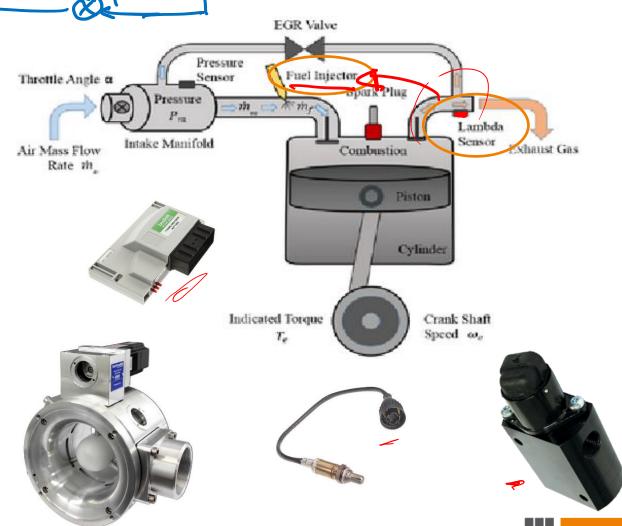




- Pro správné spalování při procesu hoření je podstatný vzájemný poměr vzduchu a paliva ve směsi.
- Uvažujme spalovací motor (ale na stejném principu funguje třeba i výroba uhelné palivové směsi pro hořáky elektráren a tepláren, nebo palivové směsi v proudových motorech). Měření poměru vzduch-benzín se realizuje EGO senzorem (lambda sonda).
- Proces směšování lze popsat přenosem G(s), měřicí senzor $G_{\lambda}(s)$, poruchu na vstupu v podobě změny tlaku/průtoku vzduchu pak přenosem $G_d(s)$.

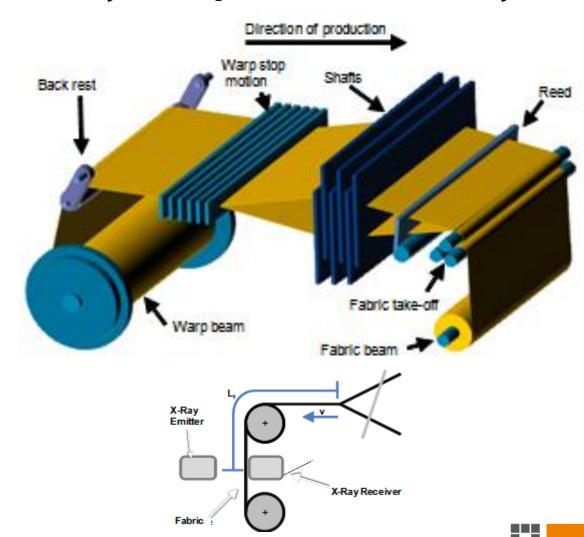
$$G(s) = \frac{1}{0.5s+1}, G_{\lambda}(s) = e^{-s}, G_{d}(s) = \frac{1}{0.2s+1}$$

- Zajistěte řízení procesu při jednotkovém skoku požadovaného poměru.
- 1. Navrhněte klasické PI řízení (např. Ch-H-R) tak, aby doba ustálení byla pod 0,5 s a překmit do 2 %. Simulujte!
- 2. Implementujte Smithův prediktor a simulujte odezvu obvodu. Podmínky jsou stejné ustálení pod 0,5 s, překmit do 2 %.
- 3. Zjistěte fázovou bezpečnost regulační smyčky!
- 4. Testujte pro skok na poruše (vstupní vzduch) o velikosti 0,2.



Problém #3 – Výroba příze – tkalcovský stav

- Tkaniny jsou vytvářeny na stavech křížením tzv. osnovních a útkových přízí. Tkalcovské stavy používají k přepravě útkové příze po šířce stroje transportní média, jako je voda nebo vzduch. Typická rychlost stroje je kolem 1200 ot/min, což znamená také 1200 vložení útku za minutu! V závislosti na požadované hustotě útku (útky na cm) je typická výrobní rychlost kolem 0,8 m tkaniny za minutu.
- Jedním z klíčových kritérií kvality tkanin je jejich plošná hustota. Ta je měřena rentgenovým senzorem.
- Skoková změna na hustotě příze z 12 na 20 vláken/cm vyvolá změnu hustoty (těžkosti) materiálu z 263 na 334 g/m^2 . Převodní konstanta mezi hustotou (g/m²) a napětím akčního členu je $0,0026 \text{ Vm}^2/\text{g}$. Proces výroby má časovou konstantu 1,42 s a zpoždění 1,3 s (FOPDT). Díky vzdálenosti (L_t) mezi senzorem a útkem je těžkost změřena až po 225 s (rychlost 600 ot/min).
- 1. Sestavte přenosovou funkci systému a navrhněte klasické řízení těžkosti příze pomocí Smith prediktoru.
- 2. Při změně rychlosti stroje dojde ke zkrácení doby změření těžkosti materiálu. Otestujte chování regulačního obvodu pro čas 168,75 s (800 ot/min).





GAIN SCHEDULING

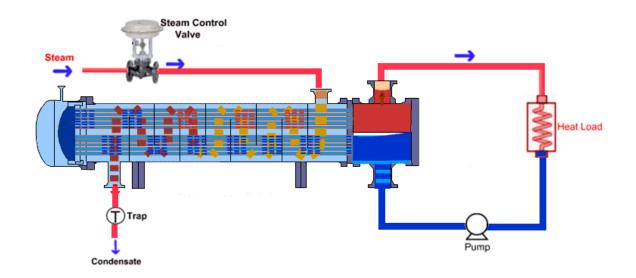


Předpokládejme parní výměník v CZT. Průtok páry výměníkem je řízen ventilem. Proces tepelné výměny (odezvu na změnu polohy ventilu) lze popsat přenosem G(s). Statické zesílení ventilu je nelineární a popsané funkcí $v=u^4$.

$$G(s) = \frac{0.6}{(2s+1)(3s+1)^4}$$

- 1. Zjistěte převodní charakteristiku ventilu a jeho faktické zesílení pro otevření $0 \div 1$.
- Nalezněte nastavení PI regulátoru, který umožní řídit přehřívák, pokud je ventil v rozsahu $0 \div 0.5$, tedy např. pro žádaný výstup $r = 0.05 \cdot 1(t)$. Ustálení do 200 s, překmit pod 10 %.
- 3. Simulačně ověřte chování PI regulátoru v celém rozsahu otevření ventilu $0 \div 1$ (žádaný výstup $0.01 \div 0.5$).
- 4. Nalezněte způsob, jak řídit soustavu pomocí Pl regulátoru v celém rozsahu otevření ventilu $0 \div 1$ (žádaný výstup $0 \div 0,6$) se stále přibližně stejnou dynamikou odezvy na skok žádané hodnoty $r = A \cdot 1(t), A \in (0,01;0,5)$.

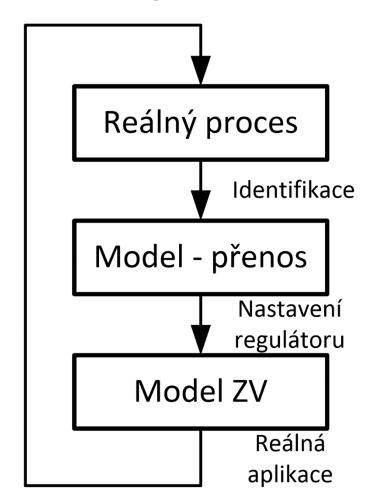
Problém #4 – Výměník s ventilem





Princip nastavení regulátoru v praxi

- Pracujeme s reálným procesem
- Aproximujeme chování reálného systému pomocí vhodného přenosu – model reálného systému
- 3. Zvolíme (dostaneme) požadavky na regulaci
- 4. Nalezneme parametry regulátoru (pomocí modelu)
- 5. Pokud máme možnost, simulačně otestujeme nastavení regulátoru na modelu
- 6. Aplikujeme parametry regulátoru na reálném procesu



Metoda Ziegler-Nichols

varianta: metoda ustálených kmitů – při vypnuté l a D složce je postupně zvětšováno proporcionální zesílení až do okamžiku, kdy se celý obvod dostane na mez stability a objeví se netlumené kmity s konstantní amplitudou. Frekvence těchto kmitů je rovna kritické frekvenci $f_k = 1/T_k$ a zesílení P regulátoru (tzv. kritické zesílení) r_k je převrácenou hodnotou zesílení regulované soustavy na této frekvenci. $u(s) = K_p \left(1 + rac{1}{T_i s} + T_d s
ight) e(s)$

varianta: vyhodnocení přechodové charakteristiky. Na základě doby průtahu T_n , doby náběhu T_n a statického zesílení Kpak lze nastavit regulátor podle pravidel v tabulce.

 $\mathcal{Y}(t)$

$$e(s) = K_p \left(1 + rac{1}{T_i s} + T_d s
ight) e(s)$$

Regulátor	r_0	T_i	T_d
Р	$0.5r_k$		
PI	$0,45r_{k}$	$0.85T_{k}$	
PID	$0,6r_{k}$	$0.5T_{k}$	$0,125T_{k}$

Regulátor	r_0	T_i	T_d
Р	$T_n/(KL)$		
PI	$0.9T_n/(KL)$	1,2 <i>L</i>	
PID	$1,2T_n/(KL)$	2L	0,5 <i>L</i>



Metoda Chiens, Hrones, Reswick

$G(s) = K \frac{e^{-Ls}}{Ts + 1}$ Regulátor	Aperiodický regulační pochod		Překmit max. 20%	
	Sledování skokových změn žádané hodnoty	Potlačení poruchových veličin	Sledování skokových změn žádané hodnoty	Potlačení poruchových veličin
P	$r_0 = 0.3 \frac{T}{K \cdot L}$	$r_0 = 0.3 \frac{T}{K \cdot L}$	$r_0 = 0.7 \frac{T}{K \cdot L}$	$r_0 = 0.7 \frac{T}{K \cdot L}$
PI	$r_0 = 0.35 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = 1.2T$	$r_0 = 0.6 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = 4L$	$r_0 = 0.6 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = T$	$r_0 = 0.7 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = 2.3L$
PID	$r_0 = 0.6 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = T$ $T_d = 0.5L$	$r_0 = 0.95 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = 2.4L$ $T_d = 0.42L$	$r_0 = 0.95 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = 1.35T$ $T_d = 0.47L$	$r_0 = 1.2 \frac{T}{K \cdot L}$ $T_i = 2L$ $T_d = 0.42L$