中国科学技术大学

2011-2012 学年第一学期考试试卷

参考答案

考试科目: 并行程序设计		得分:
学生所在系:	姓名:	学号:

本试卷共五个大题!

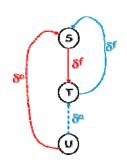
一、 描述以下循环中的依赖关系及语句依赖图: (20分)

参考解答:

循环中语句依赖关系如下:

- 语句 T 流依赖于语句 S, 即 S δ^f T, 满足依赖关系的偶对集合为:
 {<S(i), T(j)>|i=j-1; 5≤j≤100} ∪{<S(i), T(j)>|i=j-3; 7≤j≤100}
- 语句 S 流依赖于语句 T, 即 T δ^f S, 满足依赖关系的偶对集合为: { <T(i), S(j)> | i = j -2; 6≤ j≤100 }
- 语句 S 输出依赖于语句 U,即 U δ° S ,满足依赖关系的偶对集合为: { <U(i), S(j)> | i = j -1; 5≤j≤100 }
- 语句 T 反依赖于语句 U, 即 U 8^a T, 满足依赖关系的偶对集合为:
 {<U(i), T(j)> | j = 2*i + 1; 4≤i≤49}

语句依赖图如下:



二、<u>编写 MPI 程序:</u>依据所有 MPI 进程运行所在节点集合的大小,进行 MPI_COMM_WORLD 通信域划分,使得运行在相同节点上的 MPI 进程都将 被分到相同的子通信域。(20 分)

参考解答:

基本思想是:

首先,每个进程均收集所有进程的运行节点信息(通过 MPI Allgather 完成);

其次,根据所有节点信息和自身的运行节点名,每个进程确定自己在该节点上的位序,即 kev:

最后,根据所有节点信息和自身的运行节点名,每个进程确定该节点名在所有节点信息中的第一次出现的位置,即 color。

MPI 程序主要部分如下:

```
int rank, Group_Size;
char host[128];
char *allhost; //存放所有节点名称字符串的数组;
int color, key;
MPI_Comm myComm, nodeComm;
......
MPI_Init(&argc, &argv); //MPI 初始化
MPI_Comm_dup(MPI_COMM_WORLD, &myComm); //复制 MPI_COMM_WORLD 通信域
MPI_Comm_rank(myComm, &rank);
MPI_Comm_size(myComm, &Group_Size);
allhost = (char*)malloc(128*Group_Size);
// 分配节点名数组空间 allhost, 大小为进程总数 x 128字节
gethostname(host, 128); // 获得 MPI 进程运行所在节点的名称
```

MPI Allgather (host, 128, MPI BYTE, allhost, 128, MPI BYTE, myComm);

rank	0	1	2	3	4	5	6	
allhost	Node0	Node0	Node3	Node4	Node5	Node4	Node4	

// 进程编号(rank)为i的 MPI 进程运行所在节点名称,即 host,应该存放在 allhost的第i项,即 allhost的第i*128 个字节偏移处存放的字符串。

```
//现在开始获得通信子域划分所需的 color 和 key
```

```
color = 0; key = 0; // 初值为 0
```

for(i=0;i<rank;i++) {</pre>

// 每个进程统计在编号小于它的进程中,有多少和其节点名称相同;

if(strcmp(allhost+i*128,host)) continue;// 不同,则下一个进程else key++; //相同, key 增一。

} //循环结束, key 即为当前进程的所在通信域的编号(KEY)

```
for(i=0;i<=rank;i++){
    if(!strcmp(allhost+i*128,host)) break;
    //节点名称相同,则跳出循环
}
```

color = i;//对于 rank==0 的主进程而言,总是 color 为 0。

// 每个进程在 allhost 数组中确定第一个和其节点名称相同的进程所在位置,

// 并以此作为通信域划分中的 COLOR。

rank	0	1	2	3	4	5	6	
allhost	Node0	Node0	Node3	Node4	Node5	Node4	Node4	
Key	0	1	0	0	0	1	2	
COLOR	0	0	2	3	4	3	3	

// 如此一来,可以划分通信域了!

MPI Comm split(myComm, color, key, &nodeComm);

三、 MPI 构造函数 MPI_Type_indexed 可从相同类型元素组成的连续数据区中 提取若干不同长度、不同索引位置的数据块组合为派生类型消息,其原型如下:

参数含义如下:

count: 数据块的个数; 也是参数 indices 和 blocklens 两个数组的有效长度。

blocklens:数组,存放每个块中类型为old type 的元素个数。

indices:数组,存放每个块的首元素在old type数据区中的索引。

old type: 元素的基本类型。newtype: 新的派生消息类型。

设有二维矩阵 int SA[N][N]。试写出 MPI 程序片段来定义: (20 分)

- (1)由<u>下三角矩阵</u>构成的派生消息类型 lowTriangle;
- (2)由主对角线(N个元素)及其上下两侧辅对角线(N-1元素)组成的主条带派生消息类型 mainStripe。
- (3)编写两个MPI 进程组成的程序,其中 0 号进程向 1 号进程发送由 SA[0][11]开始的 5×5 的上三角矩阵。

参考解答:

```
依题意,主要是完成函数 MPI Type indexed 的参数填写工作。
(1) 由下三角矩阵构成的派生消息类型 lowTriangle;
     count=N; // 下三角矩阵包含 N 个数据块
     for(i=0;i<N;i++) blocklens[i] = i+1;</pre>
     //每块数据含 1、2、...、N 个数据
     for (i=0; i< N; i++) indices [i] = i*N;
     //每块首元素偏移从 0、N、2*N...、(N-1)*N
MPI Type indexed(count,blocklens,indices,MPI INT,&lowTriangle);
     MPI Type commit(&lowTriangle);
(2) 主条带派生消息类型 mainStripe
     count=N; // 主条带矩阵包含 N 个数据块
     blocklens[0] = 2;//首个数据块包含 2 个 old type 数据
     blocklens[N-1] = 2; //最后的数据块包含 2 个 old type 数据
     for (i=1; i< N-1; i++) blocklens [i] = 3;
     //其余各块均包含 3 个 old_type 数据
     indices[0] = 0;//首块偏移为0;
     for(i=1;i<N;i++) indices[i] = i*(N+1);//其余各块偏移。
MPI Type indexed(count,blocklens,indices,MPI INT,&mainStripe);
     MPI Type commit(&mainStripe);
(3) 5×5的上三角矩阵 upTriangle5
     count = 5; //含 5 个数据块
     for(i=0;i<5;i++) blocklens[i] = 5-i;
     // 每块长度依次为 5、4、3、2、1
     indices[0] = 0;//首块偏移为0;
     for(i=1;i<5;i++) indices[i] = i*(N+1);//其余各块偏移
MPI Type indexed(count,blocklens,indices,MPI INT,&upTriangle5);
     MPI Type commit(&upTriangle5);
     if(rank==0){
       MPI Send(&SA[0][11],1, upTriangle5,
                1,2012,MPI_COMM_WORLD);
     }
     else if(rank==1){
       MPI Recv(&SA[0][11],1,upTriangle5,
                0,2012, MPI COMM WORLD, &status);
     }
```

四、 生成质数的经典方法就是 Eratosthenes 筛选法(Eratosthenes Filtering),在这种方法中,所有的一系列整数(设其小于 n)从 2 开始产生。第一个数 2 是质数给予保留,然后序列中所有 2 的倍数因不可能是质数都被删除;将序列中所有 3 的倍数都删除;将序列中所有 5 的倍数都删除···将序列中所有 \sqrt{n} 的倍数都删除,这样剩下的未被删除的数就是 $2\sim n$ 的序列中的所有质数。按此,请给出基于流水线设计技术的 OpenMP 并行程序。(20 分)

参考解答:

```
//数组 a 存放 0、1、2~N, sn 为 N 的平方根
//如果某个数不是素数,则其在 a 中对应项置为 0;
p = 2;
while (p<sn)
{
    #pragma omp parallel for private(i)
    for (i=p+1;i<N;i++)
        if (a[i]==0) continue;
        else if (a[i] % p == 0 ) a[i] = 0;
    while (a[++p] ==0);
}
```

- 五、 矩阵相乘的另一种并行算法是 Fox 算法(Fox Algorithm):将待相乘的矩阵 A 和 B 分成 p 个方块 $A_{i,j}$ 和 $B_{i,j}$ ($0 \le i,j \le_{\sqrt{p}-1}$),每块大小为($^{n/\sqrt{p}}$)×($^{n/\sqrt{p}}$),并将它们分配给 $^{\sqrt{p}}$ × $^{\sqrt{p}}$ 个处理器($P_{0,0}$, $P_{0,1}$, … , $P_{\sqrt{p}-1}$, $_{\sqrt{p}-1}$)。 开始时处理器 $P_{i,j}$ 存放有块 $A_{i,j}$ 和 $B_{i,j}$,并负责计算块 $C_{i,j}$ 。 然后 Fox 算法执行以下各步 $^{\sqrt{p}}$ 次 迭代即可完成:
- ① 选中对角块 $A_{i,i}$ 并将其向所在行的 $\sqrt{D} 1$ 个处理器进行一到多播送;
- ② 各处理器将所收到的 A 阵的块与 B 阵原有的块进行乘—加运算;
- ③ B 阵的块向上循环 1 步;
- ④ 如果 $A_{i,j}$ 是本次播送的块,则下次应选块 $A_{i,(j+1) \mod \sqrt{p}}$ 向同行的 $\sqrt{p}-1$ 个处理器播送,然后转第②步。

请写出实现 Fox 算法的 MPI 并行程序。(20 分)

参考解答:

(1) 有关辅助工作及函数:

```
(1.1)依题意,所有进程拓扑为\sqrt{p} \times \sqrt{p} 二维划分。
因此, 进程 rank 和行 row、列 col 转换如下:
int sp = sqrt(p) ; //\sqrt{p}
int Sub Matrix Size = (N / sp) * (N / sp);
int get Rank(int row, int col) { return row * sp + col; }
int get_Row(int rank) { return rank / sp; }
int get Col(int rank) { return rank % sp; }
int upRow(rank) {
 return get Rank((sp+get Row(rank)-1)%sp,get Col(rank))
int lowRow(rank) {
 return get Rank((get Row(rank)+1)%sp,get Col(rank))
};
void Copy SubMatrix(SUB A,SUB B);
//将子矩阵 SUB A 拷贝到子矩阵 SUB B;
void Mul ADD SubMatrix(SUB A,SUB B,SUB C);
//子矩阵 SUB A 和 SUB B 相乘,结果累加到子矩阵 SUB C;
// 即 SUB C += SUB A * SUB B
```

(1.2) 此外,依题意,具有相同行 row 的进程之间需要进行广播通信。因此,为简 化编程,可以将行 row 相同的进程可以分在一个子通信域内。

```
int color = get Row(rank);
int key = get Col(rank);
MPI COMM rowComm;
MPI Comm split(MPI COMM WORLD, color, key, &rowComm);
(2) Fox 算法的 MPI 实现主要部分
int i;
int row,col;
int root;
MPI Status stat;
MPI_DOUBLE *local_SUB_A, *local_SUB_B,*local_SUB_C;
MPI DOUBLE *temp SUB A, *temp SUB B;
row = col = get Row(rank);// 取 A<sub>i,i</sub>的下标
root = get Rank(row,col); // 设置首次广播的 root
for( i=0; i<sp; i++){
   //算法步①
   Copy SubMatrix(local SUB A, temp SUB A);
   MPI Bcast(temp SUB A, Sub Matrix Size, MPI DOUBLE,
             root, rowComm);
   //算法步②
  Mul ADD SubMatrix(temp SUB A, local SUB B, local SUB C);
   //算法步③
MPI Sendrecv(
local SUB B, Sub Matrix Size, MPI DOUBLE, upRow(rank), 9999,
 temp_SUB_B,Sub_Matrix Size,MPI DOUBLE,lowRow(rank),9999,
MPI COMM WORLD, &stat
);
  Copy Sub Matrix(temp SUB B,local SUB B);
  //算法步④
  col = (col+1) % sp
  root = get Rank(row,col);
}
```

本试卷答题过程中可能用到的函数原型:

MPI_Type_commit(MPI_Datatype *datatype)

MPI_Reduce(void *sendbuf, void *recvbuf, int count, MPI_Datatype datatype, MPI_Op op, int root, MPI_Comm comm)

MPI_Comm_split(MPI_Comm comm, int color, int key, MPI_Comm *newcomm)

MPI_Bcast(void *buffer, int count, MPI_Datatype datatype, int root, MPI_Comm comm)

MPI_Gather(void *sendbuf, int sendcnt, MPI_Datatype sendtype, void *recvbuf, int recvcnt, MPI_Datatype recvtype, int root, MPI_Comm comm)

MPI_Allgather(void *sendbuf, int sendcount, MPI_Datatype sendtype,void *recvbuf, int recvcount, MPI_Datatype recvtype, MPI_Comm comm)

MPI_Send(void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int dest, int tag, MPI_Comm comm)

MPI_Recv(void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int source, int tag, MPI_Comm comm, MPI_Status *status)

MPI_Sendrecv(void *sendbuf, int sendcount, MPI_Datatype sendtype,int dest, int sendtag, void *recvbuf, int recvcount, MPI_Datatype recvtype, int source, int recvtag, MPI_Comm comm, MPI_Status *status) gethostname(char *name, int namelen)