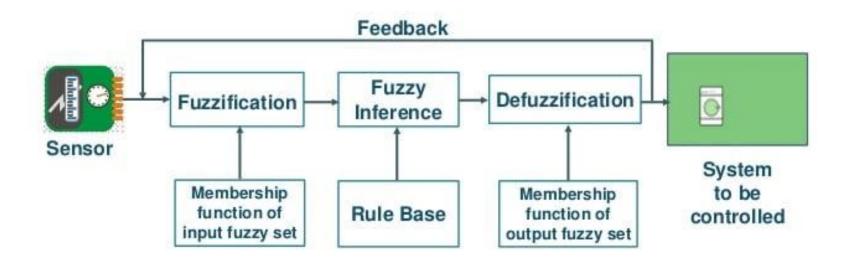
Hệ mờ

TS. NGUYỄN ĐÌNH HÓA

Giới thiệu chung

Fuzzy Logic Controller



Định nghĩa hệ Mờ

Hệ mờ gồm một tập hợp các quy tắc (luật) mờ cùng các hàm thành viên để suy luận từ dữ liệu Hệ mờ sử dụng các luật logic mờ chứ không sử dụng logic Boolean.

Logic mờ là một loại logic thể hiện sự mờ, không hoàn toàn rõ ràng. Logic mờ được sử dụng để mô hình hóa tư duy con người về khả năng dùng từ, đưa ra quyết định, và biểu diễn kiến thức căn bản.

Logic mờ được giới thiệu lần đầu tiên năm 1930 bởi Jan Lukasiewicz, một nhà triết học Ba Lan (trong việc phát triển các ý nghĩa thông tin nằm giữa 0 và 1).

Năm 1937, Max Black cho ra đời tập mờ đầu tiên.

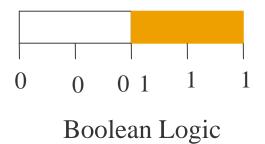
Năm 1965, Lotif Zadeh tiếp tục nghiên cứu về "sự mờ".

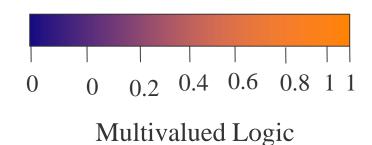
Logic mò

Logic mờ là một tập hợp các nguyên lý toán học để biểu diễn tri thức dựa trên nhiều mức độ thành viên

Logic tỏ là một cách biểu diễn hàm thành viên nhị phân để phân loại dữ liệu.

Logic tỏ chỉ có hai giá trị, logic mờ có nhiều giá trị





Tập tỏ - Tập mờ

Tập tỏ: Là tập hợp được xác định bởi đường bao rõ ràng. Một phần tử chỉ có thể thuộc tập A hoặc không thuộc tập A

Hàm đặc tính, $f_a(x)$, của tập tỏ chỉ có 2 giá trị đầu ra

Tập mờ: là tập hợp được xác định bởi đường bao mờ

Hàm thành viên, $\mu_A(x)$, của tập mờ gồm nhiều giá trị đầu ra.

$$f_A(x): X \to 0, 1$$

$$f_A(x) = \begin{cases} 1, & \text{if } x \in A \\ 0, & \text{if } x \notin A \end{cases}$$

$$\mu_A(x): X \to [0,1]$$
 $\mu_A(x) = 1$ Nếu x hoàn toàn thuộc A

 $\mu_A(x) = 0$ Nếu x không thuộc A

 $0 < \mu_A(x) < 1$ Nếu x thuộc A một phần

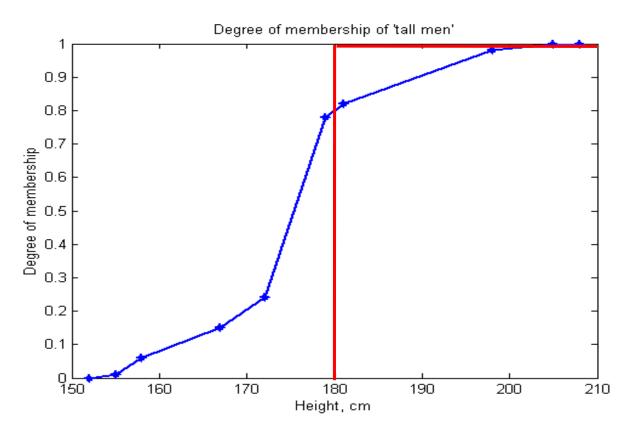
Ví dụ

Xác định mức độ thành viên của "người cao"

Tên	Chiều cao	Mức độ thành viên			
	(cm)	Tập Tỏ	Tập Mờ		
Rahim	208	1	1.00		
Karim	205	1	1.00		
Ram	198	1	.98		
Sam	181	1	.82		
Jodu	179	0	.78		
Modu	172	0	0.24		
Abdul	167	0	0.15		
Anis	158	0	0.06		
Montu	155	0	0.01		
Robin	152	0	0.00		

Ví dụ

Đường mầu đỏ biểu diễn tập Tỏ, còn đường mầu xanh biểu diễn tập Mờ xác định người cao.



Hàm thành viên của tập mờ

Hàm thành viên được xác định bằng kiến thức chuyên gia.

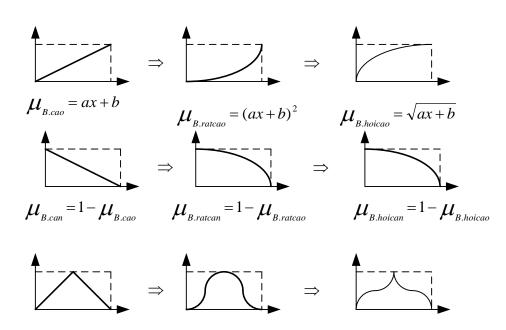
Hàm thành viên được xác định dựa trên dữ liệu thu thập: xác định cấu trúc hàm thành viên và tinh chỉnh nó.

Có 3 dạng hàm thành viên cơ bản:

Dạng tăng

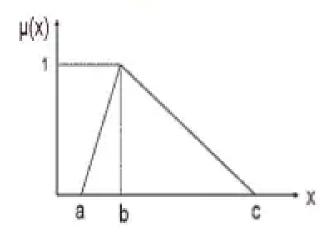
Dang giảm

Dạng vừa tăng vừa giảm



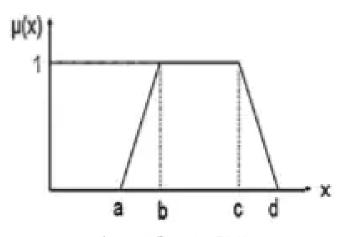
Môt số hàm thành viên cơ bản

Triangular



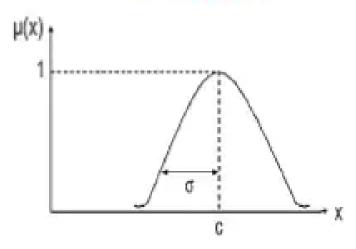
$$\mu(x) = \begin{cases} 0, x \le a \\ \frac{x-a}{b-a}, a \le x \le b \\ \frac{c-x}{c-b}, b \le x \le c \\ 0, x \ge c \end{cases}$$

Trapezoidal



$$\mu(x) = \begin{cases} 0, & x \le a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \le x \le b \\ \frac{c-x}{c-b}, & b \le x \le c \\ 0, & x \ge c \end{cases} \qquad \mu(x) = \begin{cases} 0, & x \le a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \le x \le b \\ 1, & b \le x \le c \\ \frac{c-x}{c-b}, & c \le x \le d \\ 0, & x \ge d \end{cases}$$

Gaussian



$$\mu(x) = exp\left(\frac{-(x-c)^2}{2\sigma^2}\right)$$

Các toán tử mờ

Hai tập mờ A và B được gọi là bằng nhau khi và chỉ khi $\mu_A(x) = \mu_B(x)$ với mọi $x \in U$

Tập mờ B chứa tập mờ A, $A \subset B$, khi và chỉ khi $\mu_A(x) \leq \mu_B(x)$ với mọi $x \in U$

Bù của A là một tập mờ phủ định A trong U: $\mu_{\bar{A}}(x)=1-\mu_{A}(x)$

Hợp của hai tập mờ A và B, $A \cup B$ là một tập mờ có hàm thành viên được xác định bởi:

$$\mu_{A \cup B}(x) = \max[\mu_A(x), \mu_B(x)]$$

Giao của hai tập mờ A và B là một tập mờ có hàm thành viên được xác định bởi

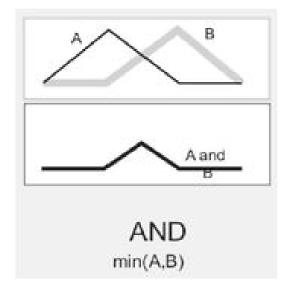
$$\mu_{A\cap B}(x) = \min[\mu_A(x), \mu_B(x)]$$

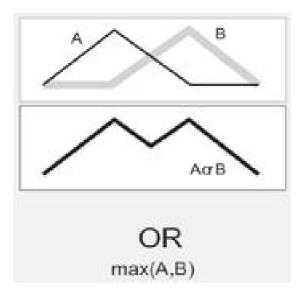
Các toán tử mờ

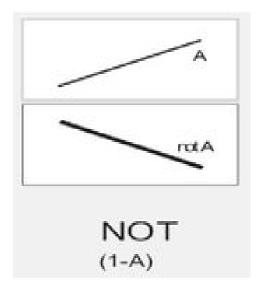
AND: lấy giá trị nhỏ nhất của các hàm thành viên

OR: Lấy giá trị lớn nhất của các hàm thành viên

NOT: lấy phủ định của hàm thành viên







Độ hỗ trợ của tập mờ

Tập hỗ trợ của tập mờ A, supp(A), của một tập con các phần tử U mà giá trị theo hàm thành viên, $\mu_A(x)$, của các phần tử đó lớn hơn 0

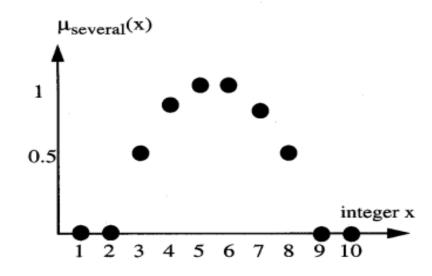
$$supp(A) = \{x \in U \mid \mu_A(x) > 0\}$$

Giá trị $\mu_A(x)$ còn được gọi là độ hỗ trợ của tập mờ A đối với mỗi phần tử x

Ví dụ: Tập hỗ trợ của tập mờ A là {3, 4, 5, 6, 7, 8}

Nếu tập hỗ trợ của tập mờ A là rỗng thì A được gọi là tập mờ rỗng

Nếu tập hỗ trợ của tập mờ A chỉ có một phần tử thì A được gọi là tập mờ đơn



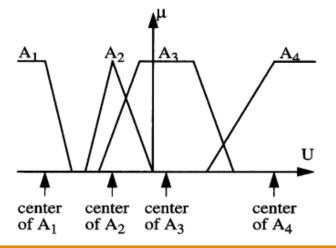
Các tính chất của tập mờ

Chiều cao của một tập mờ: là giá trị thành viên lớn nhất của một phần tử trong tập mờ đó

Nếu tập mờ có chiều cao là 1 thì được gọi là Tập mờ bình thường

Trung tâm của tập mờ: là giá trị trung bình (hữu hạn) của các phần tử có giá trị thành viên đạt tối đa trong tập mờ đó.

- Nếu giá trị trung bình này là dương vô cùng thì trung tâm của tập mờ sẽ là giá trị của phần tử nhỏ nhất
- Nếu giá trị trung bình này là âm vô cùng thì trung tâm của tập mờ sẽ là giá trị của phần tử lớn nhất



Các tính chất của tập mờ

Một giao điểm α của tập mờ A là tập hợp các phần tử của A có giá trị thành viên tối thiểu là α $A_{\alpha}=\{x\in U\mid \mu_{A}(x)\geq \alpha\}$

Mờ hóa là sự ánh xạ từ các tập giá trị x thuộc U, $U \subset R$, thành tập các giá trị $\mu_A(x)$ thuộc tập mờ A ở trong U.

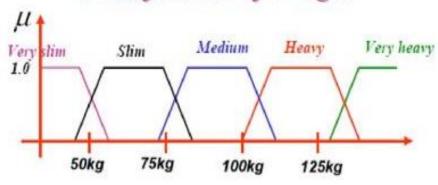
Mờ hóa đơn vị: từ điểm giá trị $x \in U$ lấy một giá trị đơn của tập mờ A

Mờ hóa Gauss: từ các điểm giá trị $x \in U$ lấy giá trị đơn của tập mờ A thuộc hàm Gauss.

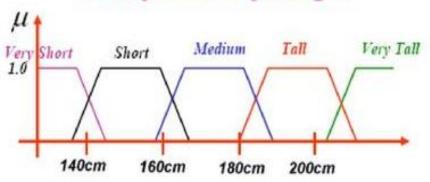
Mờ hóa tam giác: từ các điểm giá trị $x \in U$ lấy giá trị đơn của tập mờ A thuộc hàm hình tam giác

Bước 1: Chuyển đổi dữ liệu số thành dữ liệu ngôn ngữ

Fuzzification of Weight

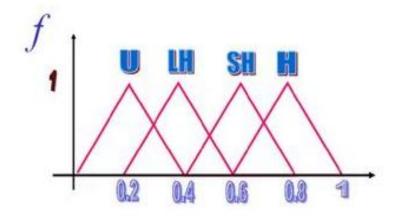


Fuzzification of Height



Bước 2: Xây dựng luật

- · Luật phản ánh quyết định của chuyên gia
- Luật được lập thành bảng với các từ thể hiện mờ hóa
 - Ví dụ: Khỏe (H), có vẻ khỏe (SH), không khỏe lắm (LH), yếu (UH)
 - hàm quy tắc: f = {U, LH, SH, H}
- Luật có thể gom nhóm thành các tập luật
- Luật có thể dư thừa
- Luật có thể điều chỉnh cho phù hợp với nhu cầu sử dụng



$$f = \{U, LH, SH, H\}$$

Bảng mờ hóa

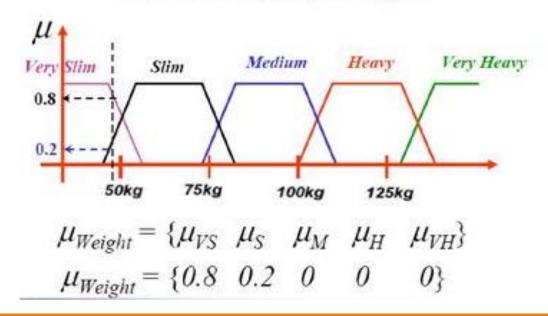
Ví dụ: Bảng với các từ đã mờ hóa

			Weigh	t		
		Very Slim	Slim	Medium	Heavy	Very Heavy
Height	Very Short	Н	SH	LH	U	U
	Short	SH	Н	SH	LH	U
	Medium	LH	Н	н	LH	U
	Tall	U	SH	Н	SH	U
	Very Tall	U	LH	н	SH	LH

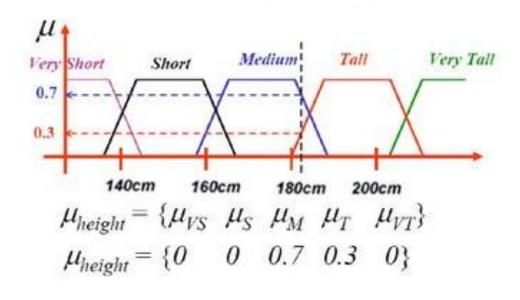
Bước 3: Tính toán

- · tính toán giá trị hàm thành viên dựa trên giá trị cụ thể của từng đối tượng
- Ví dụ: Chiều cao 185cm, cân nặng 49 kg

Membership of Weight



Membership of Height



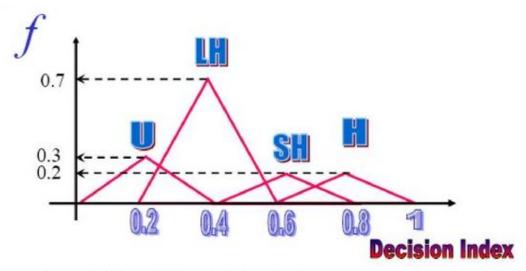
Vận dụng luật mờ, xây dựng hệ kiến thức chuyên gia

			Weigh	t		
		0.8	0.2	Medium	Heavy	Very Heavy
Height	Very Short	н	SH	LH	U	U
	Short	SH	Н	SH	LH	U
	0.7	LH	н	н	LH	U
	0.3	U	SH	н	SH	U
	Very Tall	U	LH	н	SH	LH

Kết hợp thông tin giữa các thuộc tính bằng toán tử AND -> dùng hàm MIN

		2	Weigh	it		
		0.8	0.2	Medium (0)	Heavy (0)	V.Heavy (0)
Height	V. Short (0)	0	0	0	0	0
	Short (0)	0	0	0	0	0
	0.7_	. O. 7 [*]	0.2	0	0	0
	0.3	0.3	0.2	0	0	0
	V. Tall (0)	0	0	0	0	0

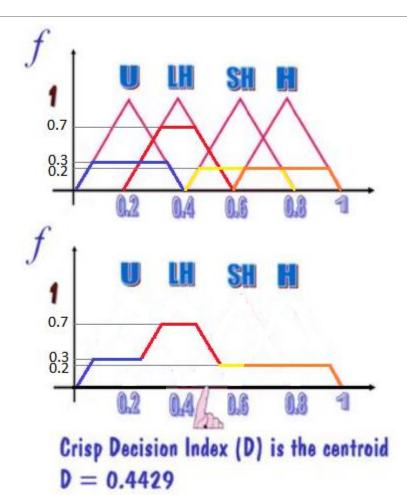
Quyết định dựa trên mờ hóa

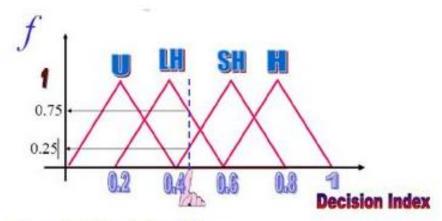


$$f = \{U, LH, SH, H\}$$

$$f = \{0.3, 0.7, 0.2, 0.2\}$$

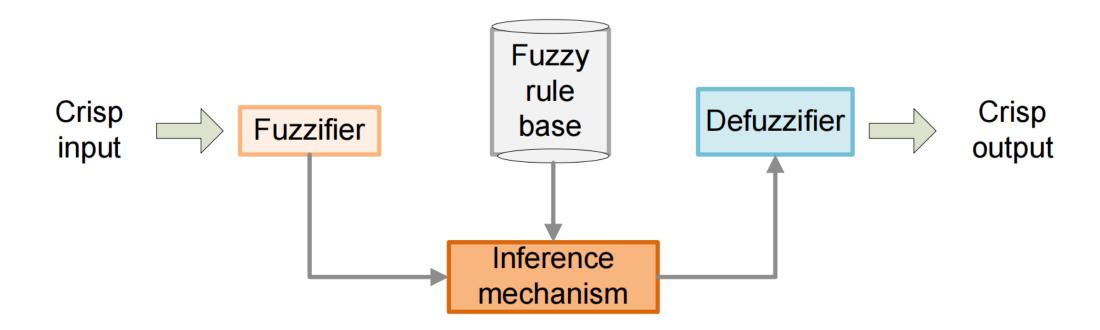
Giải mờ





Fuzzy Decision Index (D)
75% in Less Healthy group
25% in Somewhat Healthy group

Mờ hóa và giải mờ



Giải mờ

Giải mờ là quá trình chuyển các giá trị logic thuộc tập mờ A sang các giá trị logic thuộc tập tỏ.

Có 3 phương pháp giải mờ cơ bản:

- Phương pháp cực đại
- Phương pháp trọng tâm
- Phương pháp trung bình tâm

Giải mờ - phương pháp cực đại

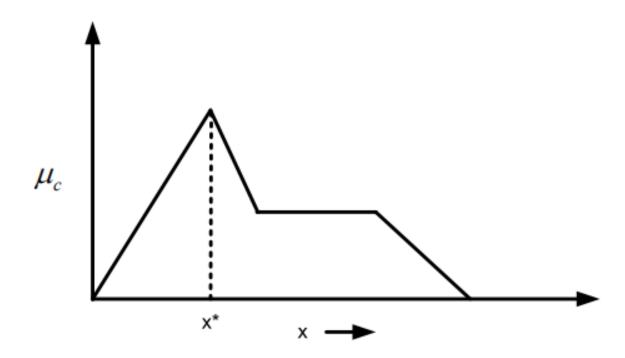
Là quá trình chuyển từ bộ giá trị của tập mờ sang một giá trị của tập tỏ tương ứng với x mang giá trị $\mu_A(x)$ lớn nhất. Có bốn phương pháp cơ bản:

- \circ Giải mờ theo chiều cao tập mờ: phù hợp nếu chỉ có 1 giá trị x có $\mu_A(x)$ cực đại
- Giải mờ theo cực đại đầu tiên
- Giải mờ theo cực đại cuối cùng
- · Giải mờ theo cực đại trung bình

Giải mờ theo chiều cao tập mờ

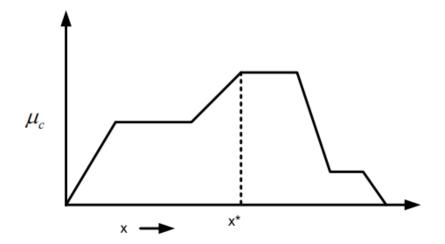
x* tương ứng với chiều cao của tập mờ A

 $\mu_C(x^*) \ge \mu_A(x)$ với mọi x



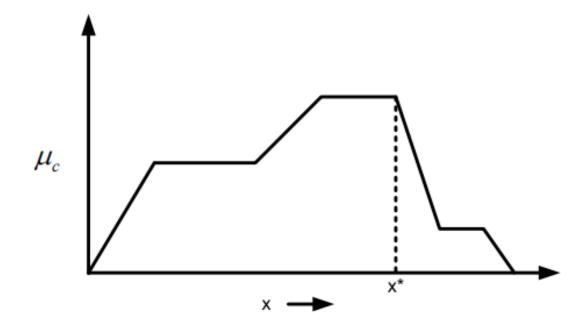
Giải mờ theo cực đại đầu tiên

$$x^* = \min\{x | C(x) = \max_w C\{w\}\}\$$

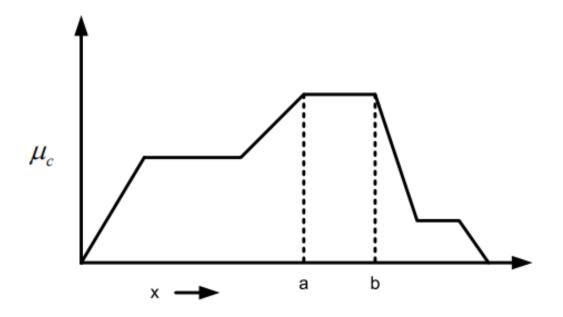


Giải mờ theo cực đại cuối cùng

$$x^* = \max\{x | C(x) = \max_w C\{w\}\}$$



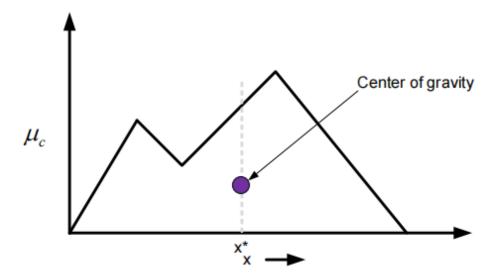
Giải mờ theo cực đại trung bình



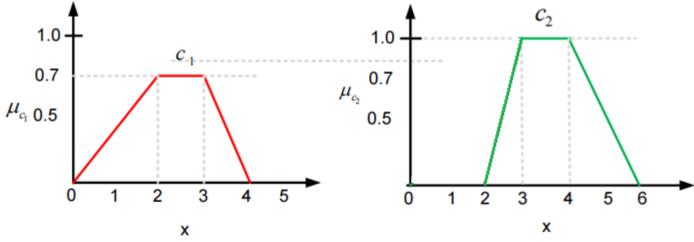
$$X^* = \frac{a+b}{2}$$

Giải mờ theo trọng tâm

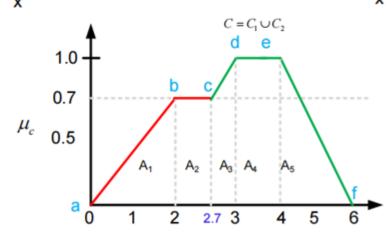
$$x^* = \frac{\int x.\mu_C(x)dx}{\int \mu_C(x)dx}$$



Ví dụ - Giải mờ theo trọng tâm



$$\mu_c(x) = \begin{cases} 0.35x & 0 \le x < 2\\ 0.7 & 2 \le x < 2.7\\ x - 2 & 2.7 \le x < 3\\ 1 & 3 \le x < 4\\ (-0.5x + 3) & 4 \le x \le 6 \end{cases}$$



Ví dụ - Giải mờ theo trọng tâm

$$X^* = \frac{\int x \cdot \mu_c(x) dx}{\int \mu_c(x) dx} = \frac{N}{D}$$

$$N = \int_0^2 0.35 x^2 dx + \int_2^{2.7} 0.7 x^2 dx + \int_{2.7}^3 (x^2 - 2x) dx + \int_3^4 x dx + \int_4^6 (-0.5 x^2 + 3x) dx$$

$$= 10.98$$

$$D = \int_0^2 0.35 x dx + \int_2^{2.7} 0.7 x dx + \int_{2.7}^3 (x - 2) dx + \int_3^4 dx + \int_4^6 (-0.5 x + 3) dx$$

$$= 3.445$$

 $x^* = \frac{10.98}{3.445} = 3.187$

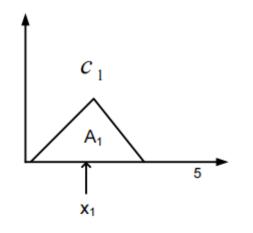
Giải mờ theo trọng tâm

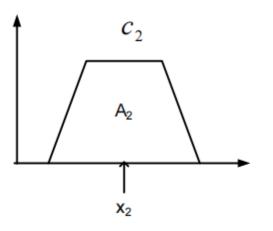
Có thể sử dụng công thức rời rạc:

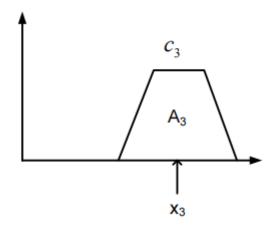
$$X^* = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i.(A_i)}{\sum_{i=1}^{n} A_i}$$

Trong đó, A, là diện tích bao phủ bởi tập mờ Ci

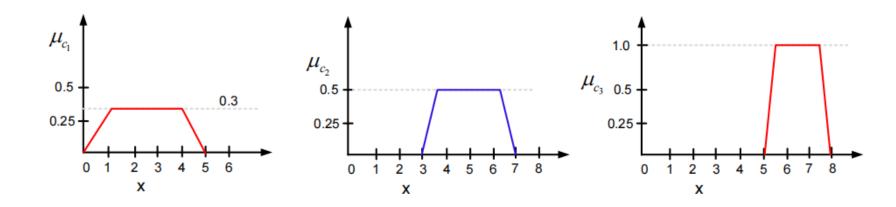
x_i là giá trị tương ứng với trọng tâm của tập mờ C_i







Ví dụ



Ví dụ

$$A_{c_1} = \frac{1}{2} \times 0.3 \times (3+5), x_1 = 2.5$$

 $A_{c_2} = \frac{1}{2} \times 0.5 \times (4+2), x_2 = 5$
 $A_{c_3} = \frac{1}{2} \times 1 \times (3+1), x_3 = 6.5$

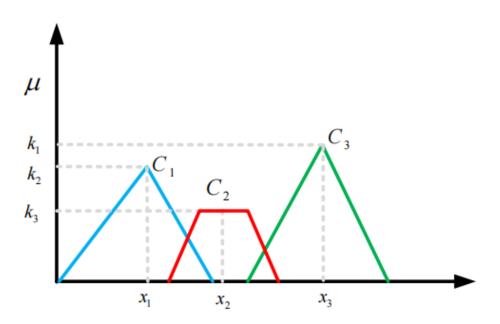
$$X^* = \frac{\frac{1}{2} \times 0.3 \times (3+5) \times 2.5 + \frac{1}{2} \times 0.5 \times (4+2) \times 5 + \frac{1}{2} \times 1 \times (3+1) \times 6.5}{\frac{1}{2} \times 0.3 \times (3+5+\frac{1}{2} \times 0.5 \times (4+2) + \frac{1}{2} \times 1 \times (3+1)} = 5.00$$

Nếu tính theo phương pháp tích phân: $x^* = 4.9$

Giải mờ theo trung bình trọng số

Có các tập fuzzy: C_1 , C_2 , ..., C_n và x_i là giá trị nằm giữa của tập mờ C_i

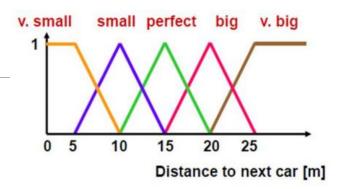
$$X^* = \frac{\sum_{i=1}^n \mu_{C_i}(x_i).(x_i)}{\sum_{i=1}^n \mu_{C_i}(x_i)}$$

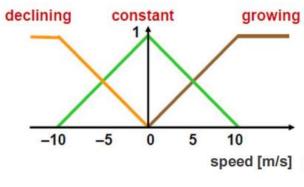


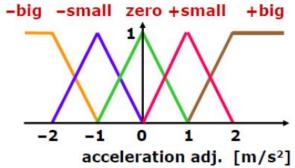
Bài tập ví dụ

Xác định gia tốc của xe biết khoảng cách là 13 m, vận tốc là -2.5 m/s

Knowledge Rule base		Distance to next car [m]					
		v.small	small	perfect	big	v.big	
Speed Change $[m^2]$	declining	-ve small	zero	+ve small	+ve big	+ve big	
	constant	-ve big	-ve small	zero	+ve small	+ve big	
	growing	-ve big	-ve big	-ve small	zero	+ve small	







Bài tập

Luật 1: IF khoảng cách nhỏ AND vận tốc đang giảm dần THEN gia tốc bằng 0

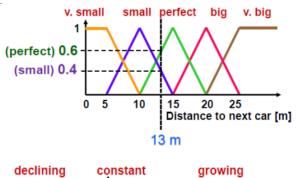
Luật 2: IF khoảng cách nhỏ AND vận tốc không đổi THEN gia tốc giảm nhẹ

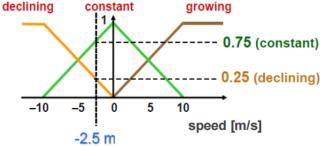
Luật 3: IF khoảng cách hoàn hảo AND vận tốc giảm dần THEN gia tốc tăng nhẹ

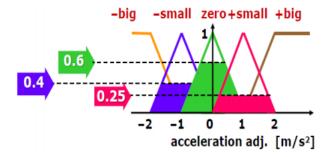
Luật 4: IF khoảng cách hoàn hảo AND vận tốc không đổi THEN gia tốc bằng 0

Knowledge Rule base		Distance to next car [m]					
		v.small	small	perfect	big	v.big	
Speed Change $[m^2]$	declining	-ve small	zero	+ve small	+ve big	+ve big	
	constant	-ve big	-ve small	zero	+ve small	+ve big	
	growing	-ve big	-ve big	-ve small	zero	+ve small	

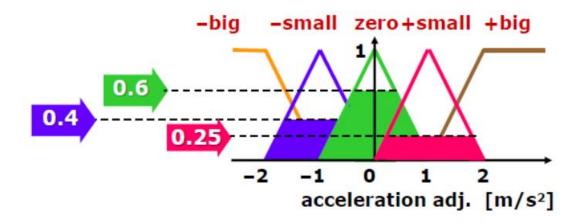
Bài tập







Bài tập



acceleration adj. =
$$\frac{\alpha_1 C_1 + \alpha_2 C_2 + \alpha_3 C_3}{\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3}$$
$$= \frac{0.4 * -1 + 0.6 * 0 + 0.25 * 1}{0.4 + 0.6 + 0.25} = -0.12 \text{ m/s}^2$$

Lý do sử dụng logic mờ

Dễ hiểu về mặt khái niệm

Khả năng linh hoạt cao

Phù hợp với các loại dữ liệu có dung sai lớn

Logic mờ có khả năng mô hình hóa các hàm phi tuyến với nhiều độ phức tạp khác nhau

Có thể xây dựng từ kinh nghiệm chuyên gia

Được xây dựng dựa trên xử lý ngôn ngữ tự nhiên

Có thể kết hợp nhiều kỹ thuật điều khiển thông thường