# 并行编译与优化 Parallel Compiler and Optimization

计算机研究所编译系统室

# Lecture Seven: Scalar Optimization 第七课: 标量优化

# 回顾: 数据流分析



	到达定值分析	活跃变量分析
数据流方向D	前向	后向
值集V	定值的集合	变量的集合
交汇运算^	U	U
传递函数F	$f_B(x) = gen[B] \cup (x - kill[B])$	$f_B(x) = use[B] \cup (x - def[B])$
数据流方程	$in[B] = \bigcup out[pred(B)]$ $out[B] = f_B(in[B])$	$out[B] = \bigcup in[succ(B)]$ $in[B] = f_B(out[B])$
边界条件	$out[entry] = \emptyset$	$in[exit] = \emptyset$
初始值	out[B] = Ø	in[B] = Ø

#### 回顾: 数据流分析迭代算法



```
out[Entry] = V_{entry};
for (each B∈N-{Entry})
  out[B] = T //初值
while(change to any out occur){
  for(each B∈N-Entry){
   in[B] = \bigwedge_{p \in pred[B]} out[P];
   out[B] = f_{B}(in[B]);
```

```
in[Exit] = V_{exit}
for (each B∈N-{Exit})
  in[B] = T //初值
while(change to any in occur){
  for(each B∈N-Exit){
   out[B] = \land_{s \in succ[B]} in[S];
   in[B] = f_B(out[B]);
```

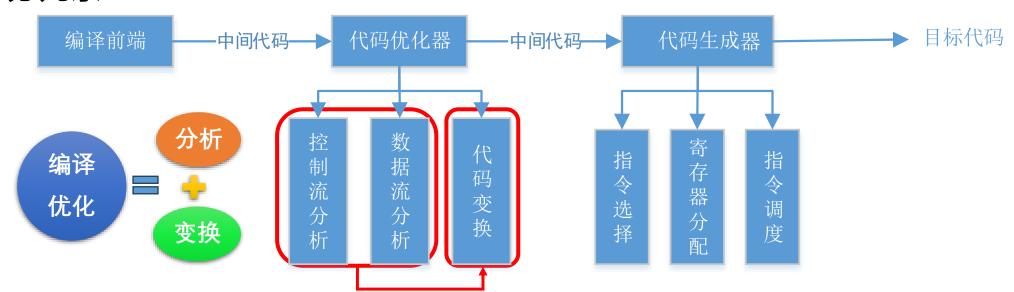
前向数据流分析的迭代算法

后向数据流分析的迭代算法

#### 冗余代码



- ■考虑访问数组元素a[i][j]对应的IR
- ■中间代码中存在大量冗余代码,如
  - ◆公用子表达式
  - ◆循环不变量
  - サ死代码
  - ⊕部分冗余.....



#### 冗余优化



#### ■一些常用的冗余优化技术

- ◆常数传播/复制传播(Const Propagation/Copy Propagation)
- ⊕公用子表达式删除(Common Subexpression Elimination, CSE)
- ⊕值编号(Value numbering, local and global)
- ◆循环不变量外提(Loop-Invariant Code Motion, LICM)
- **◆死代码删除(Dead Code Elimination, DCE)**
- ⊕代码提升(Code Hoisting)
- ⊕部分冗余删除(Partial Redundancy Elimination, PRE)

#### 学习内容



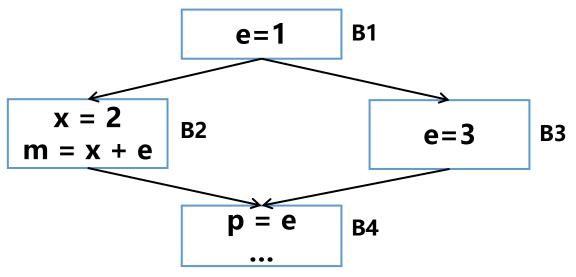
- ■7.1 常数传播
- ■7.2 公用子表达式删除
- ■7.3 值编号
- ■7.4 循环不变量外提
- **■7.5 死代码删除**

#### 学习目标



■掌握冗余优化中的公用子表达式删除和死代码删除优化方法, 熟悉常数传播、值编号和循环不变量外提优化方法





- ■在每个基本块的边界,判断哪些变量是常数?
  - ⊕如果是, 值是多少?
- ■如果变量x定值为常数C,在x值没有发生改变前,用C来 替换对x的使用
- ■常数传播分析是一个前向数据流问题



```
out[Entry] = V_{entry};
for (each B∈N-{Entry})
  out[B] = UNDEF //初值
while(change to any out occur){
  for(each B∈N-Entry){
   in[B] = \bigwedge_{p \in pred[B]} out[P];
   out[B] = f_B(in[B]);
```

#### ■值集V中变量可能的取值类型

- ♥所有符合该变量的类型的常量值c
- ⊕值NAC(not a constant),表示非常量值
- ⊕值UNDEF, 表示未定义
- ■常数传播是一个"必然"问题
  - ◆数据流信息必须为真,而不是可能为真
  - 母因此计算的是下界, △是"集合交"



```
out[Entry] = V_{entry};
for (each B∈N-{Entry})
  out[B] = UNDEF //初值
while(change to any out occur){
 for(each B∈N-Entry){
   in[B] = \bigwedge_{p \in pred[B]} out[P];
   out[B] = f_B(in[B]);
```

#### ■边界条件Ventry

- ◆对所有变量x, out[entry,x]=UNDEF
- ◆表示所有变量x在程序开始执行的时候是没 有定值的
- ■初始值
  - ◆对所有变量x, out[B,x] = UNDEF
- ■in[S,x]和out[S,x]分别表示语句S前后 变量x的信息,有

$$out[S,x] = f_s(in[S,x])$$



#### · 按以下方式定义传递函数 f<sub>s</sub>

- ⊕如果S不是赋值语句,那么f<sub>s</sub>是单元函数,即f<sub>s</sub>(x) = x
- ◆如果S是一个对变量x的赋值语句, S: x ←RHS(右部), 对所有v ≠ x的变量, 有out[S,v] = in[S,v]
- ⊕对变量x, out[S,x]的定义如下
  - ① 如果RHS 是常量c, 则out[S,x] = c
  - ② 如果RHS 形如y ⊗ z, 则:
    - ・如果in[S,y]和in[S,z]都是常量值,则out[S,x]= in[S,y] ⊗ in[S,z]
    - ・如果in[S,y]和in[S,z]中有一个是NAC, 那么out[S,x]=NAC
    - ・否则, out[S,x]=UNDEF
  - ③ 如果RHS是其他表达式(如函数调用),则out[S,x] = NAC

## 7.1.2 常数传播方法

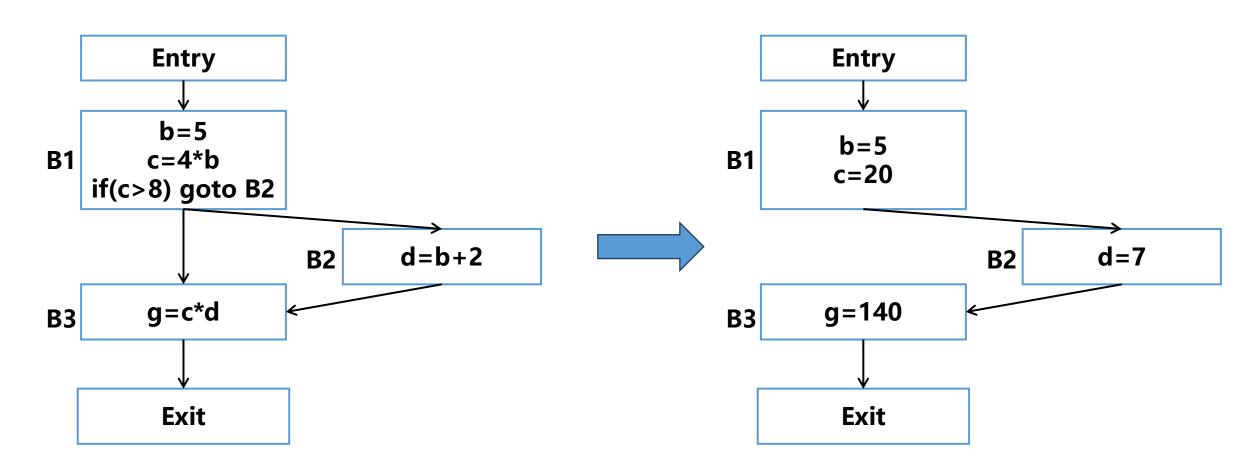


```
首先进行常数传播分析
对每个基本块B∈N,执行 {
  对每条instr∈B ,如果instr使用x,并且在B的入口点x是常数c{
   ① 判断在该instr入口处x是否为常数c
   ② 替换instr中的x为c
```

## 7.1.2 常数传播方法



#### ■示例: 常数传播+常数折叠



#### 量变引起质变

#### 学习内容

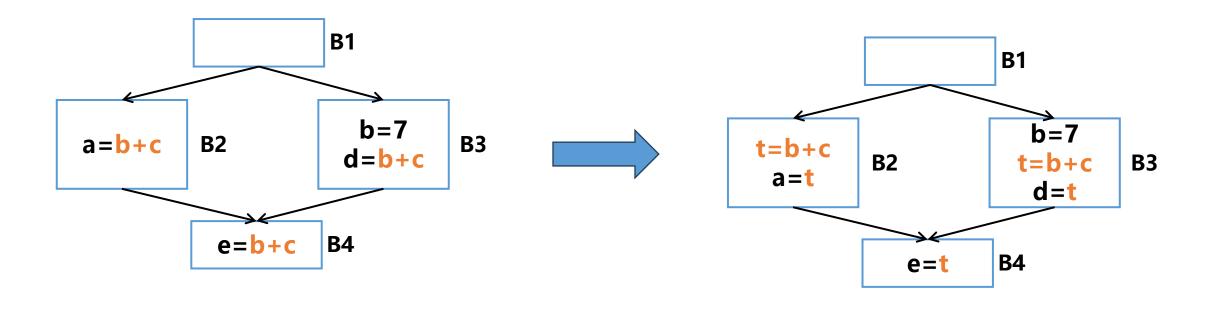


- ■7.1 常数传播
- ■7.2 公用子表达式删除
- ■7.3 值编号
- ■7.4 循环不变量外提
- **■7.5 死代码删除**

#### 7.2.1 公用子表达式



- ■如果表达式E在某次出现之前已经被计算过,并且E中操作数的值从那次计算之后就一直没有被改变,则E的该次出现就称为一个公用子表达式(common subexpression)
- ■公用子表达式删除(common subexpression elimination, CSE)就是用保留的结果替换重复计算





- ■如果一个表达式x⊗y在点p满足下列条件,则该表达式在点p可用(available)
  - ⊕从entry结点到点p的每条路径都对表达式x⊗y进行计算
  - ⊕并且从最后一次这样的计算到点p之间,没有再次对x或y的定值
- ■可用表达式分析
  - 母分析每个基本块边界(入口点和出口点)的所有可用表达式
  - **中分析的结果用于公用子表达式删除**



- ■如果一个基本块一定对表达式x+y求值,并且之后没有在对x 或y定值,则该基本块B<mark>生成(或计算)</mark>表达式x+y
- ■如果一个基本块B对x或y赋值,并且之后没有再重新计算x+y,则该基本块B"杀死" 表达式x+y

语句	可用表达式
a = b + c	Ø
b = a - d	
c = b + c	
d = a - d	



- ■如果一个基本块B对x或y赋值,并且之后没有再重新计算x+y,则该基本块B"杀死" 表达式x+y
- ■如果一个基本块一定对表达式x+y求值,并且之后没有在对x 或y定值,则该基本块B<mark>生成(或计算)</mark>表达式x+y

语句	可用表达式
a = b + c	Ø
	{b + c}
b = a - d	
c = b + c	
d = a - d	



- ■如果一个基本块B对x或y赋值,并且之后没有再重新计算x+y,则该基本块B"杀死" 表达式x+y
- ■如果一个基本块一定对表达式x+y求值,并且之后没有在对x 或y定值,则该基本块B<mark>生成(或计算)</mark>表达式x+y

语句	可用表达式
	Ø
a = b + c	{b + c}
b = a - d	
_	{a - d}
c = b + c	
d = a - d	



- ■如果一个基本块B对x或y赋值,并且之后没有再重新计算x+y,则该基本块B"杀死" 表达式x+y
- ■如果一个基本块一定对表达式x+y求值,并且之后没有在对x 或y定值,则该基本块B<mark>生成(或计算)</mark>表达式x+y

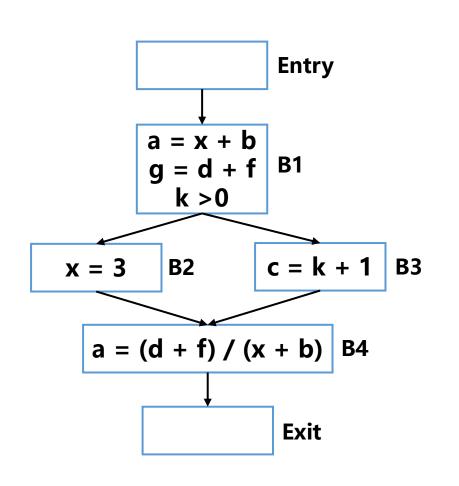
语句	可用表达式
	Ø
a = b + c	
	{b + c}
b = a - d	
	{a - <b>d</b> }
c = b + c	
	{a - d}
d = a - d	



- ■如果一个基本块B对x或y赋值,并且之后没有再重新计算x+y,则该基本块B"杀死" 表达式x+y
- ■如果一个基本块一定对表达式x+y求值,并且之后没有在对x 或y定值,则该基本块B<mark>生成(或计算)</mark>表达式x+y

语句	可用表达式
	Ø
a = b + c	
	{b + c}
b = a - d	
	{a - d}
c = b + c	
	{a - d}
d = a - d	
	Ø





- ■in[B]:基本块B入口点的可用表达式集合
- ■out[B]: 基本块B出口点的可用表达式集合
- eval[B]:在基本块B中计算的,并且在B的出口点仍旧可用的表达式集合
- kill[B]:被基本块B杀死的表达式集合
- ■第一步: 计算各个基本块的eval[B]和kill[B]

```
eval[B1] = \{x+b, d+f\} kill[B1] = \emptyset

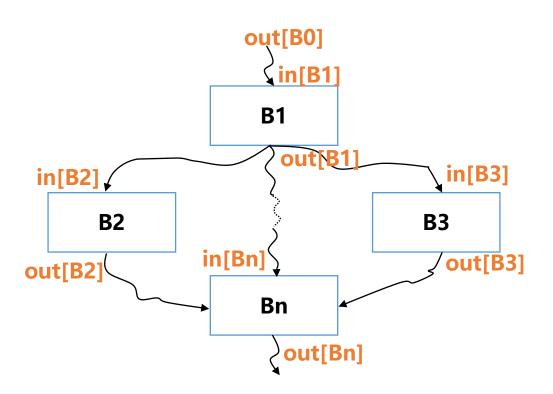
eval[B2] = \emptyset kill[B2] = x+b

eval[B3] = \{k+1\} kill[B3] = \emptyset

eval[B4] = \{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)\} kill[B4] = \emptyset
23
```



- ■第二步: 建立数据流方程
  - ⊕前向数据流分析,寻找的是从entry结点到点p的可用表达式
  - ⊕∧是"集合交"



$$in[B] = \bigcap_{P \in pred[B]} out[P]$$
 $out[B] = eval[B] \cup (in[B] - kill[B])$ 

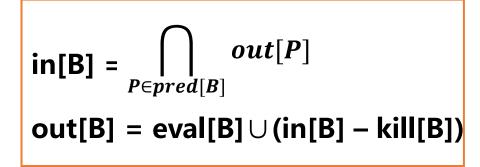


#### **第三步: 使用不动点法求解数据流方程**

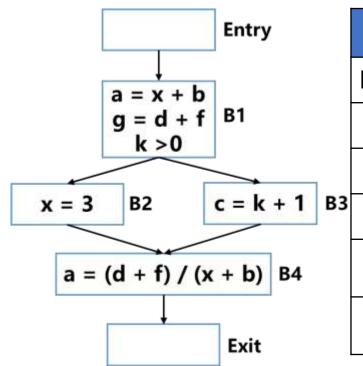
```
out[Entry]=Ø
每个基本块B∈N-{Entry}
   out[B]=U //出现在程序中的语句右部的表达式的全集
change = true
while(changes) { //循环,直到所有基本块的out集合都不再发生变化
    change = false
   对每个基本块B∈N-{Entry} {
                                       求解不动点
        oldout=out[B]
        in[B]=
             P \in pred[B]
       out[B] = eval[B] ∪ (in[B]-kill[B])
       if(out[B]≠oldout) change=true;
```



#### ■第三步: 使用不动点法求解数据流方程



#### 第一次迭代



BB	eval[B]	kill[B]	out[B] <sup>0</sup>	in[B] <sup>1</sup>	out[B] <sup>1</sup>
Entry	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
B1	{x+b, d+f}	Ø	U	Ø	{x+b, d+f}
B2	Ø	{x+b}	U	{x+b, d+f}	{d+f}
В3	{k+1}	Ø	U	$\{x+b, d+f\}$	{k+1, x+b, d+f}
B4	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	Ø	U	{d+f}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}
Exit	Ø	Ø	U	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}



#### ■第三步: 使用不动点法求解数据流方程

$$in[B] = \bigcap_{P \in pred[B]} out[P]$$
 $out[B] = eval[B] \cup (in[B] - kill[B])$ 

#### 第二次迭代

ВВ	eval[B]	kill[B]	out[B] <sup>0</sup>	in[B] <sup>1</sup>	out[B] <sup>1</sup>	in[B] <sup>2</sup>	out[B] <sup>2</sup>
Entry	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
B1	{x+b, d+f}	Ø	U	Ø	{x+b, d+f}	Ø	{x+b, d+f}
B2	Ø	{x+b}	U	{x+b, d+f}	{d+f}	{x+b, d+f}	{d+f}
В3	{k+1}	Ø	U	{x+b, d+f}	{k+1, x+b, d+f}	{x+b, d+f}	{k+1, x+b, d+f}
B4	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	Ø	U	{d+f}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	{d+f}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}
Exit	Ø	Ø	U	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}

out[B]<sup>2</sup>= out[B]<sup>1</sup>, 到达不动点





	到达定值分析	活跃变量分析	可用表达式分析
数据流方向D	前向	后向	前向
值集V	定值的集合	变量的集合	表达式的集合
交汇运算^	U	U	
传递函数F	$f_B(x) = gen[B] \cup (x - kill[B])$	$f_B(x) = use[B] \cup (x - def[B])$	$f_B(x) = eval[B] \cup (x - kill[B])$
数据流方程	$in[B] = \bigcup out[pred(B)]$ $out[B] = f_B(in[B])$	out[B] = $\bigcup$ in[succ(B)] in[B] = $f_B$ (out[B])	$in[B] = \bigcap out[pred(B)]$ $out[B] = f_B(in[B])$
边界条件	$out[entry] = \emptyset$	$in[exit] = \emptyset$	$out[entry] = \emptyset$
初始值	$out[B] = \emptyset$	$in[B] = \emptyset$	out[B] = U

#### 7.2.4 公用子表达式删除方法

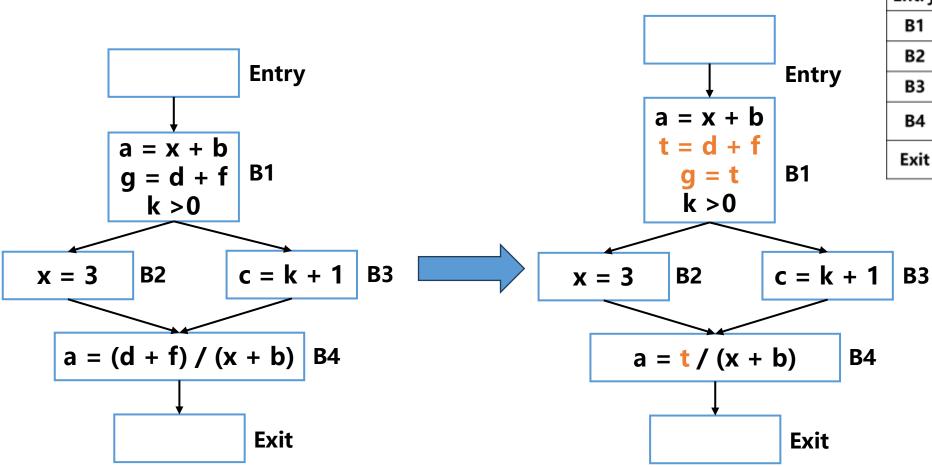


```
首先进行可用表达式分析
对每个基本块B∈N,执行 {
  对每条instr∈B ,如果instr形如z = x⊗y ,且x⊗y在B的入口点可用 {
    ① 判断x⊗y是否在这条指令instr处可用
    ② 获得到达z的x⊗y计算的定值指令w = x⊗y (instr本身除外)
    ③ 创建新的临时变量t
    ④ 将步骤②获得的定值指令w = x⊗y 替换为两条连续指令
      t = x \otimes y; w = t;
    ⑤将instr中的z = x⊗y替换为z = t
```

## 7.2.4 公用子表达式删除方法







ВВ	in[B] <sup>2</sup>	out[B] <sup>2</sup>
Entry	Ø	Ø
B1	Ø	{x+b, d+f}
B2	{x+b, d+f}	{d+f}
В3	{x+b, d+f}	{k+1, x+b, d+f}
B4	{d+f}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}
Exit	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}	{d+f, x+b, (d+f)/(x+b)}

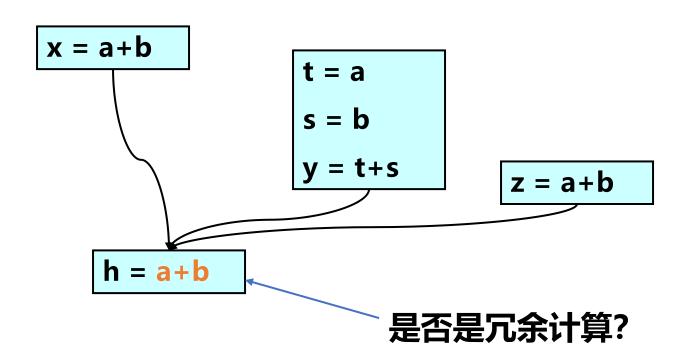
## 学习内容



- ■7.1 常数传播
- ■7.2 公用子表达式删除
- ■7.3 值编号
- ■7.4 循环不变量外提
- **■7.5 死代码删除**

## 7.3.1 值编号问题





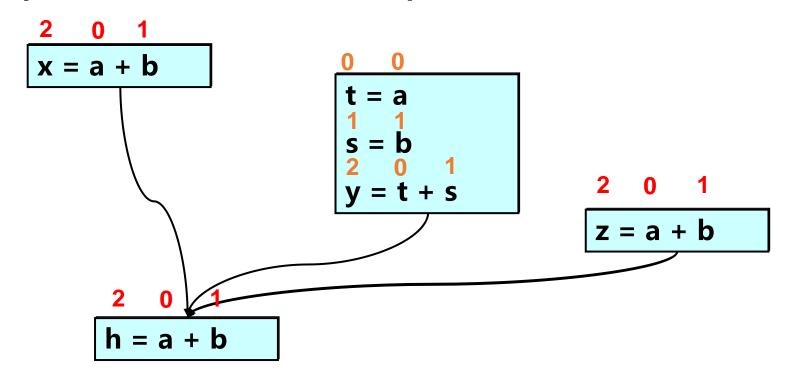
公用子表达式删除: NO! ②

值编号(Value Numbering, VN): YES! ☺

## 7.3.1 值编号问题



- ■每个表达式赋予唯一的值编号VN
  - ◆每个变量、表达式、常数
- ■全等
  - ◆如VN(a)=VN(b),则a全等于b
  - サ如果 ⊕ 和 ⊗ 是相同的操作符,并且 x全等于a 且 y全等于b,则x ⊕ y 全等于a ⊗ b (考虑: ⊕满足交换律的情况)



#### 7.3.2 计算值编号



#### ■编译器如何实现值编号? —— 基于hash值的值编号

⊕根据 ⊗ 的可交换性选择不同的Hash函数

#### 7.3.3 局部值编号方法



#### 对基本块内的每条指令r: x = op1 ⊗ op2, 执行 {

- ① 判断op1的值编号VN(op1)和op2的值编号VN(op2)是否已存在Hash表中
  - 是,则获取VN(op1)和VN(op2)
  - 否,则计算VN(op1) 和VN(op2),并加入表中
- ② 计算key=VN(⊗, VN(op1), VN(op2))
- ③ 判断key是否已存在Hash表中
  - 是,则将r右部的表达式计算替换为表中key对应的已计算好的指令左部

```
并令VN(x)=key
```

否,则将VN(x)=key加入表中

}

# 7.3.3 局部值编号方法



#### ■示例

VN(Hash)	Name	Expr



VN(Hash)	Name	Expr
h1	i	
1	1	
h2	a	i+1



VN(Hash)	Name	Expr
h1	i	
1	1	
h2	a, b	i+1



VN(Hash)	Name	Expr
<del>h1</del>	i	
1	1	
h2	a, b	i+1
h3	j	
h4	i	j+1



VN(Hash)	Name	Expr
<del>h1</del>	<del>i</del>	
1	1	
h2	a, b	i+1
h3	j	
h4	i	j+1
h5	<b>t1</b>	i+1

$$h5 = hash(+,h4,1) \neq h2$$





- **CSE vs VN**
- ■冗余删除的基本方法

⊕CSE: 语法角度

⊕VN: 语义角度

■实际解决方案: 都实现!

# 学习内容

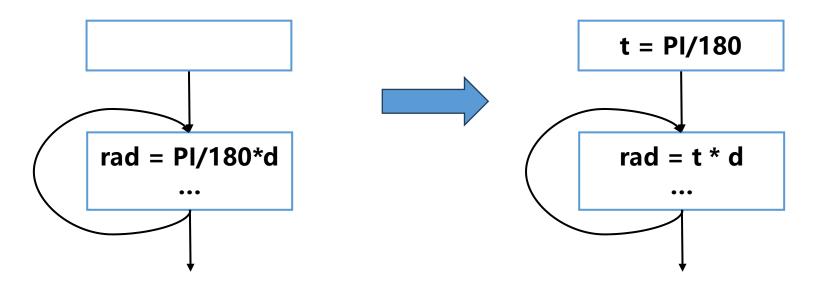


- ■7.1 常数传播
- ■7.2 公用子表达式删除
- ■7.3 值编号
- ■7.4 循环不变量外提
- ■7.5 死代码删除

## 7.4.1 循环不变量



- ■如果循环中的一个计算在循环的每次迭代都产生相同的值,则该计算被称作循环不变量
- ■循环不变量外提(Loop-Invariant Code Motion, LICM): 将循环不变量移动到循环之外,避免冗余计算,减少循环内执行的指令



## 7.4.1 循环不变量



- ■对于循环内的基本块的一条指令,如果它的每一个操作数都满足下列条件,则该指令是循环不变的:
  - ⊕操作数是常数,或者

  - →只存在一个到达操作数的定值,该定值在循环内,并且该定值本身是循环不变的

## 7.4.1 循环不变量



### ■标记循环不变量

- 1. 首先标记两种简单的不变量
  - ①标记所有操作数都是常数的指令为不变的
  - ②标记所有操作数的到达定值都在循环外的指令为不变的

#### 2. 重复下列步骤直到找出所有的循环不变量:

标记操作数符合下列条件,并且没有被标记的指令,为不变的

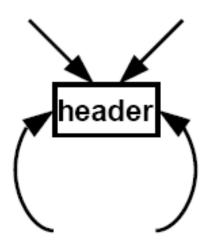
- ①操作数是循环不变量,或者
- ②只有一个定值到达操作数,并且该定值已经标记为循环的不变量

# 7.4.2 循环前置结点



#### 思考

◆不变量外提后,放在哪里?循环头结点?循环头结点的前驱?



## 7.4.2 循环前置结点

header

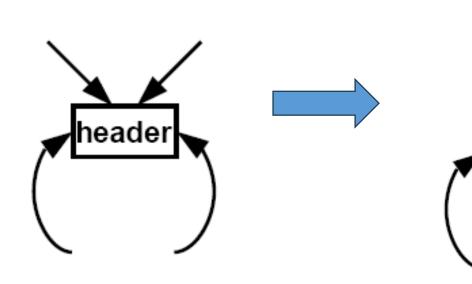
header



#### ■循环前置结点

- サ只有一个后继: 循环头结点
- 来自于循环之外、到循环头结点的边,改为到前置结点
- **中来自于循环内部,到循环头结点的边,保持不变**

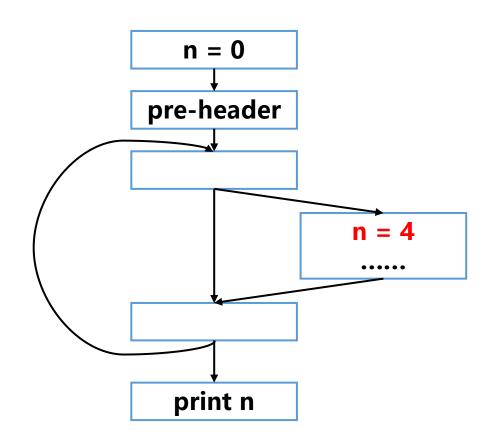
#### ■循环不变量外提到前置结点

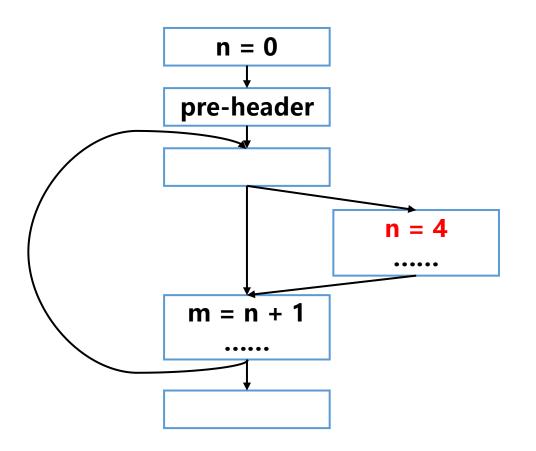




#### 思考

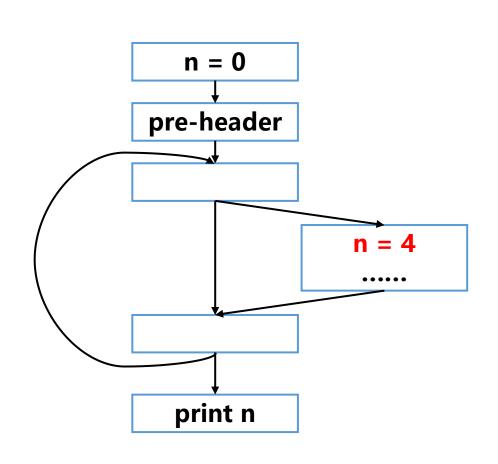
#### 母所有不变量都可以外提么?







### ■不变量外提条件一



假设不变量s: v=x⊗y 或 v=x

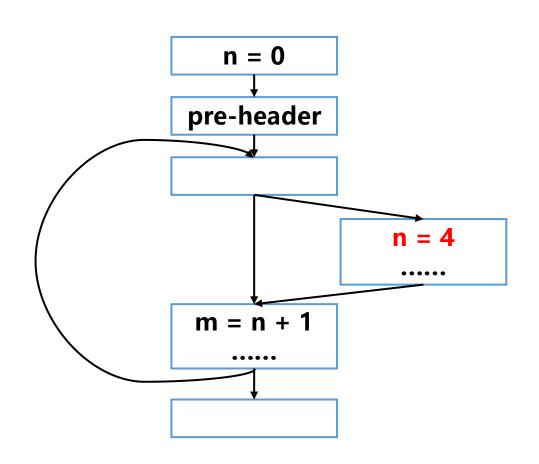
对v进行定值,使用x, y

条件一: 语句s是循环L所有出口的

必经结点



### ■不变量外提条件二

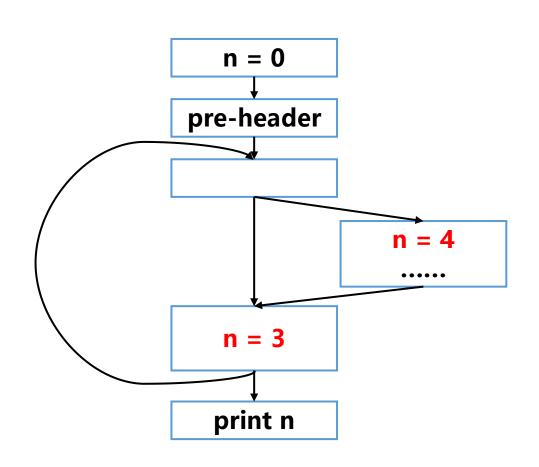


条件二: 循环L中对v的所有使用只

能被s中的定值到达



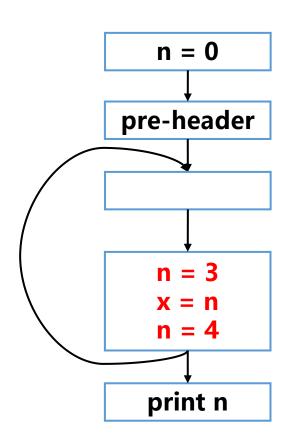
### ■不变量外提条件三



条件三: v不能在循环L中有其他定值



### ■不变量外提条件四



条件四:不变量使用的操作数x、y 的定值都来自于循环L之外(可以是 一开始就在循环外,或者外提后在 循环外)

## 7.4.4 循环不变量外提方法

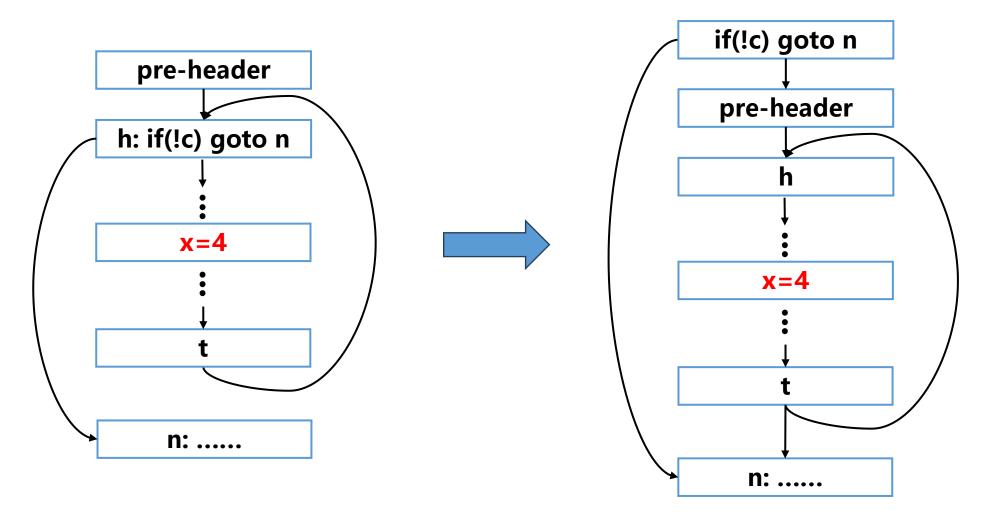


```
执行到达定值分析,并构建UD链
找出循环L中的循环不变量
对每个循环不变量指令s,假设s定值变量v,使用变量x和y,执行{
 如果 (1. s所在基本块是L的所有出口的必经结点&&
    2. 在循环L中v没有其它定值&&
    3. L中v的所有使用只被s中的定值到达&&
    4. x和y的定值在循环外(可以是一开始就在循环外,或者外提后在循环外))
    将s外提,移到L的前置结点
```

# 7.4.4 循环不变量外提方法



- ■如果循环迭代次数为0,怎么办?
- ■通过先测试循环是否执行来避免零迭代循环带来的问题



## 思考



- ■循环不变量外提算法还可以如何优化?
  - →条件1、2是否可以放松?
- **■分析LLVM的循环不变量外提算法** 
  - +llvm/lib/Transforms/Scalar/LICM.cpp
  - ⊕和讲授算法相比,做了什么优化?





```
#include <math.h>
void loop(double *a, const double b, int m)
  int i;
  while (i++ < m)
    a[i] = sin(b); //函数调用
  return;
```

# 学习内容



- ■7.1 常数传播
- ■7.2 公用子表达式删除
- ■7.3 值编号
- ■7.4 循环不变量外提
- **■7.5 死代码删除**

## 7.5.1 死代码删除



#### **■死变量**

- ⊕如果一个变量v在从点p开始的某条路径上被使用,那么变量v在点p是活跃的
- ⊕否则(从点p开始的任何路径上都未被使用),变量v在点p是死变量

■死代码删除(Dead Code Elimination, DCE): 试图删除在基本块中被定值但是在基本块出口不活跃的死变量

# 7.5.2 死代码删除方法



```
change = false;
do{
 执行活跃变量分析;
 遍历所有基本块,对基本块B中每一条定值变量v的语句s {
   如果定值点的活跃变量集合out(s)不包含v {
     删除s;
     change = true;
}while(changed)
```

## 7.5.3 死代码删除示例



#### **■**C代码dce.c

```
int foo(int x, int y) {
   int a = x+y;
   a = 1;
   return a;
}
```

#### 无dce优化 (opt dce.ll -S -mem2reg)

```
define dso_local i32 @foo(i32 %0, i32 %1) #0 {
    %3 = add nsw i32 %0, %1
    ret i32 1
}
```

#### dce优化 (opt dce.ll -S -mem2reg -dce)

```
define dso_local i32 @foo(i32 %0, i32 %1) #0 {
  ret i32 1
}
```

### 7.5.3 死代码删除示例



#### ■ C代码dce2.c

```
int b; //global variable
int foo(int x, int y) {
   int a = x+y;
   b = a;
   return x;
}
```

#### dce优化 (opt dce2.ll -S -mem2reg -dce)

```
define dso_local i32 @foo(i32 %0, i32 %1) #0 {
    %3 = add nsw i32 %0, %1
    store i32 %3, i32* @b, align 4
    ret i32 %0
}
```

#### DCE优化不能删除对全局变量b的写,因此不能删除对a的赋值

## 7.5.3 死代码删除示例



#### ■下面的C代码dce3.c?

```
int b; //global variable
int foo(int x, int y) {
   volatile int a = x+y;
   b = a;
   return x;
}
```

#### dce优化 (opt dce3.ll -S -mem2reg -dce)

```
define dso_local i32 @foo(i32 %0, i32 %1) #0 {
    %3 = alloca i32, align 4
    %4 = add nsw i32 %0, %1
    store volatile i32 %4, i32* %3, align 4
    %5 = load volatile i32, i32* %3, align 4
    store i32 %5, i32* @b, align 4
    ret i32 %0
    volatile 变量的读写
```

## 7.5.4 激进的死代码删除



- Aggressive Dead-Code Elimination, ADCE
- ■思想: 假设所有代码都是"死"代码,除非有证据表明该代码 对程序最终结果有贡献:
  - ◆执行IO,写存储、从函数返回,或者调用具有副作用的函数
  - サ对其他活跃代码中使用的变量赋值
  - **中是一条条件分支语句,并且有其他活跃代码控制依赖于它**
- ▶方法: 遍历所有代码,删除所有未标记为"活跃"的代码

### 思考



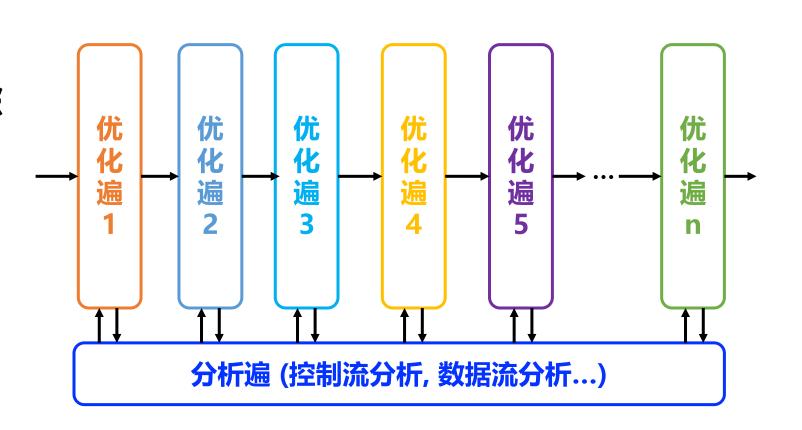
### 阅读代码

#Ilvm/lib/Transforms/Scalar/ADCE.cpp

# 本讲小结



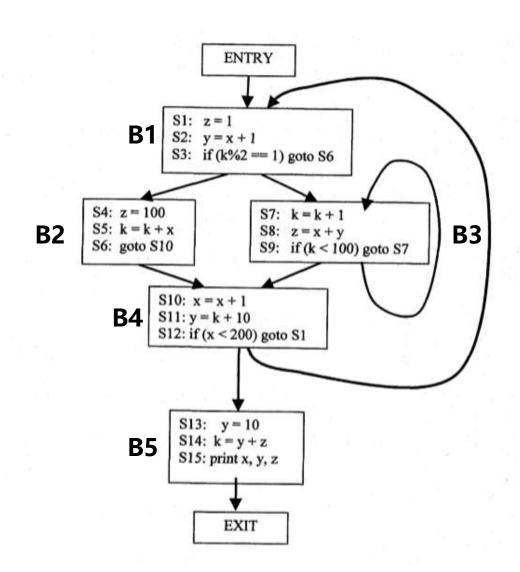
- ■常数传播
- ☑公用子表达式删除
- ■值编号
- ■循环不变量外提
- **■死代码删除**



# 作业



- ■对如下控制流图:
- (1)进行活跃变量分析
- 给出各基本块边界处(入口处和 出口处)的活跃变量情况,给出 具体分析过程和最终结果
- (2)画出DCE优化后的CFG
- 给出具体分析过程和最终结果



# 参考资料



- ■《编译原理》(龙书) 第9章
- ■《高级编译器设计与实现》(鲸书) 第8章
- LLVM源码