CCF 全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2012)复赛

普及组

(请选手务必仔细阅读本页内容)

一. 题目概况

| 中文题目名称 | 质因数分解 | 寻宝 | 摆花 | 文化之旅 |
|-----------|-------------------|--------------|------------|-------------|
| 英文题目与子目录名 | prime | treasure | flower | culture |
| 可执行文件名 | prime | treasure | flower | culture |
| 输入文件名 | prime.in | treasure.in | flower.in | culture.in |
| 输出文件名 | prime.out | treasure.out | flower.out | culture.out |
| 每个测试点时限 | 1秒 | 1秒 | 1秒 | 1秒 |
| 测试点数目 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 每个测试点分值 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 附加样例文件 | 有 | 有 | 有 | 有 |
| 结果比较方式 | 全文比较(过滤行末空格及文末回车) | | | |
| 题目类型 | 传统 | 传统 | 传统 | 传统 |

二. 提交源程序文件名

| 对于 C++语言 | prime.cpp | treasure.cpp | flower.cpp | culture.cpp |
|--------------|-----------|--------------|------------|-------------|
| 对于C语言 | prime.c | treasure.c | flower.c | culture.c |
| 对于 pascal 语言 | prime.pas | treasure.pas | flower.pas | culture.pas |

三. 编译命令(不包含任何优化开关)

| 对于 C+ | +语言 | g++ -o prime | g++ -o treasure | g++ -o flower | g++ -o culture |
|---------|--------|---------------|------------------|----------------|-----------------|
| | | prime.cpp -lm | treasure.cpp -lm | flower.cpp -lm | culture.cpp -lm |
| 对于 C | 语言 | gcc -o prime | gcc -o treasure | gcc-o flower | gcc -o culture |
| | | prime.c -lm | treasure.c -lm | flower.c -lm | culture.c -lm |
| 对于 pasc | cal 语言 | fpc prime.pas | fpc treasure.pas | fpc flower.pas | fpc culture.pas |

四. 运行内存限制

| 内存上限 | 128M | 128M | 128M | 128M |
|------|------|------|------|------|
|------|------|------|------|------|

注意事项:

- 1、文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。
- 2、C/C++中函数 main()的返回值类型必须是 int,程序正常结束时的返回值必须是 0。
- 3、全国统一评测时采用的机器配置为: CPU Intel Core2 Quad Q8200 2.33GHz,内存 2G,上述时限以此配置为准。
- 4、特别提醒: 评测在 NOI Linux 下进行。

1.质因数分解

(prime.cpp/c/pas)

【问题描述】

已知正整数n是两个不同的质数的乘积,试求出较大的那个质数。

【输入】

输入文件名为 prime.in。 输入只有一行,包含一个正整数 n。

【输出】

输出文件名为 prime.out。输出只有一行,包含一个正整数 p,即较大的那个质数。

【输入输出样例】

| prime.in | prime.out |
|----------|-----------|
| 21 | 7 |
| | |

【数据范围】

对于 60%的数据, $6 \le n \le 1000$ 。 对于 100%的数据, $6 \le n \le 2*10^9$ 。

2. 寻宝

(treasure.cpp/c/pas)

【问题描述】

传说很遥远的藏宝楼顶层藏着诱人的宝藏。小明历尽千辛万苦终于找到传说中的这个藏宝楼,藏宝楼的门口竖着一个木板,上面写有几个大字:寻宝说明书。说明书的内容如下:

藏宝楼共有 N+1 层,最上面一层是顶层,顶层有一个房间里面藏着宝藏。除了顶层外,藏宝楼另有 N 层,每层 M 个房间,这 M 个房间围成一圈并按逆时针方向依次编号为 0,…, M-1。其中一些房间有通往上一层的楼梯,每层楼的楼梯设计可能不同。每个房间里有一个指示牌,指示牌上有一个数字 x,表示从这个房间开始按逆时针方向选择第 x 个有楼梯的房间(假定该房间的编号为 k),从该房间上楼,上楼后到达上一层的 k 号房间。比如当前房间的指示牌上写着 2,则按逆时针方向开始尝试,找到第 2 个有楼梯的房间,从该房间上楼。如果当前房间本身就有楼梯通向上层,该房间作为第一个有楼梯的房间。

寻宝说明书的最后用红色大号字体写着:"寻宝须知:**帮助你找到每层上楼房间的指示 牌上的数字**(即每层第一个进入的房间内指示牌上的数字)总和为打开宝箱的密钥"。

请帮助小明算出这个打开宝箱的密钥。

【输入】

输入文件为 treasure.in。

第一行 2 个整数 N 和 M, 之间用一个空格隔开。N 表示除了顶层外藏宝楼共 N 层楼,M 表示除顶层外每层楼有 M 个房间。

接下来 N*M 行,每行两个整数,之间用一个空格隔开,每行描述一个房间内的情况,其中第(i-1)*M+j 行表示第 i 层 j-1 号房间的情况(i=1, 2, ..., N; j=1, 2, ..., M)。第一个整数表示该房间是否有楼梯通往上一层(0表示没有,1表示有),第二个整数表示指示牌上的数字。注意,从 j 号房间的楼梯爬到上一层到达的房间一定也是 j 号房间。

最后一行,一个整数,表示小明从藏宝楼底层的几号房间进入开始寻宝(注:房间编号从0开始)。

【输出】

输出文件名为 treasure.out。

输出只有一行,一个整数,表示打开宝箱的密钥,这个数可能会很大,请输出对 20123 取模的结果即可。

【输入输出样例】

| treasure.in | treasure.out |
|-------------|--------------|
| 2 3 | 5 |
| 1 2 | |
| 0 3 | |
| 1 4 | |
| 0 1 | |
| 1 5 | |
| 1 2 | |
| 1 | |
| | |

【输入输出样例说明】

第一层:

- 0号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是2;
- 1号房间,无楼梯通往上层,指示牌上的数字是3;
- 2号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是4;

第二层:

- 0号房间,无楼梯通往上层,指示牌上的数字是1;
- 1号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是5;
- 2号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是2:

小明首先进入第一层(底层)的1号房间,记下指示牌上的数字为3,然后从这个房间开始,沿逆时针方向选择第3个有楼梯的房间2号房间进入,上楼后到达第二层的2号房间,记下指示牌上的数字为2,由于当前房间本身有楼梯通向上层,该房间作为第一个有楼梯的房间。因此,此时沿逆时针方向选择第2个有楼梯的房间即为1号房间,进入后上楼梯到达顶层。这时把上述记下的指示牌上的数字加起来,即3+2=5,所以打开宝箱的密钥就是5。

【数据范围】

对于 50%数据, 有 0<N≤1000, 0<x≤10000;

对于 100%数据, 有 0<N≤10000, 0<M≤100, 0<x≤1,000,000。

3. 摆花

(flower.cpp/c/pas)

【问题描述】

小明的花店新开张,为了吸引顾客,他想在花店的门口摆上一排花,共 m 盆。通过调查顾客的喜好,小明列出了顾客最喜欢的 n 种花,从 1 到 n 标号。为了在门口展出更多种花,规定第 i 种花不能超过 a_i 盆,摆花时同一种花放在一起,且不同种类的花需按标号的从小到大的顺序依次摆列。

试编程计算,一共有多少种不同的摆花方案。

【输入】

输入文件 flower.in, 共 2 行。

第一行包含两个正整数 n 和 m, 中间用一个空格隔开。

第二行有n个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,依次表示 a_1 、 a_2 、…… a_n 。

【输出】

输出文件名为 flower.out。

输出只有一行,一个整数,表示有多少种方案。**注意:因为方案数可能很多,请输出** 方案数对 1000007 取模的结果。

【输入输出样例1】

| flower.in | flower.out |
|-----------|------------|
| 2 4 | 2 |
| 3 2 | |
| | |

【输入输出样例说明】

有 2 种摆花的方案,分别是(1,1,1,2), (1,1,2,2)。括号里的 1 和 2 表示两种花, 比如第一个方案是前三个位置摆第一种花,第四个位置摆第二种花。

【数据范围】

对于 20% 数据, 有 0<n≤8, 0<m≤8, 0≤a;≤8;

对于 50%数据, 有 0<n≤20, 0<m≤20, 0≤a;≤20;

对于 100%数据,有 0<n≤100,0<m≤100,0≤a_i≤100。

4. 文化之旅

(culture.cpp/c/pas)

【问题描述】

有一位使者要游历各国,他每到一个国家,都能学到一种文化,但他不愿意学习任何一种文化超过一次(即如果他学习了某种文化,则他就不能到达其他有这种文化的国家)。不同的国家可能有相同的文化。不同文化的国家对其他文化的看法不同,有些文化会排斥外来文化(即如果他学习了某种文化,则他不能到达排斥这种文化的其他国家)。

现给定各个国家间的地理关系,各个国家的文化,每种文化对其他文化的看法,以及这位使者游历的起点和终点(在起点和终点也会学习当地的文化),国家间的道路距离,试求从起点到终点最少需走多少路。

【输入】

输入文件 culture.in。

第一行为五个整数 N, K, M, S, T, 每两个整数之间用一个空格隔开, 依次代表国家个数 (国家编号为 1 到 N), 文化种数 (文化编号为 1 到 K), 道路的条数, 以及起点和终点的编号 (保证 S 不等于 T);

第二行为 N 个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,其中第 i 个数 C_i ,表示国家 i 的文化为 C_i 。

接下来的 K 行,每行 K 个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,记第 i 行的第 j 个数为 a_{ij} , a_{ij} = 1 表示文化 i 排斥外来文化 j (i 等于 j 时表示排斥相同文化的外来人), a_{ij} = 0 表示不排斥(注意 i 排斥 j 并不保证 j 一定也排斥 i)。

接下来的 M 行,每行三个整数 u, v, d, 每两个整数之间用一个空格隔开,表示国家 u 与国家 v 有一条距离为 d 的可双向通行的道路(保证 u 不等于 v, 两个国家之间可能有多条道路)。

【输出】

输出文件名为 culture.out。

输出只有一行,一个整数,表示使者从起点国家到达终点国家最少需要走的距离数(如果无解则输出-1)。

【输入输出样例1】

| culture.in | culture.out |
|------------|-------------|
| 2 2 1 1 2 | -1 |
| 1 2 | |
| 0 1 | |
| 1 0 | |
| 1 2 10 | |
| | |

【输入输出样例说明】

由于到国家 2 必须要经过国家 1, 而国家 2 的文明却排斥国家 1 的文明, 所以不可能到达国家 2。

【输入输出样例2】

| culture.in | culture.out |
|------------|-------------|
| 2 2 1 1 2 | 10 |
| 1 2 | |
| 0 1 | |
| 0 0 | |
| 1 2 10 | |
| | |

【输入输出样例说明】

路线为1->2。

【数据范围】

对于 20%的数据, 有 2≤N≤8, K≤5;

对于 30%的数据, 有 2≤N≤10, K≤5;

对于 50%的数据, 有 2≤N≤20, K≤8;

对于 70%的数据, 有 2≤N≤100, K≤10;

对于 100%的数据,有 2≤N≤100,1≤K≤100,1≤M≤N²,1≤k_i≤K,1≤u, v≤N,1≤d≤1000,S \neq T,1 ≤S, T≤N。